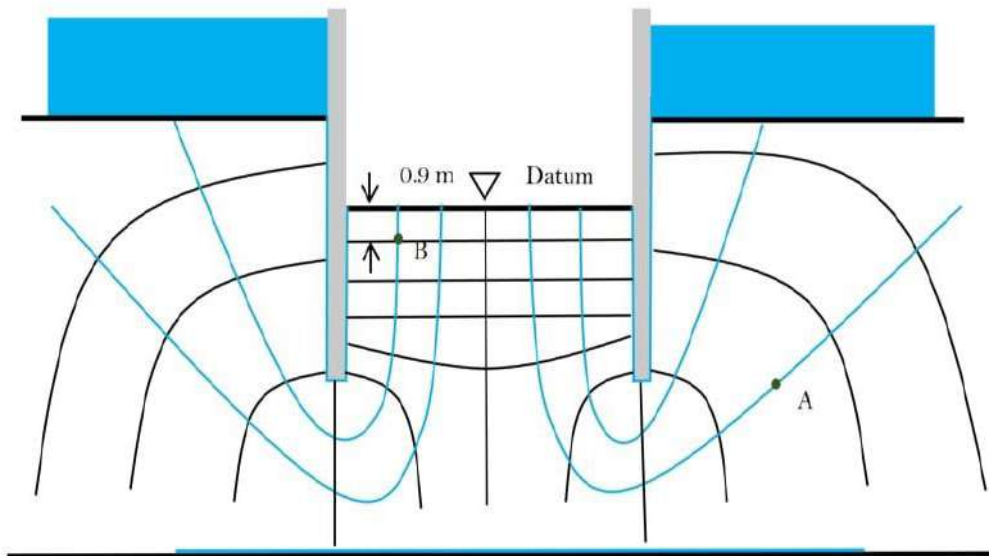




The Hashemite University  
Faculty of Engineering  
Civil Engineering Department

# Geotechnical Engineering



By: Eng. Mahmoud Abo-Rayyan

Civilitte

Civilittee-hu.com

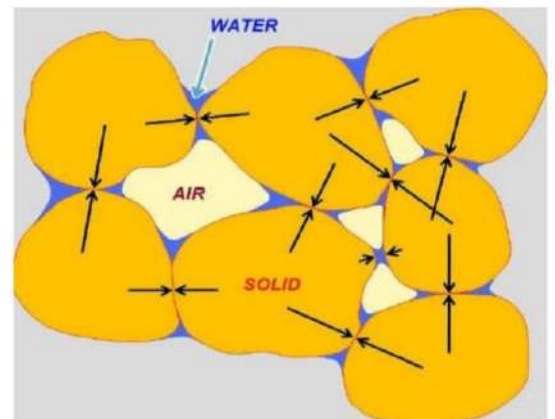
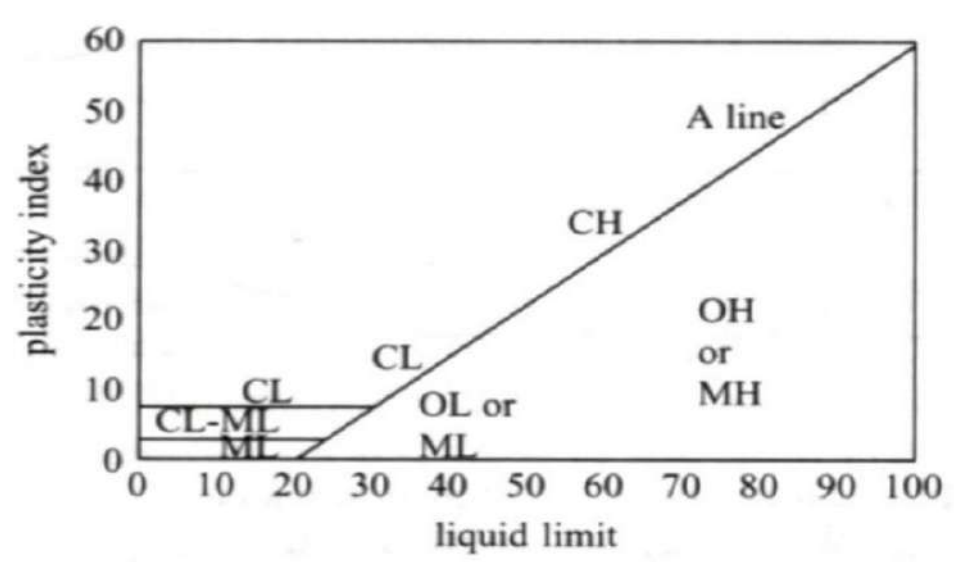


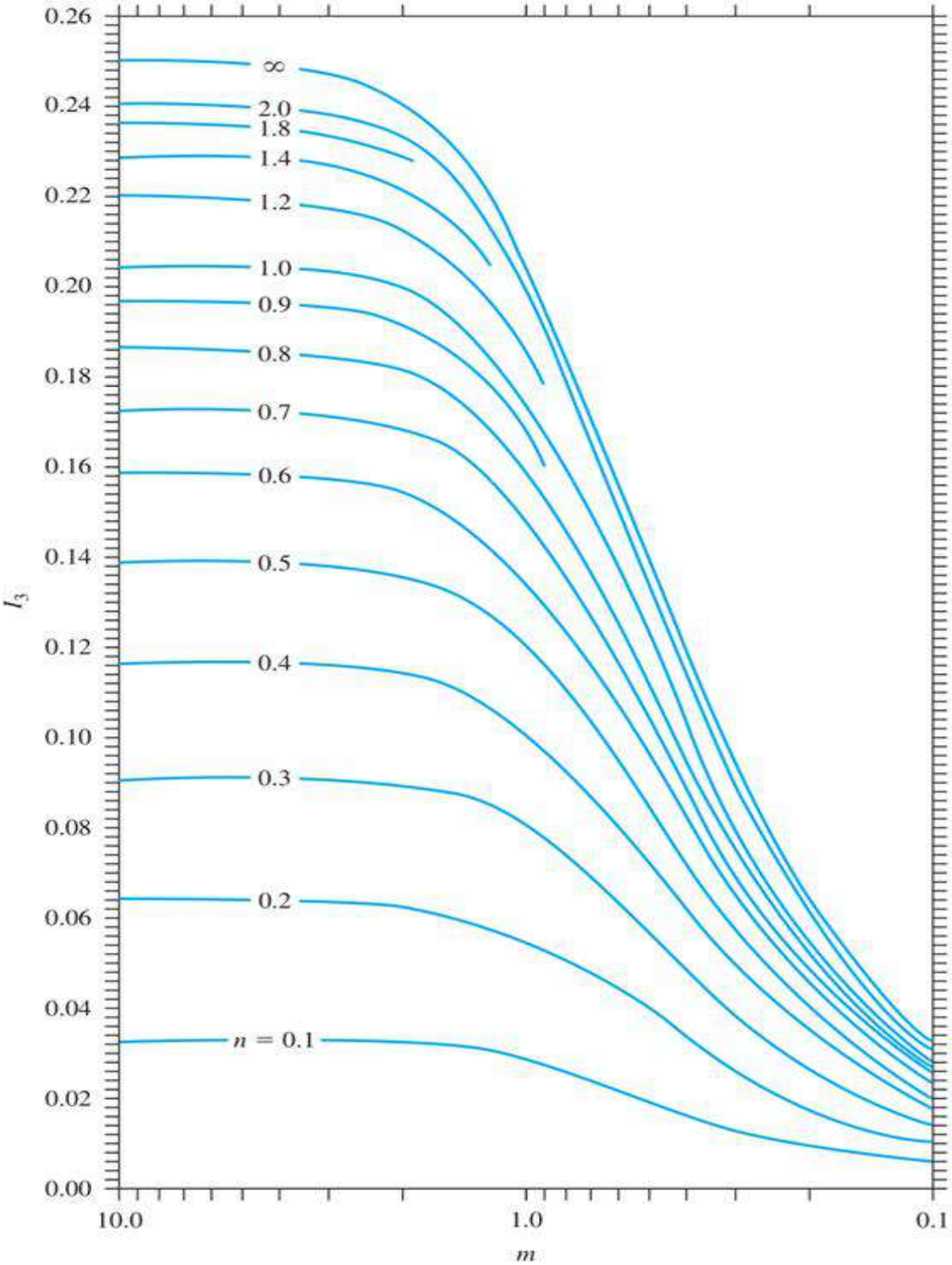
Table and Chart **First**

Procedures for Classification				
<b>Passing #200 &lt; 50% coarse soil</b>	<b>Gravel:</b> More than 50% coarse fraction retained on sieve #4 <u>Passing #4 &lt; 50% gravel</u>	Less than 5% fines <u>Passing #200 &lt; 5%</u>	$1 < C_c < 3$ $C_u \geq 4$	<b>GW Well-graded Gravel</b>
		More than 12% fines <u>Passing #200 &gt; 12%</u>	Not satisfying GW	<b>GP poorly graded Gravel</b>
	<b>Sand:</b> Less than 50% coarse fraction retained on sieve #4 <u>Passing #4 &gt; 50% Sand</u>	Less than 5% fines <u>Passing #200 &lt; 5%</u>	$1 < C_c < 3$ $C_u \geq 6$	<b>SW Well-graded Sand</b>
		More than 12% fines <u>Passing #200 &gt; 12%</u>	Below Line A	<b>GM Silty Gravel</b>
<b>Coarse-grained material</b>  <b>Grain size distribution</b>	<b>Sand:</b> Less than 50% coarse fraction retained on sieve #4 <u>Passing #4 &gt; 50% Sand</u>	Less than 5% fines <u>Passing #200 &lt; 5%</u>	Above Line A	<b>GC clayey Gravel</b>
		More than 12% fines <u>Passing #200 &gt; 12%</u>	Not satisfying SW	<b>SP poorly graded Sand</b>
	<b>Sand:</b> Less than 50% coarse fraction retained on sieve #4 <u>Passing #4 &gt; 50% Sand</u>	Less than 5% fines <u>Passing #200 &lt; 5%</u>	Below Line A	<b>SM Silty Sand</b>
		More than 12% fines <u>Passing #200 &gt; 12%</u>	Above Line A	<b>SC clayey Sand</b>

Passing #200 > 50% fine soil  **Plasticity chart**



# Table and Chart **Second**

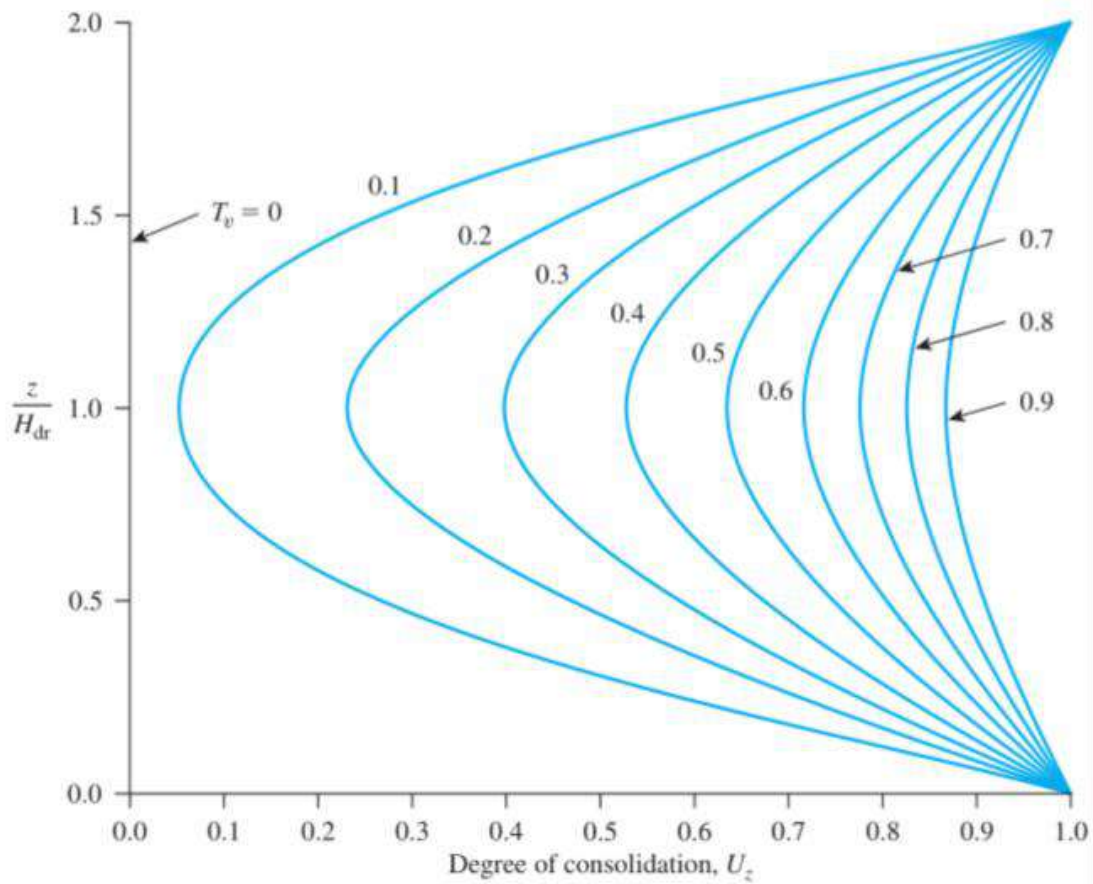
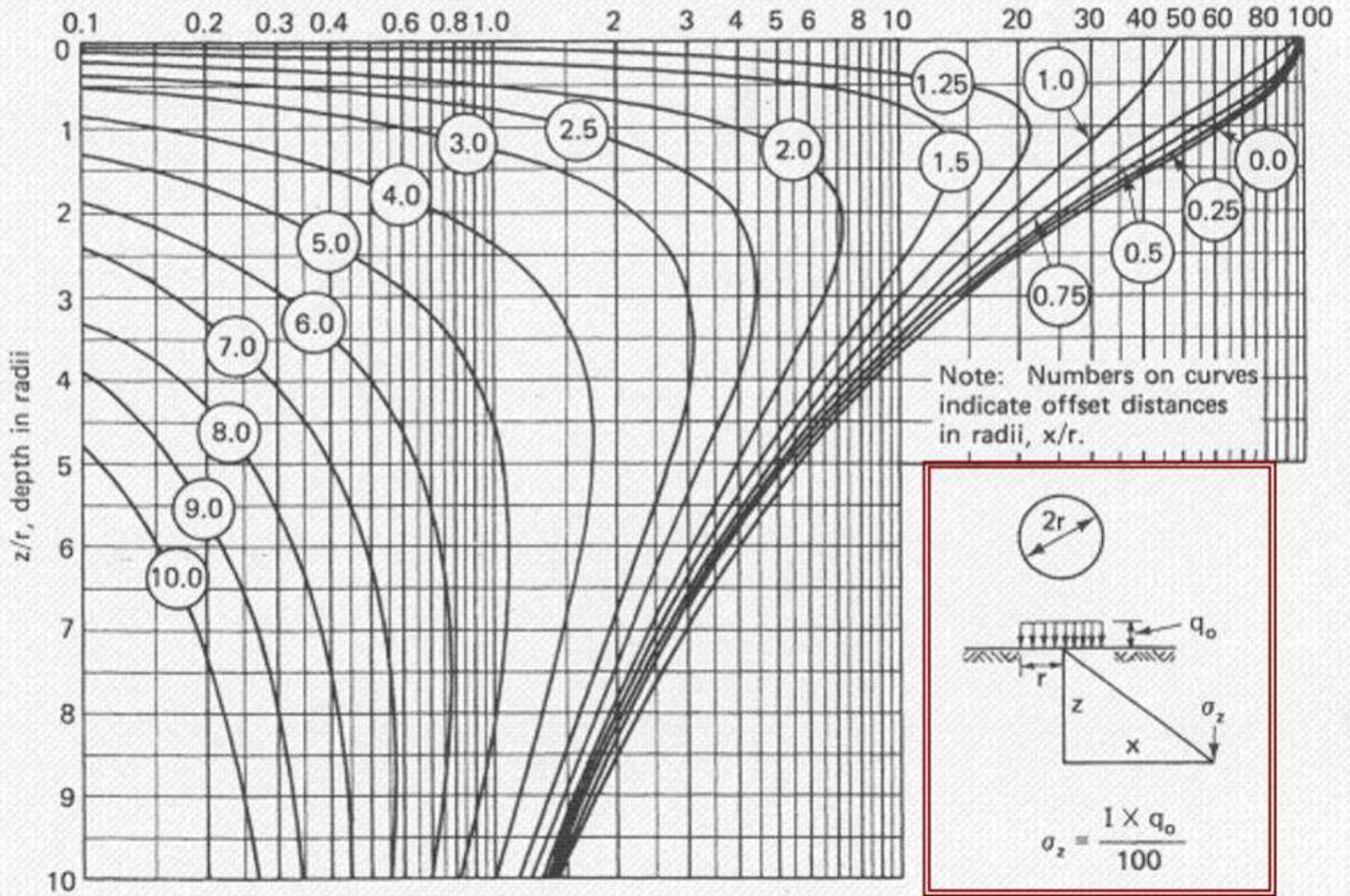


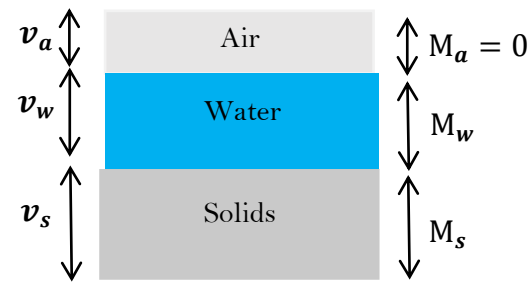
Variation of  $I_3$  with  $m$  and  $n$

© Cengage Learning 2014



$I$ , stress in percent of surface contact pressure

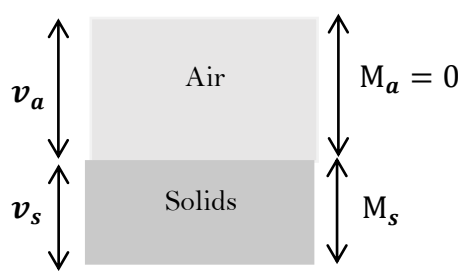


**(Bulk / Wet / Total / Moisture) Soil**

$$v_{total} = v_a + v_w + v_s$$

$$v_{void} = v_a + v_w$$

$$M_{total} = M_s + M_w$$

**Dry Soil**

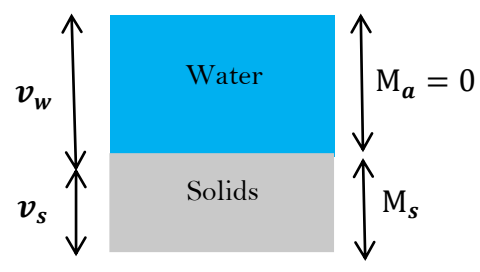
$$v_v = v_a$$

$$v_w = 0$$

$$v_{total} = v_a + v_s$$

$$v_{void} = v_a$$

$$M_{total} = M_s$$

**Saturated Soil**

$$v_v = v_w$$

$$v_a = 0$$

$$v_{total} = v_w + v_s$$

$$v_{void} = v_w$$

$$M_{total} = M_s + M_w$$

**Volume - Volume Relation** *MR*

void ratio ( $e$ ) for Bulk soil =  $\frac{v_v}{v_s}$  **when  $v_v = 0$  is ( $v_s = v_t, e = 0$ ) and when  $v_v = v_s$  is ( $v_t = 2v_v, e = 1$ )**

void ratio ( $e$ ) for Dry soil =  $\frac{v_v}{v_s} = \frac{v_a}{v_s}$  **when  $v_a = 0$  is ( $v_s = v_t, e = 0$ ) and when  $v_a = v_s$  is ( $v_t = 2v_a, e = 1$ )**

void ratio ( $e$ ) for sat soil =  $\frac{v_v}{v_s} = \frac{v_w}{v_s}$  **when  $v_w = 0$  is ( $v_s = v_t, e = 0$ ) and when  $v_w = v_s$  is ( $v_t = 2v_w, e = 1$ )**

**$e$  may be  $> 1$  and  $e$  not may be  $< 0$**

Porosity ( $n$ ) for Bulk soil =  $\frac{v_v}{v_t}$  **when  $v_a = 0$  and  $v_w = 0$  is ( $v_v = 0, v_s = v_t, n = 0$ )**

Porosity ( $n$ ) for Dry soil =  $\frac{v_v}{v_t} = \frac{v_a}{v_t}$  **when  $v_a = 0$  is ( $v_v = 0, v_s = v_t, n = 0$ )**

Porosity ( $n$ ) for saturated soil =  $\frac{v_v}{v_t} = \frac{v_w}{v_t}$  **when  $v_w = 0$  is ( $v_v = 0, v_s = v_t, n = 0$ )**

**$0 < n < 1$**

Degree of saturation ( $s_r$ ) for Bulk soil =  $\frac{v_w}{v_v}$  **when  $v_a = 0$  and  $v_w = 0$  is ( $v_v = 0, v_s = v_t, S = 0$ )**

Degree of saturation ( $s_{r_{min}}$ ) for Dry soil =  $\frac{v_w}{v_v} = \frac{0}{v_a} = 0$   **$S$  not may be  $< 0$**

Degree of saturation ( $s_{r_{max}}$ ) for saturated soil =  $\frac{v_w}{v_v} = \frac{v_v}{v_w} = 1$   **$S$  not may be  $> 1$   $0 < S < 1$**

The air content ( $A$ ) for Bulk soil =  $\frac{v_a}{v_t}$

The air content ( $A_{max}$ ) for Dry soil =  $\frac{v_a}{v_t} = \frac{v_v}{v_t} = n$  **at  $v_a = v_v$   $A_{max} = n$   $A$  not may be  $> n$**

The air content ( $A_{min}$ ) for saturated soil =  $\frac{v_a}{v_t} = \frac{0}{v_t} = 0$  **at  $v_a = 0$   $A_{min} = 0$   $A$  not may be  $< 0$**

**(Mass-Mass) Or (Weight - Weight) Relation**

Water content ( $w_c$ ) =  $\frac{M_w}{M_s}$  Or =  $\frac{W_w}{W_s}$  **at Dry soil ( $w_c$ ) = 0 at Sat soil ( $w_c$ ) =  $w_{c_{max}}$**

# (Mass Or Weight) -Volume Relation

$$\text{Bulk density } (\rho) = \frac{M_t}{v_t} = \frac{G_s \rho_w (1+w)}{1+e} = \frac{\rho_w (G_s + se)}{1+e} \quad \text{Or} \quad \text{moist unit weight } (\gamma) = \frac{W_t}{v_t} = \frac{G_s \gamma_w (1+w)}{1+e} = \frac{\gamma_w (G_s + se)}{1+e}$$

$$\text{Solid density } (\rho_s) = \frac{M_s}{v_s} \quad \text{Or} \quad \text{solid unit weight } \gamma_{solid} = \frac{W_s}{v_s}$$

$$\text{Dry density } (\rho_{dry}) = \frac{M_s}{v_t} = \frac{\rho_w G_s}{1+e} \quad \text{Or} \quad \text{dry unit weight } \gamma_{dry} = \frac{W_s}{v_t} = \frac{\gamma_w G_s}{1+e}$$

$$\text{Saturated density } (\rho_{sat}) = \frac{M_t}{v_t} = \frac{\rho_w (G_s + e)}{1+e} \quad \text{Or} \quad \text{saturated unit weight } \gamma_{sat} = \frac{W_t}{v_t} = \frac{\gamma_w (G_s + e)}{1+e}$$

$$\rho \text{ (effective/Boult/Submerged)} = \rho_{sat} - \rho_w \quad \text{Or} \quad \text{effective unit weight } \gamma \text{ (effective/Boult/Submerged)} = \gamma_{sat} - \gamma_w$$

## Derived Relation:

$$A = \frac{e - wcG_s}{1+e} \quad \text{Or} \quad A = n(1-s)$$

$$G_s = \frac{\rho_s}{\rho_w} = \frac{M_s}{v_s \rho_w} = \frac{M_s v_w}{v_s M_w}$$

$$\rho_{Dry} = \frac{\rho_{sat}}{1+w_{sat}} \quad \text{Or} \quad \gamma_{Dry} = \frac{\gamma_{sat}}{1+w_{sat}}$$

$$n = \frac{e}{1+e}$$

$$\rho_{Dry} = \frac{\rho}{1+w} \quad \text{Or} \quad \gamma_{Dry} = \frac{\gamma}{1+w}$$

$$\gamma' = \frac{\gamma_w (G_s - 1)}{1+e} = \frac{\gamma_{Dry} (G_s - 1)}{G_s}$$

$$e = \frac{n}{1-n}$$

$$\rho_{Dry} = \frac{\rho_{solid}}{1+e} \quad \text{Or} \quad \gamma_{Dry} = \frac{\gamma_{solid}}{1+e}$$

$$\gamma_{Dry} = G_s \gamma_w (1-n)$$

$$\gamma_{sat} = \gamma_{Dry} + n \gamma_w$$

$$\gamma = \gamma_w G_s (1+w)(1-n)$$

$$w_c G_s = se$$

$$Dr \text{ Or } Ir = \frac{e_{max} - e}{e_{max} - e_{min}} \quad \text{is } 0 < Dr < 1$$

$$Dr \text{ Or } Ir \text{ for Dense Or Compact soil } (e = e_{min}) = \frac{e_{max} - e_{min}}{e_{max} - e_{min}} = 1 \quad \text{is } Dr_{max}$$

$$Dr \text{ Or } Ir \text{ for Loose soil } (e = e_{max}) = \frac{e_{max} - e_{max}}{e_{max} - e_{min}} = 0 \quad \text{is } Dr_{min}$$

### Number of layer:

Standard Test = 3 layers

Modified Test = 5 layers

### Weight of of hammer:

Standard Test = 2.5 Kg = 5.5 Ib

Modified Test = 4.5 Kg = 10 Ib

### Height of drop of hammer:

Standard Test = 305 mm

Modified Test = 450 mm

Number of blows per layer = 25

Volume of mold =  $0.944 \times 10^{-3} \text{ m}^3$

### Compactive effort (energy E)

$$= \frac{\text{Weight of hammer} \times \text{Height of drop hammer} \times \text{Number of blows per layer} \times \text{Number of layers}}{\text{Volume of mold}}$$

$$\rho_d = \frac{\rho_s}{1+e} = \frac{\rho_w \times s}{w_c + \frac{\rho_w}{\rho_s} \times s} = \frac{\rho_w \times s}{w_c + \frac{s}{G_s}} = \frac{\rho_w G_s}{1+e}$$

$$R.C = 80 + 0.2 \times Dr\%$$

$$\frac{E_{Modified}}{E_{Standard}} = 4.4$$

$$R.C = \frac{\rho_{d-field}}{\rho_{dry\ max-laboratory}}$$

R.C > 95% accepted

o.p.t ± 2% accepted

A Line  $PI = 0.73(LL - 20) > PI$  Silt

A Line  $PI = 0.73(LL - 20) < PI$  Clay

U Line  $PI = 0.9(LL - 20)$

LL Oven dry < 0.75 LL Air dry Organic

LL Oven dry ≥ 0.75 LL Air dry Not Organic

$$Cu = \frac{D_{60}}{D_{10}}$$

$$1 < Cc < 3 \quad Cu \geq 4$$

Well graded for Gravel

$$LI = \frac{w - PL}{PI}$$

LI < 0 : brittle fracture if sheared

$$1 < Cc < 3 \quad Cu \geq 6$$

Well graded for Sand

0 < LI < 1 : Plastic solid fracture if sheared

$$Cc = \frac{D_{30}^2}{D_{10} \times D_{60}}$$

Cu=1 uniform soil (one grain soil)

$$PI = LL - PL$$

LI < 0 : viscous liquid if sheared

$$St = \frac{\text{strength(undisturbed)}}{\text{strength(disturbed)}}$$

$$LL = w_n \left( \frac{N}{25} \right)^{\tan \beta = 0.121}$$

$$A = \frac{PI}{\% \text{ clay fraction } (W_t) < 0.002 \text{ mm}}$$

Normal Clays:  $0.75 < A < 1.25$

Inactive Clays:  $A < 0.75$

Active Clays:  $A > 1.25$

$$SL = wi(\%) - \Delta w(\%) = \left( \frac{M_s - M_D}{M_D} \right) \times 100 - \left( \frac{V_s - V_D}{M_D} \right) \times \rho_w \times 100$$

1. Large volume change when wetted.

2. Large shrinkage when dried.

High activity:

3. Very reactive (chemically).

The Geotechnical engineering *MR*

Assume the soil above the surface of the water **Dry Or Bulk Soil** and below **Saturated Soil**.

$$\text{Stress} = \frac{\text{Weight}}{\text{Area}} = \gamma \times h \quad \text{Unit } \frac{\text{KN}}{\text{m}^2}$$

$$u = \gamma_{\text{water}} \times h_{\text{water}} \quad (\gamma_{\text{water}} = 9.81 \text{ KN/m}^2)$$

$$\sigma_{\text{effective}} = \Sigma(\gamma_{\text{effective}} \times h_{G.S})$$

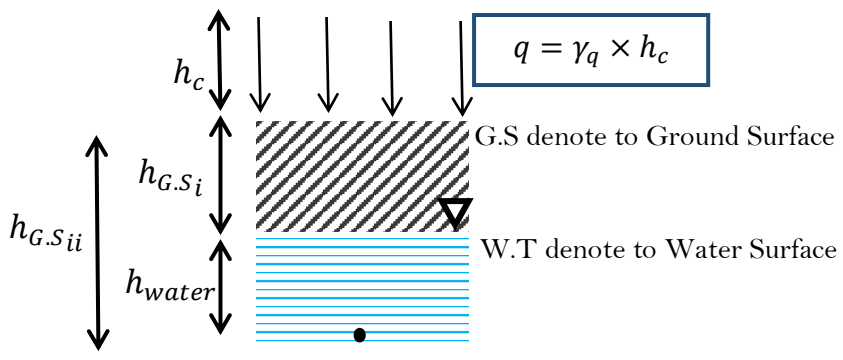
for - Saturated Soil  $\gamma_{\text{effe}} = (\gamma_{\text{sat}} - \gamma_w)$ .

-Bulk Or Dry Soil  $\gamma_{\text{effe}} = \gamma_{\text{Bulk}} \text{ Or } \gamma_{\text{Dry}}$ .

$$\sigma_{\text{effective}} = q + \Sigma(\gamma_{\text{effective}} \times h_{G.S})$$

$$\sigma_{\text{total}} = q + \Sigma(\gamma_{\text{total}} \times h_{G.S})$$

$$u = \gamma_{\text{water}} \times h_{\text{water}}$$



$$\sigma_{\text{total}} = \Sigma(\gamma_{\text{total}} \times h_{G.S})$$

for - Saturated Soil  $\gamma_{\text{total}} = \gamma_{\text{sat}}$ .

-Bulk Or Dry Soil  $\gamma_{\text{total}} = \gamma_{\text{Bulk}} \text{ Or } \gamma_{\text{Dry}}$ .

**q only added to  $\sigma_{\text{effective}}$  and  $\sigma_{\text{total}}$**

-q = 0 (Immediately).

-q = be considered (Many years after the fill).

$$\Delta\sigma_z = \frac{3Pz^3}{2\pi L^5} = \frac{3P}{2\pi} \frac{z^3}{(r^2 + z^2)^{5/2}} = \frac{P}{z^2} I_1 \quad \text{for point load.}$$

$$I_1 = \frac{3}{2\pi} \frac{1}{\left(\left[\frac{r}{z}\right]^2 + 1\right)^{5/2}} \quad \text{for point load.}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{2qz^3}{\pi(x^2 + z^2)^2} = \frac{2q}{\pi z} \frac{1}{\left[\left(\frac{x}{z}\right)^2 + 1\right]^2} \quad \text{for Vertical stress by vertical line}$$

$$\Delta\sigma_z = \Delta\sigma_z = \frac{2q}{\pi} \frac{xz^2}{[x^2 + z^2]^2} \quad \text{for Vertical stress by horizontal line}$$

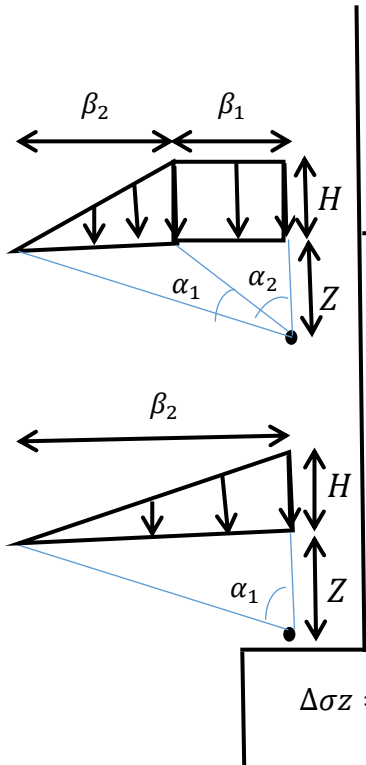
$$\Delta\sigma_z = q \left[ 1 - \frac{1}{\left[\left(\frac{R}{z}\right)^2 + 1\right]^{3/2}} \right] \quad \text{for Vertical Stress below the Center of a Uniformly Loaded Circular Area}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q}{\pi} \left[ \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2}\right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right]$$

$$\alpha_1 = \left( \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{z} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) \right) \times \frac{\pi}{180}$$

$$\alpha_2 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) \times \frac{\pi}{180}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q\alpha_1}{\pi} \quad \alpha_1 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_2}{z} \right) \times \frac{\pi}{180}$$



$$m = \frac{L \text{ or } B}{z} \quad n = \frac{L \text{ or } B}{z}$$

$$\Delta\sigma_z = q I_3 \quad \text{for Vertical Stress Caused by a Rectangular Loaded Area}$$


---


$$\Delta\sigma_z = q \quad \text{Surcharge load}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q \times B}{(B + Z)} \quad \text{Strip load}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q \times B^2}{(B + Z) \times (B + Z)} \quad \text{Square load}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q \times D^2}{(D + z) \times (D + z)} \quad \text{Circle load}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q(B \times L)}{(B + z) \times (L + z)} \quad \text{Rectangular load}$$

$q = \gamma H$   
 $\gamma =$  unit weight of the embankment  
 $H =$  height of the embankment



$$k_x \frac{\partial^2 h}{\partial x^2} + k_z \frac{\partial^2 h}{\partial z^2} = 0 \text{ (Laplace equation of continuity)}$$

$$k_x = k_z \text{ (isotropic soil)}$$

$$v_x = k_x i_x = k_x \frac{\partial h}{\partial x}$$

$$v_z = k_z i_z = k_z \frac{\partial h}{\partial z}$$

$$i = \frac{\Delta h}{L}$$

$$i_{cr} = \frac{\gamma'}{\gamma_w} = \frac{\gamma - \gamma_w}{\gamma_w} = \frac{Gs - 1}{1 + e} \text{ at } \sigma_{eff} = 0$$

$$v = ki \text{ at normal condition Or Darcy velocity}$$

$$v_{cr} = ki_{cr} \text{ at Critical condition}$$

$$v = ki \text{ (Discharge velocity Or Darcy velocity)}$$

$$v_s = \frac{v}{n} = \frac{ki}{n} \text{ (Seepage velocity)}$$

$k$  = hydraulic conductivity of soil (cm/sec)

$$q = vA \text{ at normal condition}$$

$$q_{cr} = v_{cr}A \text{ at Critical condition}$$

$$q = vA \text{ by Area total}$$

$$q = v_s A_{void} \text{ by Area Voide}$$

$$k = 10^{-2} D_{10}^2 \text{ For Clean Uniform sands (Hazan)}$$

$$q = k \Delta H \frac{N_f}{Nd} \left( \text{Seepage discharge or Flow rate} \right)$$

In isotropic soil  $\frac{m^3}{sec}/m$

$$\Delta h = \frac{\Delta H = H_1 - H_2}{Nd} \text{ (Head loss or Drop head m)}$$

$$h_i = \Delta H - Nd_i \Delta h - z \text{ (Pressure head m)}$$

$$u_i = \gamma_w h_i = \gamma_w [\Delta H - Nd_i \Delta h - z] \text{ (Pour pressure m)}$$

$$p_w = \frac{(u_i + u_{ii})}{2} \times L_{Dam} \text{ (pressure of water)}$$

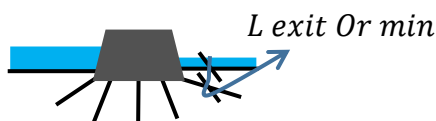
or uplift force KN/m

$$F.s = \frac{\text{The weight of the dam}}{\text{pressure of water}} \text{ (Factor of safety)}$$

against Uplift force)  $Wt. Dam = \gamma_{concrete} \times A_{concrete}$

$$F.s = \frac{i_{cr}}{i_{exit}} \text{ (Factor of safety against piping force)}$$

$$i_{exit} = \frac{\Delta h}{L_{exit} \text{ Or } min}$$

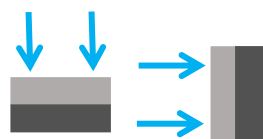


$$q = \bar{k} \Delta H \frac{N_f}{Nd} = \sqrt{k_x \times k_z} \Delta H \frac{N_f}{Nd} \text{ (Anisotropic soil)}$$

$$k_{Heq} = \frac{H_1 K_1 + H_2 K_2 + H_3 K_3}{H_1 + H_2 + H_3}$$



$$k_{Veq} = \frac{H_1 + H_2 + H_3}{\left(\frac{H_1}{K_1}\right) + \left(\frac{H_2}{K_2}\right) + \left(\frac{H_3}{K_3}\right)}$$



At  $t = 0 \Delta \sigma_z = \Delta u$  Or  $u_e$

Symbolized  $u_i$

$$\sigma_{total\ final} = \sigma_o + \Delta \sigma_z$$

$$u_{final} = u_o + \Delta \sigma_z$$

$$\sigma_{effe\ final} = \sigma_o - u_o$$

At  $t = \infty \Delta u = u_e = 0$

$$\sigma_{total\ final} = \sigma_o + \Delta \sigma_z$$

$$u_{final} = u_o$$

$$\sigma_{effe\ final} = \sigma_o + \Delta \sigma_z - u_o$$

$$U_{avg} = \sqrt{\frac{4Tv}{\pi}}$$

$$0 \leq Tv \leq 0.197$$

$$U_{avg} = 1 - \frac{8}{\pi^2} e^{-\frac{\pi^2 Tv}{4}}$$

$$Tv > 0.197$$

$$Tv = \frac{\pi}{4} U_{avg}^2$$

$$U \leq 0.60$$

$$Tv = -0.933 \text{Log}(1 - U) - 0.085$$

$$U > 0.60$$

$$O.C.R = \frac{\sigma_p}{\sigma_o}$$

$h$ : The distance from the surface of the soil in the middle of the clay layer.

$H_o$ : Thick layer clay

-Normally Consolidation Clay (O.C.R) = 1  $\sigma_p = \sigma_o$

-Under Consolidation Clay (O.C.R) < 1  $\sigma_p < \sigma_o$

-Over Consolidation Clay (O.C.R) > 1  $\sigma_p > \sigma_o$

$$\Delta \sigma_z = \frac{1}{6} (\Delta \sigma_{z\ top} + 4 \Delta \sigma_{z\ mid} + \Delta \sigma_{z\ bottom})$$

$$\sigma_o = \gamma h \quad \sigma_f = \sigma_o + \Delta \sigma_z$$

$$1. S_f = H_o \frac{\Delta e}{(1 + e_o)}$$

$$2. S_f = \frac{c_c}{(1 + e_o)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_f}{\sigma_o} \right)$$

$$S_f = m_v H_o \Delta \sigma_z$$

$$\sigma_p < \sigma_o < \sigma_f \quad O.C.R \leq 1$$

$$3. S_f = \frac{c_r}{(1 + e_o)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_f}{\sigma_o} \right)$$

$$\sigma_o < \sigma_f < \sigma_p \quad O.C.R > 1$$

$$4. S_f = \frac{c_r}{(1 + e_o)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_p}{\sigma_o} \right) + \frac{c_c}{(1 + e_o)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_f}{\sigma_p} \right)$$

$$\sigma_o < \sigma_p < \sigma_f \quad O.C.R > 1$$

$$S_f = \frac{c_r}{(1 + e_o)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_f}{\sigma_o} \right) = -ve \quad \sigma_o > \sigma_f$$

$$U_{avg} = \frac{S_c}{S_f}$$

$$\frac{\partial u_e}{\partial t} = cv \frac{\partial^2 u_e}{\partial z^2}$$

$$c_c = 5c_r$$

$$c_c = 0.009(LL - 10)$$

$$U_z = 1 - \frac{u_e}{\Delta \sigma_z = u_i}$$

$$Tv = \frac{cv t}{dr^2}$$

$$c_r = \frac{e_1 - e_2}{\text{Log } \sigma_2 - \text{Log } \sigma_1}$$

$$t = 0 \quad U_z = 0$$

$$K = c_v m_v \gamma_w$$

$$c_c = \frac{e_1 - e_2}{\text{Log } \sigma_2 - \text{Log } \sigma_1}$$

$$t = \infty \quad U_z = 1$$



$W_1$  = Water content measured at end of test

$e_0$  = Void ratio at start of test / A :Area under stress

$e_1$  = Void ratio at end of test /  $\epsilon_v$  = *Strain volumetric*

$H_0$  = Thickness of specimen at start of test

$\Delta H$  = Change in thickness during test

$c_c$  = The Compression index

$c_r$  = The Recompression Or Swelling index

$mv$  =The coefficient of volume compressibility

$$mv = \frac{\epsilon_v}{\Delta \sigma'} = \frac{\Delta H}{H_0 \Delta \sigma'}$$

$$c_c = 5c_r$$

$$mv = \frac{\Delta e}{(1 + e_0) \Delta \sigma'} \text{ MN/m}^2$$

$$e_0 = e_1 + \Delta e$$

$$e_1 = w_1 G_s$$

$$c_c = 0.009(LL - 10)$$

$$H_s = \frac{M_s}{AwG_s}$$

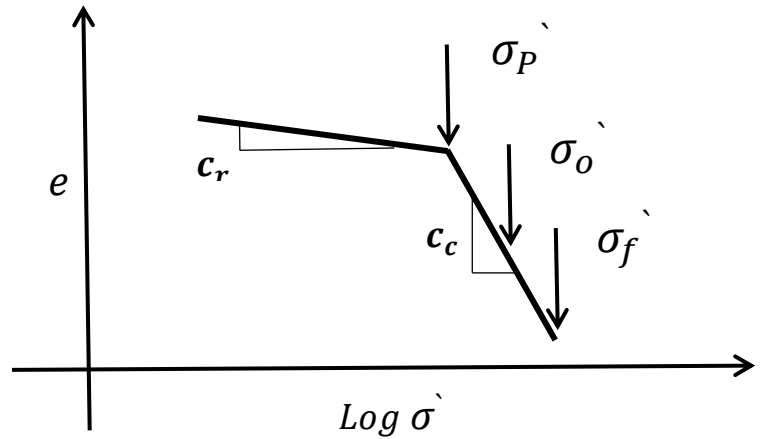
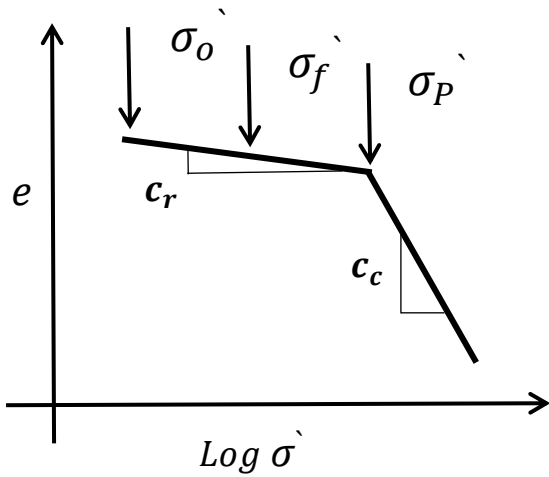
$$c_r = \frac{e_1 - e_2}{\text{Log } \sigma_2' - \text{Log } \sigma_1'}$$

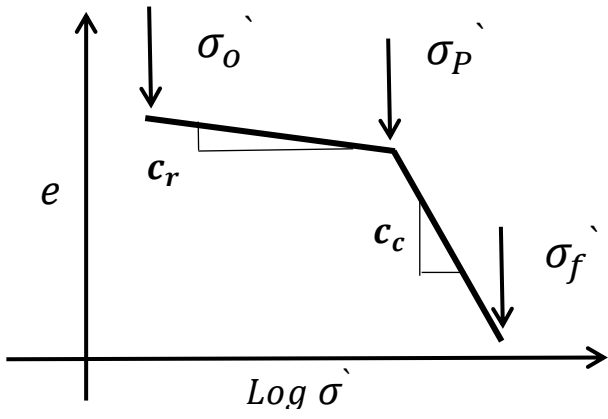
$$e_1 = \frac{H_1 - H_s}{H_s}$$

$$c_c = \frac{e_1 - e_2}{\text{Log } \sigma_2' - \text{Log } \sigma_1'}$$

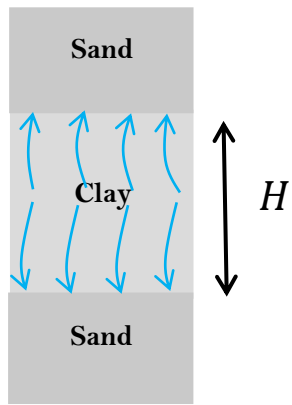
$$\epsilon_v = \frac{\Delta V}{V_0} = \frac{\Delta H}{H_0} = \frac{\Delta e}{1 + e_0}$$

الشيت أول صفحتين فقط

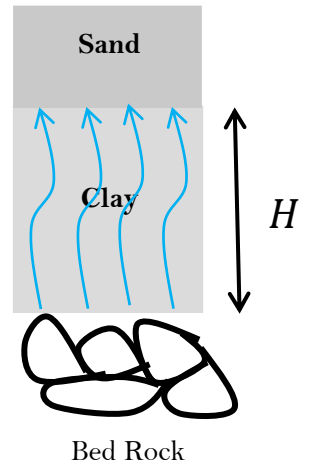




$$d_r = \frac{H}{2}$$



$$d_r = H$$



$$\tau_f = C + \sigma_f \times \tan(\phi)$$

MR

$\tau$ : shear strength of soil

$C$ : cohesion intercept

$\phi$ : angle of friction

$\sigma$ : total normal stress

on the failure plane

$C$  and  $\phi$  shear parameter

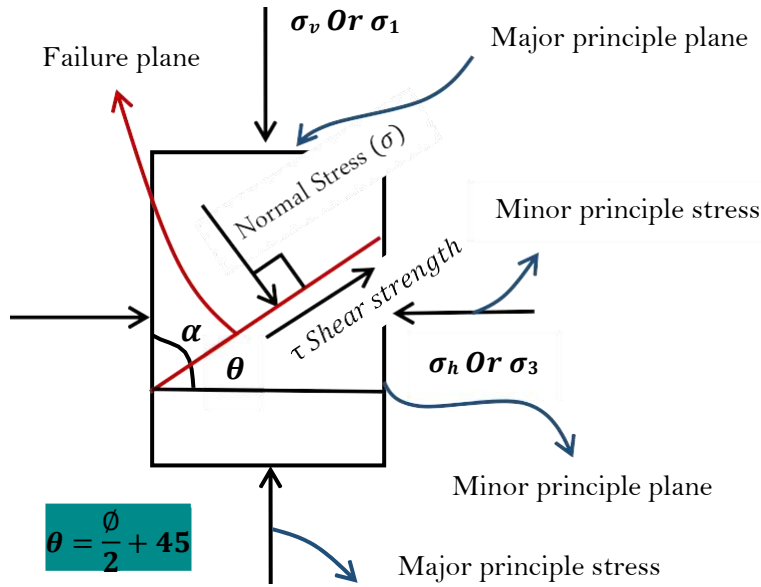
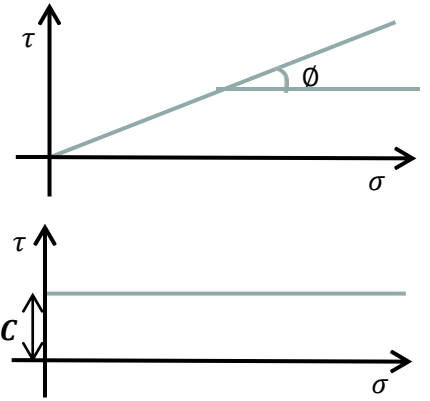
Sandy Soil Or

Normal Consolidated Clay

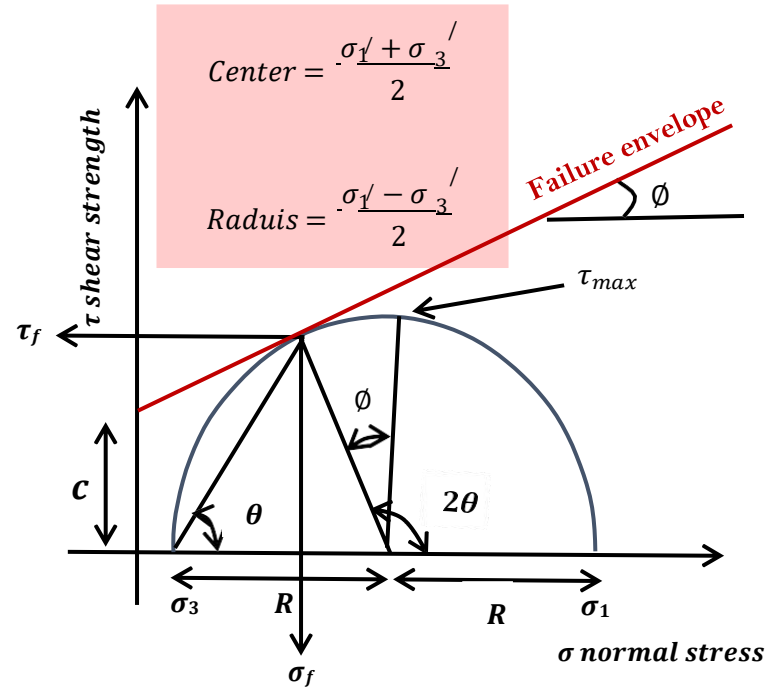
$$C: 0 \quad \tau_f = \sigma_f \times \tan(\phi)$$

Clayey Soil

$$\phi: 0 \quad \tau = C$$



$$\theta = \frac{\phi}{2} + 45$$



$$\tau_f = \frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3) \sin(2\theta)$$

$$\sin(\phi) = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)}{C \cot(\phi) + \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3)}$$

$$\sigma_f = \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3) + \frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3) \cos(2\theta)$$

$$\sigma_1 = \sigma_f \tan^2(45 + \frac{\phi}{2}) + \frac{2C \tan(45 + \frac{\phi}{2})}{2}$$

### Direct shear test (Shear box test).

Function of **effective stress**  $\tau = \sigma' \times \tan(\phi') + C'$

$$\text{Normal force}(\sigma) = \frac{\text{Normal force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}}$$

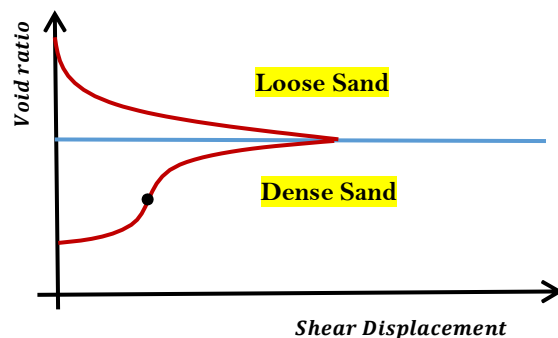
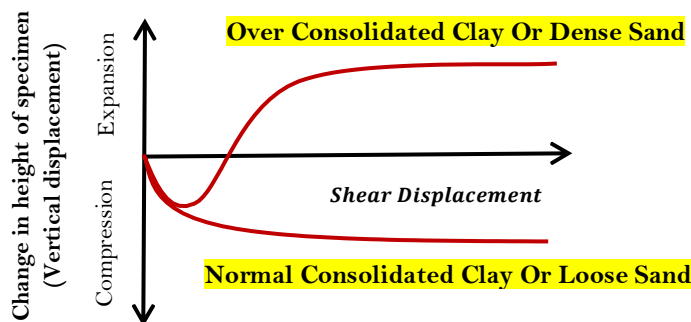
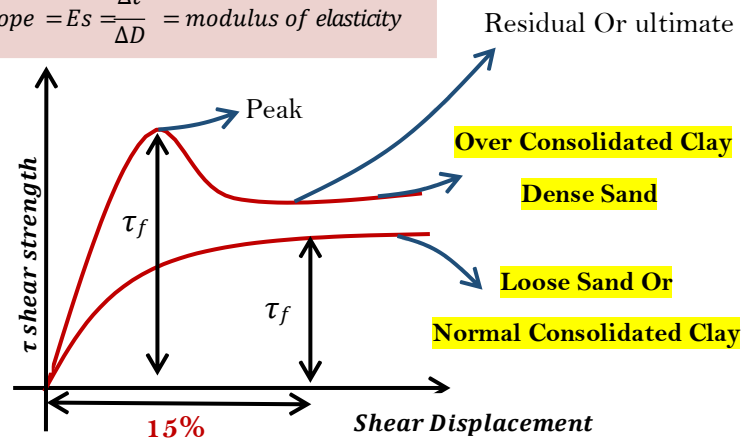
$$\text{Shear force}(\tau) = \frac{\text{Resisting Shear force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}}$$

$C = C'$  and  $\phi = \phi'$  and  $\sigma = \sigma' - U = \sigma' - 0 = \sigma'$

Over Consolidated Clay Residual  $C' = 0$

Over Consolidated Clay peak  $C' \neq 0$  &  $\phi \neq 0$

$$\text{Slope} = Es = \frac{\Delta t}{\Delta D} = \text{modulus of elasticity}$$



# Triaxle Test

## 1. (CD) Or (S) Test.

Function of effective stress  $\tau = \sigma' \times \tan(\phi') + C'$

$$\text{Axial Strain } (\epsilon_a) = \frac{\Delta h}{h}$$

$$\text{Volume Strain } (\epsilon_v) = \frac{\Delta V}{V}$$

Find C' &&  $\phi'$

## 2. (CU) Or (R) Test.

Function of effective stress  $\tau = \sigma' \times \tan(\phi') + C'$

Function of total stress  $\tau = \sigma \times \tan(\phi) + C$

Find C' &&  $\phi'$  && C &&  $\phi$

## 2. (UU) Or (Q) Test

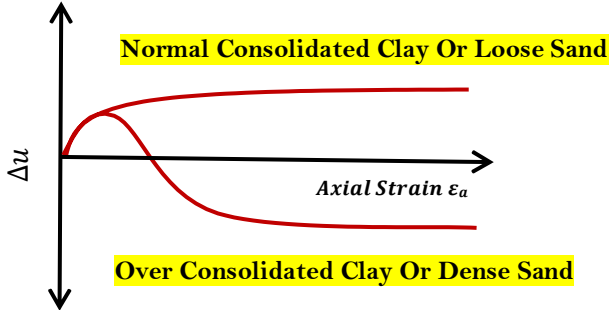
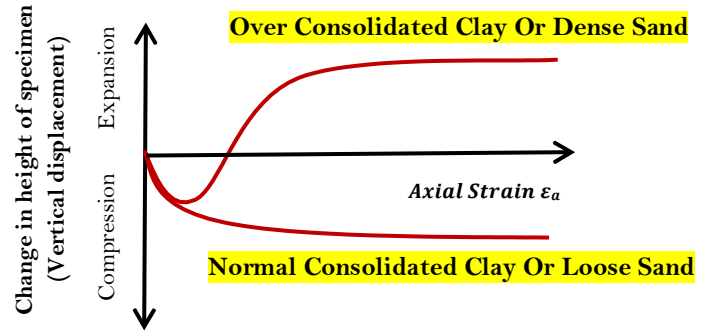
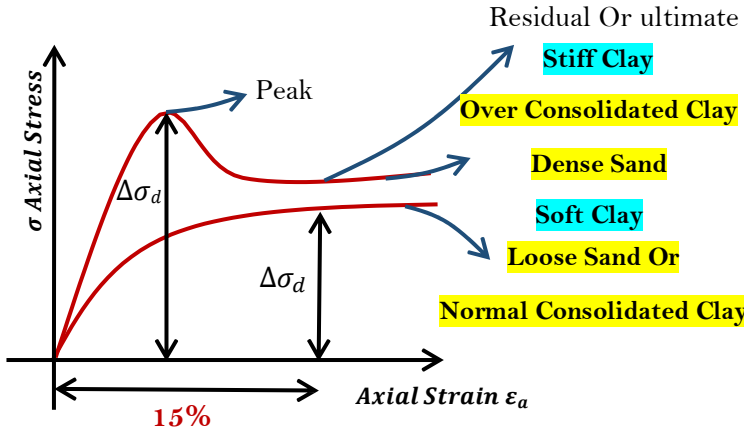
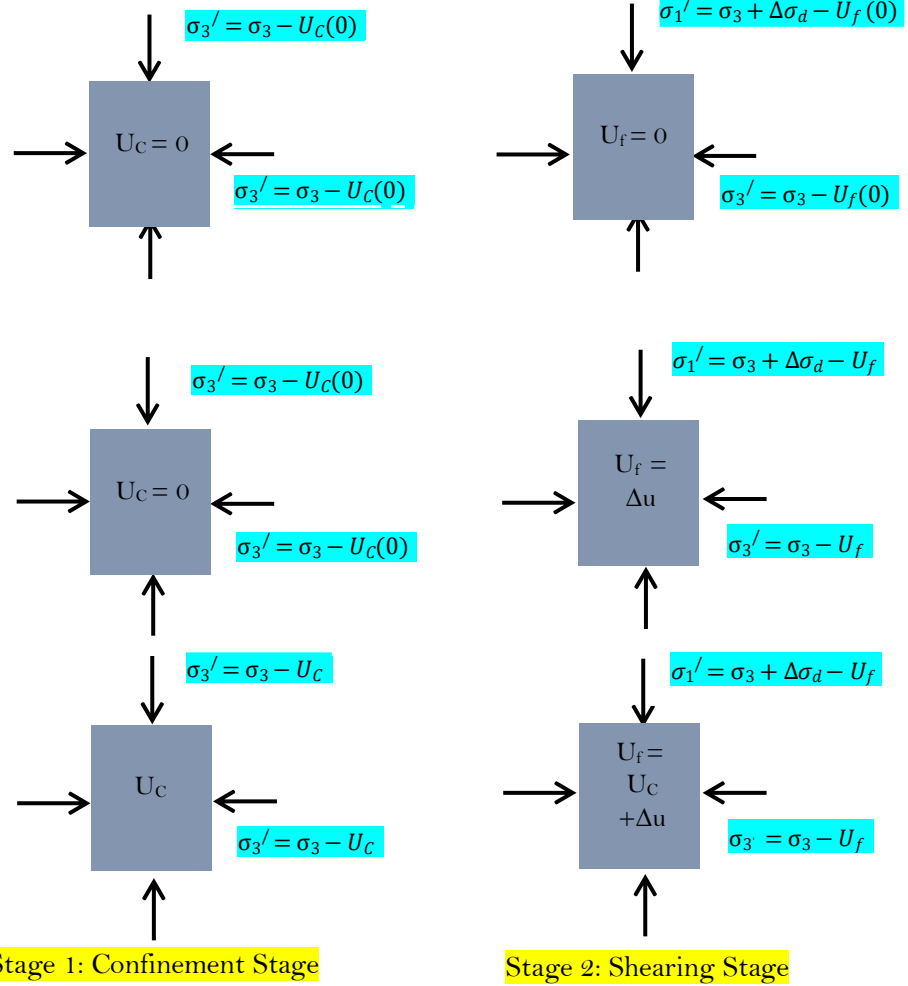
Function of total stress  $\tau = \sigma \times \tan(\phi) + C$

$S = 100\% \phi = 0, C = C_{max}$

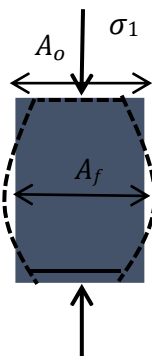
$S < 100\% \phi > 0, C < C_{max}$

$$A_f = \frac{A_o}{(1 - \epsilon_d)}$$

Find C &&  $\phi$



$\sigma_3 = 0$



$$\phi = 2 \left( \tan^{-1} \left( \frac{\sigma_1'_{(I)} - \sigma_1'_{(II)}}{\sigma_3'_{(I)} - \sigma_3'_{(II)}} \right)^{0.5} - 45 \right)$$

$S_u$  for NC

$$\frac{S_u}{P_o'} = 0.45(PI)^{1/2} \quad \text{PI in decimal and } > 0.5$$

$$\frac{S_u}{P_o'} = 0.11 + 0.0037PI \quad \text{PI in percent}$$

$S_u$  = Undrained Shear Strength

$P_o'$  = In Situ overburden stress

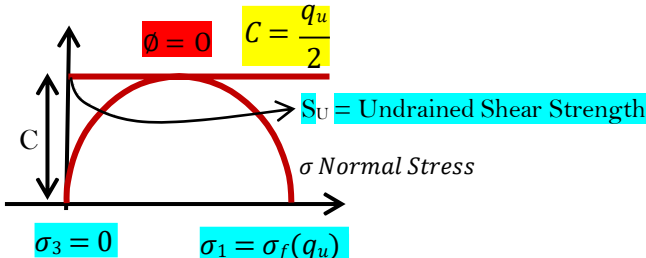
PI = plasticity index

$$(O.C.R)^{0.8} = \frac{\left(\frac{C_u}{P_o'}\right)}{\text{Over consolidated Clay}}$$

$$\left(\frac{C_u}{P_o'}\right) \text{ Normally consolidated Clay}$$

$$\frac{C_u}{P_o'} = (0.23 \pm 0.04)(O.C.R)^{0.5}$$

$\tau$  shear strength



$$q_u = \sigma_f = \frac{P_f}{A_f}$$

$$A_f = \frac{A_o}{(1 - \epsilon_a)}$$

$$(\epsilon_a) = \frac{\Delta h}{h}$$



## بسم الله الرحمن الرحيم

### Origin of Clay Minerals أصل المعادن الطينية

The contact of rocks and water produces clays, either at or near the surface of the earth  
الاحتكاك بين الصخور والمياه ينتج طين , وينتج الاحتكاك اما على سطح الأرض او بالقرب منه.



For example

The CO<sub>2</sub> gas can dissolve in water and form carbonic acid, which will become **hydrogen ions H<sup>+</sup>** and **bicarbonate ions**, and **make water slightly acidic**.



مثال على الاحتكاك وذوبان الصخور من خلال المياه وتكوين الطين المعدني, عند ذوبان ثاني أكسيد الكربون في الماء يتكون حمض الكربونيك, الذي يصبح **ايونات الهيدروجين وايونات البيكربونات**, مما يجعل الماء حامضي الذي يتفاعل مع سطوح الصخور ويميل الى اذابة البوتاسيوم والسيليكا من الفيلديسبار (وهو **مثال فقط** على نوع من صخر معدني شائع التكوين يشبه عادة بلورات بيضاء ووردية اللون ويكون قلوي) وأخيرا يتحول الفيلديسبار الي الكالونايت (وهو نوع من أنواع الطين المعدنية).

The acidic water will react with the rock surfaces and tend to dissolve the **K ion and silica** from the feldspar. Finally, **the feldspar is transformed into kaolinite**.

Feldspar + hydrogen ions+ water  $\rightleftharpoons$  clay (kaolinite) + cations, dissolved



The alternation of feldspar into kaolinite is very common in the decomposed granite  
تحول الفيلديسبار الى كالونايت هو شائع جدا في الغرانيت المتحلل.

The clay minerals are common in the filling materials of joints and faults (fault gouge, seam) in the rock mass

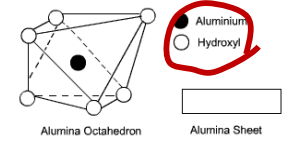
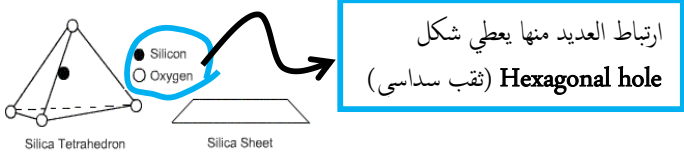
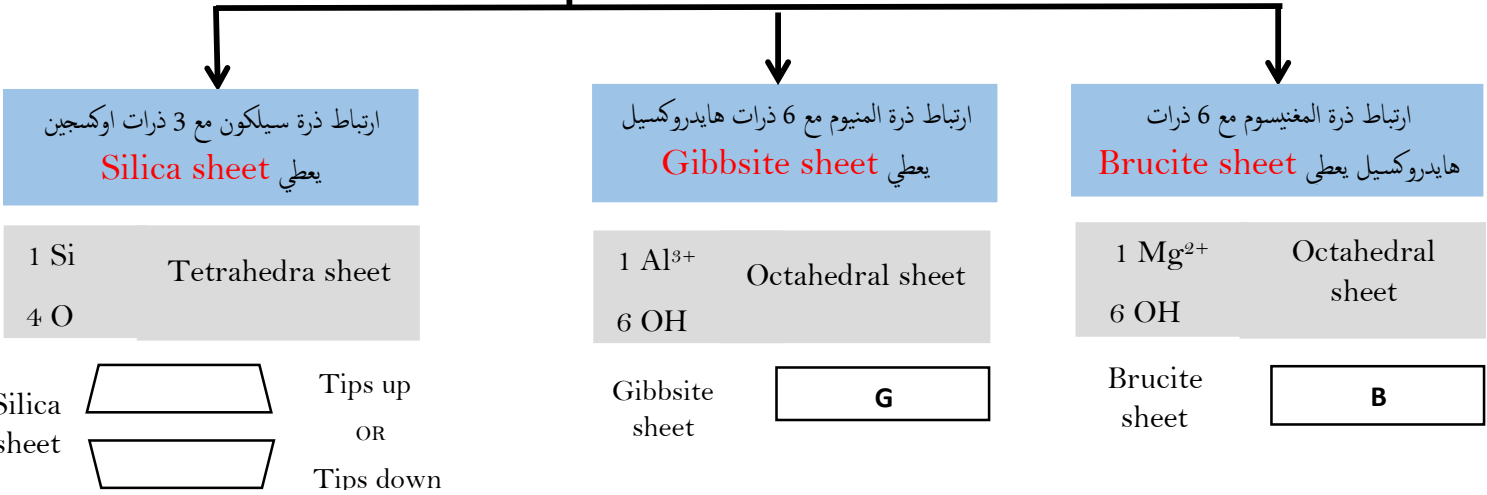
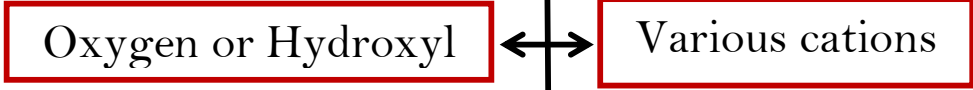
المعادن الطينية شائعة جدا في الحشوة في المفاصل والفوالق (صدع، شق) في كتلة الصخر.

لذلك المعادن الطينية شائعة جدا استخدامها في مناطق الأعطال والمفاصل والفوالق داخل الأبنية لأنه يمكن تعبئة الفراغات بواسطتها. (تشبه العجينة).

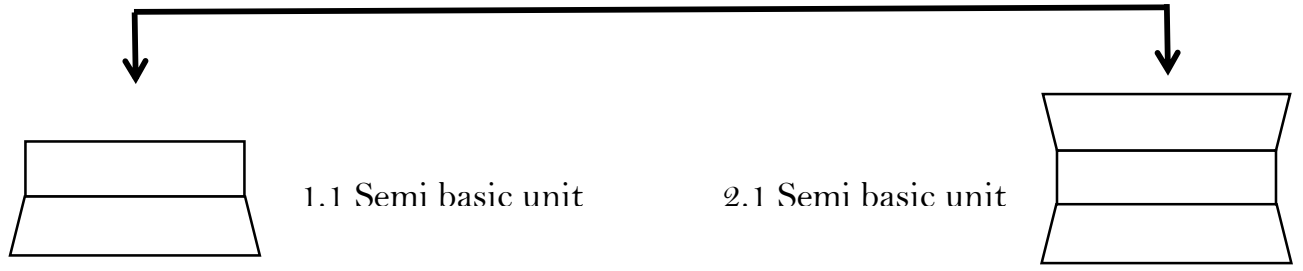
# Synthesis

تشكل Clay mineral

اتحاد cations مع Oxygen و Hydroxyl يعطي sheet واتحاد ال sheet يعطي basic unit وال basic unit تعطي Clay mineral.



## اتحاد Sheet



عند تكون Basic unit ينتج Clay mineral

مثال على 1.1 Semi basic unit:

1. Kaolinite

مثال على 2.1 Semi basic unit:

1. Smectite or (Montmorillonite)
2. Illite

Kaolinite

أشهر الأنواع الأكبر

Basal spacing is **7.2 Å** The distance between layer and layer

**Platy** shape

**Van der Waals forces** and **hydrogen bonds**. الرابطة قوية.

There is **no interlayer Swelling (Less Swelling)** لا ينتفخ حجمه بسبب الماء (لا يمتص الماء)

Width: **0.1~ 4µm**,

Thickness: **0.05~2**

Smectite or (Montmorillonite)

الأقل حجما

يعتبر من المواد التي تسبب الازعاج للمهندس المدني.

يستخدم في عمليات الحفر وفي اعمال الردم.

Basal spacing is **9.6 Å**

**Film-like** shape

**nH<sub>2</sub>O + Cations /Van der Waals forces**. الرابطة ضعيفة.

There is **interlayer Swelling (expansive clay) (More Swelling)** ينتفخ حجمه بسبب الماء (يمتص الماء)

Width: **1 or 2 µm**,

Thickness: **10**

Illite (mica-like minerals)

متوسطة الحجم بينهم

يعتبر مكون رئيسي في العديد من الصخور.

Basal spacing is **10 Å**

**Flaky** shape

**Potassium bond**. الرابطة قوية.

There is **no interlayer Swelling (Med Swelling)**

Width: **0.1~ several µm**,

Thickness: **~ 30 Å**

# Soil Texture

The texture of a soil is its appearance or “feel” and it depends on the:

- 1) Sizes relative
- 2) Shapes of the particles
- 3) The range or distribution of those sizes

نسيج التربة هو مظهره (شكله) ويعتمد على:

1. الاحجام النسبية.
2. الاشكال للجسيمات.
3. وأيضاً مدى وتوزيع تلك الاحجام

تدرج التربة الى قسمين قسم منه ناعم الحبيبات وقسم منه خشن الحبيبات ويتضمن كل قسم نوعين من

Coarse-grained soils:

Gravel sand

الرمل الحصى

الذي لا يعبر من خلال منخل #200

Coarse soil

يستخدم لل coarse grained soil  
(Sieve analysis)



#200

0.075mm (USCS)

Fine-grained soils:

silt clay

الطين الطمي

الذي يعبر من خلال منخل

200#

يستخدم لل Fine grained soil  
(hydrometer analysis)

Unified Soil Classification System (USCS)

نظام مستخدم للتصنيف التربة.

Soil name	Gravel , sands	Silt	Clays
Grain size	Coarse grained can see individual grains by eye	Coarse grained can not see individual grains by eye لا يمكن رؤية الحبوب بالعين	
Characteristics المميزات	Non-plastic granular لا أستطيع تشكيلها بفعل الماء	Non-plastic granular	Plastic granular أستطيع تشكيلها بواسطة الماء
Coarse grain effect of <b>water</b> on engineering behavior تأثير المياه على السلوك الهندسي	Relatively unimportant Exception: loose saturated granular materials and dynamic loadings نسبياً تأثير ماء غير هام الا في: حالة التربة المشبعة بالمياه ومفككة ووفي حالة كانت محملة ديناميكياً.	Important تأثير الماء في حالة الطمي مهمة على السلوك الهندسي للتربة	Very important تأثير الماء في حالة الطين لها أهمية أكبر من الرمل والحصى والطين على السلوك الهندسي للتربة
Effect of <b>grain size distribution</b> on engineering behavior تأثير توزيع الحبيبات على السلوك الهندسي	Important	Relatively unimportant	Relatively unimportant

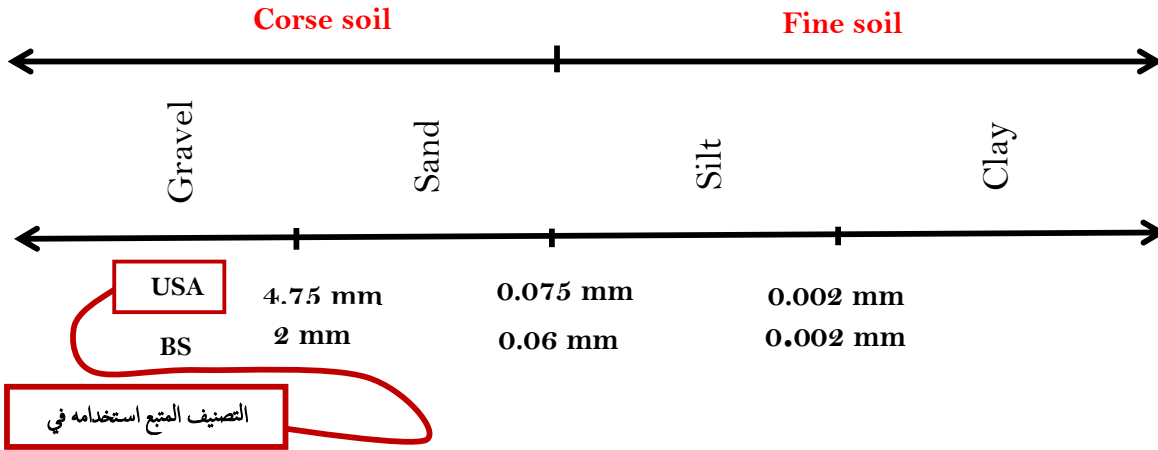


# Grain Size and Grain Size Distribution

حجم الحبيبات وتوزيع حجم الحبيبات

## Grain Size

Sieve analysis: يكون لديك كمية من التربة تمرر على المناخل كل ما يعبر من منخل رقم 200 (0.075 mm) يعتبر **fine soil** و المتبقي على المنخل يعتبر **Coarse soil**.



والذي يمر من منخل رقم 4 (4.75mm) ويكون محصور بين منخل رقم 200 و رقم 4 يعتبر تصنيفه **Sand** والمتبقي على المنخل رقم 4 يعتبر **Gravel**.  
والذي يمر من منخل (0.002mm) ويكون محصور بين منخل رقم 200 و منخل (0.002mm) يعتبر تصنيفه **Silt** و الذي يعبر من

### Note:

A small quartz particle may have the similar size of clay

قد يكون للكوارتز حجم مماثل لحجم الطين ويمر من منخل (0.002mm) ولكن لا يعتبر Clay mineral لأنه خصائصه مختلفة ليس كل ما يعبر يكون Clay.

### التربة يقسم تدرجها الى:

1. Well graded. تدرج جيد
2. Poor graded. تدرج سيء
3. Uniform. لا يحتوي الا على حجم واحد فقط

### Note:

$D_{10}$

Effective size

حرف **D** للرمز لكلمة قطر والرقم 10 للرمز للنسبة المئوية لمرور التربة من خلال هذا القطر في

$D_{60} D_{30}$

مهمات في الحسابات لتصنيف التربة.

### COFF. OF UNIFORMITY ( $C_u$ )

معامل التوحيد / الأنظام

قديه التربة مقسمة بالتساوي على المناخل

$$C_u = \frac{D_{60}}{D_{10}}$$

$1 < C_c < 3$   $C_u \geq 4$  Well graded for **Gravel**

$1 < C_c < 3$   $C_u \geq 6$  Well graded for **Sand**

### COFF OG CURVATUER ( $C_c$ )

معامل الانحناء

يحدد لنا مدى تجانس التربة واحتوائها على مختلف

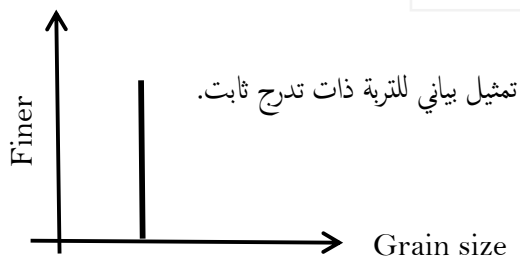
$$C_c = \frac{D_{30}^2}{D_{10} \times D_{60}}$$

إذا خرج ( $C_c$  or  $C_u$ ) خارج المواصفة يعتبر Poor graded

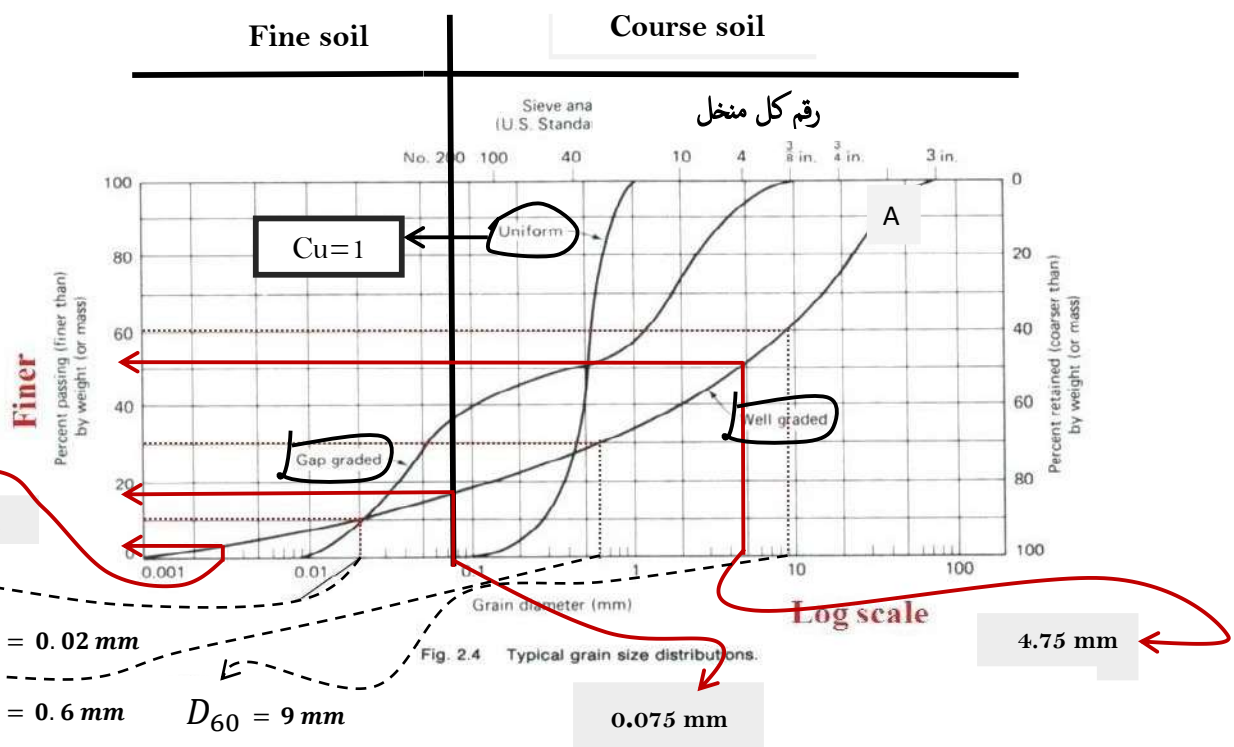
$C_u = 1$  uniform soil (one grain soil)

أي الحجم لكل حبة موجودة في التربة متساوي

(الحجم والقطر ثابت)



تمثيل بياني للتربة ذات تدرج ثابت.



Example 1 : Of the graph soil A how much the proportion of the ratio:

A. 1) Gravel 2) sand 3) silt 4) clay: And Classification Course or fine.

B.  $D_{10}$ ,  $D_{30}$ ,  $D_{60}$ ?

C. Cal:  $C_u$ ,  $C_c$  and class well or poor graded.

<p>A. 1) Gravel = <math>100\% - 51\% = 49\%</math> (retained) 49% من التربة تحتوي حصى هون بأخذ المتبقي على <math>Sieve\#4</math> فبترج ال 100% من passing.</p>	<p>2) sand = <math>51\% - 18\% = 33\%</math> 33% من التربة تحتوي رمل هون بأخذ المحصور بين <math>Sieve\#4</math> و <math>Sieve\#200</math> فبترج passing من بعض.</p>	<p>3) Silt = <math>18\% - 2\% = 16\%</math> 16% من التربة تحتوي على الطمي هون بأخذ المحصور بين <math>Sieve\#200</math> و <math>Sieve</math> فبترج (0.002mm) passing من بعض.</p>	<p>4) Clay = 2% (passing) 2% من التربة تحتوي على الطين هون بأخذ المار من <math>Sieve (0.002mm)</math> بأخذ ال passing مباشرة.</p>
--	---	---	---

Passing #200 > 50% **Fine soil**

Passing #200 < 50% **Coarse**

Passing #4 < 50% **Gravel Soil**

Passing #4 > 50% **Sand Soil**

18% < 50% coarse soil // // //  
51% > 50% sandy soil

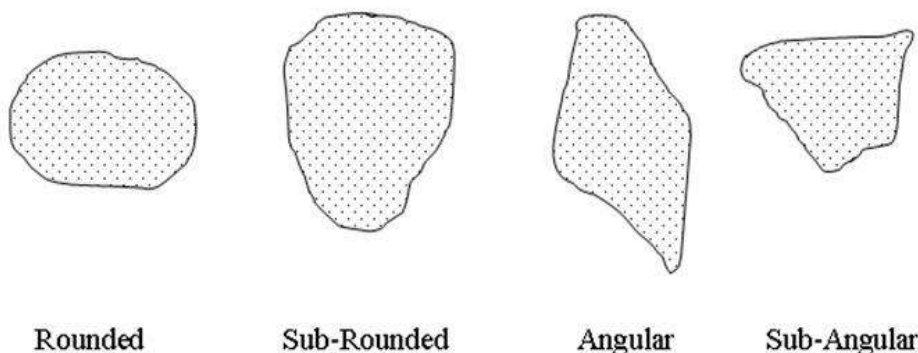
أي أغلب ما تحتوي عليه التربة حصى

أي أغلب ما تحتوي عليه التربة رمل

C.

$$C_u = \frac{D_{60}}{D_{10}} = \frac{9}{0.02} = 450 \text{ (unit less)} \geq 6 \text{ ok}$$

## Particle Shape



شكل حبة التربة مهم اجل تدرج التربة , التماسك  
عكس Round particle , جزيئات الطين تشبه  
الورق. Angular particle عالي يكون في

## Atterberg Limits and Consistency Indices

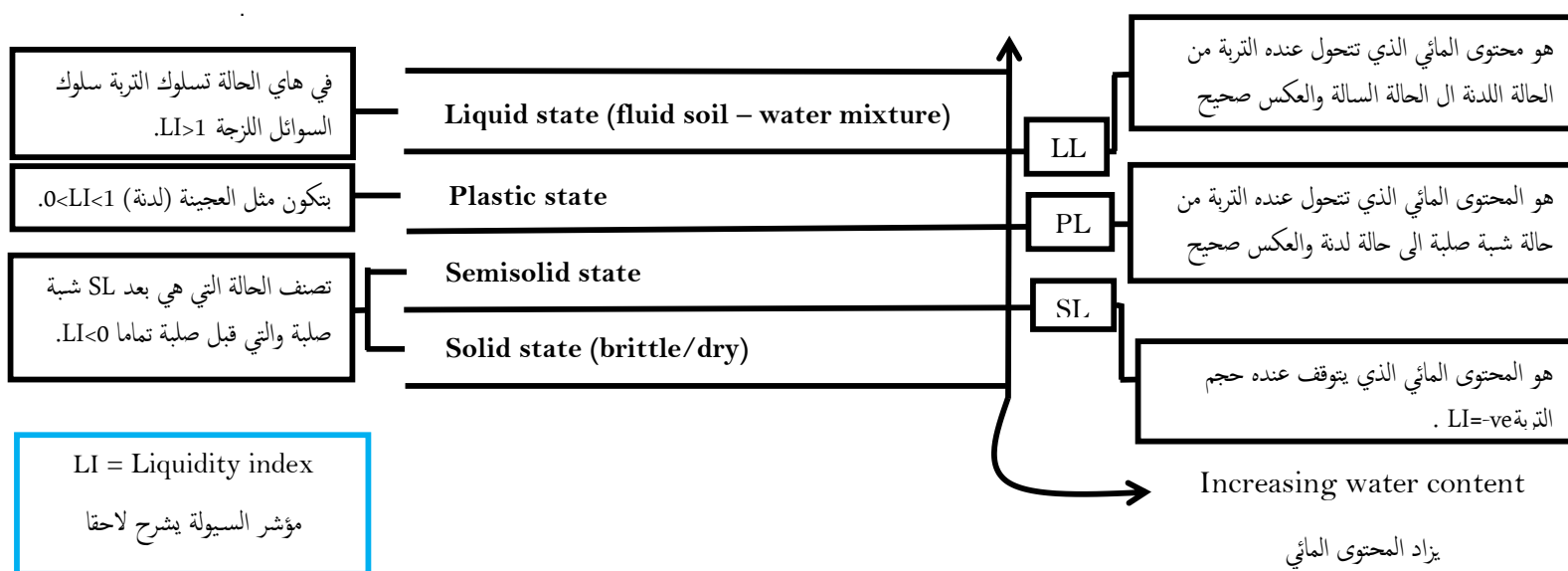
The presence of water in fine-grained soils can significantly affect associated engineering behavior, so we need a reference index to clarify the effects

نسبة المياه في الطين والطين له تأثير كبير على السلوك الهندسي لذلك نحتاج الى مؤشر موضعي لتحديد هذا التأثير.

SL: Shrinkage Limit. حد الانكماش.

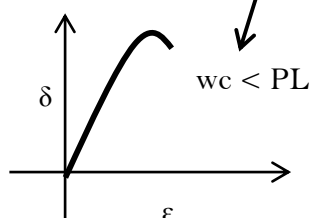
PL: Plastic Limit. حد اللدونة.

LL: Liquid Limit. حد السيولة.



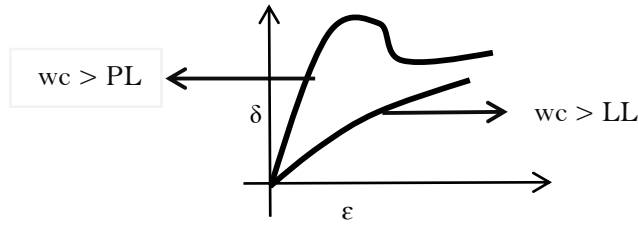
رسومات Shear – Strain في كل حال من الحالات:

في حال كان لديك (solid state // (brittle/dry) OR semisolid state) أو في حال كان  $LI < 0$  أو في حال لم تصل التربة الى حد اللدونة ( أي المحتوى المائي لم يصل لبعد لل PL) تكون رسمة Shear – Strain



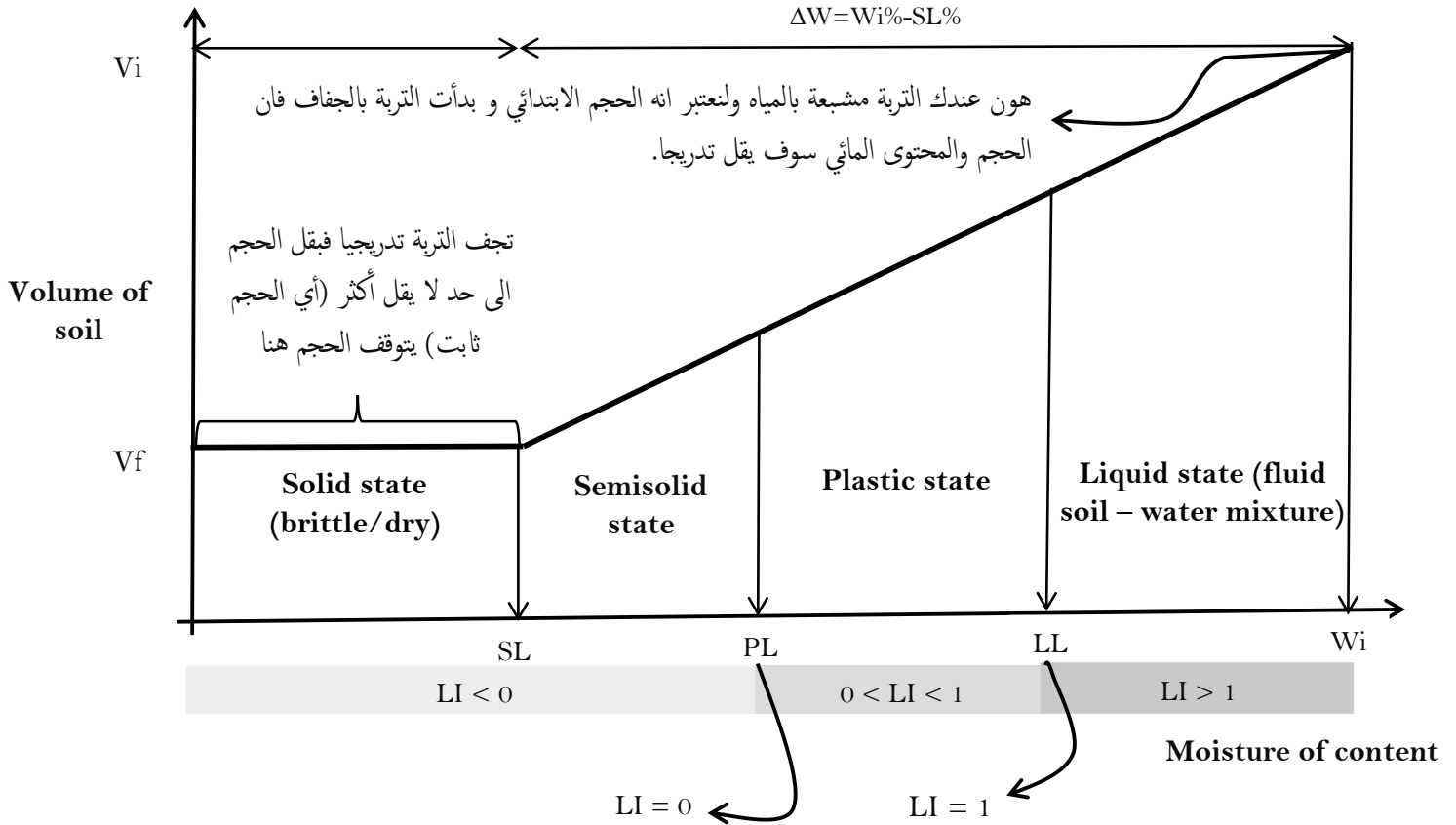
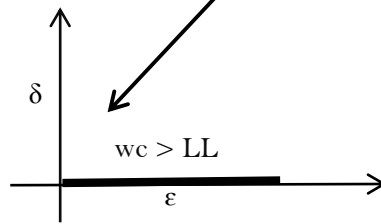
في حال كان لديك (plastic state) أو في حال كان  $0 < LI < 1$  أو أن التربة (تجاوزت حد اللدونة PL ولم تصل بعد حد السيولة LL) تكون

رسم Shear - Strain



في حال كان لديك (Liquid state// (fluid soil - water mixture)) أو في حال كان  $LI > 0$  أو في حال وصل التربة الى حد

السيولة ( أي المحتوى المائي يصل ل بعد LL) تكون رسم Shear - Strain





**Shrinkage Limit (SL):** The water content at which the soil volume ceases to change is defined as the shrinkage limit

هو محتوى المياه الذي يتوقف عنده حجم التربة

SATURATED SOIL

Dry SOIL

$$SL = w_i(\%) - \Delta w(\%) = \left( \frac{M_1 - M_2}{M_2} \right) \times 100 - \left( \frac{V_1 - V_2}{M_2} \right) \times \rho_w \times 100$$

$V_1$

$V_2$

$M_1$

$M_2$

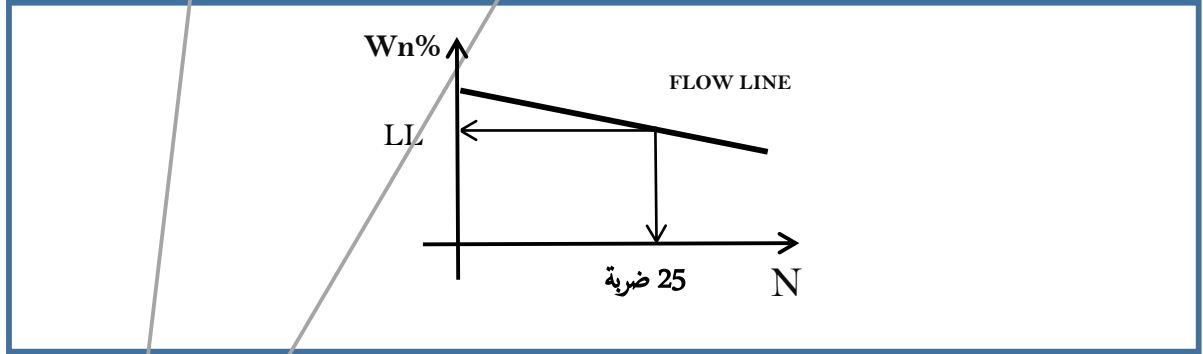
تجارب حساب ال LL؟

1. Casagrand method: •Multipoint test •One-point test. → التجربة في اللاب بس في شغللات معينة اعرفهم
2. Cone Penetrometer Method: •Multipoint test •One-point. } موجودات ذكر فقط
3. Dynamic shear test. }
4. Partial size and water. }

**Casagrand method:**

نقوم بخلط fine soil بالماء ثم تضع في وعاء ونحدث شق ثم نقوم بالضرب (تهتز العينة من الضرب) حتى تنغلق بمقدار (نصف انش 12.7mm // 0.5 in) تنتهي التجربة وقتها تجرى أكثر من مرة وتسجل نتائجها ويرسم افضل خط مستقيم بين التجارب عند ضربة 25 يكون LL.

**Multipoint test**



رقم المنخل الذي تمرر عليه عينة الاختبار #40



أداة لأحداث الشق

## One-Point Method

التجربة السابقة تعمل وتأخذ نتائج (N/wn%) شرط أن تكون N ما بين (20-30) ضربة

$$LL = w_n \left( \frac{N}{25} \right)^{\tan \beta}$$

وتطبق علاقة استخلصت من 676 نوع تربة ▪

N = Blows of number

wn = Correspond content moistureing  $\tan(\beta) = 0.121$

## Indices

### Plasticity index PI

For describing the range of water content over which a soil was plastic.

$$PI = LL - PL$$

هو المحتوى المائي الذي تتصرف عنده التربة بلدونة ويحسب عن طريق:

PLASTIC STATE

PI

### Liquidity index LI

For scaling the natural water content of a soil sample

هو مقياس لمحتوى الماء الطبيعي للعينة التربة

$$LI = \frac{w - PL}{PI}$$

W is the water content

LI < 0 : brittle fracture if sheared

0 < LI < 1: Plastic soil fracture if sheared

LI > 1 : viscous liquid if sheared

### Sensitivity $S_t$ (for clays)

حساسية الطين

Unconfined streets

الأجهاد التي تتعرض له التربة يكون محصور من 3

$$S_t = \frac{\text{strength(undisturbed)}}{\text{strength(disturbed)}}$$

تحسب مقاومة الطين وهي محتفظة بخصائصها الطبيعية (كما هي في الطبيعة).

تحسب مقاومة الطين بعد تكسير الطين الى فتات وإعادة تشكيله بواسطة

## Activity (for clays)

هذا الرقم يعبر عن مدى نشاط التربة في التغير في الحجم و التفاعلات الكيميائية

$$A = \frac{PI}{\% \text{clay fraction (Wt)}}$$

نسبة الناعم من التربة الذي هو اقل من 0.002mm المقصود

(التربة الطينية) Clay

Clay fraction < 0.002mm

Normal Clays:  $0.75 < A < 1.25$

أذ تعدت A أكبر من 1.25:

Inactive Clays:  $A < 0.75$

Active Clays:  $A > 1.25$

يكون التغير في الحجم كبير عند تبلل التربة، والانكماش كبير عند الجفاف، ونشطة في التفاعلات الكيميائية.

High activity:

1. Large volume change when wetted.
2. Large shrinkage when dried.
3. Very reactive (chemically).

can be defined as ration of plasticity : **Activity of soil** index to clay fraction as percentage.

يعرف على انه النسبة بين مؤشر اللدونة و نسبة الطين في التربة.

كل ما زاد (LL/PL) قل SL

أعلى LL / PL / PI

أعلى SL

أعلى Activity

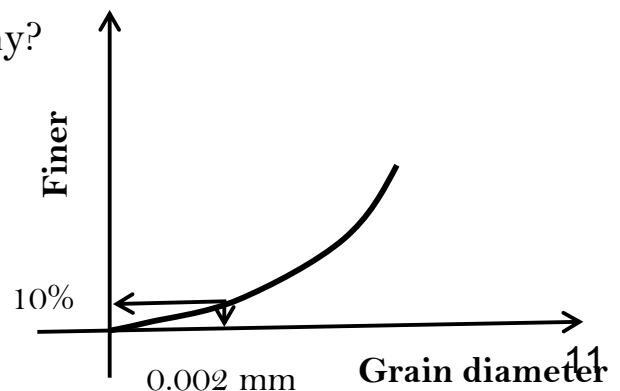
1. Montmorillonite
2. Illite
3. Kaolinite

1. Kaolinite
2. Illite
3. Montmorillonite

1. Montmorillonite
2. Illite
3. Kaolinite

Example 2: Sample soil after the tests gave the following results (PL=20% / LL=45% / w=30%) Find the following:

- A. Find water content over which a soil was plastic?
- B. Class soil (brittle fracture / plastic solid / viscous liquid) if sheared and sketch shear-strain curve?
- C. can you construct a project on this soil? and why?
- D. Is the soil high activity?



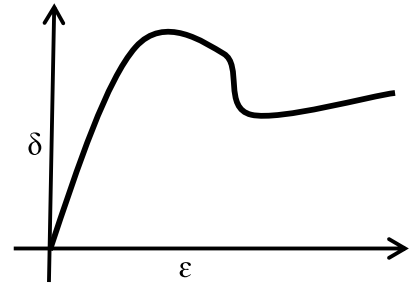
Sol:

$$A. PI = LL - PL = 45\% - 20\% = \mathbf{25\%}$$

$$B. LI = \frac{W-PL}{PI} = \frac{30\%-20\%}{25\%} = \mathbf{0.4 \text{ Plastic solid if sheared.}}$$

C. **yes, I can because the soil plastic solid if sheared.**

$$D. A = \frac{PI}{\% \text{ Clay fraction}} = \frac{25\%}{10\%} = \mathbf{2.5 > 1.25 \text{ high activity}}$$



Example 3: Calculate the value  $LL^2$   $w=20\%$   $N=26$

$$LL = w_n \left( \frac{N}{25} \right)^{\tan \beta} = 0.2 \times \left( \frac{26}{25} \right)^{0.121} = 0.2009 = \mathbf{20.09\%}$$

Example 4: if the natural water content of soil mass lies between its liquid and plastic limit, the soil mass is said to be in **Plastic state**

Example 5: the clay mineral with the largest swelling and shrinkage characteristics is **Montmorillonite**

(Kaolinite / Illite/ Montmorillonite)

Example 5: Any of the following clay minerals possess the weakest bond **Montmorillonite** (Kaolinite/Illite/ Montmorillonite)

Example 6: the bond between the sheet of the the kaolinite minerals **Hydrogen Bonds**

Example 7: the bond between the sheet of the the montmorillonite minerals **nH<sub>2</sub>O+cations**

Example 8: the bond between the sheet of the the Illite minerals **K-bond**

Example 9: upper limit of plastic solid state is called **Liquid limit**

Example 10: at upper limit of plastic solid state LI equal: **1**

Example 11: at lower limit of plastic solid state LI equal: **0**

Example 12: the smallest size of gravel particle: **4.75 mm**

Example 13: the appearance or feeling of the soil called: **Soil texture**

بسم الله الرحمن الرحيم

## Soil Classification

تصنيف التربة

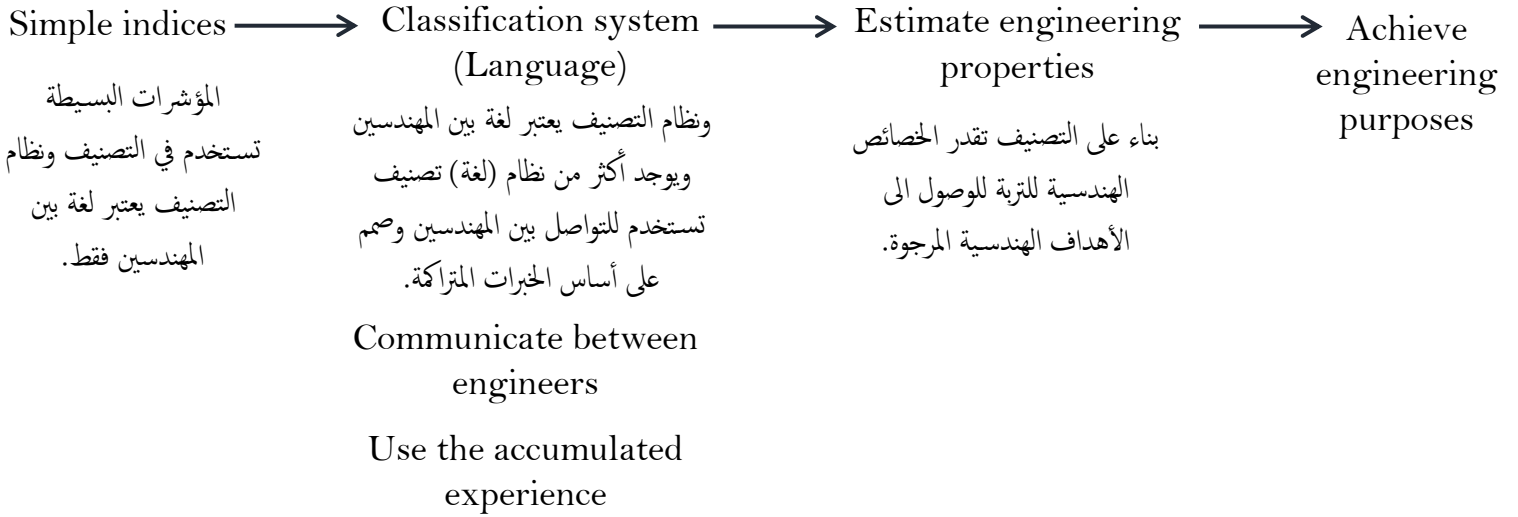
### Purpose الهدف من عملة تصنيف التربة

Classifying soils into groups with similar behavior in terms of simple indices can provide geotechnical engineers a general guidance about engineering properties of the soils through the accumulated experience.

تقسيم التربة في مجموعات ذات سلوك متماثل من خلال مؤشرات بسيطة (simple indices)، يوفر المهندسين الجيوتقنية لكل مجموعة إرشادات عامة (general guidance) للخصائص الهندسية للتربة لكل مجموعة وتأتي الإرشادات من خلال الخبرات المتراكمة (accumulated experience).

**Simple indices:** grain size distribution / liquid limit / plastic limit

لتحقيق الأهداف الهندسية:



**Commonly used systems:** أشهر الأنظمة المستخدمة في تصنيف التربة.

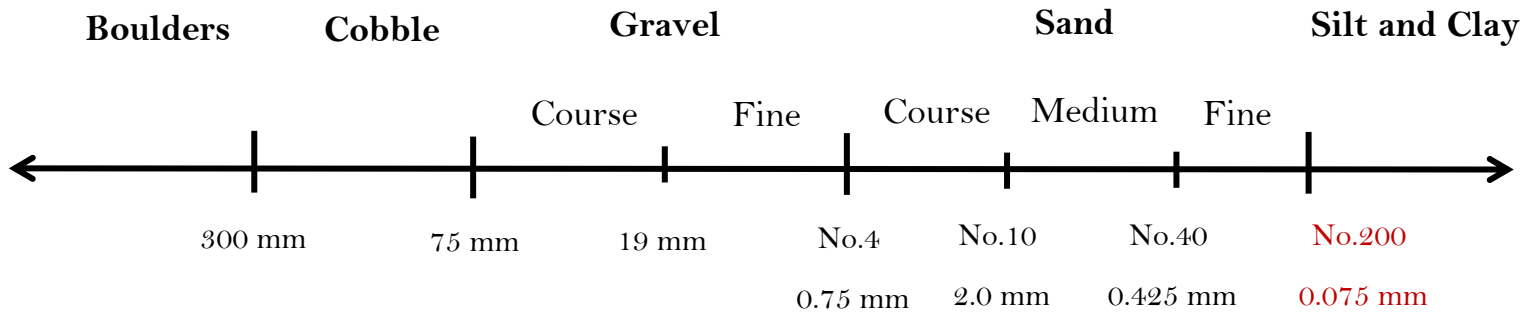
1. Unified Soil Classification System (USCS). نظام التصنيف المطلوب
2. American Association of State Highway and Transportation Officials (AASHTO) System.
3. Craig's Soil Mechanics use BS.

# Unified Soil Classification System (USCS).

Developed by Professor A. Casagrande.

Four major divisions: (1) Coarse-grained (2) Fine-grained (3) Organic soils (4) Peat

طور هذا النظام بواسطة Professor A. Casagrande، يحتوي على أربعة تقسيمات رئيسية تربة ناعمة وخشنة وتربة عضوية



الان تجري اختبار ال sieve:

Passing #200 > 50% fine soil

بعد معرفة ان التربة ناعمة من خلال Sieve analysis ، نصحف التربة على انها Silt or Clay soil من خلال Plasticity chart. يعتمد التصنيف لمعرفة **Silt or Clay soil** ومعرفة اذ كان Silt عضوي ام غير عضوي على:

## PL, LL, Plasticity chart

منحنى يسمى Plasticity chart محور السيني يحتوي على LL ومحور الصادي PI. نحتاج هنا Atterberg limit لتصنيف التربة.

Passing #200 < 50% Course soil

بعد معرفة ان التربة خشنة من خلال Sieve analysis، نصحف التربة على انها Gravel or Sand soil من خلال:

Passing #4 > 50% sand soil.

Passing #4 < 50% gravel soil.

يعتمد التصنيف لمعرفة Well graded or Poorly graded على:

## Grain size distribution, $C_u$ , $C_c$

نحتاج هنا Sieve analysis لتصنيف التربة.

## رموز واختصارات Symbols

**Soil symbols:** **Liquid limit symbols:**

G: Gravel H: High LL (LL>50)/Elastic

S: Sand L: Low LL (LL<50)/plastic

M: Silt Gradation symbols:

C: Clay W: Well-graded

O: Organic P: Poorly grade

Pt: Peat

Soil graded Well  $1 < C_c < 3$   $C_u \geq 4$

**For gravel**

Soil graded Well  $1 < C_c < 3$   $C_u \geq 6$

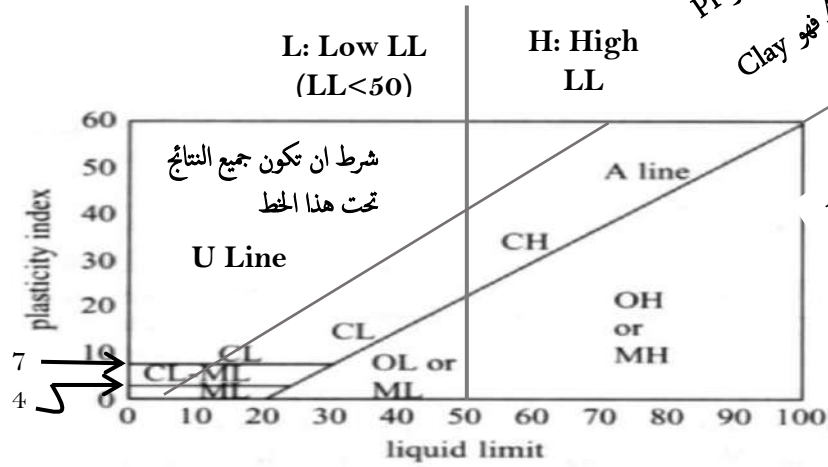
**For sand**



## Plasticity chart:

### Symbols:

- CL : Low LL Clay.
- CH : High LL Clay.
- OL : Low LL Organic.
- OH : High LL Organic.
- MH : High LL Silt.
- ML : Low LL Silt.



The A-line generally separates the clay like materials from silty materials, and the organics from Inorganics.

خط A يفصل بين clay و silt وأيضا المواد العضوية من المواد الغير عضوية.

The U-line indicates the upper bound for general soils.

الحد الأعلى للتربة، وإذا تعدى التصنيف الخط U نتائج ال LL/PI نتائج خطأ (غير منطقيات) ويجب إعادة الفحص.

If the measured limits of soils are on the left of U-line, they should be rechecked.

إذا كانت الحدود المقاسة للتربة موجودة على يسار خط U (تعدت الخط)، فيجب إعادة التجربة.

### معرفة ان Silt عضوي أم لا عن طريق

$LL_{Oven\ dry} < 0.75 LL_{Air\ dry}$  **Organic**

$LL_{Oven\ dry} \geq 0.75 LL_{Air\ dry}$  **Not Organic**

ملاحظة ال LL / PI التي يقارن فيها على

**Air Dry Plasticity chart**

عند التوصل بين ال LL / PI قد يكون قريب جدا من الخط ويصعب معرفة اذ كانت نقطة التقاطع فوق الخط ام تحت الخط من النظر فيوجد

معادلة ال **Silt**  $A\ Line\ PI = 0.73(LL - 20) > PI$  الجواب يكون النقطة على الخط

**Clay**  $A\ Line\ PI = 0.73(LL - 20) < PI$  ونقارن قيمة PI المعطاه في السؤال اذ كانت PI الناتجة من المعادلة أكبر من PI

المعطاه في السؤال يكون **Silt** واذ أقل يكون **Clay**.  $U\ Line\ PI = 0.9(LL - 20)$

Procedures for Classification				
Passing #200 < 50% coarse soil	Gravel: More than 50% coarse fraction retained on sieve #4 <u>Passing #4 &lt; 50% gravel</u>	Less than 5% fines <u>Passing #200 &lt; 5%</u>	$1 < C_c < 3$ $C_u \geq 4$ GW Well-graded Gravel	
		More than 12% fines <u>Passing #200 &gt; 12%</u>	Not satisfying GW GP poorly graded Gravel	
	Sand: Less than 50% coarse fraction retained on sieve #4 <u>Passing #4 &gt; 50% Sand</u>	Less than 5% fines <u>Passing #200 &lt; 5%</u>	Below A أسفل الخط Above A أعلى الخط	GM Silty Gravel GC clayey Gravel
		More than 12% fines <u>Passing #200 &gt; 12%</u>	$1 < C_c < 3$ $C_u \geq 6$ Not satisfying SW	SW Well-graded Sand SP poorly graded Sand
Coarse-grained material Grain size distribution		Below A أسفل الخط	SM Silty Sand	
		Above A أعلى الخط	SC clayey Sa15	

Passing #200 >50% fine soil



Plasticity chart

ملاحظة: اذا كان Passing #200=50 فاعتبرها مرة Fine Soil ومرة Course Soil

**Example 1:** For a given soil, the following are known:

Percentage passing through No. 4 sieve = 70

Liquid limit = 33

Percentage passing through No. 200 sieve = 30

Plastic limit = 12

**Sol:**

Step 1: Passing sieve #200 = 30 % < 50% **Course soil**

Step 2: Passing sieve #4 = 70% > 50% **Sand**

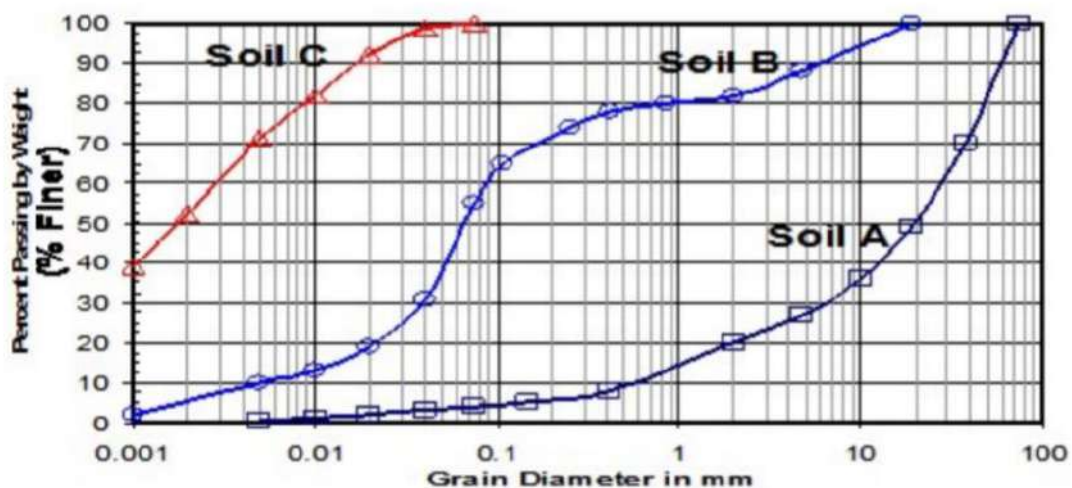
Step 3: Passing sieve #200 = 30 % > 12%

Step 4:  $PI = LL - PL = 33\% - 12\% = 21\%$

$LL = 33\%$  **Low LL**

$PI = 0.73(LL - 20) = 0.73(33 - 20) = 9.49 < 21\%$  **فوق الخط SC Clayey Sand**

**Example 2:** Classify soils A, B and C according to unified soil classification system USCS.



For soil A: Liquid limit air dry 15% Liquid limit oven dry 10% and plastic limit 8%

For soil B, Liquid limit air dry 35%, % Liquid limit oven dry 30% and plastic limit 25%

For soil C, Liquid limit air dry 61% Liquid limit oven dry 42% and plastic limit 35%

Sol:

Step 1: **Soil A** Passing sieve #200 = **6%** < **50%** **Course soil**

Step 2: Passing #4 < 50% = **29%** < **50%** **Gravel**

Step 3: Soil A Passing sieve #200 = **6%**

Step 4: Less than 5% fines **Passing #200 < 5%**

$$D_{10} = 0.6 \text{ mm} / D_{30} = 6.5 \text{ mm} / D_{60} = 30 \text{ mm}$$

$$Cu = \frac{D_{60}}{D_{10}} = \frac{30}{0.6} = 50$$

$$Cu = \frac{D_{30}^2}{D_{10} \times D_{60}} = \frac{6.5^2}{6 \times 30} = 2.347 \quad \text{GW Well-graded Gravel.}$$

Step 5: More than 12% fines **Passing #200 > 12%**

$$PI = LL - PL = 15\% - 8\% = 7\%$$

$$LL = 15\% \quad \text{Low LL}$$

From Plasticity chart above the line. **GC Clayey Gravel.**

Step 1: **Soil B** Passing sieve #200 = **53%** > **50%** **fine soil** (LL, PI) (35%, 10%).

Step 2:  $PI = 0.73(LL - 20) = 0.73(35 - 20) = 10.95\% > 10\%$  ومنه النقطة تحت الخط

From Plasticity chart

Step 3: OL or ML

$$LL_{\text{Oven dry}} \geq 0.75 LL_{\text{Air dry}} \quad \text{Not Organic}$$

$$30\% \geq 0.75 \times 35\%$$

$$30\% \geq 26.5\% \quad \text{ML Low LL Silt}$$

Step 1: **Soil C** Passing sieve #200 = **100%** > **50%** **fine soil** (LL, PI) (61%, 26%)

Step 2: A line:  $PI = 0.73(LL - 20) = 0.73(61 - 20) = 29.93\% > 26\%$  ومنه النقطة تحت الخط

From Plasticity chart

Step 3: OL or ML

$$LL_{\text{Oven dry}} < 0.75 LL_{\text{Air dry}} \quad \text{Organic}$$

$$42\% < 0.75 \times 61\%$$

$$42\% < 45.75\% \quad \text{OH High LL Organic}$$

هون الرقم ليس اقل 5% من ولا أكبر  
من 12% لذلك يعامل على الحالتين مرة  
اقل من 5% ومرة أكبر من 12%.

U.S SIEVE	Soil A	Soil B	Soil C	Soil D
	Percent passing by Weight			
4	94	100	100	100
40	32	88	100	100
100	13	67	95	100
200	2	37	73	99
D10(mm)	0.15	0.1	0.0008	0.0007
D30(mm)	2.38	1.45	0.05	0.009
D60(mm)	3.75	2.5	0.01	0.05
LL (%)	5	25	32	78
LL(%) oven dry	5	25	32	78
PL (%)	2	10	24	31

**Example 2:** The results of particle size analyses and Atterberg limit of four soil A ,B ,C , and ,D are shown in Table.

Classified according to unified soil classification system (USCS)

Sol:

Step 1: **Soil A** Passing sieve #200 = **2 %** < **50% Course soil**

Step 2: Passing sieve #4 = **94%** > **50% Sand**

Step 3: Soil A Passing sieve #200 = **2 %** < **5%**

Step 4:  $D_{10} = 0.15 \text{ mm} / D_{30} = 2.38 \text{ mm} / D_{60} = 3.75 \text{ mm}$

$$Cu = \frac{D_{60}}{D_{10}} = \frac{3.75}{0.15} = 25 > 6$$

$$Cu = \frac{D_{30}^2}{D_{10} \times D_{60}} = \frac{2.38^2}{0.15 \times 3.75} = 10.07 \quad 1 < C_c < 3 \quad \text{SP Poorly graded Sand}$$

Sol:

Step 1: **Soil B** Passing sieve #200 = **37 %** < **50% course soil**

Step 2: Passing sieve #4 = **100%** > **50% sand**

Step 3: Soil B P assing sieve #200 = **37 %** > **12%**

Step 4:  $PI = LL - PL = 25\% - 10\% = 15\%$

**LL=25% Low LL**

$PI = 0.73(LL - 20) = 0.73(25 - 20) = 3.65 < 15\%$  **SC Clayey Sand**

فوق الخط

Sol:

Step 1: **Soil C** Passing sieve #200 = **73%** > **50% fine soil** (LL, PI) (32%, 8%)

Step 2:  $PI = 0.73(LL - 20) = 0.73(32 - 20) = 8.76 > 8\%$  ومنه النقطة تحت الخط

Step 3: OH or MH From Plasticity chart

$LL_{Oven\ dry} \geq 0.75 LL_{Air\ dry}$  **Not Organic**

$32\% > 0.75 \times 32\%$

$32\% > 24\%$  **ML Low LL Silt**

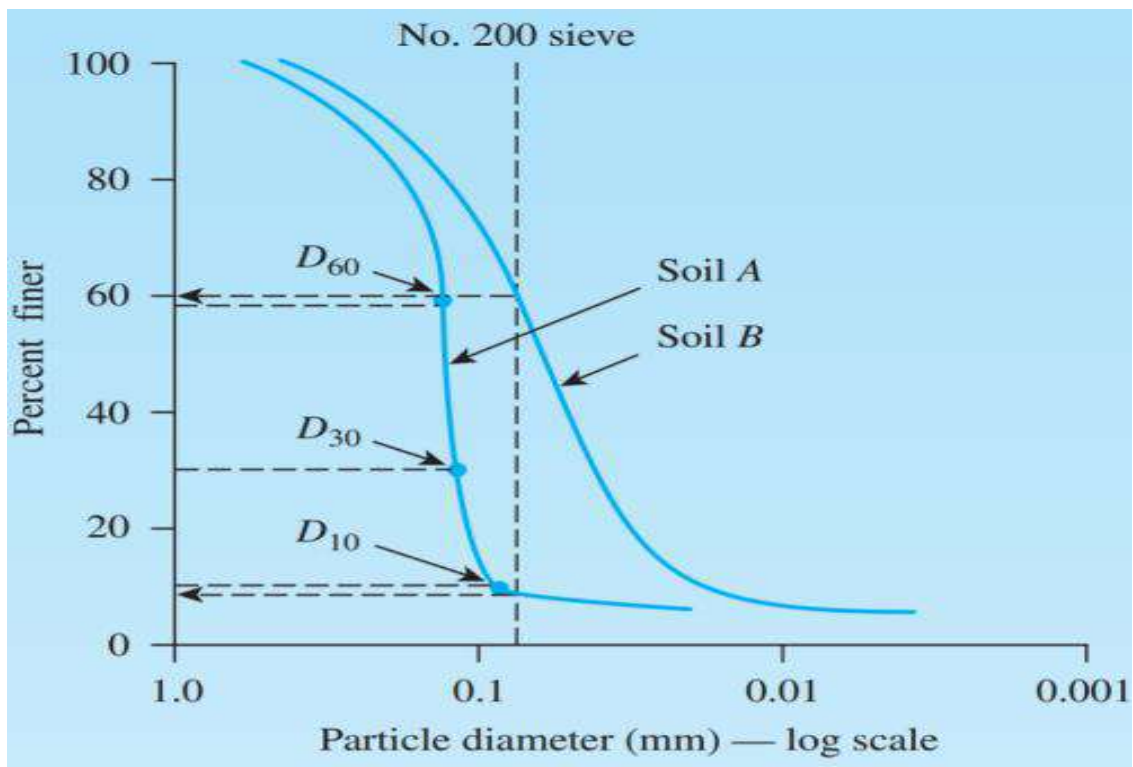
Sol:

Step 1: **Soil D** Passing sieve #200 = **99%** > **50% fine soil** (LL, PI) (78%, 47%)

Step 2:  $PI = 0.73(LL - 20) = 0.73(78 - 20) = 42.34 < 47\%$  ومنه النقطة فوق الخط

From Plasticity chart

**CH High LL Clay**



**Example 3: Classified according to unified soil classification system (USCS).**

	Soil A	Soil B
LL	30	26
PL	22	20

Soil A:

Step 1: Passing sieve #200 = 8 % < 50% **Course soil**

Step 2: Passing sieve #4 = 100% < 50% **Sandy soil**

Step 3: Passing sieve #200 = 8 % < 50%

نلاحظ ان التربة تعبر جميعها من ديميتير 0.1 لذلك من المؤكد انها تعبر جميعها من ديميتير 4.75

هون الرقم ليس اقل 5% من ولا أكبر من 12% لذلك يعامل على الحاليتين مرة اقل 5% من ومرة أكبر من 12% .

Step 4:  $D_{10} = 0.085 \text{ mm} / D_{30} = 0.12 \text{ mm} / D_{60} = 0.135 \text{ mm}$

$$Cu = \frac{D_{60}}{D_{10}} = \frac{0.135}{0.085} = 1.59 < 6$$

$$Cu = \frac{D_{30}^2}{D_{10} \times D_{60}} = \frac{0.12^2}{0.085 \times 0.135} = 1.25 \quad \text{SP poorly graded Sand}$$

Step 5:  $PI = LL - PL = 30\% - 22\% = 11\%$

**LL = 30% Low LL**

:  $PI = 0.73(LL - 20) = 0.73(30 - 20) = 7.3\% < 11\%$

Above A Line أعلى الخط **SC Clayey Sand**

Soil B:

Passing #200 = 60% > 50% **fine soil**

$PI = LL - PL = 26\% - 20\% = 6\%$

**LL = 26% Low LL**

A line:  $PI = 0.73(LL - 20) = 0.73(26 - 20) = 4.38\% < 6\%$

Above A Line أعلى الخط **CL - ML**





بسم الله الرحمن الرحيم

## The Nature Of Soil التربة الطبيعية

أي تربة في الوضع الطبيعي تتكون من الجزيئات الصلبة والفراغات التي قد تكون مملوءة بالمياه او بالهواء او بالهواء والمياه معا.

التربة التي تكون فراغاتها مملوءة بالمياه تسمى **Saturated Soil**.

التربة التي تكون فراغاتها مملوءة بالهواء تسمى **Dry Soil**.

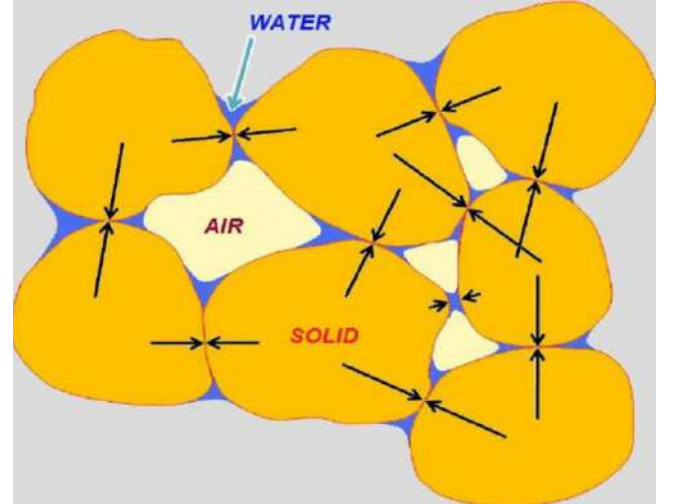
التربة التي تكون فراغاتها مملوءة بالمياه والهواء معا **(Bulk / Wet / Total / Moister) Soil**

Soil is any uncemented or weakly cemented accumulation of mineral particles formed by the weathering of rocks.

التربة هي أي تراكم غير مُكوّن أو ضعيف البنية من الجسيمات المعدنية التي تتشكل نتيجة تجوية الصخور.

The void space between the particles can be filled with:

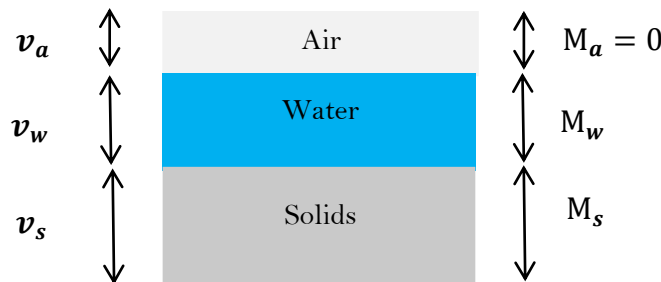
1. Liquid (Water).
2. Gas (Air).



Prism من اجل اخراج الخواص الفيزيائية للتربة

هون في هذا Prism تمثيل للتربة ، الجانب الايمن يمثل (الكتلة او الوزن) والايسر الحجم.

**(Bulk / Wet / Total / Moister) Soil**



$v_a = \text{Volume of air.}$

$v_w = \text{Volume of water.}$

$v_s = \text{Volume of solid soil.}$

$M_a = \text{Mass of air.}$

$M_w = \text{Mass of water.}$

$M_s = \text{Mass of solid soil.}$

$v_{total} = v_a + v_w + v_s$

$v_{void} = v_a + v_w$

$M_{total} = M_s + M_w$

هناك اشكال لل prism في الثلاث حالات فوق حالة في كيان حالتين تحت حالتين:

Dry Soil		Saturated Soil	
Air	هون الكثافة تسمى Dry density	هون الكثافة تسمى Saturated density	Water
Solids	$v_v = v_a$ $v_w = 0$	$v_v = v_w$ $v_a = 0$	Solids

العلاقات قد تكون بين (حجم وحجم) وعلاقات بين (كتلة وكتلة) وعلاقات بين (كتلة وحجم).

## Volume -Volume Relation

1) **The void ratio (e)** is the ratio of the volume of voids to the volume of solid **Rang** [0.5-1.5].  
نسبة الفراغات: هي نسبة حجم الفراغات الى حجم المادة الصلبة

$$e = \frac{v_v}{v_s} = \frac{v_w + v_a}{v_s} = \frac{\text{volume of voids}}{\text{volume of solid}}$$

2) **The porosity (n)** is the ratio of the volume of voids to the total volume of the soil, **Rang**[0-1].  
المسامية: هي نسبة حجم الفراغات الى حجم الكلي للتربة.

لا يصح ان يكون أكبر من واحد لأنه من المستحيل حجم الفراغات أكبر من الحجم الكلي للتربة

$$n = \frac{v_v}{v_t} = \frac{v_w + v_a}{v_s + v_w + v_a} = \frac{\text{volume of voids}}{\text{total volume of soil}}$$

3) **The degree of saturation (Sr)** is the ratio of the volume of water to the total volume of void space, **Rang**[0-1].

مستحيل الرقم أكبر من واحد لأنه مستحيل حجم المياه أكبر من حجم الفراغات

درجة التشبع من المياه: هي نسبة حجم الماء إلى حجم الفراغات.

$$S_r = \frac{v_w}{v_v} = \frac{\text{volume of water}}{\text{volume of voids}}$$

$$S_{r \min} = \frac{v_w}{v_v} = \frac{0}{v_v} = \mathbf{0} \text{ for Dry Soil}$$

$$S_{r \max} = \frac{v_w}{v_v} = \frac{v_w}{v_w} = \mathbf{1} \text{ for Saturated Soil}$$

4) The **air content or air voids (A)** is the ratio of the volume of air to the total volume of the soil.

محتوى الهواء او الفراغات الهوائية: هي نسبة حجم الهواء إلى الحجم الكلي للتربة

$$A = \frac{v_a}{v_t} = \frac{\text{volume of air}}{\text{total volume of Soil}}$$

$$A = A_{max} \text{ for Dry Soil}$$

$$A_{min} = \frac{v_a}{v_t} = \frac{0}{v_t} = 0 \text{ for Saturated Soil}$$

## Mass-Mass Relation

The **water content (w)**, or **moisture content (m)**, is the ratio of the mass of water to the mass of solids in the soil.

المحتوى المائي: هو نسبة (كتلة/وزن) الماء إلى (كتلة/وزن) المواد الصلبة في التربة

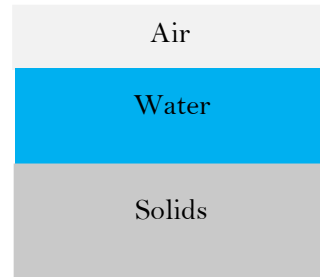
$$w_c = \frac{M_w}{M_s} = \frac{\text{mass of water}}{\text{mass of soil}}$$

## Mass-Volume Relation (Density) Unit=Kg/m<sup>3</sup>

1) The (Bulk / Wet / Total / Moist) Soil density ( $\rho$ ) of a soil is the ratio of the total mass to the total volume.

نسبة الكتلة الكلية إلى الحجم الكلي في حال كانت فراغات التربة مياه وهواء معا

$$\rho = \frac{M_t}{v_t} = \frac{\text{total mass}}{\text{total volume}}$$



$$2) \rho_w = 1000 \text{ Kg/m}^3$$

3) Density of Solid Soil. كثافة الجزء الصلب من التربة فقط

$$\rho_s = \frac{M_s}{v_s} = \frac{\text{Mass of solid soil}}{\text{Volume of solid soil}}$$

#### 4) Density of Dry Soil.

$$\rho_{dry} = \frac{M_s}{v_t} = \frac{\text{Mass of solid soil}}{\text{total volume}}$$

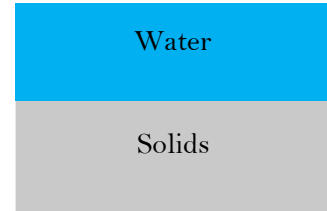
كثافة التربة وهي جافه من المياه ولأن قيمة كتلة الهواء تساوي صفر  $M_t = M_s$  وتقسم على الحجم كامل.



#### 5) Density of Saturated Soil.

$$\rho_{sat} = \frac{M_t}{v_t} = \frac{\text{total mass}}{\text{total volume}}$$

كثافة التربة وهي مشبعة بالمياه ويقسم الكتلة كاملة على الحجم كامل



#### 6) (Effective / Bount / Submerged) Density.

$$\rho_{effective} = \rho_{sat} - \rho_w$$

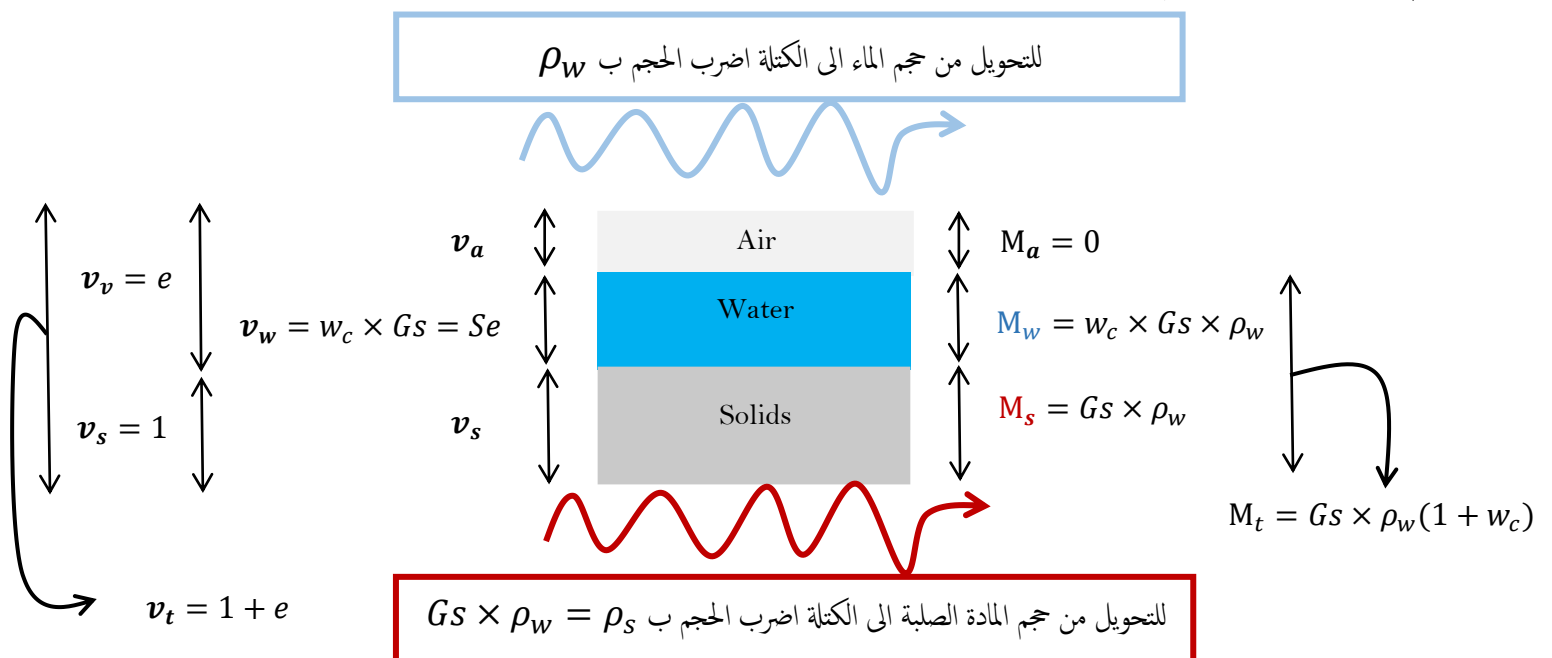
عند طرح كثافة التربة وهي مشبعة من كثافة المياه فأنك تجد كثافة التربة المغمورة فقط.

Note:

$$Gs = \frac{\rho_s}{\rho_w} = \frac{M_s}{v_s \rho_w} = \frac{M_s v_w}{v_s M_w}$$

$$\rho_s = Gs \times \rho_w$$

هون بدنا نرسم Prism بساعد كثير في الحل:



$$v_s = 1$$

$$e = \frac{v_v}{v_s} = \frac{Vv}{1} = Vv$$

$$\rho_s = \frac{M_s}{v_s}$$

$$M_s = \rho_s \times v_s = Gs \times \rho_w \times v_s = Gs \times \rho_w \times 1 = Gs \times \rho_w$$

$$\rho_w = \frac{M_w}{v_w}$$

$$v_w = \frac{M_w}{\rho_w} = \frac{w_c \times Gs \times \rho_w}{\rho_w} = w_c \times Gs = Se$$

$$w_c = \frac{M_w}{M_s}$$

$$M_w = w_c \times M_s = w_c \times Gs \times \rho_w$$

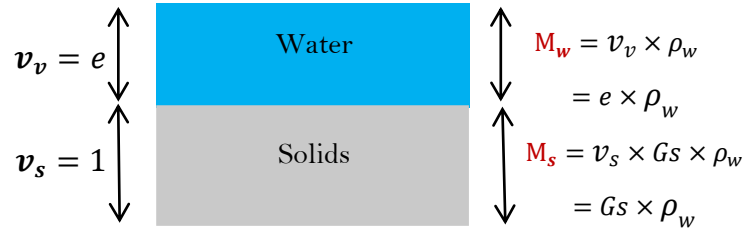
Specific volume (v) is the total volume of soil, which contains unit volume of solids.

الحجم الكلي للتربة

### Dry Soil



### Saturated Soil



### Derived Relation:

$$w_c Gs = \frac{M_w}{M_s} \times \frac{M_s v_w}{v_s M_w} = \frac{v_w}{v_s} = \frac{v_w}{v_s} \times \frac{v_v}{v_v} = \frac{v_w}{v_v} \times \frac{v_v}{v_s} = se$$

$$n = \frac{v_v}{v_t} = \frac{e}{1 + e}$$

$$A = \frac{v_a}{v_t} = \frac{v_v - v_w}{v_t} = \frac{e - w_c Gs}{1 + e} = \frac{e - se}{1 + e} \quad \text{Or} \quad A = \frac{e}{1 + e} - \frac{se}{1 + e} = n - sn = n(1 - s)$$

$$\rho = \frac{M_t}{v_t} = \frac{Gs \rho_w (1 + w)}{1 + e} = \frac{Gs \times \rho_w + Gs \times w \times \rho_w}{1 + e} = \frac{Gs \times \rho_w + s \times e \times \rho_w}{1 + e} = \frac{\rho_w (Gs + se)}{1 + e}$$

$$\rho_{sat} = \frac{\rho_w (Gs + 1 \times e)}{1 + e} = \frac{\rho_w (Gs + e)}{1 + e}$$

$$\text{Dry Soil } S = 0$$

$$\text{Saturated Soil } S = 1$$

$$e = Gs \times w_c$$

$$\text{Saturated Soil } S = 1$$



$$\rho_{Dry} = \frac{\rho_w(G_s + o \times e)}{1 + e} = \frac{\rho_w G_s}{1 + e}$$

Dry Soil  $S = 0$

**Prove:**

$$1) \rho_{Dry} = \frac{\rho}{1 + w} = \frac{\rho_w G_s (1 + w) / 1 + e}{1 + w} = \frac{\rho_w G_s}{1 + e}$$

$$2) S = \frac{w}{w_{sat}} = \frac{\frac{se}{G_s}}{\frac{e}{G_s}} = S$$

$$w = \frac{M_w}{M_s} = \frac{w G_s \rho_w}{G_s \rho_w} = \frac{se \rho_w}{G_s \rho_w} = \frac{se}{G_s}$$

$$w_{sat} = \frac{M_w}{M_s} = \frac{e \rho_w}{G_s \rho_w} = \frac{e}{G_s}$$

$$3) e = \frac{n}{1 - n} = \frac{v_v / v_t}{1 - v_v / v_t} = \frac{\frac{e}{1 + e}}{1 - \frac{e}{1 + e}} = \frac{\frac{e}{1 + e}}{\frac{1 + e - e}{1 + e}} = \frac{e}{1 + e - e} = e$$

$$4) e = \frac{\gamma_s}{\gamma_d} - 1 = \frac{G_s \gamma_w}{\frac{G_s \gamma_w}{1 + e}} - 1 = 1 + e - 1 = e$$

$$5) \gamma_{sat} = ((1 - n) \times G_s + n) \gamma_w$$

$$= \left( \left( 1 - \frac{v_v}{v_t} \right) G_s + \frac{v_v}{v_t} \right) \gamma_w$$

$$= \left( \left( 1 - \frac{e}{1 + e} \right) \times G_s + \frac{e}{1 + e} \right) \gamma_w$$

$$= \left( G_s - \frac{G_s e}{1 + e} + \frac{e}{1 + e} \right) \gamma_w$$

$$= \left( \frac{G_s (1 + e)}{(1 + e)} - \frac{e G_s}{(1 + e)} + \frac{e}{(1 + e)} \right) \gamma_w$$

$$= \left( \frac{G_s + e G_s - e G_s + e}{1 + e} \right) \gamma_w$$

$$= \left( \frac{G_s + e}{1 + e} \right) \gamma_w$$

$$6) \gamma = G_s \gamma_w (1 + w) (1 - n)$$

$$= G_s \gamma_w (1 + w) \left( 1 - \frac{e}{1 + e} \right)$$

$$= G_s \gamma_w (1 + w) \left( \frac{1 + e}{1 + e} - \frac{e}{1 + e} \right)$$

$$= G_s \gamma_w (1 + w) \left( \frac{1 + e - e}{1 + e} \right)$$

$$= \frac{G_s \gamma_w (1 + w)}{(1 + e)}$$

$$\begin{aligned}
7) \gamma &= Gs\gamma_w(1-n) + S \times n \times \gamma_w \\
&= Gs\gamma_w \left(1 - \frac{e}{1+e}\right) + S \times \frac{e}{1+e} \times \gamma_w \\
&= Gs\gamma_w \left(\frac{1+e}{1+e} - \frac{e}{1+e}\right) + s \frac{e}{1+e} \gamma_w \\
&= \frac{G \times s \times \gamma_w}{1+e} + \frac{s \times e \times \gamma_w}{1+e} \\
&= \frac{(Gs + se)\gamma_w}{1+e}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
9) \gamma_{dry} &= \gamma_{sat} - \frac{e\gamma_w}{1+e} = \gamma_{sat} - n\gamma_w \\
&= \frac{\gamma_w(Gs+e)}{1+e} - \frac{e\gamma_w}{1+e} \\
&= \frac{\gamma_w Gs + e\gamma_w - e\gamma_w}{1+e} \\
&= \frac{\gamma_w Gs}{1+e}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
11) \gamma_{sat} &= ((1-n)Gs + n)\gamma_w \\
&= \left[\left(1 - \frac{e}{1+e}\right)Gs + \frac{e}{1+e}\right]\gamma_w \\
&= \left[\left(\frac{1+e}{1+e} - \frac{e}{1+e}\right)Gs + \frac{e}{1+e}\right]\gamma_w \\
&= \left[\frac{Gs}{1+e} + \frac{e}{1+e}\right]\gamma_w \\
&= \left[\frac{(Gs+e)\gamma_w}{1+e}\right]
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
13) \gamma_{sat} &= \gamma d - n\gamma_w \\
&= \gamma d - \left[\frac{e}{1+e}\right]\gamma_w \\
&= \left[\frac{\gamma_w Gs}{1+e}\right] - \left[\frac{\gamma_w e}{1+e}\right] \\
&= \left[\frac{Gs+e}{1+e}\right]\gamma_w
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
8) \gamma_{dry} &= \frac{\gamma_w \times e \times s}{(1+e) \times w} \\
&= \frac{\gamma_w Gs}{(1+e)}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
Se &= Gsw \\
Gs &= Se/w
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
10) \gamma_{dry} &= \frac{\gamma_{effective} \times Gs}{Gs - 1} \\
&= \frac{(\gamma_{sat} - \gamma_w)Gs}{Gs - 1} \\
&= \frac{\left(\frac{\gamma_w(Gs+e)}{1+e} - \frac{\gamma_w(1+e)}{1+e}\right)Gs}{Gs - 1} \\
&= \frac{(\gamma_w Gs + \gamma_w e - \gamma_w - \gamma_w e)Gs}{1+e} \\
&= \frac{(Gs-1)\gamma_w Gs}{1+e} \\
&= \frac{\gamma_w Gs}{1+e}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
12) \gamma_{sat} &= \left[\frac{(1+wsat)}{(1+wsat \times Gs)}\right] Gs\gamma_w \\
&= \left[\frac{1 + \frac{e}{Gs}}{1 + \frac{e}{Gs} \times Gs}\right] Gs\gamma_w \\
&= \left[\frac{\frac{Gs}{Gs} + \frac{e}{Gs}}{1+e}\right] Gs\gamma_w \\
&= \left[\frac{Gs+e}{Gs(1+e)}\right] Gs\gamma_w \\
&= \left[\frac{Gs+e}{1+e}\right]\gamma_w
\end{aligned}$$

$$14) \gamma_{sat} = n \left[ \frac{1 + w_{Sat}}{w_{Sat}} \right] \gamma_w$$

$$= \frac{e}{1+e} \left[ \frac{1 + \frac{e}{Gs}}{\frac{e}{Gs}} \right] \gamma_w$$

$$= \frac{e}{1+e} \left[ \frac{\frac{Gs}{Gs} + \frac{e}{Gs}}{\frac{e}{Gs}} \right] \gamma_w$$

$$= \frac{e}{1+e} \left[ \frac{Gs + e}{e} \right] \gamma_w$$

$$= \left[ \frac{Gs + e}{1 + e} \right] \gamma_w$$

$$16) \gamma_{sat} = \gamma_{dry}(1 + w_{Sat})$$

$$= \frac{\gamma_w Gs}{1+e} \left( 1 + \frac{e}{Gs} \right) = \frac{\gamma_w Gs}{1+e} + \frac{\gamma_w Gs}{1+e} \times \frac{e}{Gs}$$

$$= \frac{\gamma_w Gs + \gamma_w e}{1+e} = \left[ \frac{Gs + e}{1 + e} \right] \gamma_w$$

$$17) e = \frac{\gamma_{sat} - \gamma_{dry}}{\gamma_{dry} - \gamma_{sat} + \gamma_w}$$

$$= \frac{\left[ \frac{Gs + e}{1 + e} \right] \gamma_w - \left[ \frac{\gamma_w Gs}{1 + e} \right]}{\left[ \frac{\gamma_w Gs}{1 + e} \right] - \left[ \frac{Gs + e}{1 + e} \right] \gamma_w + \left[ \frac{1 + e}{1 + e} \right] \gamma_w}$$

$$= \frac{Gs + e - Gs}{Gs - Gs - e + 1 + e}$$

$$= \frac{e}{1} = e$$

$$19) \gamma_{dry} = Gs \gamma_w (1 - n)$$

$$= Gs \gamma_w \left( 1 - \frac{e}{1 + e} \right)$$

$$= Gs \gamma_w \left( \frac{1 + e}{1 + e} - \frac{e}{1 + e} \right)$$

$$= \frac{Gs \gamma_w}{1 + e}$$

$$15) \gamma_{sat} = \left[ 1 - \frac{1}{Gs} \right] \gamma_{dry} + \gamma_w$$

$$= \gamma_{dry} - \frac{\gamma_{dry}}{Gs} + \gamma_w$$

$$= \frac{\gamma_{dry} Gs}{Gs} - \frac{\gamma_{dry}}{Gs} + \frac{\gamma_w Gs}{Gs}$$

$$= \frac{\gamma_{dry} Gs - \gamma_{dry} + \gamma_w Gs}{Gs}$$

$$= \frac{\frac{\gamma_w Gs}{1+e} \times \frac{Gs}{1} - \frac{\gamma_w Gs}{1+e} + \frac{\gamma_w Gs}{1}}{Gs}$$

$$= \frac{\frac{\gamma_w Gs}{1+e} \times \frac{Gs}{1} - \frac{\gamma_w Gs}{1+e} + \frac{\gamma_w Gs}{1} \times \frac{1+e}{1+e}}{Gs}$$

$$= \frac{\gamma_w Gs - \gamma_w + \gamma_w + \gamma_w e}{1 + e}$$

$$= \left[ \frac{Gs + e}{1 + e} \right] \gamma_w$$

$$18) w_{sat} = \frac{n \gamma_w}{\gamma_{sat} - n \gamma_w}$$

$$= \frac{\left[ \frac{e}{1+e} \right] \gamma_w}{\left[ \frac{Gs + e}{1+e} \right] \gamma_w - \left[ \frac{e}{1+e} \right] \gamma_w}$$

$$= \frac{e}{Gs + e - e}$$

$$= \frac{e}{Gs}$$

$$20) \gamma_{sat} = \left[ \frac{e}{w} \right] \left[ \frac{1 + w}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{e}{\frac{e \times s}{Gs}} \right] \left[ \frac{1 + \frac{e \times s}{Gs}}{1 + e} \right] \gamma_w$$

$$= \left[ \frac{1}{\frac{1}{Gs}} \right] \left[ \frac{\frac{Gs}{Gs} + \frac{e \times s}{Gs}}{1 + e} \right] \gamma_w = [Gs] \left[ \frac{e \times s + Gs}{Gs(1 + e)} \right] \gamma_w$$

$$= \left[ \frac{Gs + e}{1 + e} \right] \gamma_w$$

$$21) w_{sat} = \frac{n}{(1-n)Gs}$$

$$= \frac{\frac{e}{1+e}}{\left(1 - \frac{e}{1+e}\right)Gs}$$

$$= \frac{\frac{e}{1+e}}{\left(\frac{1+e}{1+e} - \frac{e}{1+e}\right)Gs}$$

$$= \frac{e}{(1+e-e)Gs}$$

$$= \frac{e}{Gs}$$

ملاحظة مهمة ممكن في السؤال ما يعطيك كثافة أي  $\rho$  ممكن يعطيك وزن نوعي  $\gamma$  Specific weight او ممكن يعطيك بالسؤال الوزن بدل الكتلة ما بتغير عليك أي اشي بالقوانين الا فقط اضرب طرفي القانون في  $g$  بتتحول ال  $\rho$  الى  $\gamma$  و بتحول الكتلة الى وزن.

القوانين بتصير:

$$\gamma = \text{moist unit weight}$$

$$\rho \times g = \frac{M}{v} \times g$$

$$\gamma = \frac{W}{v} = \frac{KN}{m^3}$$

$$\gamma_w = 9.81 \frac{KN}{m^3}$$

$$\gamma_s = \frac{W_s}{v_s}$$

$$\gamma_{dry} = \frac{W_s}{v_t}$$

$$\gamma_{effective} = \gamma_{sat} - \gamma_w$$

$$\gamma = \frac{Gs\gamma_w(1+w)}{1+e}$$

$$\gamma_{sat} = \frac{\gamma_w(Gs+e)}{1+e}$$

$$\gamma_{dry} = \frac{\gamma_w Gs}{1+e}$$

غاما تعبر عن كمية الوزن الموجودة في واحد متر مكعب لا تستغرب الأسئلة ممكن يعطيك وزن بدل كتلة وبدك تشتغل على الغاما بكون نفس القانون بس باستبدل الرو في غاما بقيمة رو المي  $1000Kg/m^3$  بتصير تعوض غاما مي وتساوي  $9.81Kg/m^3$ .

او الك الحرية تحول الوزن ل كتلة وتشتغل على القوانين كلو جائز.

### Example 1:

The saturated unit weight and the water content in the field are found to be **18.55 KN/m<sup>3</sup>** and **33%**, respectively, determine the specific gravity and void ratio of the soil.

$$S = 1 \quad Se = w_c G_s$$

$$e = 0.33 \times G_s$$

$$\gamma_w = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w$$

$$18.55 = \left[ \frac{G_s + 0.33 \times G_s}{1 + 0.33 \times G_s} \right] \times 9.81$$

$$G_s = 2.678$$

$$e = 0.33 \times 2.678 = 0.884 = \mathbf{88.4\%}$$

### Example 2:

A cylindrical soil sample prepared for laboratory testing has a **diameter of 71 mm**, a **height of 142 mm**, and **weighs  $10.675 \times 10^{-3} \text{KN}$** . If the **degree of saturation is 93%** and the **specific gravity of soil solids is 2.71**, determine:

- A. void ratio.
- B. water content.
- C. water content under fully saturated condition.

$$volume = \frac{\pi}{4} \times D^2 \times h = 71 \times 71 \times 142 \times 10^{-9} = \mathbf{0.5622 \times 10^{-3} m^3}$$

$$\gamma_{bulk} = \frac{W_t}{v_t} = \frac{10.675 \times 10^{-3}}{0.5622 \times 10^{-3}} = \mathbf{18.988 \text{KN/m}^3}$$

$$a) \gamma_{bulk} = \frac{(G_s + se)\gamma_w}{1 + e}$$

$$18.988 = \frac{(2.71 + 0.93 \times e) \times 9.81}{1 + e}$$

$$e = 0.77$$

$$b) \gamma_{bulk} = \frac{G_s \gamma_w (1 + w)}{1 + e}$$

$$18.988 = \frac{2.71 \times 9.81 \times (1 + w)}{1 + 0.77}$$

$$w_c = 0.264 = 26.4\%$$

$$c) se = G_s w_c$$

$$s = 1$$

$$0.77 = 2.71 w_c$$

$$w_c = 0.2841 = 28.41\%$$

### Example 3:

In its natural state, a moist soil has a volume of  $9.34 \times 10^{-3} \text{ m}^3$  and weighs  $177.6 \times 10^{-3} \text{ KN}$ , The oven-dried weight of the soil  $153.6 \times 10^{-3} \text{ KN}$ . if  $G_s = 2.67$  Calculate :

- Moisture content (%)
- Moist unit weight ( $\text{KN}/\text{m}^3$ )
- Dry unit weight ( $\text{KN}/\text{m}^3$ )
- Void ratio
- Porosity

وزن المياه نجدو من طرح الوزن العينة من وزنها وهي في حاله الجفاف.

$$a) w_c = \frac{W_w}{W_s} = \frac{W_{moist} - W_{dry}}{W_{dry}} = \frac{(177.6 - 153.6) \times 10^{-3}}{153.6 \times 10^{-3}} = 0.156 = 15.6\%$$

وزن العينة وهي جافه تساوي وزن الجزء الصلب من المادة باعتبار وزن الهواء يساوي صفر

$$b) \gamma_{moist} = \frac{W_{moist}}{v_{moist}} = \frac{177.6 \times 10^{-3}}{9.34 \times 10^{-3}} = 19.01 \text{ KN}/\text{m}^3$$

$$c) \gamma_{dry} = \frac{\gamma_{moist}}{1 + w} = \frac{19.01}{1 + 0.156} = \frac{16.54 \text{ KN}}{\text{m}^3}$$

$$\gamma_{dry} = \frac{W_s}{v_{moist}} = \frac{153.6 \times 10^{-3}}{9.34 \times 10^{-3}} = \frac{16.54 \text{ KN}}{\text{m}^3}$$

$$d) \gamma_{moist} = \frac{G_s \gamma_w (1 + w)}{1 + e}$$

$$19.01 = \frac{2.67 \times 9.81 \times (1 + 0.156)}{1 + e} \quad e = 0.593$$



$$e) n = \frac{e}{1 + e} = \frac{0.593}{1 + 0.593} = \mathbf{0.37}$$

$$f) se = Gsw_c$$

$$s = \frac{Gsw_c}{e} = \frac{2.67 \times 0.156}{0.953} = \mathbf{0.70 = 70\%}$$

#### Example 4:

The **mass of a moist soil** sample collected from the field is **465 grams**, and its oven dry mass is **405.76 grams**. The **specific gravity** of the soil solids was determined in the laboratory to be **2.68**. If the **void ratio** of the soil in the natural state is **0.83**, find the following:

- The moist density of the soil in the field ( $\text{Kg}/\text{m}^3$ ).
- The dry density of the soil in the field ( $\text{Kg}/\text{m}^3$ ).
- The mass of water, in kilograms, to be added per cubic meter of soil in the field for saturation.

$$M_{\text{moist}} = 465 \text{ grams} = 0.465 \text{ Kg}$$

$$M_{\text{dry}} = 405.76 \text{ grams} = 0.40576 \text{ Kg}$$

$$w_c = \frac{M_w}{M_s} = \frac{M_{\text{moist}} - M_{\text{dry}}}{M_{\text{dry}}} = \frac{0.465 - 0.40576}{0.40576} = \mathbf{0.146 = 14.6\%}$$

$$a) \rho_{\text{moist}} = \frac{G_s \rho_w (1 + w)}{1 + e} = \frac{2.68 \times 1000 \times (1 + 0.146)}{1 + 0.83} = \mathbf{1678.3 \text{ Kg}/\text{m}^3}$$

$$b) \rho_{\text{dry}} = \frac{\rho}{1 + w} = \frac{1678.3}{1 + 0.146} = \mathbf{1464.485 \text{ Kg}/\text{m}^3}$$

$$\text{water of to be added} = \rho_{\text{sat}} - \rho = 1918 - 1678.3 = \mathbf{239.7 \text{ kg}/\text{m}^3}$$

$$c) \rho_{\text{sat}} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \rho_w = \left[ \frac{2.68 + 0.83}{1 + 0.83} \right] 1000 = \frac{\mathbf{1918 \text{ Kg}}}{\mathbf{m}^3}$$

هون طلب في متر مكعب واحد

**Example 5:** The moist weight of  $2.83 \times 10^{-3} \text{m}^3$  of soil is  $55.5 \times 10^{-3} \text{KN}$ . If the moisture content is 14% and the specific gravity of soil solids is 2.71 determine the following:

- Moist unit weight
- Dry unit weight
- Void ratio
- Porosity
- Degree of saturation
- Volume occupied by water

$$a) \gamma_{moist} = \frac{W_{moist}}{v_{moist}} = \frac{55.5 \times 10^{-3}}{2.83 \times 10^{-3}} = \mathbf{19.6 \text{KN/m}^3}$$

$$b) \gamma_{dry} = \frac{\gamma_{moist}}{1 + w} = \frac{19.6}{1 + 0.14} = \mathbf{17.2 \text{KN/m}^3}$$

$$c) \gamma_{moist} = \frac{G_s \gamma_w (1 + w)}{1 + e}$$

$$19.6 = \frac{2.71 \times 9.81 \times (1 + .14)}{1 + e}$$

$$\mathbf{e = 0.55}$$

$$d) n = \frac{e}{1 + e} = \frac{0.55}{1 + 0.55} = \mathbf{0.355}$$

$$e) s e = G_s w_c$$

$$s = \frac{G_s w}{e} = \frac{2.71 \times 0.14}{0.55} = \mathbf{0.6898}$$

$$f) n = \frac{v_v}{v_t}$$

$$v_v = n \times v_t = 0.355 \times 2.83 \times 10^{-3} = \mathbf{1 \times 10^{-3} \text{m}^3}$$

$$s = \frac{v_w}{v_v}$$

$$v_w = s \times v_v = 0.6898 \times 1 \times 10^{-3} = \mathbf{0.6898 \times 10^{-3} \text{m}^3}$$

**Example 6:** The moist unit weight of a soil is **19.2 KN/m<sup>3</sup>**. Given that **G<sub>s</sub>=2.69** and **w=9.8%** determine:

- Void ratio
- Dry unit weight
- Degree of saturation

Determine the weight of water, in KN, to be added per cubic meter (m<sup>3</sup>) of soil for

- 90% degree of saturation
- 100% degree of saturation (zero air voids) saturated

$$a) \gamma_{moist} = \frac{G_s \gamma_w (1 + w)}{1 + e}$$

$$19.2 = \frac{2.69 \times 9.81 \times (1 + 0.098)}{1 + e}$$

$$e = 0.51$$

$$b) \gamma_{dry} = \frac{\gamma_{moist}}{1 + w}$$

$$\gamma_{dry} = \frac{19.2}{1 + 0.098} = \frac{17.486 \text{ KN}}{m^3}$$

$$c) se = G_s w_c$$

$$s = \frac{G_s w}{e} = \frac{2.69 \times 0.098}{0.51} = 0.52$$

$$d) se = G_s w_c$$

$$w_c = \frac{Se}{G_s} = \frac{0.9 \times 0.51}{2.69} = 0.17 = 17\%$$

$$\gamma_{moist@s=90\%} = \frac{G_s \gamma_w (1 + w)}{1 + e} = \frac{2.69 \times 9.81 \times (1 + 0.17)}{1 + 0.51}$$

$$20.4 - 19.12 = 1.2 \text{ KN/m}^3$$

$$Mass = 1.2 \times \frac{1000}{9.81} = 122.32 \text{ kg/m}^3$$

(e , G<sub>s</sub>) ثابتين لا تتغير بتغير درجة التشبع ولا بتغير المحتوى المائي.

ملاحظة مهمة هون اذ تغيرت قيمة المحتوى المائي (w<sub>c</sub>) راح تتغير درجة التشبع (S).

$$e) \gamma_{sat} = \left[ \frac{Gs + e}{1 + e} \right] \gamma_w$$

$$\gamma_{sat} = \left[ \frac{2.69 + 0.51}{1 + 0.51} \right] 9.81 = 20.79 \text{ KN/m}^3$$

$$20.79 - 19.2 = \mathbf{1.59 \text{ KN/m}^3}$$

$$\mathbf{Mass = 1.59 \times \frac{1000}{9.81} = 162 \text{ kg/m}^3}$$

$$S=100\%=1$$

Zero air voids الفراغات الهوائية تساوي في هاي الحالة  
صفر

**Saturated State**

Prove:

$$w_{sat} = \gamma_w \left[ \frac{1}{\gamma_d} - \frac{1}{\gamma_s} \right]$$

$$w_{Sat} = \frac{Mw}{Ms} = \frac{e\rho_w}{Gs\rho_w} = \frac{e}{Gs}$$

$$w_{sat} = \gamma_w \left[ \frac{1}{\frac{\gamma_w Gs}{1+e}} - \frac{1}{\gamma_w Gs} \right] = \frac{1+e}{Gs} - \frac{1}{Gs} = \frac{e}{Gs}$$

**Example 7:** Undisturbed soil sample was collected from the field in **steel Shelby tubes for laboratory evaluation**. The tube sample has a **diameter of 71 mm**, **length of 558 mm**, and a **moist weight of  $42.5 \times 10^{-3} \text{ KN}$** , If the **oven-dried weight was  $37.85 \times 10^{-3} \text{ KN}$** , and **GS=2.69** calculate the following:

- a. Moist unit weight      b. Field moisture content      c. Dry unit weight  
d. Void ratio              e. Degree of saturation      f. Amount of water to be added for full saturation

$$volume = \frac{\pi}{4} \times D^2 \times h = 71 \times 71 \times 558 \times 10^{-9} = \mathbf{2.21 \times 10^{-3} \text{ m}^3}$$

$$a) \gamma_{moist} = \frac{W_t}{v_t} = \frac{42.5 \times 10^{-3}}{2.21 \times 10^{-3}} = \mathbf{19.23 \text{ KN/m}^3}$$

$$b) w_c = \frac{W_w}{W_s} = \frac{(42.5 - 37.85) \times 10^{-3}}{37.85 \times 10^{-3}} = \mathbf{0.1229 = 12.29\%}$$

$$c) \gamma_{dry} = \frac{\gamma_{moist}}{1 + w} = \frac{19.23}{1 + 0.1229} = \mathbf{17.125 \text{ KN/m}^3}$$

$$d) \gamma_{moist} = \frac{Gs\gamma_w(1+w)}{1+e}$$

$$19.23 = \frac{2.69 \times 9.81 \times (1 + 0.1229)}{1 + e}$$

$$e = 0.541$$

$$e) se = Gsw_c$$

$$s = \frac{Gs w}{e} = \frac{2.69 \times 0.1229}{0.541} = 0.611$$

$$f) \gamma_{sat} = \left[ \frac{Gs + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.69 + 0.541}{1 + 0.541} \right] 9.81 = 20.57 \text{ KN/m}^3$$

$$\text{Amount} \left( \frac{\text{KN}}{\text{m}^3} \right) = [\gamma_{sat} - \gamma_{moist}]$$

$$\text{Amount (KN)} = [\gamma_{sat} - \gamma_{moist}] \times v_t$$

$$\text{Amount (KN)} = [20.57 - 19.23] \times 2.21 \times 10^{-3} = 2.9614 \times 10^{-3} \text{ KN}$$

$$\text{Amount (KN)} = 2.9614 \times 10^{-3} \times \frac{1000}{9.81} = 0.301 \text{ kg}$$

**Example 8:** when the moisture content of a soil is 26%, the degree of saturation is 72%, and the moist unit weight is 16.98 KN/m<sup>3</sup>. Determine:

- a. Specific gravity of soil solids      b. Void ratio      c. Saturated unit weight  
d. Effective unit weight (Submerged unit weight)

$$se = Gsw_c$$

$$e = \frac{Gsw_c}{s} = \frac{Gs \times 0.26}{0.72}$$

$$c) \gamma_{sat} = \left[ \frac{Gs+e}{1+e} \right] \gamma_w$$

$$\gamma_{sat} = \left[ \frac{2.73 + 0.986}{1 + 0.986} \right] 9.81 = 18.36 \text{ KN/m}^3$$

$$a) \gamma_{moist} = \frac{Gs\gamma_w(1+w)}{1+e}$$

$$16.98 = \frac{Gs \times 9.81 \times (1 + 0.26)}{1 + \frac{Gs \times 0.26}{0.72}}$$

$$Gs = 2.73$$

$$d) \gamma_{sat} - \gamma_w = 18.36 - 9.81 = 8.55 \text{ KN/m}^3$$

$$b) e = \frac{Gsw_c}{s} = \frac{2.73 \times 0.26}{0.72} = 0.986$$

**Example 9:** for a given soil, the following are known  $G_s=2.74$  , **moist unit weight  $\gamma=20.6 \text{ KN/m}^3$**  and **moisture content  $w_c=16.6\%$**  Determine:

- a. Dry unit weight      b. Void ratio      c. Porosity      d. Degree of saturation
- e) The volume of solids particles when the mass of water is 25 grams for saturation
- f) Is it possible to reach a water content of 30% without change the present void ratio?
- g) Mass of water if degree of saturation became 25%

$$a) \gamma_{dry} = \frac{\gamma_{moist}}{1 + w} = \frac{20.6}{1 + 0.166} = \mathbf{17.67 \text{ KN/m}^3}$$

$$b) \gamma_{moist} = \frac{G_s \gamma_w (1 + w)}{1 + e}$$

$$20.6 = \frac{2.74 \times 9.81 \times (1 + 0.166)}{1 + e}$$

$$\mathbf{e = 0.52}$$

$$c) n = \frac{e}{1 + e} = \frac{0.52}{1 + 0.52} = \mathbf{0.342}$$

$$d) se = G_s w_c$$

$$s = \frac{G_s w}{e} = \frac{2.74 \times 0.166}{0.52} = \mathbf{0.875}$$

$$d) se = G_s w_c$$

$$w_c = \frac{se}{G_s} = \frac{1 \times 0.52}{2.74} = \mathbf{0.1898 = 18.98\%}$$

$$W = (25 \times 10^{-3}) \text{kg} \times \frac{9.81}{1000} = \mathbf{24.525 \times 10^{-5} \text{KN}}$$

$$w_c = \frac{W_w}{W_s} \quad 0.1898 = \frac{24.525 \times 10^{-5}}{W_s} \quad W_s = \mathbf{129.21 \times 10^{-5} \text{KN}}$$

$$G_s = \frac{\gamma_s}{\gamma_w} \quad 2.74 = \frac{\gamma_s}{9.81} \quad \gamma_s = \mathbf{26.8794 \text{KN/m}^3}$$

$$\gamma_s = \frac{W_s}{V_s} \quad 26.8794 = \frac{24.525 \times 10^{-5}}{V_s} \quad \mathbf{V_s = 4.86 \times 10^{-5} \text{m}^3}$$

$$f) se = Gsw_c$$

$$s = \frac{Gs w}{e} = \frac{2.74 \times 0.30}{0.52} = \mathbf{1.581 > 1 \text{ its not Possible}}$$

$$g) se = Gsw_c \quad w_c = \frac{se}{Gs} = \frac{0.25 \times 0.52}{2.74} = \mathbf{0.04744}$$

$$w_c = \frac{W_w}{W_s} \quad 0.04744 = \frac{W_w}{129.21 \times 10^{-5}} \quad W_w = \mathbf{6.13 \times 10^{-5} KN}$$

$$\text{Amount (kg)} = 6.13 \times 10^{-5} \times \frac{1000}{9.81} = \mathbf{6.25 \times 10^{-5} kg}$$

**Example 10:** A geotechnical laboratory reported these results Determine which are not correctly reported

Specimen #1:  $w = 30\%$ ,  $\gamma_d = 14.9 \text{ KN/m}^3$ ,  $\gamma_s = 27 \text{ kN/m}^3$

Specimen #2:  $w = 10\%$ ,  $\gamma_d = 16 \text{ KN/m}^3$ ,  $\gamma_s = 26 \text{ kN/m}^3$

في علاقة سابقة طلب اثباتها سيتم استخدامها لمعرفة مقدار **wc sat** والذي يجب ان يكون أكبر من **wc** وفي حال لم يكن أكبر تكون نتائج التجربة غير منطقيه وغير صحيحة.

$$wsat = \gamma_w \left[ \frac{1}{\gamma_d} - \frac{1}{\gamma_s} \right]$$

$$\text{Specimen \# 1} = 9.81 \left[ \frac{1}{14.9} - \frac{1}{27} \right] = 0.295 = \mathbf{29.5\% < 30\% \text{ not correctly}}$$

$$\text{Specimen \# 2} = 9.81 \left[ \frac{1}{16} - \frac{1}{26} \right] = 0.2358 = \mathbf{23.58\% > 10\% \text{ correctly}}$$

**Example 11:** the moist density of a soil is  $1750 \text{ kg/m}^3$  .Given  $w=23\%$  and  $G_s=2.73$  determine:

- Dry density
- Porosity
- Degree of saturation
- Mass of water, in  $\text{kg/m}^3$ , to be added to reach full saturation

**Example 12:** for a moist soil, given the following:  $V = 7.08 \times 10^{-3} m^3$ ,  $W = 136.8 \times 10^{-3} KN$ ,  $w = 9.8\%$   $G_s = 2.66$  Determine:

- a. Dry unit weight    b. Void ratio    c. Volume occupied by water

**Example 13:** for a given soil,  $\rho_{dry} = 2180 kg/m^3$ ,  $n = 0.3$  Determine:

- a. Void ratio    b. Specific gravity of soil solids

**Example 14:** the moisture content of a soil sample is 17% and the dry unit weight is 16.51 KN/m<sup>3</sup>, If  $G_s=2.69$  what is the degree of saturation?

**Example 15:** for a given soil,  $w=18.2\%$ ,  $G_s=2.67$ , and  $s=80\%$  Determine:

- a. moist unit weight in KN/m<sup>3</sup> . b. Volume occupied by water.

**Example 16:** the degree of saturation of a soil is 55% and the moist unit weight is 16.66 KN/m<sup>3</sup>, when the moist unit weight increased to 17.92 KN/m<sup>3</sup>, the degree of saturation increased to 82.2% Determine:

- a.  $G_s$     b. Void ratio

**Example 16:** For a given soil if the void ratio,  $e = 0.62$ , water content,  $w=15\%$ , and density of solids,  $\rho_s = 2650 Kg/m^3$ , Calculate: a) Total density, b) Dry density, c) Porosity, d) Degree of saturation, and e) Water content for 100% saturation. Use  $\rho_w = 1000 Kg/m^3$

$$G_s = \frac{\rho_s}{\rho_w} = \frac{2650}{1000} = 2.65$$

$$a) \rho = \frac{G_s \rho_w (1 + w)}{1 + e} = \frac{2.65 \times 1000 \times (1 + 0.15)}{1 + 0.62} = 1881.17 kg/m^3$$

$$f) se = G_s w_c$$

$$s = \frac{G_s w}{e} = \frac{2.65 \times 0.15}{0.62} = 0.64$$

$$b) \rho_{dry} = \frac{\rho}{1 + w} = \frac{1881.17}{1 + 0.15} = 1635.8 kg/m^3$$

$$e) se = G_s w_c$$

$$w_c = \frac{se}{G_s} = \frac{1 \times 0.62}{2.65} = 0.2340$$

$$c) n = \frac{e}{1 + e} = \frac{0.62}{1 + 0.62} = 0.383$$



**Example 17:** A  $0.4 \text{ m}^3$  moist soil sample has the following: **moist mass=711.2 kg**, **Dry mass=623.9 kg**, **GS=2.68**, estimate

- a) Moisture content? b) Moist density? c) Void ratio? d) Dry density? e) Porosity?  
 f) Degree of saturation? g) Air content? J) Additional amount of water to make the soil saturation?

$$a) wc = \frac{M_w}{M_s} = \frac{711.2 - 623.9}{623.9} = \mathbf{0.1399 = 13.99\%}$$

$$b) \rho = \frac{M_t}{v_t} = \frac{711.2}{0.4} = \mathbf{1778 \text{ kg/m}^3}$$

$$c) \rho = \frac{Gs\rho_w(1+w)}{1+e}$$

$$1778 = \frac{2.68 \times 1000 \times (1 + 0.1399)}{1 + e}$$

$$e = \mathbf{0.718}$$

$$d) \rho_{dry} = \frac{\rho}{1+w} = \frac{1778}{1 + 0.1399} = \mathbf{1559.786 \text{ kg/m}^3}$$

$$e) n = \frac{e}{1+e} = \frac{0.718}{1 + 0.718} = \mathbf{0.418}$$

$$f) sr = \frac{GSwc}{e} = \frac{2.68 \times 0.1399}{0.718} = \mathbf{0.522}$$

$$g) A = n(1 - s) = 0.418(1 - 0.522) = \mathbf{0.1998}$$

$$J) \rho_{dry} = \left[ \frac{Gs + e}{1 + e} \right] \rho_w = \left[ \frac{2.68 + 0.522}{1 + 0.522} \right] \times 1000 = \mathbf{2103.8 \text{ Kg/m}^3}$$

$$\text{Amount} \left( \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) = [\rho_{sat} - \rho_{moist}]$$

$$\text{Amount (kg)} = [\rho_{sat} - \rho_{moist}] \times Vt$$

$$\text{Amount (kg)} = [2103.8 - 1778] \times 0.4$$

$$= \mathbf{130.32 \text{ kg}}$$

**Show that:**

$$n = \frac{\gamma_{sat} - \gamma_{dry}}{\gamma_w} = \frac{\left[ \frac{Gs + e}{1 + e} \right] \gamma_w - \frac{\gamma_w Gs}{1 + e}}{\gamma_w} = \frac{Gs - e - Gs}{1 + e} = \frac{e}{1 + e}$$

## Relative Density

الكثافة النسبية لمعرفة التربة انها في حالة مفككة او مترابطة كلما زادت قيمة Dr كانت التربة مترابطة أكثر.

$$Dr \text{ OR } Ir = \frac{e_{max} - e}{e_{max} - e_{min}}$$

$e = \text{natural Or in - Situ Or field state}$

$e_{min}$  for **Dense Or Compact state** الحالة الكثيفة الفراغات تكون أقل ما يمكن

$e_{max}$  for **Loose state** الحالة المفككة الفراغات تكون أكبر ما يمكن

$$Dr \text{ OR } Ir = \frac{e_{max} - e_{min}}{e_{max} - e_{min}} = 1$$

$e = e_{min}$  **Dense Or Compact soil**

$$Dr \text{ OR } Ir = \frac{e_{max} - e_{max}}{e_{max} - e_{min}} = 0$$

$e = e_{max}$  for **Loose soil**

**Example 18:** For a given sandy soil, void ratio in loose state equal 0.75, void ratio in dense state equal 0.52, If  $G_s=2.69$  and Relative density equal 65% determine:

- a. Void ratio      b. Dry unit weight

$$a) Dr \text{ OR } Ir = \frac{e_{max} - e}{e_{max} - e_{min}}$$

$$0.65 = \frac{0.75 - e}{0.75 - 0.52} \quad e = 0.6005$$

$$b) \gamma_{dry} = \frac{\gamma_w G_s}{1 + e} = \frac{9.81 \times 2.69}{1 + 0.6005} = 16.488 \text{ KN/m}^3$$

**Example 19:** for a given sandy soil the maximum and minimum void ratios are 0.72 and 0.46, respectively If  $G_s = 2.68$  ,  $w=11\%$ , what is the moist unit weight ( $\text{KN/m}^3$ ) in the field if  $Dr=82\%$ ?

$$Dr \text{ OR } Ir = \frac{e_{max} - e}{e_{max} - e_{min}}$$

$$0.82 = \frac{0.72 - e}{0.72 - 0.46} \quad e = \mathbf{0.5068}$$

$$\gamma_{moist} = \frac{\gamma_w G_s (1 + w)}{1 + e} = \frac{9.81 \times 2.68 \times (1 + 0.11)}{1 + 0.5068} = \mathbf{19.37 \text{ KN/m}^3}$$

### Example 2:

A cylindrical soil sample prepared for laboratory testing has a diameter of 71 mm, a height of 142 mm, and weighs  $10.675 \times 10^{-3} \text{ KN}$ . If the degree of saturation is 93% and the specific gravity of soil solids is 2.71, determine:

- A. void ratio.
- B. water content.
- C. water content under fully saturated condition.
- D. Volume of void.
- E. Volume of water.
- F. Volume of air.
- G. Volume of solid.
- H. Weight of water.
- I. Weight of solid.
- J. Weight of air.
- K.  $\gamma_s$
- L. Volume of water and air at Saturated state.
- M. Volume of water and air at Dry state.
- N. Volume of void at Saturated and Dry state.
- O. The degree of Saturation (Sr) at Saturated and Dry state.
- P. Void ratio and Specific gravity at Saturated and Dry state.
- Q. Air content at Saturated and Dry state. Is it possible to get the content of equal 0.55?

$$volume = \frac{\pi}{4} \times D^2 \times h = 71 \times 71 \times 142 \times 10^{-9} = \mathbf{0.5622 \times 10^{-3} \text{ m}^3}$$

$$\gamma_{bulk} = \frac{W_t}{v_t} = \frac{10.675 \times 10^{-3}}{0.5622 \times 10^{-3}} = \mathbf{18.988 \text{ KN/m}^3}$$

$$A. \gamma_{bulk} = \frac{(G_s + se)\gamma_w}{1 + e}$$

$$18.988 = \frac{(2.71 + 0.93 \times e) \times 9.81}{1 + e}$$

$$e = \mathbf{0.77}$$

$$B. \gamma_{bulk} = \frac{G_s \gamma_w (1 + w)}{1 + e}$$

$$18.988 = \frac{2.71 \times 9.81 \times (1 + w)}{1 + 0.77}$$

$$w_c = \mathbf{0.264 = 26.4\%}$$

$$C. se = G_s w_c$$

$$s = 1$$

$$0.77 = 2.71 w_c$$

$$w_c = \mathbf{0.2841 = 28.41\%}$$

$$D. n = \frac{e}{1 + e} = \frac{0.77}{1 + 0.77} = \mathbf{0.435}$$

$$n = \frac{v_v}{v_t} \quad v_v = n \times v_t = 0.435 \times 0.5622 \times 10^{-3} = \mathbf{2.45 \times 10^{-4} \text{ m}^3}$$

$$E. se = Gs_w_c \quad s \times 0.77 = 2.71 \times 0.264$$

$$s_r = \frac{v_w}{v_v} \quad v_w = s_r \times v_v = 0.93 \times 2.45 \times 10^{-4} = \mathbf{2.27 \times 10^{-4} m^3}$$

$$F. A = n(1 - s) = 0.435(1 - 0.93) = \mathbf{0.03045}$$

$$A = \frac{v_a}{v_t} \quad v_a = A \times v_t = 0.03045 \times 0.5622 \times 10^{-3} = \mathbf{1.71 \times 10^{-5} m^3}$$

$$G. v_{total} = v_a + v_w + v_s$$

$$0.5622 \times 10^{-3} = 1.71 \times 10^{-5} + 2.27 \times 10^{-4} + v_s \quad v_s = \mathbf{3.181 \times 10^{-4} m^3}$$

$$H. \gamma_w = \frac{W_w}{V_w} \quad W_w = \gamma_w \times V_w \quad 9.81 \times 2.27 \times 10^{-4} = \mathbf{2.23 \times 10^{-3} KN}$$

$$I. w_c = \frac{W_w}{W_s} \quad W_s = \frac{W_w}{w_c} \quad W_s = \frac{2.23 \times 10^{-3}}{0.264} = \mathbf{8.45 \times 10^{-3} KN}$$

$$J. W_a = \mathbf{0 KN}$$

$$K. \gamma_s = \frac{W_s}{V_s} \quad \gamma_s = \frac{8.45 \times 10^{-3}}{3.181 \times 10^{-4}} = \mathbf{26.6 \frac{KN}{m^3}}$$

$$\gamma_s = Gs \times \gamma_w = 2.71 \times 9.81 = \mathbf{26.6 \frac{KN}{m^3}}$$

$$L. v_v = v_w = \mathbf{2.45 \times 10^{-4} m^3}$$

$$v_a = \mathbf{0}$$

$$M. v_v = v_a = \mathbf{2.45 \times 10^{-4} m^3}$$

$$v_w = \mathbf{0}$$

$$N. \text{ at Sat } v_v = \mathbf{2.45 \times 10^{-4} m^3}$$

$$\text{ at Dry } v_v = \mathbf{2.45 \times 10^{-4} m^3}$$

حجم الفراغات ثابت لا يتغير بالتشبع او الجفاف يتغير فقط بتغير حجم العينة.

$$O. s_{r_{max}} = \frac{v_w}{v_v} = \frac{2.45 \times 10^{-4}}{2.45 \times 10^{-4}} = \mathbf{1} \text{ for Saturated Soil}$$

$$s_{r_{min}} = \frac{v_w}{v_v} = \frac{0}{2.45 \times 10^{-4}} = \mathbf{0} \text{ for Dry Soil}$$

$$Q. A_{min} = \frac{v_a}{v_t} = \frac{0}{0.5622 \times 10^{-3}} = \mathbf{0} \text{ for Saturated Soil}$$

$$A_{max} = \frac{v_a}{v_t} = \frac{2.45 \times 10^{-4}}{0.5622 \times 10^{-3}} = \mathbf{0.436} \text{ for Dry Soil}$$

0.55 > 0.436 **not possible**

e/Gs ثابتين لا يتغيران بتغير التشبع او الجفاف و e تتغير فقط بتغير حجم العينة.

بسم الله الرحمن الرحيم

## Compaction

الدمك

تقليل الحجم مع ثبات الوزن ومنه زيادة الكثافة وأيضا عملية زيادة الكثافة تكون عن طريق تقليل الفراغات في التربة.

Many types of earth construction, such as dams, retaining walls, highways, and airport require man-placed soil, or fill. To compact a soil, that is, to place it in a dense state.

تتطلب العديد من أنواع الإنشاءات الأرضية، مثل السدود، والجدران الاستنادية، والطرق السريعة، والمطار، تربة يضعها الإنسان، لضغط التربة، أي وضعها في حالة كثيفة.

The dense state is achieved through the reduction of the air voids in the soil, with little or no reduction in the water content. This process must not be confused with consolidation, in which water is squeezed out under the action of a continuous static load.

تتحقق الحالة الكثيفة من خلال تقليل فراغ الهواء في التربة، مع تقليل قليل أو منعدم في محتوى الماء. يجب عدم تشابك عملية تقليل المحتوى المائي وبين الدمج (أي دمج الماء مع التربة)، حيث يتم ضغط الماء تحت تأثير حمل ثابت ومستمر.

### Objectives:

أهداف الدمك

1. Decrease future settlements.  
تقليل الهبوط، او منعه من الاساس في
2. Increase shear strength.  
زيادة مقاومة التربة لإجهادات القص.
3. Decrease permeability.  
تقليل نفاذية (مرور الماء خلال التربة)  
التربة للماء.

### General Compaction Methods:

طرق الدمك العامة.

Laboratory

طريقة مخبرية.

#### Coarse-grained soils

- 1) Vibrating hammer (BS)

#### Fine-grained soils

- 1) Falling weight and hammers
- 2) Kneading compactors
- 3) Static loading and press

Field

في الموقع.

- 1) Hand-operated vibration plates
- 2) Motorized vibratory rollers
- 3) Rubber-tired equipment
- 4) Free-falling weight; dynamic compaction  
(low frequency vibration, 4~10 Hz)

- 1) Hand-operated tampers
- 2) Sheep foot rollers
- 3) Rubber-tired rollers

## Laboratory Compaction:

### الدمك المخبري.

Developed by R.R. Proctor, in his honor called the proctor test.

طور Proctor الدمك المخبري وعلى شرفه سمي اختبار Proctor.

**The purpose of a laboratory compaction test is to:**

**الغرض من اختبار الدمك:**

1. Determine the proper amount of mixing water to use when compacting the soil in the field  
تحديد الكمية المناسبة من الماء المخلوطة مع التربة (مش عجينة المقصد تكون رطبة) لاستخدامها عند دمك التربة في الموقع.
2. The resulting degree of denseness, which can be expected from compaction **at this Optimum water.**

درجة الكثافة الناتجة عند **محتوى الماء الامثل** والتي يمكن توقعها من الدمك.

**Optimum Water:** قيمة المحتوى المائي عند أقصى كثافة (بعد دمكها)

## Impact compaction:

### الدمك تحت تأثير تصادم التربة مع

A hammer is dropped several times on a soil sample in a mold. The mass of the hammer, height of drop, number of drops, number of layers of soil, and the volume of the mold are specified.

يتم إسقاط مطرقة عدة مرات على عينة من التربة في قالب، يتم تحديد كتلة المطرقة، ارتفاع الطرقة، عدد الطرقات، عدد طبقات التربة، حجم القالب.

## Proctor test:

### يقسم الاختبار الى قسمين:

1. **Standard Proctor** Compaction Test Specifications.

يستخدم لل الاحمال الخفيفة والطرق العادية.

2. **Modified Proctor** Compaction Test Specifications.

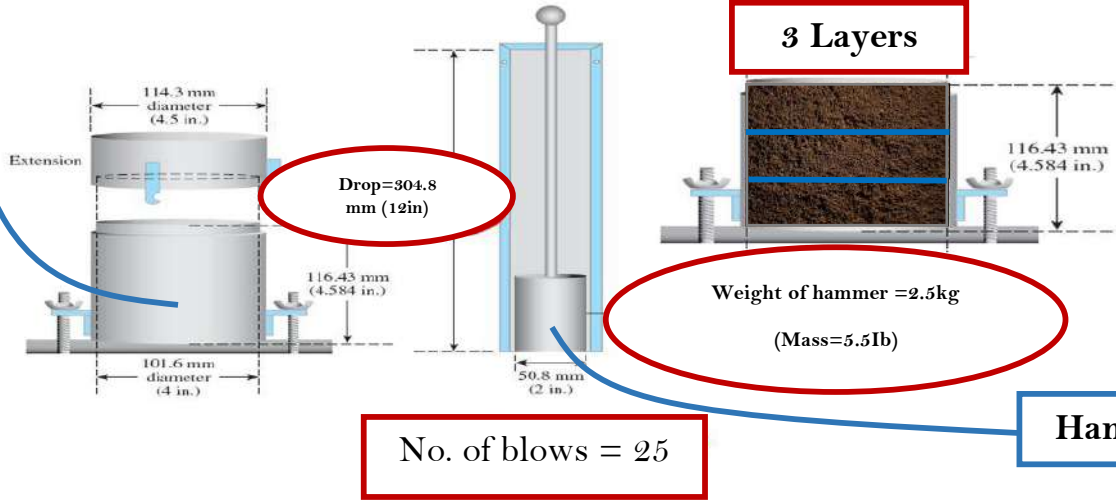
يستخدم لل الاحمال الثقيلة وطرق المطارات

اختبار Proctor يجرى كالتالي: توضع العينة في القالب على **(ثلاث او خمس)** طبقات (حسب الاختبار) وكل طبقة تدمك **25 مرة** بالمطرقة ذات الكتلة **(2.5kg او 4.5kg)** على ارتفاع **(305mm او 450mm)** حسب الاختبار.

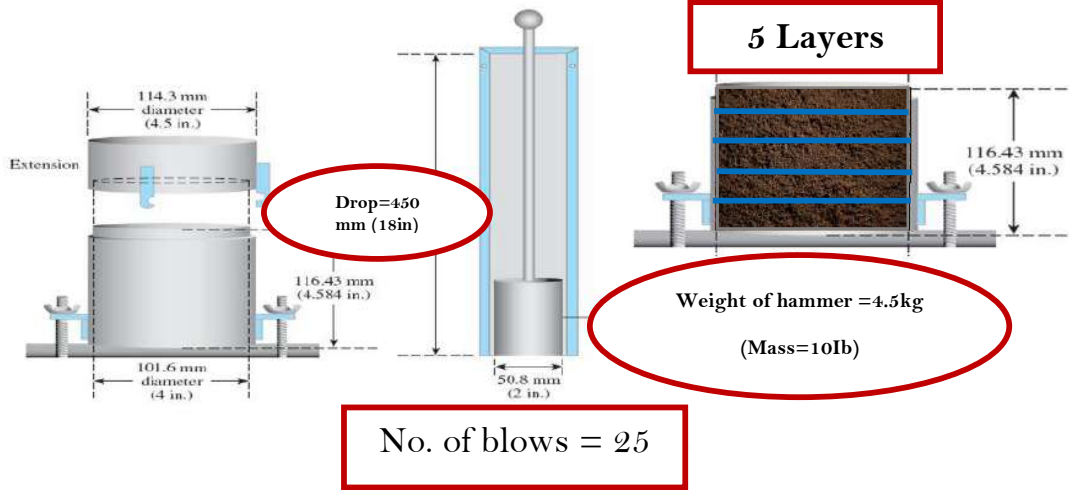
نفس الخطوات الاختبار مع تغيير بسيط ولكن ال **Modified Proctor** يعطي كثافة اعلى.

$$(Mold\ Size)Volume = 0.944 \times 10^{-3} m^3$$

### Standard Proctor Test



### Modified Proctor Test



### Variables of Compaction:

المتغيرات عند الدمك

Proctor established that compaction is a function of four variables:

أثبت Proctor أن الدمك هو دالة لأربعة متغيرات (يتغير بتغير أربع متغيرات):

1. Dry density ( $\rho_d$ ) or dry unit weight  $\gamma_d$ .
2. Water content  $w_c$ .
3. Compactive effort (energy E).
4. Soil type (gradation, presence of clay, minerals, etc).



## Compactive effort (energy E):

Increasing the Compactive effort tends to increase the maximum dry density, as expected, but also decrease the optimum water content.

زيادة Compactive effort يميل إلى زيادة الحد الأقصى لكثافة الجفاف، كما هو متوقع، ولكن أيضا تقليل المحتوى المائي

### Compactive effort (energy E)

$$E = \frac{\text{Weight of hammer} \times \text{Height of drop hammer} \times \text{Number of blows per layer} \times \text{Number of layers}}{\text{Volume of mold}}$$

وزن المطرقة.

حجم الوعاء.

ارتفاع سقوط المطرقة اذ:

عدد الطبقات:

$$\frac{E_{\text{Modified}}}{E_{\text{Standard}}} = \frac{2627.8 \text{KJ/m}^3}{593.7 \text{KJ/m}^3} = 4.4$$

Standard Test = 305 mm

Standard Test = 3 layers

Modified Test = 450 mm

Modified Test = 5 layers

$$\text{Compactive effort (energy E) for Standard Test} = \frac{2.5 \text{kg} \times 9.8 \text{ m/S}^2 \times 0.305 \text{ m} \times 3 \times 25}{0.944 \times 10^{-3} \text{ m}^3} = 593.7 \text{KJ/m}^3$$

$$\text{Compactive effort (energy E) for Modified Test} = \frac{4.5 \text{kg} \times 9.8 \text{ m/S}^2 \times 0.450 \text{ m} \times 5 \times 25}{0.944 \times 10^{-3} \text{ m}^3} = 2627.8 \text{KJ/m}^3$$

هون بدنا نقوم برسم **Compaction Curve** في حالة **1. Standard Test.** **2. Modified Test.**

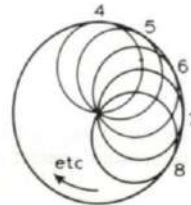
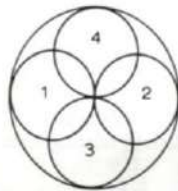
**Compaction curve** يكون بين **(Water Content / Dry Density ( $\rho_d$ ) Or Dry unit weight ( $\gamma_{dry}$ ))**

1. Several samples of the same soil, but at different water contents, are compacted according to the compaction test specifications.

بعمل عينات مختلفة من نفس التربة ولكن بمحتويات مائية مختلفة (كل مرة بعمل التجربة ب **water content** جديد) ويعمل اختبار الدمك (بدمك كل طبقة 25 مرة) وحسب نوع الاختبار يختار عدد الطبقات.

The first four blows

اول أربع ضربات بتكون هيكل.



The successive blows

باقي الضربات توزع هيكل.

2. The total or wet density and the actual water content of each compacted sample are measured.

هون عند كل **water content** بحسب  **$\gamma_{bulk}$**  ومن العلاقة التالية بحسب  **$\gamma_{dry}$**  وبوصل كل **water content** مع  **$\gamma_{dry}$**

$$\rho_d = \frac{\rho}{1 + w_c}$$

في منحنى يسمى **Compaction Curve**.

3. Plot the Dry Densities  $\rho_d$  Versus Water Contents  $w_c$  for each Compacted Sample, The Curve is Called as a **Compaction Curve**.

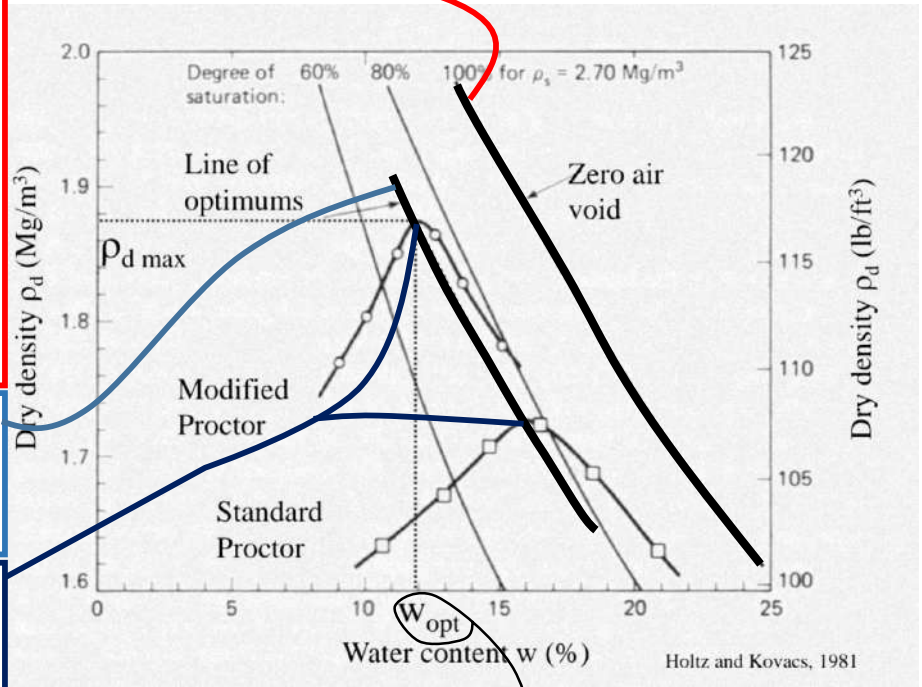
كل عينة بتحسب الها  **$\gamma_{bulk}$**  ومنها بتحسب  **$\gamma_{dry}$**  لكل محتوى مائي ويتوصل في ورقة رسم بياني كل **(water content)** مع  **$\gamma_d$**

هون مثال ع حدا عمل التجربة ورسم الرسمة بدنا نشرح ونعرف عليها بعض المفاهيم

يوجد خطوط شبه مستقيمة تعبر عن درجة التشبع عندما  $S=100\%$  يسمى هذا الخط Zero Air Voids أي الفراغات الهوائية تساوي صفر

Maximum Possible Value of  $\gamma_{dry}$  at  $\gamma_{Z.A.V}$

ملاحظة مهمة جدا الكثافة الجافة لما يطلب  $\gamma_{max}$  بتكون نفسها  $\gamma_{Z.A.V}$



الخط الذي يمر في نقاط الذروة

Line of Optimums

أعلى نقطة في المنحنى وتسمى نقطة الذروة

Peak Point

ويكون عندها قيمة

$\rho_{dry max}$  and (O.M.C)

Optimum water

رمزه مهم (O.M.C) او (O.p.t)

دائما Modified Proctor curve أعلى من Proctor curve standard لأنو اتفقنا Modified curve standard يعطي ( $\gamma_{dry}$  Compactive effort) أعلى.

$$\rho_d = \frac{\rho_s}{1 + e} = \frac{\rho_w \times S}{w_c + \frac{\rho_w}{\rho_s} \times S} = \frac{\rho_w \times S}{w_c + \frac{S}{G_s}}$$

**The peak point of the compaction** نقطة الذروة في منحنى الدمك.

Is the point with the maximum dry density,  $\rho_{dry max}$ , Corresponding to the maximum dry density  $\rho_{dry max}$  is a water content known as the optimum water content  $w_{o.p.t}$

هي النقطة عند الحد الأقصى من الكثافة الجافة  $\rho_{dry max}$  ، في مقابل الحد الأقصى للكثافة الجافة محتوى مائي يعرف بالمحتوى المائي الأمثل .

## Zero air voids curve

The curve represents the fully saturated condition ( $S = 100\%$ ), (It cannot be reached by compaction)

المنحنى يمثل التربة وهي في حالة مشبعة ( $S = 100\%$ ) ، (لا يمكن الوصول إليه عن طريق الدمك).

## Line of optimums

A line drawn through the peak points of several compaction curves at different compactive efforts for the same soil will be almost parallel to a 100 % S curve.

هو الخط الذي يقطع نقاط الذروة في منحنيات الدمك لنفس عينة التربة ويكون موازي ل منحنى (ZAV).

## Below $w_{opt}$ (dry side of optimum):

As the water content increases, the particles develop larger and larger water films around them, which tend to "lubricate" the particles and make them easier to be moved about and reoriented into a denser configuration.

ومع زيادة محتوى الماء ، تقوم الجسيمات بتكوين أغشية مائية أكبر وأكبر حولها ، والتي تميل إلى "جسيمات مشحمة" وتسهل نقلها وإعادة توجيهها وانزلاقها إلى تكوين أكثر كثافة.

الماء يساعد على انزلاق الحبيبات. (قبل محتوى الماء الأمثل)

## At $w_{opt}$ :

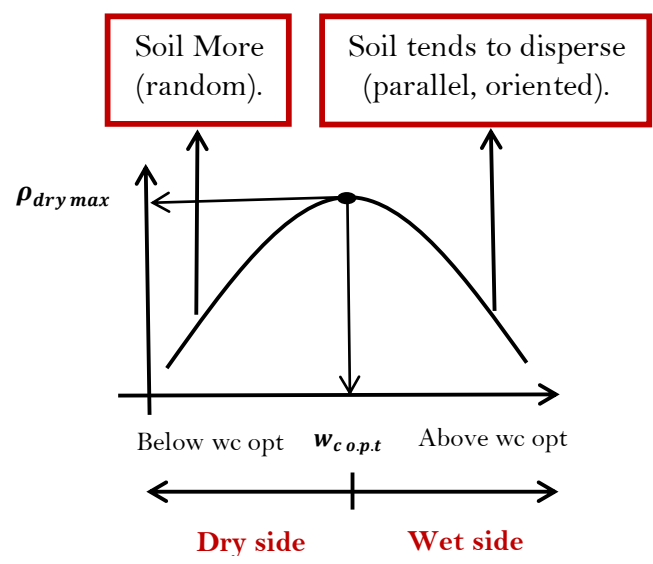
The density is at the maximum, and it does not increase any further. تكون الكثافة عند الحد الأقصى ، ولا تزيد أكثر من ذلك.

## Above $w_{opt}$ (wet side of optimum):

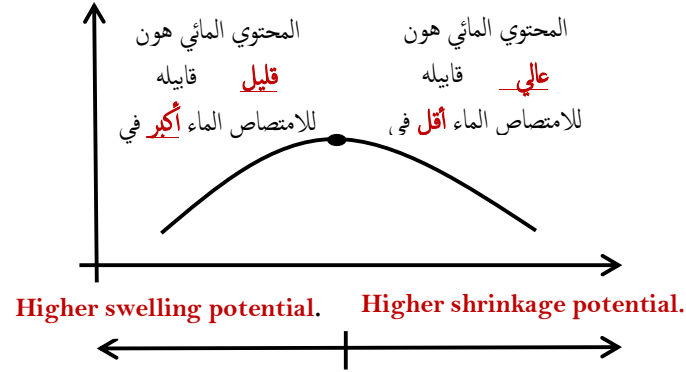
Water starts to replace soil particles in the mold, and since  $\rho_w \ll \rho_s$  the dry density starts to decrease.

تبدأ المياه حل مكان جزيئات التربة في القالب ، وبما أن  $\rho_w \ll \rho_s$  تبدأ الكثافة الجافة في الانخفاض.

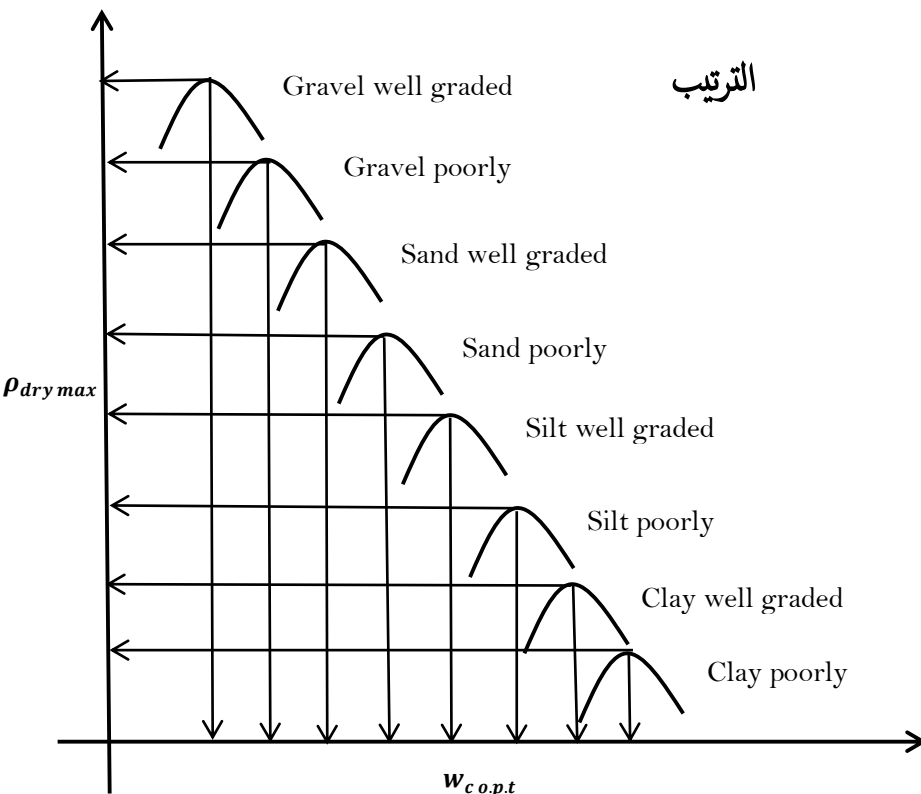
الماء يشغل حجم أكبر من الفراغات. (بعد محتوى الماء الأمثل).



Optimum water content is typically slightly less than the plastic limit عادةً يكون المحتوى المائي الأمثل أقل بقليل من plastic limit



## Effects of Soil Types and grain size on Compaction. أثر نوع وحجم التربة على الدمك.



- 1)  $compactive\ effort \propto \rho_{dry\ max}$
- 2)  $Grain\ size \propto \rho_{dry\ max}$
- 3)  $\rho_{dry\ max} \propto \frac{1}{\alpha} O.p.t$
- 4)  $\rho_{dry\ max} \propto \frac{1}{\alpha} w_c$
- 5)  $\rho_{dry\ max} \propto \frac{1}{\alpha} (LL\ and\ PL\ and\ PI)$
- 6)  $\rho_{dry\ max} \propto SL$
- 7)  $(LL\ and\ PL\ and\ PI) \propto \frac{1}{\alpha} SL$
- 8)  $w_c \propto (LL\ and\ PL\ and\ PI)$

## الدمك النسبي. (R.C.) Relative Compaction

يستخدم للحكم على الدمك في الموقع مقبول أم لا , وله اسم اخر **Percent compaction** .

$$R.C = \frac{\rho_{d-field}}{\rho_{dry\ max-laboratory}}$$

$$R.C > 95\% \text{ accepted}$$

$$o.p.t \pm 2\% \text{ accepted}$$

$$R.C = 80 + 0.2 \times Dr$$

$\rho_{d\ max} - laboratory$  و  $\rho_{d\ field}$  الكثافة الجافة في الموقع و الكثافة الجافة في المختبر.

لقياس الكثافة في الموقع يوجد نوعين من الاختبارات:

### Destructive

(a) Sand cone.

(b) Balloon.

(c) Oil (Or water) method.

### Nondestructive

(a) Direct transmission.

(b) Backscatter.

(c) Air gap.

**Example 1:** A soil sample has, **moisture content = 12% and  $G_s = 2.72$**  Is it possible to compact the soil sample to a **dry unit weight of  $23.5 \text{ KN/m}^3$** .

في السؤال هون سؤال مهم معطيك ال  $e$ ،  $G_s$ ،  $w_c$  وبتلك السؤال هل من الممكن بعد الدمك الوصول الى  $\gamma = 23.5 \text{ KN/m}^3$

بحسب قيمة  $\gamma_{dry\ max}$  اذ قيمة  $\gamma = 23.5 \text{ KN/m}^3$  اقل من  $\gamma_{dry\ max}$  اشى يكون منطقي (ممكّن) اما  $\gamma = 23.5 \text{ KN/m}^3$  طلعت أكبر من  $\gamma_{dry\ max}$  بتكون مستحيل الوصول الى  $\gamma = 23.5 \text{ KN/m}^3$  بعد الدمك لأنو  $\gamma_{dry\ max}$  طلع اقل من  $\gamma = 23.5 \text{ KN/m}^3$  (غير ممكن).

Sol:

$$\gamma_{z.v.a} = \frac{\gamma_w G_s}{1 + e} = \frac{9.8 \times 2.72}{1 + 0.3264} = \mathbf{20.12 < 25.3 \text{ not possible}}$$

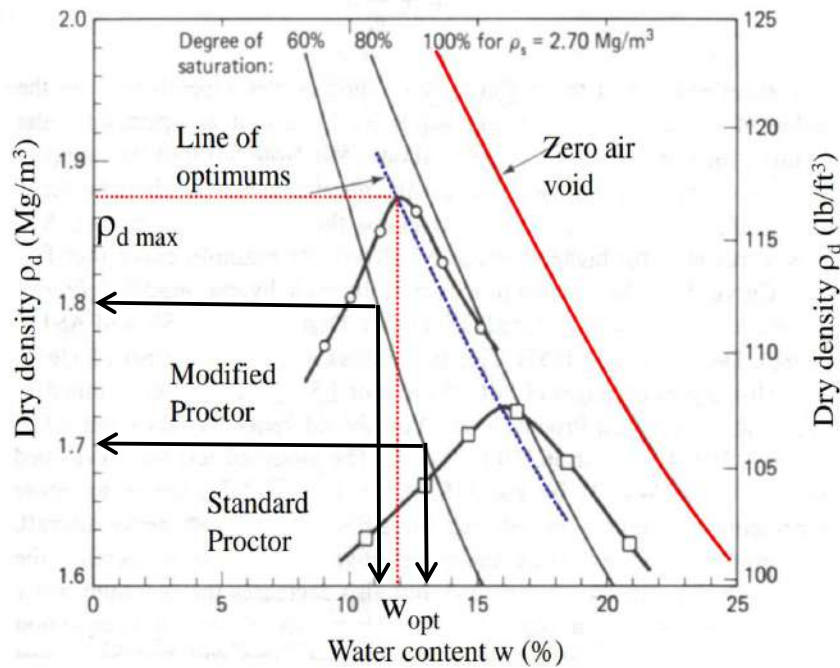
$$s_e = G_s w_c \quad e = \frac{G_s w_c}{S} = \frac{2.72 \times 0.12}{1} = \mathbf{0.3264 = 32.64\%}$$

ملاحظة مهمة جدا:  $e$  بتحسبها لما تكون

ملاحظة:  $1 \text{ t/m}^3 = 9.8 \text{ KN/m}^3$

**Example 2: A modified compaction lab test** is shown in the figure below field compaction test, **total unit weight of 17.50 kN/m<sup>3</sup>** and **water content 15%**:

1. Estimate Relative compaction?
2. If project required RC=95% and water content in the field to be in the range of  $\pm 2\%$  from optimum water content; Is the field compaction satisfying project requirement? Why?
3. Find Gs for this soil?
4. Degree of saturation at optimum water content?



$$1) R.C = \frac{\rho_{dry-field}}{\rho_{max-laboratory}} = \frac{1551.21}{1875} \times 100\% = \mathbf{82.7\%}$$

$$\rho_{max-laboratory} = \frac{1.75 \text{ Mg}}{\text{m}^3} = \mathbf{1875 \text{ kN/m}^3}$$

$$w_{c,opt} = \mathbf{11.9\%}$$

$$\gamma_{bulk-field} = 17.50 = \rho_{bulk-field} \times 9.8$$

$$\rho_{bulk} = \mathbf{1783.89 \text{ Kg/m}^3}$$

$$\rho_{dry-field} = \frac{\rho_{bulk}}{1 + w_c} = \frac{1783.89}{1 + 0.15} = \mathbf{155.21 \text{ kg/m}^3}$$

$$2) R.c = 82\% < 95\% \text{ not accepted}$$

$$[9.9\% - 13.9\%] w_{c,field} = 15\% \text{ not accepted}$$

$$3) \rho_{dry} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + e} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + \frac{G_s \times w_c}{s}}$$

$$1700 = \frac{1000 \times G_s}{1 + \frac{G_s \times 0.13}{0.60}} \quad G_s = \mathbf{2.69}$$

$$1800 = \frac{1000 \times G_s}{1 + \frac{G_s \times 0.11}{0.60}} \quad G_s = \mathbf{2.686567}$$

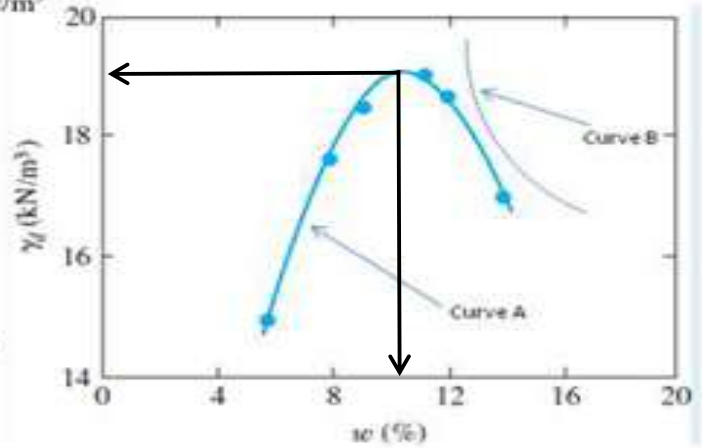
$$4) \rho_{dry} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + e} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + \frac{G_s \times w_c}{s}}$$

$$1875 = \frac{1000 \times 2.69}{1 + \frac{2.69 \times .12}{s}} \quad s = \mathbf{0.743}$$

Soil compaction curve shown below, field density provided the following information:

Water content = 13%; Total unit weight = 17.80 kN/m<sup>3</sup>

- 1) What is the name of the curve A?
- 2) What is the name of the curve B?
- 3) Find maximum unit weight and optimum water content?
- 4) Determine the percent relative compaction?



- 5) If project required RC=95% and water content in the field to be in the range of ±2% from optimum water content; is the field compaction satisfying project requirement? Why?

1) **Compaction curve.**

2) **Zero Air Voids.**

3)  $\gamma_{dry\ max} = 19\text{KN/m}^3$

$wc\ o.p.t = 10\%$

5)  $R.c = 82.7\% < 95\%$  **not accepted**

[ 8% – 12% ]  $wc\ field = 13\%$  **not accepted**

$$4) R.C = \frac{\rho_{dry-field}}{\rho_{max-laboratory}} = \frac{15.75}{19} \times 100\% = 82.9\%$$

$$\rho_{max-laboratory} = 19\text{KN/m}^3$$

$$wc\ o.p.t = 10\%$$

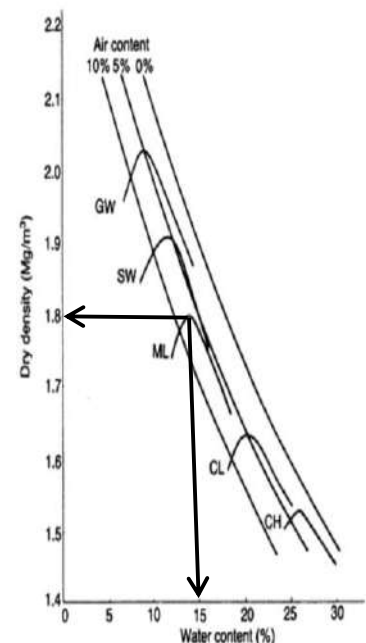
$$\gamma_{bulk} = 17.80\text{KN/m}^3$$

$$\gamma_{dry} = \frac{\gamma_{bulk}}{1 + wc} = \frac{17.80}{1 + 0.13} = 15.75\text{kg/m}^3$$

**Example 4:** A different soil compaction curves shown below field density in ML soil provided the following information: **Water content = 13%, Total density = 1780kg/m<sup>3</sup> (note 1.0 Mg/m<sup>3</sup>=1000kg/m<sup>3</sup>)**

a. Determine percent compaction for ML soil?

b. If project required RC=95% and water content in the field to be in the range of ±2% from optimum water content; Is the field compaction satisfying project requirement? Why?





$$1) R.C = \frac{\rho_{dry-field}}{\rho_{max-laboratory}} = \frac{1561.4}{1800} \times 100\% = 86.74\%$$

$$2) R.c = 86.74\% < 95\% \text{ not accepted}$$

[ 13% – 17% ] wc field = 13% **accepted**

$$\rho_{max-laboratory} = 1800 \text{ KN/m}^3$$

$$wc \text{ o.p.t} = 10\%$$

$$\rho_{bulk} = 1780 \text{ Kg/m}^3$$

$$\rho_{dry} = \frac{\rho_{bulk}}{1 + wc} = \frac{1780}{1 + 0.15} = 1547.83 \text{ kg/m}^3$$

**Example 5:** Compare the effect of the presence of kaolinite, Illite, and Semectite (or montmorillonites), clay mineral in the following: (you may aid your answers with numbers, equations and/or figures)

هون في السؤال معطيك ثلاثة أنواع من Clay mineral بدو تأثير كل نوع على الدمك وحد السيولة. (الملاحظة بتحكي دعم بالرسم)

1) Compaction

**3. (montmorillonites) or Semectite** ثم **2. Illite** ثم **1. kaolinite** الأكبر حجم

2) Liquid limit

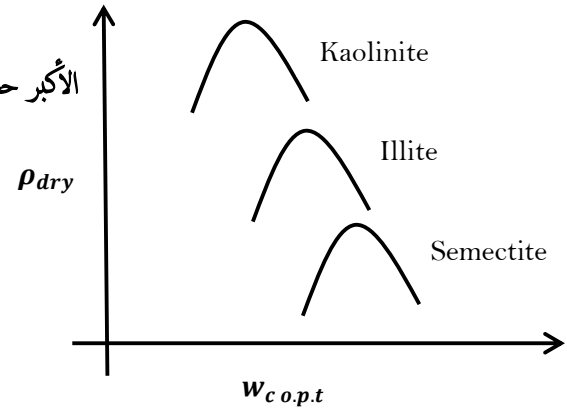
$$LL_{Semectite} > LL_{Illite} > LL_{Kaolinite}$$

3) Plastic limit

$$PL_{Semectite} > PL_{Illite} > PL_{Kaolinite}$$

4) Shrinkage limit

$$SL_{Kaolinite} > SL_{Illite} > SL_{Semectite}$$



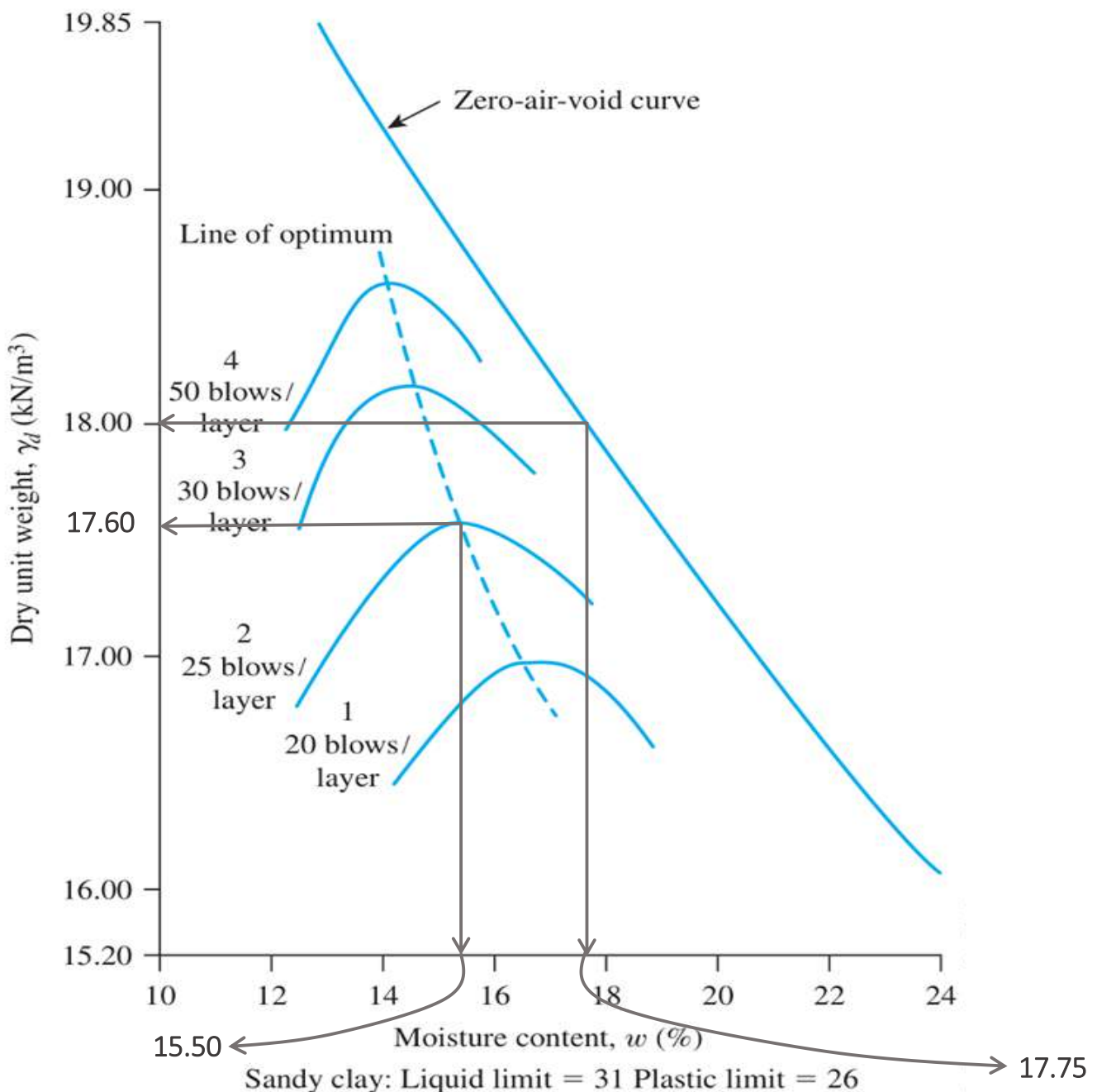
**Example 6:** If as a geotechnical engineer, you were asked to consider a major construction project on a large silty sand soil with a relative density  $D_r$  of 80%. If project required  $RC=95\%$  and water content in the field to be in the range of  $\pm 2\%$  from optimum water content; Is the field compaction satisfying project requirement? Why?

$$R.C = 80 + 0.2 \times D_r$$

$$R.C = 80 + 0.2 \times 80 = 96\% > 95\% \text{ accepted}$$

**Example 7:** A different Soil Compaction curves ( 1 , 2 , 3 , and 4 ) shown below , field density for the same soil provided the following information : Water content = 14% : Total unit weight = 20kN/m<sup>3</sup>.

1. Determine the difference in compactive effort applied to the soil sample to obtain curve 4, The hammer weight, height of drop, no of layer and the volume are the same **as standard** compaction test?
2. Determine the percent relative compaction with respect to standard compaction curve?
3. Determine the specific gravity of soil ?
4. Degree of saturation at optimum water content?





### 1. Compactive effort (energy E) for curve 4

$$= \frac{\text{Weight of hammer} \times \text{Height of drop of hammer} \times \text{Number of blows per layer} \times \text{Number of layers}}{\text{Volume of mold}}$$

### Compactive effort (energy E) for curve 4

$$= \frac{2.5 \text{ kg} \times 9.8 \text{ m/s}^2 \times 0.305 \text{ m} \times 3 \times 50}{0.944 \times 10^{-3} \text{ m}^3} = 1188.6 \text{ KJ/m}^3$$

### Compactive effort (energy E) for Standard Test

$$= \frac{2.5 \text{ kg} \times 9.8 \text{ m/s}^2 \times 0.305 \text{ m} \times 3 \times 25}{0.944 \times 10^{-3} \text{ m}^3} = 593.7 \text{ KJ/m}^3$$

$$\text{The difference in compactive effort} = 1188.6 - 593.7 = 594.9 \text{ KJ/m}^3$$

$$2. \text{ R.C} = \frac{\gamma_{\text{dry-field}}}{\gamma_{\text{max-laboratory}}} = \frac{17.54}{17.60} \times 100\% = 99.66\%$$

$$\gamma_{\text{max-laboratory}} = 17.50 \text{ KN/m}^3$$

$$w_{c \text{ o.p.t}} = 15.5\%$$

$$\gamma_{\text{bulk}} = 20 \text{ KN/m}^3$$

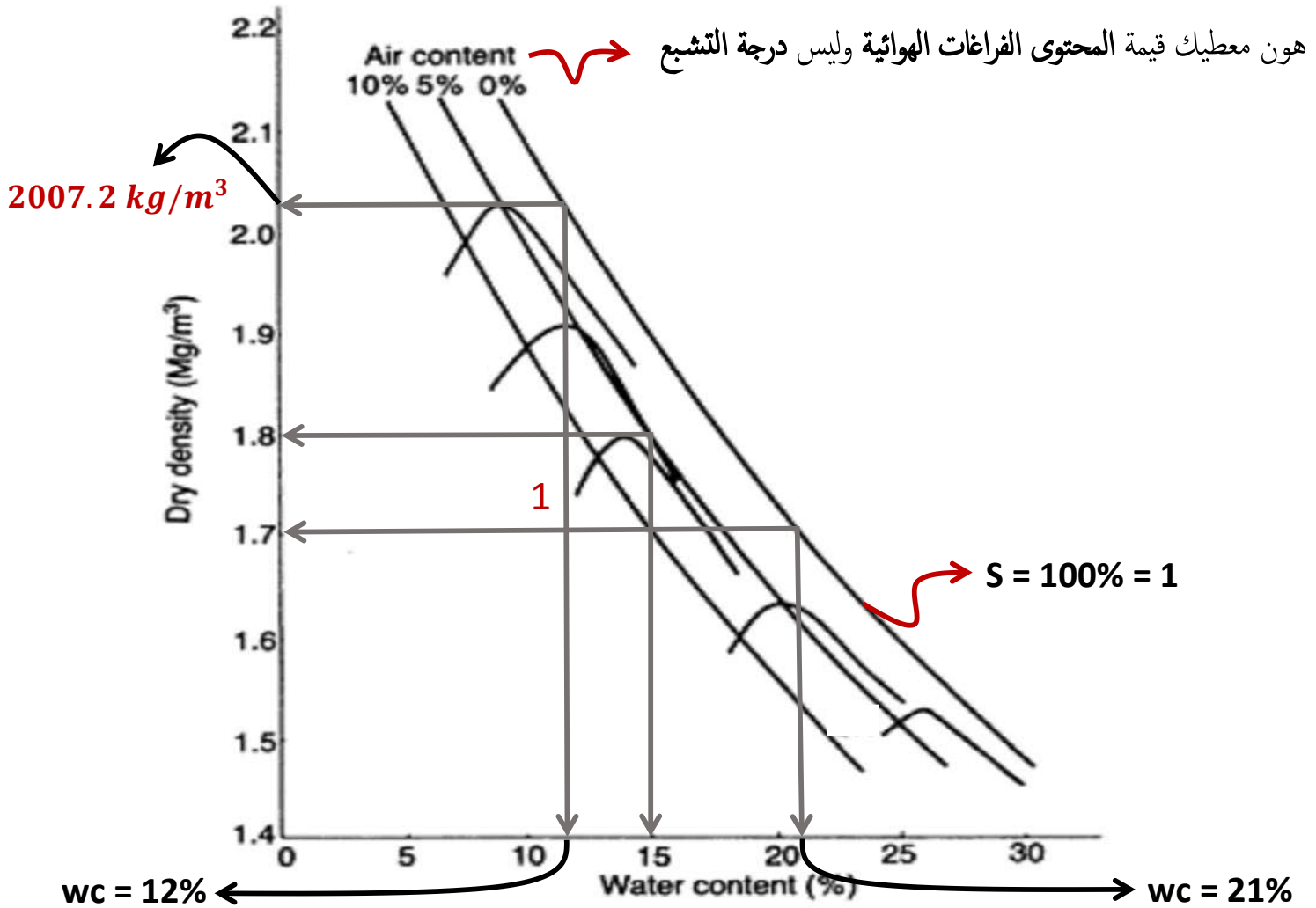
$$\gamma_{\text{dry-field}} = \frac{\gamma_{\text{bulk}}}{1 + w_c} = \frac{20}{1 + 0.14} = 17.54 \text{ KN/m}^3$$

$$3) \gamma_{\text{dry}} = \frac{\gamma_w \times G_s}{1 + e} = \frac{\gamma_w \times G_s}{1 + \frac{G_s \times w_c}{s}}$$

$$18 = \frac{9.81 \times G_s}{1 + \frac{G_s \times 0.1775}{1}} \quad G_s = 2.72$$

$$4) \gamma_{\text{dry}} = \frac{\gamma_w \times G_s}{1 + e} = \frac{\gamma_w \times G_s}{1 + \frac{G_s \times w_c}{s}}$$

$$17.6 = \frac{9.81 \times 2.72}{1 + \frac{2.72 \times 0.155}{s}} \quad s = 0.82$$



**Example 8:** A different compaction curves shown below field density for the same soil provided the following information: **Water content = 13%**, **Total density = 1780kg/m<sup>3</sup>** (note 1.0 Mg/m<sup>3</sup>=1000kg/m<sup>3</sup>)

- Determine percent compaction for (1) compaction curves ?
- If project required RC=95% and water content in the field to be in the range of  $\pm 2\%$  from optimum water content; Is the field compaction satisfying project requirement? Why?
- Find G<sub>s</sub> for the soil?
- Find ( $\rho_{solid}$ ) density solid soil?
- Maximum possible value of ( $\rho_{Dry}$ ) at water content 12%?**
- The degree of saturation at air content equal 5%?
- The max air voids at ( $\rho_{Dry} = 1900\text{kg/m}^3$ )?

$$A) R.C = \frac{\rho_{dry-field}}{\rho_{max-laboratory}} = \frac{1575.2}{1800} \times 100\% = \mathbf{87.5\%}$$

$$\rho_{max-laboratory} = \mathbf{1800 \text{ kg/m}^3}$$

$$wc \text{ o.p.t} = \mathbf{10\%}$$

$$\rho_{bulk} = \mathbf{1780 \text{ Kg/m}^3}$$

$$\rho_{dry} = \frac{\rho_{bulk}}{1 + wc} = \frac{1780}{1 + 0.13} = \mathbf{1575.2 \text{ kg/m}^3}$$

$$B) R.c = 86.74\% < 95\% \text{ not accepte}$$

$$[ 13\% - 17\% ] \text{ wc field} = 13\% \text{ accepted}$$

$$C) \rho_{dry} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + e} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + \frac{G_s \times wc}{s}}$$

$$1700 = \frac{1000 \times G_s}{1 + \frac{G_s \times 0.21}{1}} \quad G_s = \mathbf{2.644}$$

At Air content equal (0%) the degree of saturation equal (100%)

$$D) \rho_s = G_s \times \rho_w = 2.644 \times 1000 = \mathbf{2644 \text{ kg/m}^3}$$

$$E) \rho_{dry \text{ max possible}} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + e} = \frac{1000 \times 2.644}{1 + \frac{2.644 \times 0.12}{1}} = \mathbf{2007.2 \text{ kg/m}^3}$$

$$F) \rho_{dry} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + e} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + \frac{G_s \times wc}{s}}$$

$$1800 = \frac{1000 \times 2.644}{1 + \frac{2.644 \times 0.15}{s}} \quad S = \mathbf{0.7815 = 78.15\%}$$

$$G) \rho_{dry} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + e} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + \frac{G_s \times wc}{s}}$$

$$1900 = \frac{1000 \times 2.644}{1 + e} \quad e = \mathbf{0.392 = 39.2\%}$$

$$A_{Max} = n = \frac{e}{1 + e} = \frac{0.392}{1 + 0.392} = \mathbf{0.282 = 28.2\%}$$

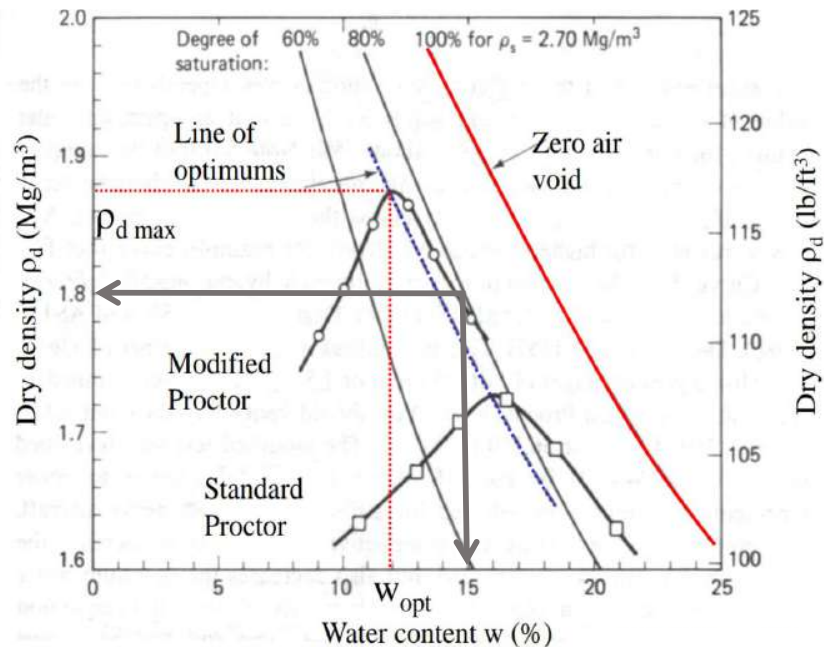
**Example 9:** The soil with its max dry density is equal  $1900 \text{ kg/m}^3$  with water content equal 10% and the degree of saturation equal 68%, **Maximum possible value of ( $\rho_{Dry}$ ) at water contet 10% equal ?**

$$\rho_{dry} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + e} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + \frac{G_s \times wc}{s}}$$

$$1900 = \frac{1000 \times G_s}{1 + \frac{G_s \times 0.10}{0.68}} \quad G_s = 2.64$$

$$\rho_{dry \text{ max possible}} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + e} = \frac{1000 \times 2.64}{1 + \frac{2.66 \times 0.10}{1}} = 2085.3 \text{ kg/m}^3$$

**Example 10:** find the air content at degree of saturation equal 80%?



$$\rho_{dry} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + e} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + \frac{G_s \times wc}{s}}$$

$$1800 = \frac{1000 \times G_s}{1 + \frac{G_s \times 0.149}{0.80}} \quad G_s = 2.70 \quad \text{or} \quad G_s = \frac{\rho_s}{\rho_w} = \frac{2.70 \times 1000}{1000} = 2.70$$

$$\rho_{dry} = \frac{\rho_w \times G_s}{1 + e}$$

$$1800 = \frac{1000 \times 2.70}{1 + e} \quad e = 0.50 \quad \text{or} \quad se = G_s wc \quad 0.80 \times e = 2.70 \times 0.15 \quad e = 0.50$$

$$A = n(1 - s) = \frac{e(1 - s)}{1 + e} = \frac{0.50 \times (1 - 0.80)}{1 + 0.50} = 0.0666 = 6.66\%$$





# بسم الله الرحمن الرحيم

## Effective Stresses

### الاجهاد الفعال

A soil can be visualized as a skeleton of solid particles enclosing continuous voids, which contain water and/or air.

يمكن تصور التربة عبارة عن هيكل عظمي من الجسيمات الصلبة تحتوي على فراغات متصلة والتي تكون مملوءة اما بالماء او الهواء.

The volume of the soil skeleton as a whole can change due to rearrangement of the soil particles into new positions, mainly by rolling and sliding, with a corresponding change in the forces acting between particles.

من خلال ممارسة الضغوط على التربة يمكن اعتبار (الجسيمات الصلبة الفردية والمياه) غير قابلة للانضغاط عكس الهواء الذي هو قابل للانضغاط.

The volume of the soil skeleton as a whole can change due to rearrangement of the soil particles into new positions, mainly by rolling and sliding, with a corresponding change in the forces acting between particles.

يمكن ان يتغير حجم الهيكل العظمي للتربة ككل بسبب إعادة ترتيب الجسيمات الصلبة بشكل رئيسي الى مواقع جديدة عن طريق التدحرج والانزلاق ومع تغير مماثل في القوى التي تعمل بين الجسيمات.

The actual compressibility of the soil skeleton will depend on the structural arrangement of the solid particles.

سوف تعتمد الانضغاطية الفعلية للهيكل العظمي للتربة على الترتيب الهيكلي للجسيمات الصلبة.

In a fully saturated soil, since water is considered to be incompressible, a reduction in volume is possible only if some of the water can escape from the voids.

في التربة المشبعة بالماء بالكامل، بما ان الماء يعتبر غير قابل للانضغاط، لا يمكن تقليل الحجم الا في حالة خروج الماء من الفراغات.

In a dry or a partially saturated soil, a reduction in volume is always possible due to compression of the air in the voids, provided there is scope for particle rearrangement.

في التربة الجافة او المشبعة جزئياً، يكون الانخفاض في الحجم ممكناً دائماً بسبب ضغط الهواء في الفراغات وبشرط ان يكون هناك مجال لإعادة ترتيب الجسيمات.

## Stress:

✓ الاجهاد ك مفهوم هو كمية القوة التي تتعرض للمساحة

$$\sigma = \frac{F}{A} = \frac{W}{A} = \frac{\gamma \times V}{A} = \frac{\gamma \times A \times h}{A} = \gamma \times h$$

✓ عند ضرب غاما بالارتفاع بعطيك الأجهاد.

**UNIT=KN/m<sup>2</sup>** ✓

✓ عند تراكم طبقة من التربة فوق طبقة أخرى فإن الطبقة العلوية تجهد الطبقة السفلية بسبب وزنها ، أي الاجهاد

ناتج بسبب وزن التربة (الأرض) ويسمى **Geo – static stress**.

✓ الاجهادات في التربة تقسم الى :

### 1. $\sigma$ Effective stress

### 2. u pore water

### 3. $\sigma$ Total stress

الرسمه تمثل طبقتين من التربة طبقة Saturated يعلوها طبقة تربة اما Bulk or Dry.

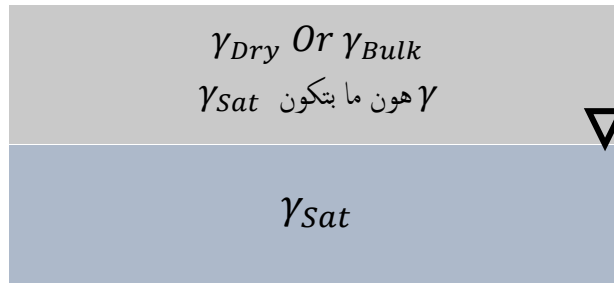
هاد مثال فقط ، ممكن يكون شكل لا نهائي من الطبقات

الطبقة التي تأتي فوق سطح الماء تكون

دائماً Bulk or Dry

دائماً الطبقة التي تأتي تحت سطح الماء

تكون دائماً Sat



G.S

Ground Surface

مستوى سطح الأرض

G.W.T

Ground water table

مستوى سطح المياه

### $\sigma$ Effective stress:

The forces transmitted through the soil skeleton from particle to particle.

✓ هو الاجهاد الناتج بسبب الجسيمات الصلبة فقط.

✓ القوى التي تنتقل عبر الهيكل العظمي للتربة من الجسيمات إلى الجسيمات.

✓ فوق سطح الماء لا اطرح  $\gamma$  من  $\gamma_w$  ويوخذ  $\gamma$  مثل ما هي والسبب انو **فوق** سطح المي  $\gamma$  **ما بتكون** SAT

✓ تحت سطح الماء بطرح  $\gamma$  من  $\gamma_w$  والسبب انو **تحت** سطح المي  $\gamma$  **بتكون** SAT وأحنا بدنا الضغط الناتج فقط بسبب الجسيمات الصلبة فقط.

$$\sigma_{effective} = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} + (\gamma_{Sat} - \gamma_w) \times h_{Sat}$$



## u pore water:

The pore water pressure (u), being the pressure of the water filling the void space between the solid particles.

$$u = \gamma_{water} \times h_{water}$$

✓ هو الاجهاد الناتج بسبب الماء فقط.

✓ ضغط الماء المسامي (u) ، ضغط الماء يملأ الفراغ بين الفراغات الصلبة.

✓  $h_{Water}$  المسافة بين النقطة المطلوب عندها حساب الاجهاد و سطح الماء

## σ Total stress

The total normal stress  $\sigma$  on a plane within the soil mass, being the force per unit area transmitted in a normal direction across the plane.

✓ هو الاجهاد الناتج بسبب الجسيمات الصلبة والماء معا.

✓ الاجهاد الكلي الطبيعي يكون على مستوى من كتلة التربة، القوة تنتقل لكل وحدة مساحة على المستوى.

✓ فوق سطح الماء لا اطرح  $\gamma$  من  $\gamma_w$  وبوخذ  $\gamma$  مثل ما هي.

✓ تحت سطح الماء لا اطرح  $\gamma$  من  $\gamma_w$  والسبب انو بدى أحسب الاجهاد الناتج بسبب الماء والجسيمات الصلبة معا.

$$\sigma_{total} = \sigma_{effective} + u = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} + \gamma_{Sat} \times h_{Sat}$$

**Example 1:** Find the stress at point A, B?



**At point A**

$$u = \gamma_{water} \times h_{water} = \gamma_{water} \times H_2$$

$$\sigma_{effective} = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} + \gamma_{effective} \times h_{Sat} = \gamma_{Bulk} \times H_1 + (\gamma_{Sat} - \gamma_w) \times H_2$$

$$\sigma_{total} = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} + \gamma_{Sat} \times h_{Sat} = \gamma_{Bulk} \times H_1 + \gamma_{Sat} \times H_2$$

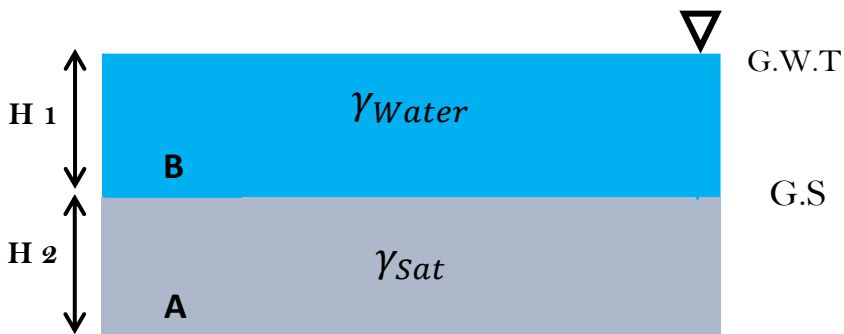
### At point B

$$u = \gamma_{water} \times h_{water} = \gamma_{water} \times 0 = 0$$

$$\sigma_{effective} = \gamma_{effective} \times h_{Bulk} = \gamma_{Bulk} \times H_1$$

$$\sigma_{total} = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} = \gamma_{Bulk} \times H_1$$

**Example 2:** Find the stress at point A, B?



### At point A

$$u = \gamma_{water} \times h_{water} = \gamma_{water} \times (H_1 + H_2)$$

$$\sigma_{effective} = \gamma_{effective} \times h_{sat} = (\gamma_{sat} - \gamma_w) \times H_2$$

$$\sigma_{total} = \gamma_{water} \times h_{water} + \gamma_{sat} \times h_{sat} = \gamma_{water} \times H_1 + \gamma_{sat} \times H_2$$

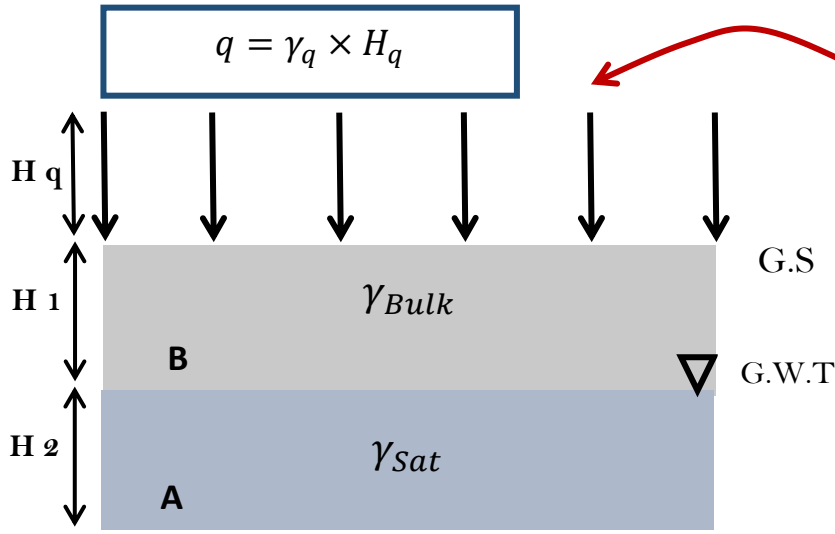
### At point B

$$u = \gamma_{water} \times h_{water} = \gamma_{water} \times H_1$$

$$\sigma_{effective} = \gamma_{effective} \times h_{Bulk} = 0$$

$$\sigma_{total} = \gamma_{water} \times H_1$$

### Example 3: Find the stress at point A, B?



هاي الأسهم تمثل الحمل القادم من طبقة من التربة من الطم (طمم) أضيفت فوق سطح التربة بواسطة جرافة مثلا عند أعمال الحفريات ، مشان احسب الأحماد الناتج بسبب الطم (q) بضرب غاما الطم في ارتفاعها.

بضيف q بشكل عادي على الأحماد الكلي والأحماد الفعال فقط ولكن شرط الإضافة ان يكون الحمل مضى عليه وقت طويل.

**Immediately**: تعني أن الحمل وضع حالا (الآن) ولا يجوز في هذه الحالة إضافة q.

**Many years after the fill**: تعني أن الحمل موضوع له مدة زمنة كبيرة (سنين) ويجب في هذه الحالة إضافة q.

#### At point A

$$u = \gamma_{water} \times h_{water} = \gamma_{water} \times H_2$$

$$\sigma_{effective} = q + \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} + \gamma_{eff} \times h_{Sat} = q + \gamma_{Bulk} \times H_1 + (\gamma_{Sat} - \gamma_w) \times H_2$$

$$\sigma_{total} = q + \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} + \gamma_{Sat} \times h_{Sat} = q + \gamma_{Bulk} \times H_1 + \gamma_{Sat} \times H_2$$

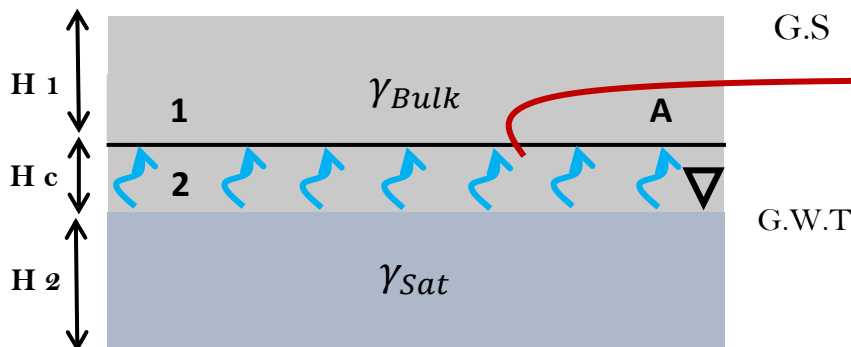
#### At point B

$$u = \gamma_{water} \times h_{water} = \gamma_{water} \times 0 = 0$$

$$\sigma_{effective} = q + \gamma_{effective} \times h_{Bulk} = q + \gamma_{Bulk} \times H_1$$

$$\sigma_{total} = q + \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} = q + \gamma_{Bulk} \times H_1$$

### Example 4: Find the stress at point A?



هون المنطقة تبلل لكن لا تصبح SAT الا اذ ذكر السؤال وتحسب لها غاما جديدة.

## تأثير الخاصية الشعرية (ظاهرة ارتفاع الماء) Effect of Capillary rise

في هذه الحالة بعض الماء يرتفع من الطبقة المشبعة بالمياه الى الطبقة التي تعلوها مباشرة بمقدار مسافة تسمى  $H_c$  , والمنطقة التي تأثرت بالخاصية الشعرية **لا تصبح مشبعة** وأما تصبح منطقة مبللة بالمياه وتحمل درجة تشبع مقدارها  $S$  ، والحد الذي تصل اليه المياه عندما ترتفع من الطبقة المشبعة الى الطبقة الغير مشبعة نعين عليه نقطتين:

**نقطة 1** وهي النقطة التي تكون فوق الحد مباشرة.

**نقطة 2** وهي النقطة التي تكون تحت الحد مباشرة.

### At Point A

#### At Point (1) Called immediately above

$$u = 0$$

$$\sigma_{total} = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} = \gamma_{Bulk} \times H_1$$

#### At Point (2) Called immediately below

$$u = -\gamma_{water} \times S \times H_c$$

$$\sigma_{total} = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} = \gamma_{Bulk} \times H_1$$

$$\begin{aligned} \sigma_{effective} &= \sigma_{total} - u = \gamma_{Bulk} \times H_1 - (-\gamma_{water} \times S \times H_c) \\ &= \gamma_{Bulk} \times H_1 + \gamma_{water} \times S \times H_c \end{aligned}$$

**Example 5:** A layer of saturated Clay 4m thick is overlain by sand 5m deep, the water table being 3m below the surface. The saturated unit weights of the clay and sand are 19 and 20 kN/m<sup>3</sup>, respectively; above the water table the unit weight of the sand is 17 kN/m<sup>3</sup>. Plot the values of total vertical stress and effective vertical stress and pore water against depth , How are the above stresses affected?

طبقة مشبعة من الطين سمكها 4 m فوقها طبقة من الرمل بعمق 5 m عن سطح الأرض ، مستوى سطح المياه يبدأ عند عمق 3 m من سطح الأرض الغاما للسلك تربة الطين المشبعة 19 KN/m<sup>3</sup> وللسمك تربة الرمل المشبعة 20 KN/m<sup>3</sup> والغاما للسلك تربة الرمل الغير مشبعة 17 KN/m<sup>3</sup> ارسم الاجهاد الكلي والاجهاد الفعال وضغط المياه؟؟



**At depth 0 m**

$u = 0$

$\sigma_{effective} = 0$

$\sigma_{total} = 0$

كلهم صفر لأنهم على  
السطح والارتفاع صفر  
على السطح عند الضرب  
في غاما.

**At depth 3 m**

$u = 0$

$\sigma_{effective} = \gamma_{Bulk} \times H_1 = 17 \times 3 = 51 \text{ KN/m}^2$

$\sigma_{total} = \gamma_{Bulk} \times H_1 = 17 \times 3 = 51 \text{ KN/m}^2$

**At depth 5 m**

$u = \gamma_{water} \times h_{water} = 9.81 \times 2 = 19.62 \text{ KN/m}^2$

$\sigma_{effective} = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} + \gamma_{eff} \times h_{Sat} = 17 \times 3 + (20 - 9.81) \times 2 = 71.38 \text{ KN/m}^2$

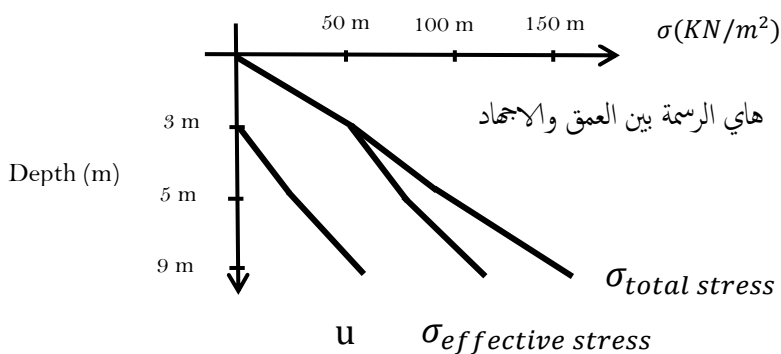
$\sigma_{total} = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} + \gamma_{Sat} \times h_{Sat} = 17 \times 3 + 20 \times 2 = 91 \text{ KN/m}^2$

**At depth 9 m**

$u = \gamma_{water} \times h_{water} = 9.81 \times 6 = 58.86 \text{ KN/m}^2$

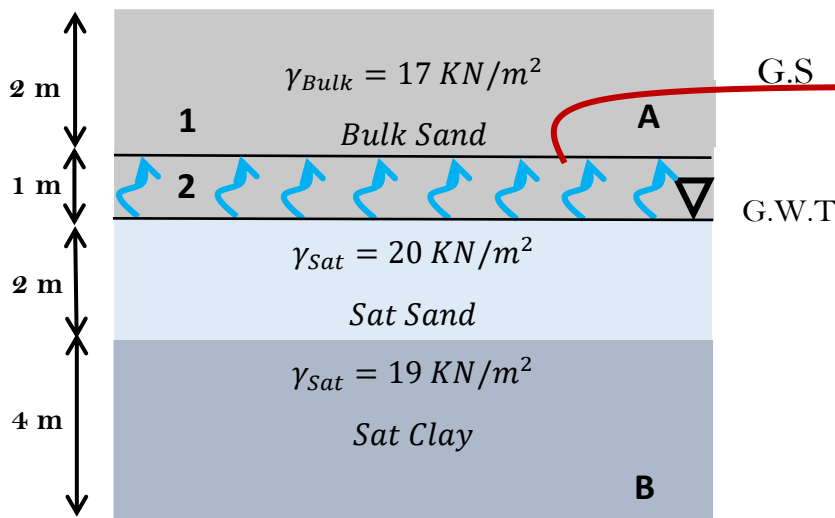
$\sigma_{effective} = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} + \gamma_{eff} \times h_{Sat} = 17 \times 3 + (20 - 9.81) \times 2 + (19 - 9.81) \times 4 = 108.14 \text{ KN/m}^2$

$\sigma_{total} = \gamma_{Bulk} \times h_{Bulk} + \gamma_{Sat} \times h_{Sat} = 17 \times 3 + 20 \times 2 + 19 \times 4 = 167 \text{ KN/m}^2$



**Example 6:** A layer of **saturated clay 4m** thick is overlain by sand **5m** deep, the water table being **3m** below the surface. The **saturated unit weights of the clay and sand are 19 and 20 KN/m<sup>3</sup>**, respectively; above the water table the unit weight of the sand is **17 KN/m<sup>3</sup>**. Plot the values of total vertical stress and effective vertical stress against depth. If sand to a height of 1m above the water table is **Saturated** with capillary water.

طبقة مشبعة من الطين سمكها 4 m فوقها طبقة من الرمل بعمق 5 m عن سطح الأرض ، مستوى سطح المياه يبدأ عند عمق 3 m من سطح الأرض الغاما للسمك تربة الطين المشبعة 19 KN/m<sup>3</sup> وللسمك تربة الرمل المشبعة 20KN/m<sup>3</sup> والغاما للسمك تربة الرمل الغير مشبعة 17KN/m<sup>3</sup> وحدث عندي ارتفاع في الماء 1 m بسبب الخاصية الشعرية؟



**ملاحظة مهمة جدا:**  
هون في السؤال بجكي انو أصبحت المنطقة التي تأثرت بالخاصية الشعرية SAT ولذلك الغاما لها SAT وتساوي 20KN/m<sup>2</sup> ولكن في هذا السؤال فقط لإنو ذكر SAT واخذت 20KN/m<sup>2</sup> لإنو الغاما للرمال تساوي 20KN/m<sup>2</sup> انتبه لا تأخذ غاما SAT للطين

**At Point A**

**At Point (1) Called immediately above**

$u = 0$

$\sigma_{total} = \gamma_{Bulk} \times H_1 = 17 \times 2 = 34 \text{ KN/m}^2$

**At Point (2) Called immediately abelow**

$u = -\gamma_{water} \times S \times H_c = -9.81 \times 1 \times 1 = -9.81 \text{ KN/m}^2$

$\sigma_{total} = \gamma_{Bulk} \times H_1 = 17 \times 2 = 34 \text{ KN/m}^2$

$\sigma_{effective} = \sigma_{total} - u = 34 - (-9.81) = 43.81 \text{ KN/m}^2$

**At Point D**

$u = 9.81 \times 6 = 58.86 \text{ KN/m}^2$

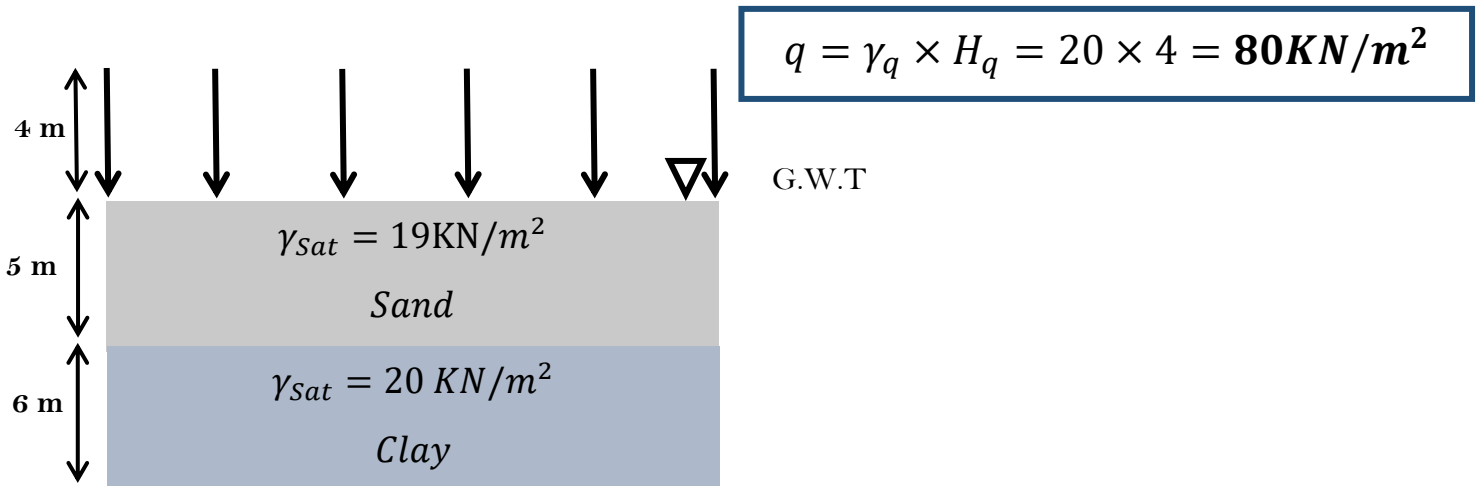
$\sigma_{total} = 17 \times 2 + 20 \times 1 + 20 \times 2 + 19 \times 4 = 170 \text{ KN/m}^2$

$\sigma_{effective} = 17 \times 2 + 20 \times 1 + (20 - 9.81) \times 2 + (19 - 9.81) \times 4 = 111.14 \text{ KN/m}^2$

**Example 7:** A 5m depth of sand overlies a 6m layer of clay, the water table being at the surface; the permeability of the clay is very low. The adjusted unit weight of the sand is  $19 \text{ KN/m}^3$  and that of the clay is  $20 \text{ KN/m}^3$ . A 4m depth of fill material of unit weight  $20 \text{ KN/m}^3$  is placed on the surface over an intensive area. Determine the effective vertical stress at the **Center of the clay layer**

- (a) immediately after the fill has been placed, assuming this to take place quickly.  
 (b) many years after the fill has been placed.

5m من الرمل فوق 6m من الطين، يبدأ سطح الماء عند سطح الأرض نفاذية الطين للماء قليلة جدا، الغاما للرمل وهو مشبع بالمياه  $19 \text{ KN/m}^3$  والغاما للطين وهو مشبع بالماء  $20 \text{ KN/m}^3$ ، 4m من مادة الغاما لها  $20 \text{ KN/m}^3$  وضعت على السطح حدد الاجهاد الفعال عند منتصف طبقة الطين مرة فور وضع الحمل ومرة بعد وضع الحمل بضع من السنين.



**a) immediately**

$$u = \gamma_{water} \times H_2 = 9.81 \times 8 = 78.4 \text{ KN/m}^2$$

$$\begin{aligned} \sigma_{effective} &= \gamma_{Bulk} \times H_1 + (\gamma_{Sat} - \gamma_w) \times H_2 \\ &= (19 - 9.81) \times 5 + (20 - 9.81) \times 3 = 76.6 \text{ KN/m}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sigma_{total} &= \gamma_{Bulk} \times H_1 + \gamma_{Sat} \times H_2 \\ &= 19 \times 5 + 20 \times 3 = 155 \text{ KN/m}^2 \end{aligned}$$

**a) Many years after the fill has been**

$$u = \gamma_{water} \times H_2 = 9.81 \times 8 = 78.4 \text{ KN/m}^2$$

$$\begin{aligned} \sigma_{effective} &= q + \gamma_{Bulk} \times H_1 + (\gamma_{Sat} - \gamma_w) \times H_2 \\ &= 80 + (19 - 9.81) \times 5 + (20 - 9.81) \times 3 = 156.6 \text{ KN/m}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sigma_{total} &= q + \gamma_{Bulk} \times H_1 + \gamma_{Sat} \times H_2 \\ &= 80 + 19 \times 5 + 20 \times 3 = 235 \text{ KN/m}^2 \end{aligned}$$

### Example 8:

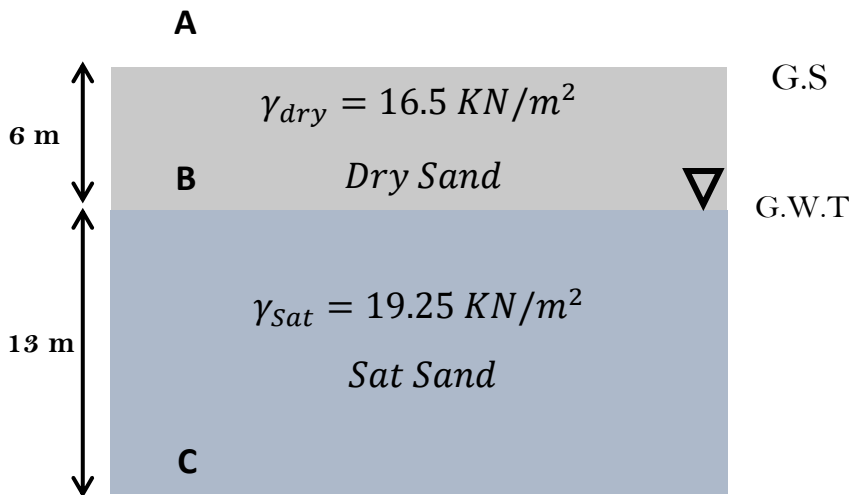
A. Calculate the total stress, pore water pressure, and effective stress at points A, B, and C?

B. How high should the water table rise so that the effective stress at C is 190 KN/m<sup>2</sup>? Assume  $\gamma_{sat}$  to be the same for both layers (i.e., 19.25 KN/m<sup>2</sup>).

C. What is the change in effective stress at point C if:

1. The water table drops by 2 m.
2. The water table rises to the surface up to point A.
3. Water level rises 3 m above point A due to flooding

A.



**At depth 0 m**

$$u = 0$$

$$\sigma_{effective} = 0$$

$$\sigma_{total} = 0$$

**At depth B**

$$u = 0$$

$$\sigma_{effective} = 16.5 \times 6 = 99 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_{total} = 16.5 \times 6 = 99 \text{ KN/m}^2$$

**At depth C**

$$u = \gamma_{water} \times h_{water} = 9.81 \times 13 = 29.43 \text{ KN/m}^2$$

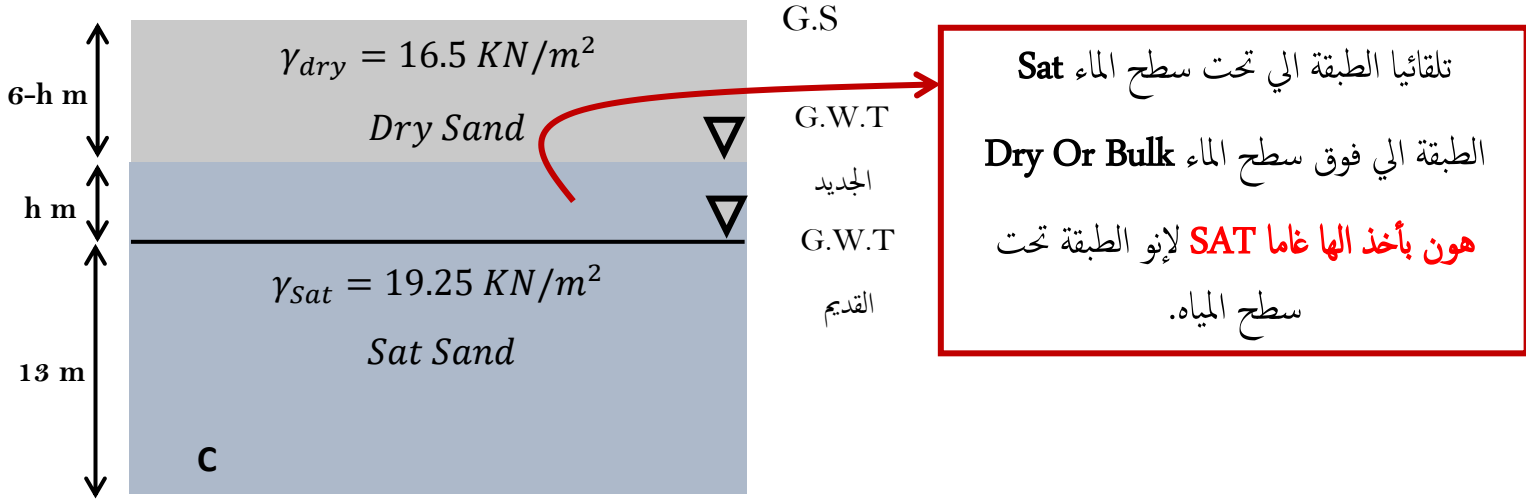
$$\sigma_{effective} = 16.5 \times 6 + (19.25 - 9.81) \times 13 = 221.72 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_{total} = 16.5 \times 6 + 19.25 \times 13 = 349.25 \text{ KN/m}^2$$



B.

فرع ب بجكي اذ كانت قيمة **Effective stress at C is 190 KN/m<sup>2</sup>** كم يجب ان يرتفع سطح المياه؟ معطيك ملاحظة اعتبر أي غاما SAT في السؤال تساوي **19.25 KN/m<sup>3</sup>**



$$\sigma_{effective} = 16.5 \times (6 - h) + (19.25 - 9.81) \times h + (19.25 - 9.81) \times 13$$

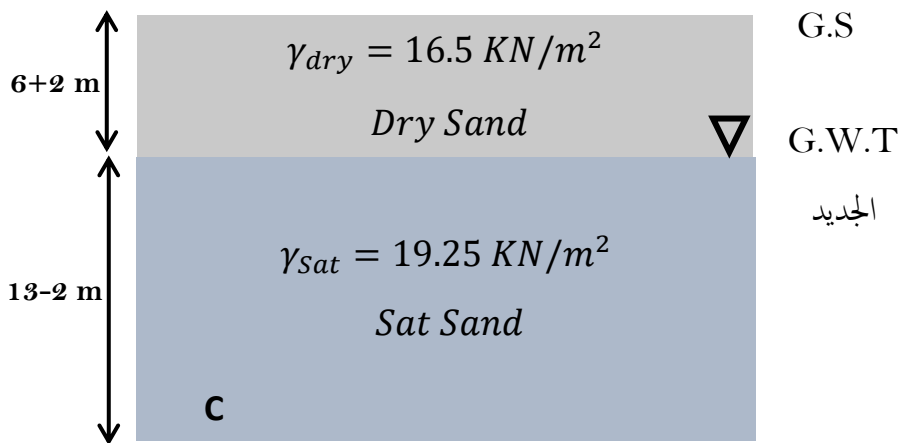
$$190 = 16.5 \times (6 - h) + (19.25 - 9.81) \times h + (19.25 - 9.81) \times 13$$

$$h = \mathbf{4.499 \text{ m}}$$

C.

1.

بجكي السؤال كم راح تصير قيمة effective stress عند النقطة C لما يهبط سطح الماء 2m.



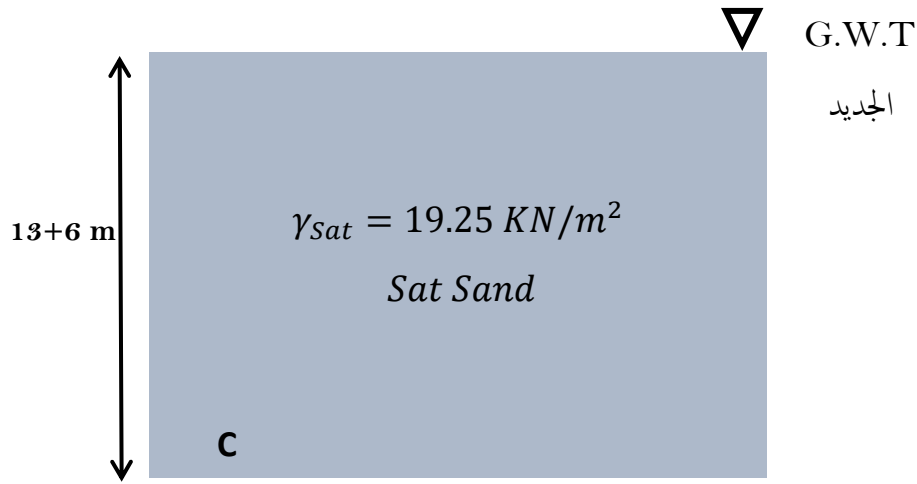
$$u = 9.81 \times 11 = \mathbf{107.91 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{effective} = 16.5 \times 8 + (19.25 - 9.81) \times 11 = \mathbf{235.84 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{total} = 16.5 \times 8 + 19.25 \times 11 = \mathbf{343.75 \text{ KN/m}^2}$$

2.

بحكي السؤال كم راح تصير قيمة effective stress عند النقطة C لما يرتفع سطح الماء عند النقطة A



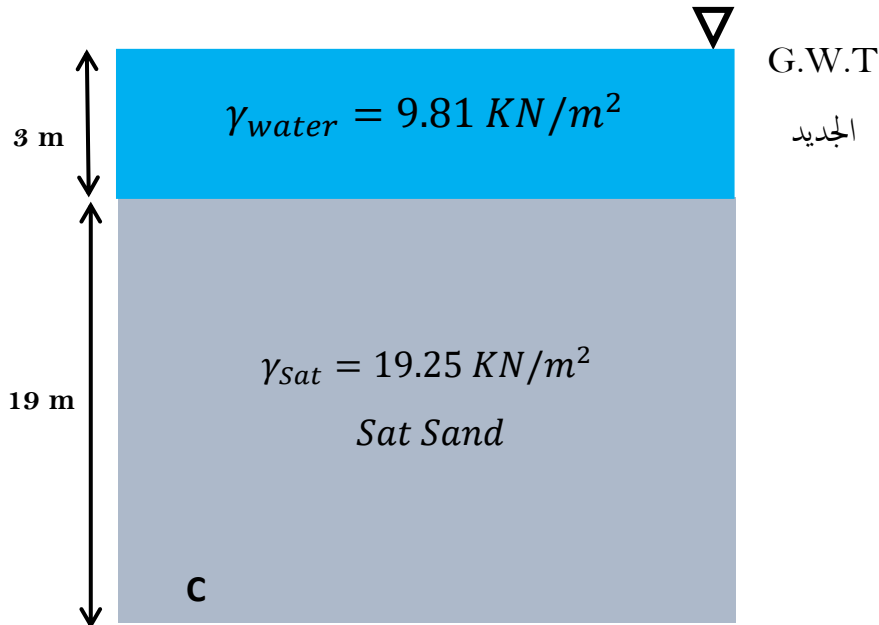
$$u = 9.81 \times 19 = \mathbf{186.39 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{effective} = (19.25 - 9.81) \times 19 = \mathbf{179.36 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{total} = 19.25 \times 19 = \mathbf{365.75 \text{ KN/m}^2}$$

3.

بحكي السؤال كم راح تصير قيمة effective stress عند النقطة C لما يرتفع سطح الماء فوق النقطة A بمقدار 3m

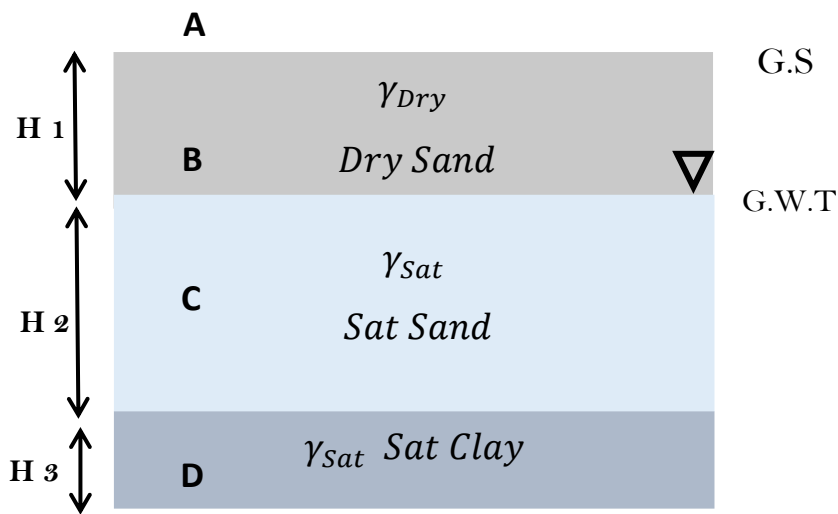


$$u = 9.81 \times 22 = \mathbf{215.82 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{effective} = (19.25 - 9.81) \times 19 = \mathbf{179.36 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{total} = 9.81 \times 3 + 19.25 \times 19 = \mathbf{395.18 \text{ KN/m}^2}$$

**Example 9:** A. Calculate the total stress, pore water pressure, and effective stress at points A, B, and C?



Layer no. at A.1	Thickness	Soil parameters .
1	$H_1=2.1\text{m}$	$\gamma_{dry} = 17.23 \text{ KN/m}^2$
2	$H_2=3.66\text{m}$	$\gamma_{Sat} = 18.96 \text{ KN/m}^2$
3	$H_3=1.83\text{m}$	$\gamma_{Sat} = 18.5 \text{ KN/m}^2$
Layer no. at A.2	Thickness	Soil parameters.
1	$H_1=5 \text{ m}$	$e = 0.7 ; G_s = 2.69$
2	$H_2=8 \text{ m}$	$e = 0.55 ; G_s = 2.7$
3	$H_3=3 \text{ m}$	$w = 38\% ; e = 1.2$
Layer no. at A.3	Thickness	Soil parameters .
1	$H_1=3\text{m}$	$\gamma_{dry} = 17.23 \text{ KN/m}^2$
2	$H_2=6\text{m}$	$\gamma_{Sat} = 18.96 \text{ KN/m}^2$
3	$H_3=2.5\text{m}$	$\gamma_{Sat} = 18.96 \text{ KN/m}^2$

<b>A.1</b>			
Point	$\sigma$	u	$\sigma$ effective
A	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>
B	<b>36.18</b>	<b>0</b>	<b>36.18</b>
C	<b>105.57</b>	<b>35.9</b>	<b>69.67</b>
d	<b>139.42</b>	<b>53.85</b>	<b>85.57</b>

<b>A.3</b>			
Point	$\sigma$	u	$\sigma$ effective
A	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>
B	<b>48</b>	<b>0</b>	<b>48</b>
C	<b>156</b>	<b>58.86</b>	<b>97.14</b>
d	<b>198.5</b>	<b>83.38</b>	<b>115.12</b>

Layer no. 1  $\gamma_{dry} = \frac{\gamma_w G_s}{1 + e} = \frac{9.81 \times 2.69}{1 + 0.7} = \frac{15.52 \text{KN}}{m^3}$

**A.2** Layer no. 2  $\gamma_{sat} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.7 + 0.55}{1 + 0.55} \right] 9.81 = \frac{20.57 \text{KN}}{m^3}$

Layer no. 3  $se = G_s w_c \quad 1 \times 1.2 = 0.38 \times G_s \quad G_s = 3.16$

$\gamma_{sat} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{3.16 + 1.2}{1 + 1.2} \right] 9.81 = 19.42 \text{KN}/m^3$

**At Point A**

$u = 0$

$\sigma_{effective} = 0$

$\sigma_{total} = 0$

**At Point B**

$u = 0$

$\sigma_{effective} = 15.52 \times 5 = 77.6 \text{KN}/m^2$

$\sigma_{total} = 15.52 \times 5 = 77.6 \text{KN}/m^2$

### At Point C

$$u = 9.81 \times 8 = \mathbf{78.48 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{\text{effective}} = 15.52 \times 5 + (20.57 - 9.81) \times 8 = \mathbf{163.68 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{\text{total}} = 15.52 \times 5 + 20.57 \times 8 = \mathbf{242.16 \text{ KN/m}^2}$$

### At Point D

$$u = 9.81 \times 11 = \mathbf{107.91 \text{ KN/m}^2}$$

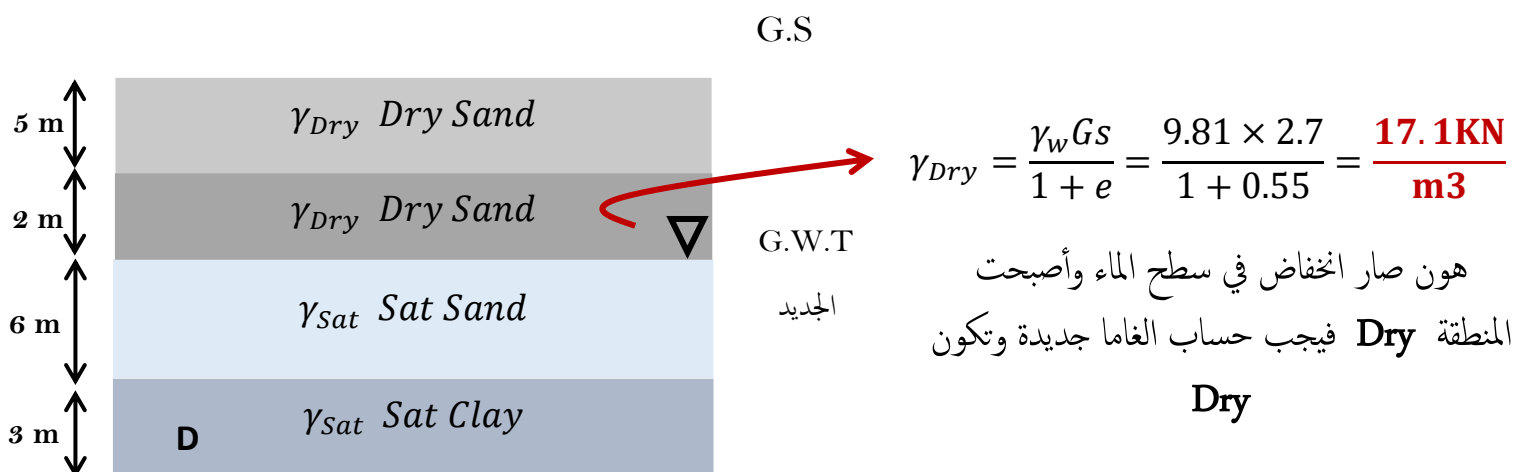
$$\begin{aligned} \sigma_{\text{effective}} &= 15.52 \times 5 + (20.57 - 9.81) \times 8 + (19.42 - 9.81) \times 3 \\ &= \mathbf{192.51 \text{ KN/m}^2} \end{aligned}$$

$$\sigma_{\text{total}} = 15.52 \times 5 + 20.57 \times 8 + 19.42 \times 3 = \mathbf{300.42 \text{ KN/m}^2}$$

**A.2** What is the change in effective stress at point D if?

- A. the water table drops by 2 m.
- B. the water table rises to the surface up to point A.
- C. water level rises 3 m above point A due to flooding.

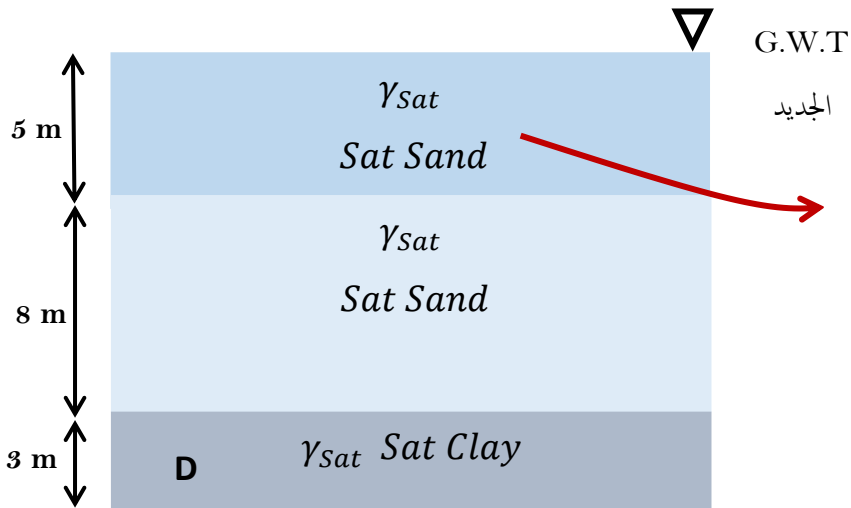
**A.**



### At Point D

$$\begin{aligned} \sigma_{\text{effective}} &= 15.52 \times 5 + 17.1 \times 2 + (20.57 - 9.81) \times 6 + (19.42 - 9.81) \times 3 \\ &= \mathbf{205.19 \text{ KN/m}^2} \end{aligned}$$

**B.**



$$\gamma_{Sat} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.69 + 0.7}{1 + 0.7} \right] 9.81$$

$$= \frac{19.56 \text{ KN}}{\text{m}^3}$$

Sat هون صار ارتفاع في سطح الماء وأصبحت المنطقة

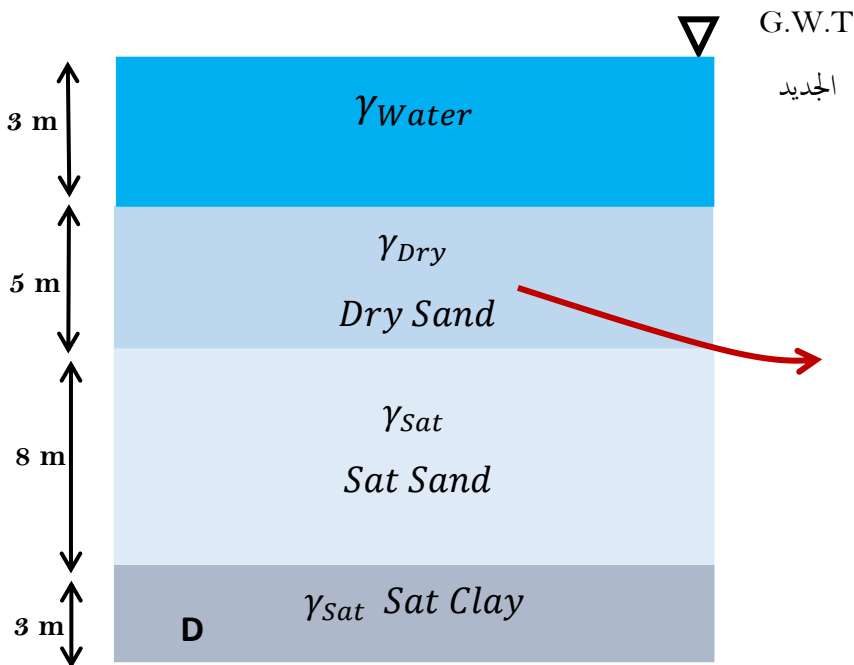
Sat فيجب حساب الغاما جديدة وتكون

**At Point D**

$$\sigma_{effective} = (19.56 - 9.81) \times 5 + (20.57 - 9.81) \times 8 + (19.42 - 9.81) \times 3$$

$$= 163.66 \text{ KN/m}^2$$

**C.**



$$\gamma_{Sat} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.69 + 0.7}{1 + 0.7} \right] 9.81$$

$$= \frac{19.56 \text{ KN}}{\text{m}^3}$$

**At Point D**

$$\sigma_{effective} = (19.56 - 9.81) \times 5 + (20.57 - 9.81) \times 8 + (19.42 - 9.81) \times 3$$

$$= 163.66 \text{ KN/m}^2$$

**Example 10:** a. Calculate the variations of  $\sigma$ ,  $u$ , and  $\sigma$  effective at points A, B, and C.

b. How high should the groundwater table rise so that the effective stress at C is 111 kN/m<sup>2</sup>?



$$\gamma_{Dry} = \frac{\gamma_w G_s}{1 + e} = \frac{9.81 \times 2.66}{1 + 0.61} = \frac{16.21 \text{ KN}}{m^3}$$

$$\gamma_{Sat} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.67 + 0.48}{1 + 0.48} \right] \times 9.81 = \frac{20.86 \text{ KN}}{m^3}$$

**A.**

**At Point A**

$$u = 0$$

$$\sigma_{effective} = 0$$

$$\sigma_{total} = 0$$

**At Point B**

$$u = 0$$

$$\sigma_{effective} = 16.21 \times 4 = 64.84 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_{total} = 16.21 \times 4 = 64.84 \text{ KN/m}^2$$

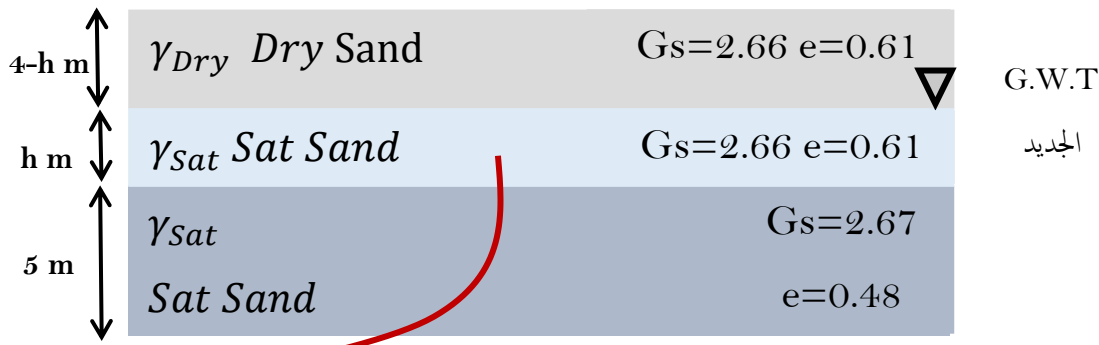
**At Point C**

$$u = 9.81 \times 5 = 49.05 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_{effective} = 16.21 \times 4 + (20.86 - 9.81) \times 5 = 120.09 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_{total} = 16.21 \times 4 + 20.86 \times 5 = 169.14 \text{ KN/m}^2$$

B.



$$\gamma_{Sat} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.66 + 0.61}{1 + 0.61} \right] \times 9.81 = \frac{19.92 \text{ KN}}{m^3}$$

هون صار ارتفاع في سطح الماء وأصبحت المنطقة h Sat فيجب حساب الغاما جديدة وتكون Sat.

$$\sigma_{effective} = 16.21 \times (4 - h) + (19.92 - 9.81) \times h + (20.86 - 9.81) \times 5$$

$$111 = 16.21 \times (4 - h) + (19.92 - 9.81) \times h + (20.86 - 9.81) \times 5$$

$$h = 1.49 \text{ m}$$

**Example 11:** Determine the total stress, pore water pressure and effective stress at **down the sand layer.**



هون معطيك قيمة الغاما Dry لا تخربط ممنوع تأخذها لازم تأخذ غاما Sat لان الطبقة

تحت سطح المياه بس معطيك إياها مشان تحسب منها الغاما Sat



$$\gamma_{Bulk\ clay} = \frac{(G_s + se)\gamma_w}{1 + e} = \frac{(2.87 + 0.30 \times 0.55) \times 9.81}{1 + 0.55} = \mathbf{19.21\text{KN/m}^3}$$

$$\gamma_{Sat\ clay} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.87 + 0.55}{1 + 0.55} \right] \times 9.81 = \frac{\mathbf{21.65\text{KN}}}{\mathbf{m^3}}$$

$$\gamma_{dry} = \frac{\gamma_w G_s}{1 + e}$$

$$17.4 = \frac{9.81 \times G_s}{1 + .55}$$

$$G_s = \mathbf{2.75}$$

$$\gamma_{Sat\ sand} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.75 + 0.55}{1 + 0.55} \right] \times 9.81 = \mathbf{20.89\text{KN/m}^3}$$

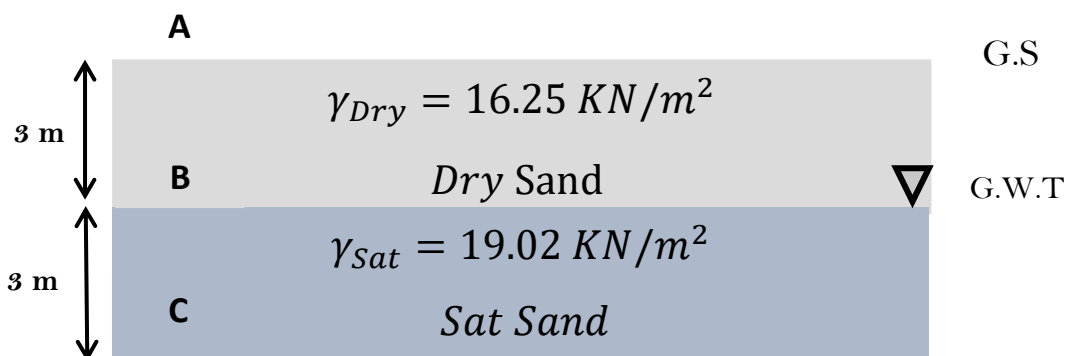
### *At down the Sand Layer*

$$u = 9.81 \times (1.5 + 3.2) = \mathbf{46.107\text{KN/m}^2}$$

$$\begin{aligned} \sigma_{effective} &= 19.2 \times 2.5 + (21.65 - 9.81) \times 1.5 + (20.89 - 9.81) \times 3.2 \\ &= \mathbf{101.216\text{KN/m}^2} \end{aligned}$$

$$\sigma_{total} = 19.2 \times 2.5 + 21.65 \times 1.5 + 20.89 \times 3.2 = \mathbf{147.323\text{KN/m}^2}$$

**Example 12:** Calculate the variations of  $\sigma$ ,  $u$ , and  $\sigma$  effective at points A, B, and C.



### At Point A

$$u = 0$$

$$\sigma_{effective} = 0$$

$$\sigma_{total} = 0$$

### At Point B

$$u = 0$$

$$\sigma_{effective} = 16.25 \times 3 = 48.75 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_{total} = 16.25 \times 3 = 48.75 \text{ KN/m}^2$$

### At Point C

$$u = 9.81 \times 3 = 29.43 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_{effective} = 16.25 \times 3 + (19.02 - 9.81) \times 3 = 76.38 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_{total} = 16.25 \times 3 + 19.02 \times 3 = 105.81 \text{ KN/m}^2$$

**Example 13:** Calculate the variations of  $\sigma$ ,  $u$ , and  $\sigma$  effective at points C.



$$\gamma_{Dry} = \frac{\gamma_w G_s}{1 + e} = \frac{9.81 \times 2.65}{1 + 0.6} = \frac{16.25 \text{ KN}}{\text{m}^3}$$

$$S \times e = G_s \times w_c \quad 1 \times e = 2.7 \times 0.30 \quad e = 0.81$$

$$\gamma_{Sat} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w \gamma_w = \left[ \frac{2.7 + 0.81}{1 + 0.81} \right] 9.81 = \frac{19.02 \text{ KN}}{\text{m}^3}$$

### At Point C

$$u = 9.81 \times 3 = 29.43 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_{effective} = 16.25 \times 3 + (19.02 - 9.81) \times 3 = 76.38 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_{total} = 16.25 \times 3 + 19.02 \times 3 = 105.81 \text{ KN/m}^2$$

**Example 14:** Calculate the variations of  $\sigma$ ,  $u$ , and  $\sigma$  effective at points C.



$$n = \frac{n}{1 - n} = \frac{0.4}{1 - 0.4} = \mathbf{0.6}$$

$$\gamma_{Dry} = \frac{\gamma_w G_s}{1 + e} = \frac{9.81 \times 2.68}{1 + 0.6} = \frac{\mathbf{15.77 \text{ KN}}}{\mathbf{m^3}}$$

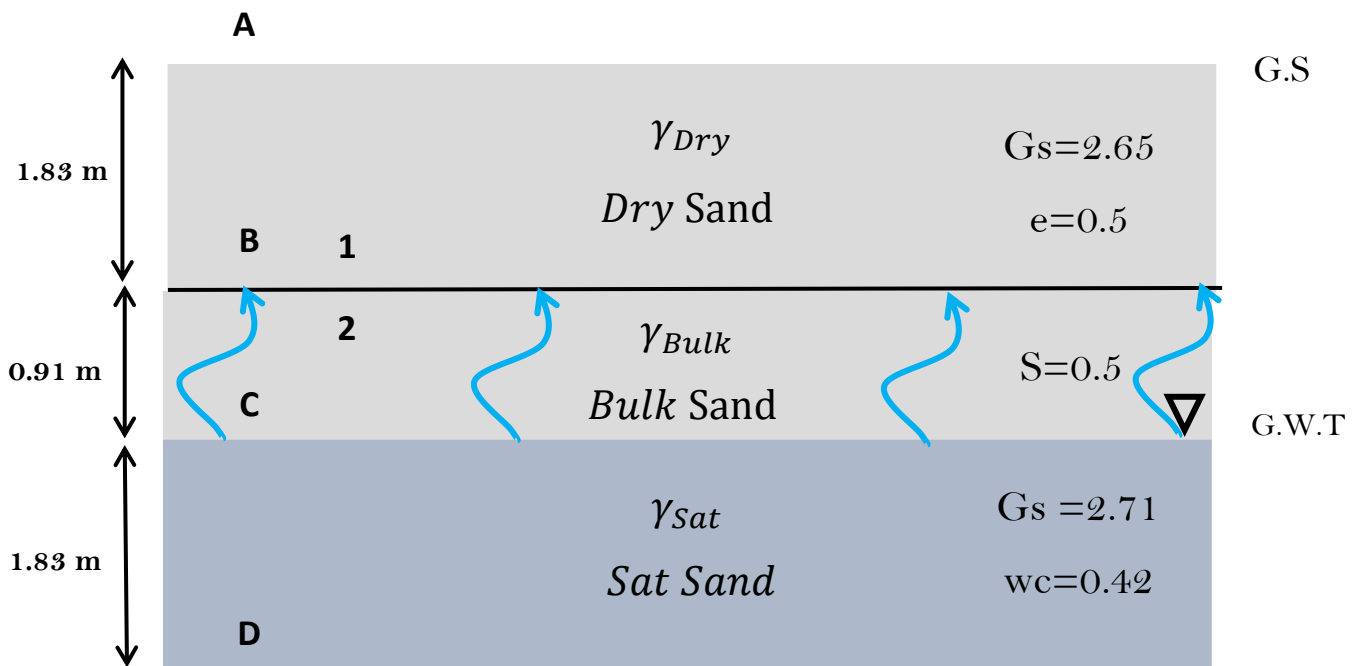
$$n = \frac{n}{1 - n} = \frac{0.49}{1 - 0.49} = \mathbf{0.96}$$

$$\gamma_{Sat} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.67 + 0.96}{1 + 0.96} \right] \times 9.81 = \frac{\mathbf{18.42 \text{ KN}}}{\mathbf{m^3}}$$

**At Point C**

$$\sigma_{effective} = 15.77 \times 4 + (18.42 - 9.81) \times 5 = \mathbf{106.13 \text{ KN/m}^2}$$

**Example 15:** Calculate the variations of  $\sigma$ ,  $u$ , and  $\sigma$  effective at points A, B, C, D.



$$\gamma_{Dry} = \frac{\gamma_w G_s}{1 + e} = \frac{9.81 \times 2.65}{1 + 0.5} = \frac{17.33 \text{KN}}{m^3}$$

$$S \times e = G_s \times w_c \quad 0.5 \times 0.5 = 2.65 \times w_c \quad e = 0.094$$

$$\gamma_{Bulk} = \frac{G_s \gamma_w (1 + w)}{1 + e} = \frac{2.65 \times 9.81 (1 + 0.094)}{1 + 0.5} = \frac{18.96 \text{KN}}{m^3}$$

$$S \times e = G_s \times w_c \quad 1 \times e = 2.71 \times 0.42 \quad e = 1.14$$

$$\gamma_{Sat} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.71 + 1.14}{1 + 1.14} \right] \times 9.81 = \frac{17.65 \text{KN}}{m^3}$$

**At Point A**

$$u = 0$$

$$\sigma_{effective} = 0$$

$$\sigma_{total} = 0$$

**at point B**

**At Point (1) Called immediately above**

$$u = 0$$

$$\sigma_{total} = \gamma_{dry} \times H_1 = 17.33 \times 1.83 = \mathbf{31.7 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{effective} = \sigma_{total} - u = 31.7 - 0 = \mathbf{31.7 \text{ KN/m}^2}$$

**At Point (2) Called immediately below**

$$u = -\gamma_{water} \times S \times H_c = -9.81 \times 0.5 \times 0.93 = \mathbf{-4.557}$$

$$\sigma_{total} = \gamma_{dry} \times H_1 = 17.33 \times 1.83 = \mathbf{31.7 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{effective} = \sigma_{total} - u = 31.7 - (-4.557) = \mathbf{36.3 \text{ KN/m}^2}$$

**At Point C**

$$u = \mathbf{0}$$

$$\sigma_{effective} = 17.33 \times 1.83 + 18.96 \times 0.91 = \mathbf{48.97 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{total} = 17.33 \times 1.83 + 18.96 \times 0.91 = \mathbf{48.97 \text{ KN/m}^2}$$

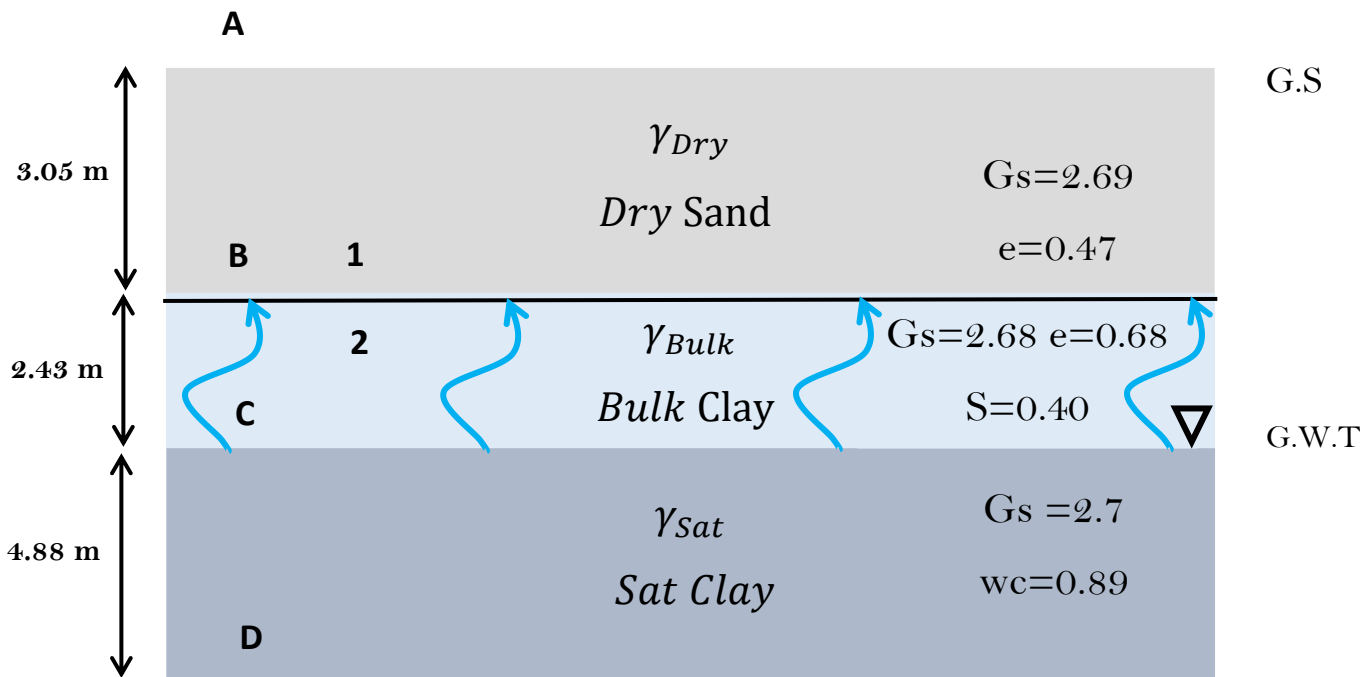
**At Point D**

$$u = 9.81 \times 3 = \mathbf{17.9532 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{effective} = 17.33 \times 1.83 + 18.96 \times 0.91 + (17.65 - 9.81) \times 1.83 = \mathbf{63.3 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{total} = 17.33 \times 1.83 + 18.96 \times 0.91 + 17.65 \times 1.83 = \mathbf{81.267 \text{ KN/m}^2}$$

**Example 16:** Calculate the variations of  $\sigma$ ,  $u$ , and  $\sigma$  effective at points A, B, C, D.



$$\gamma_{Dry} = \frac{\gamma_w G_s}{1 + e} = \frac{9.81 \times 2.69}{1 + 0.47} = \frac{17.93 \text{ KN}}{\text{m}^3}$$

$$S \times e = G_s \times w_c \quad 0.40 \times 0.68 = 2.68 \times w_c \quad w_c = \mathbf{0.101}$$

$$\gamma_{Bulk} = \frac{G_s \gamma_w (1 + w)}{1 + e} = \frac{2.68 \times 9.81 (1 + 0.101)}{1 + 0.68} = \frac{17.21 \text{ KN}}{\text{m}^3}$$

$$\gamma_{Sat} = \left[ \frac{G_s + e}{1 + e} \right] \gamma_w = \left[ \frac{2.7 + 0.89}{1 + 0.89} \right] \times 9.81 = \frac{18.6 \text{ KN}}{\text{m}^3}$$

**At Point A**

$$u = \mathbf{0}$$

$$\sigma_{effective} = \mathbf{0}$$

$$\sigma_{total} = \mathbf{0}$$

**at point B**

**At Point (1) Called immediately above**

$$u = 0$$

$$\sigma_{total} = \gamma_{dry} \times H_1 = 17.93 \times 3.05 = \mathbf{54.69 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{effective} = \sigma_{total} - u = 54.69 - 0 = \mathbf{54.69 \text{ KN/m}^2}$$

**At Point (2) Called immediately below**

$$u = -\gamma_{water} \times S \times H_c = -9.81 \times 0.4 \times 2.43 = \mathbf{-9.53 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{total} = \gamma_{dry} \times H_1 = 17.93 \times 3.05 = \mathbf{54.69 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{effective} = \sigma_{total} - u = 54.69 - (-9.53) = \mathbf{64.22 \text{ KN/m}^2}$$

**At Point C**

$$u = \mathbf{0}$$

$$\sigma_{effective} = 17.93 \times 3.05 + 17.21 \times 2.43 = \mathbf{96.51 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{total} = 17.93 \times 3.05 + 17.21 \times 2.43 = \mathbf{96.51 \text{ KN/m}^2}$$

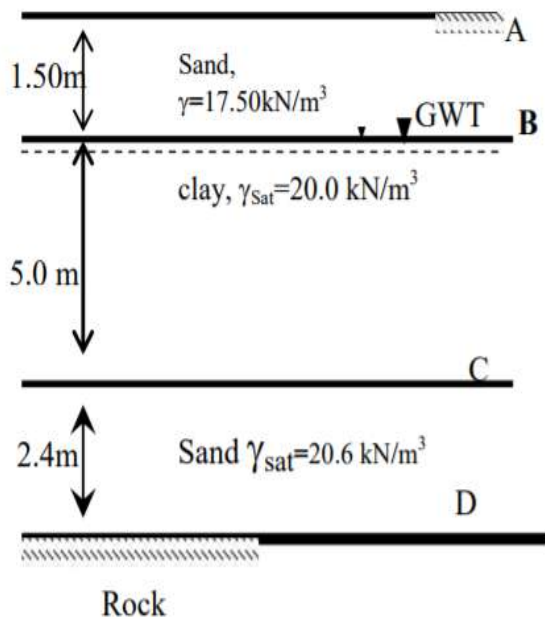
**At Point D**

$$u = 9.81 \times 4.88 = \mathbf{47.824 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{effective} = 17.93 \times 3.05 + 17.21 \times 2.43 + (18.6 - 9.81) \times 4.88 = \mathbf{139.45 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{total} = 17.93 \times 3.05 + 17.21 \times 2.43 + 18.6 \times 4.88 = \mathbf{187.275 \text{ KN/m}^2}$$

For the soil profile shown, determine total stress, pore water pressure and effective stresses at points A, B, C, and D. Use  $\gamma_w=9.8 \text{ kN/m}^3$ .

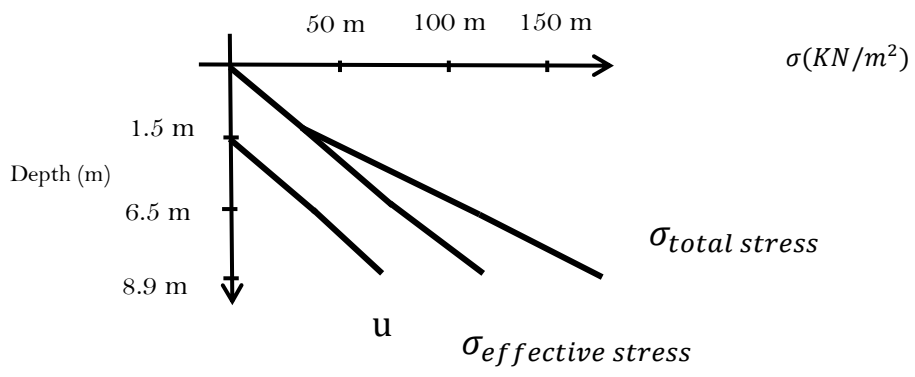


Depth	u
0	0
1.5 m	0
6.5 m	$9.8 \times 5 = 49 \text{ KN/m}^2$
8.9 m	$9.8 \times 7.4 = 72.52 \text{ KN/m}^2$

Depth	$\sigma$ Effective stress
0	0
1.5 m	$17.5 \times 1.5 = 26.25 \text{ KN/m}^2$
6.5 m	$17.5 \times 1.5 + (20 - 9.8) \times 5 = 77.25 \text{ KN/m}^2$
8.9 m	$17.5 \times 1.5 + (20 - 9.8) \times 5 + (20.6 - 9.8) \times 2.4 = 103.17 \text{ KN/m}^2$

Depth	$\sigma$ Total stress
0	0
1.5 m	$17.5 \times 1.5 = 26.25 \text{ kN/m}^2$
6.5 m	$77.25 + 49 = 126.25 \text{ KN/m}^2$
8.9 m	$103.17 + 72.52 = 175.69 \text{ KN/m}^2$







## Stress Increment from Elastic Solution

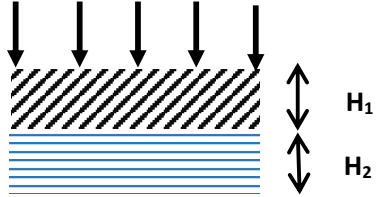
✘ الأجهاد ينتج بسبب:

1. وزن التربة نفسها (وزن الأرض) ويسمى **Geo-static stresses** (تم حسابه).
2. وزن المنشآت (أو أي حمل إضافي سببه ليس وزن الأرض) ويسمى **Stress Increment**.

✘ لذلك الاجهاد يتكون من مركبتين:

$$\sigma = \sigma_{\text{Geo-static}} + \sigma_{\text{Increment}}$$

الحمل يسبب المركبة  $\sigma_{\text{In}}$ .  
وزن الطبقتين تسبب المركبة  $\sigma_{\text{S}}$  وتحسب عن طريق ضرب  
الوزن النوعي ( $\gamma$ ) لكل طبقة في ارتفاعها.



✘ أنواع الأحمال الإضافية التي تسبب اجهادات إضافية (أي المركبة الاجهاد الإضافي

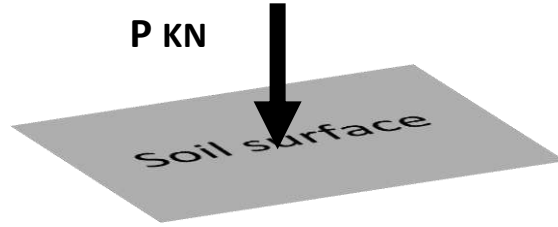
:( $\sigma_{\text{In}}$ )

1. Point load.
2. Line load.
3. Strip Load.
4. Circular loaded area.
5. Rectangular loaded area.
6. Approximate Method 2:1 method.

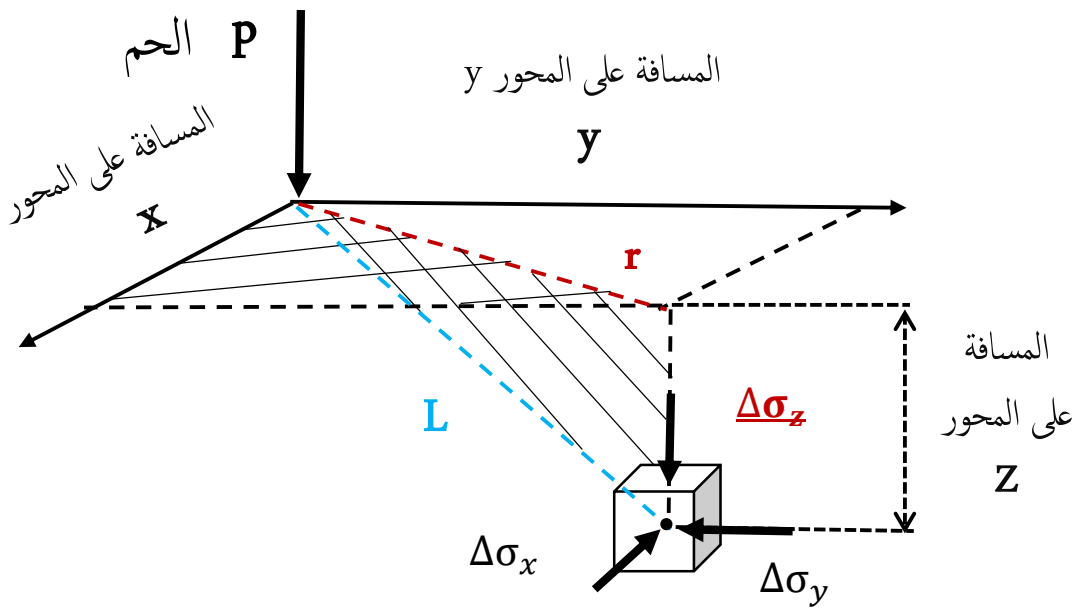
✘ في الشابتير الي قبل كنا نحسب فقط الإجهادات الناتجة بسبب وزن التربة فقط أي المركبة  $\sigma_{\text{Increment}} = 0$  ولكن في هاد الشابتير راح نشوف الأحمال الإضافية لذلك المركبة لا تساوي صفر راح يكون لها قيمة , ونهتم فقط في حساب الزيادة في الاجهاد الرأسي ولازم تحسبها وتضيفها للإجهاد الناتج من وزن التربة.

## Point load (concentrated load)

✘ المقصود في حمل النقطة أي ان الحمل متركز في نقطة معينة على التربة وليس موزع على مساحة التربة.



✘ لو افترضنا نو هاد سطح التربة ويوجد حمل متركز في نقطة معينة على سطح التربة وأردنا حساب الزيادة في الاجهاد الرأسى  $\Delta\sigma_z$  عند مسافة  $x$  و مسافة  $y$  من الحمل وعلى عمق  $z$  , باعتبار النقطة المتركز فيها الحمل هي الاحداثي (0,0,0) وقمنا برسم المحاور  $x$  ,  $y$  ,  $z$ .



✘ الزيادة في الاجهاد تأتي على الثلاث محاور ولكن احنا منهتم في حساب الزيادة في الإجهادات الرأسية أي حساب  $\Delta\sigma_z$ .

✘ المسافة بالخط الأحمر المتقطع تمثل المسافة من الحمل الى النقطة على المستوى (x , y) أي السطح من دون عمق ويرمز له بالرمز  $r$  وتحسب عن طريق  $r = \sqrt{x^2 + y^2}$  لأنه يمثل وتر مثلث قائم الزاوية.

✘ المسافة بالخط الأزرق المتقطع تمثل المسافة من الحمل الى النقطة في البعد (x , y , z) ويرمز له بالرمز  $L$  وتحسب عن طريق  $L = \sqrt{r^2 + z^2}$  لأنه يمثل وتر مثلث قائم الزاوية.

القانون الذي يستخدم لحساب  $\Delta\sigma_z$  اذ كان الحمل Point load:

### Boussinesq law

$$\Delta\sigma_z = \frac{3P z^3}{2\pi L^5} = \frac{3P}{2\pi} \frac{z^3}{(r^2 + z^2)^{5/2}} = \frac{P}{z^2} I_1$$

قيمة  $I_1$  من خلال القانون:

$$I_1 = \frac{3}{2\pi} \frac{1}{\left(\left[\frac{r}{z}\right]^2 + 1\right)^{5/2}}$$

أو من خلال الجدول:

ب قسمة قيمة  $r/z$  بوجد قيمة  $I_1$  وتضرب  
ب  $P/z^2$

العالم Boussinesq وجد قانون يقدر  
قيمة الاجهادات الناتجة عن حمل  
نقطة.

شروط استخدام القانون:

1. Homogeneous soil.

تربة متجانسة.

2. Elastic soil.

3. Isotropic soil.

المقصود ب Isotropic soil خصائص للتربة  
لا تتغير وثابتة في جميع التربة وفي مختلف  
الاتجاهات  $x / y / z$

**Table** Variation of  $I_1$  for Various Values of  $r/z$  [Eq. (10.14)]

$r/z$	$I_1$	$r/z$	$I_1$	$r/z$	$I_1$
0	0.4775	0.36	0.3521	1.80	0.0129
0.02	0.4770	0.38	0.3408	2.00	0.0085
0.04	0.4765	0.40	0.3294	2.20	0.0058
0.06	0.4723	0.45	0.3011	2.40	0.0040
0.08	0.4699	0.50	0.2733	2.60	0.0029
0.10	0.4657	0.55	0.2466	2.80	0.0021
0.12	0.4607	0.60	0.2214	3.00	0.0015
0.14	0.4548	0.65	0.1978	3.20	0.0011
0.16	0.4482	0.70	0.1762	3.40	0.00085
0.18	0.4409	0.75	0.1565	3.60	0.00066
0.20	0.4329	0.80	0.1386	3.80	0.00051
0.22	0.4242	0.85	0.1226	4.00	0.00040
0.24	0.4151	0.90	0.1083	4.20	0.00032
0.26	0.4050	0.95	0.0956	4.40	0.00026
0.28	0.3954	1.00	0.0844	4.60	0.00021
0.30	0.3849	1.20	0.0513	4.80	0.00017
0.32	0.3742	1.40	0.0317	5.00	0.00014
0.34	0.3632	1.60	0.0200		

أو من خلال chart :

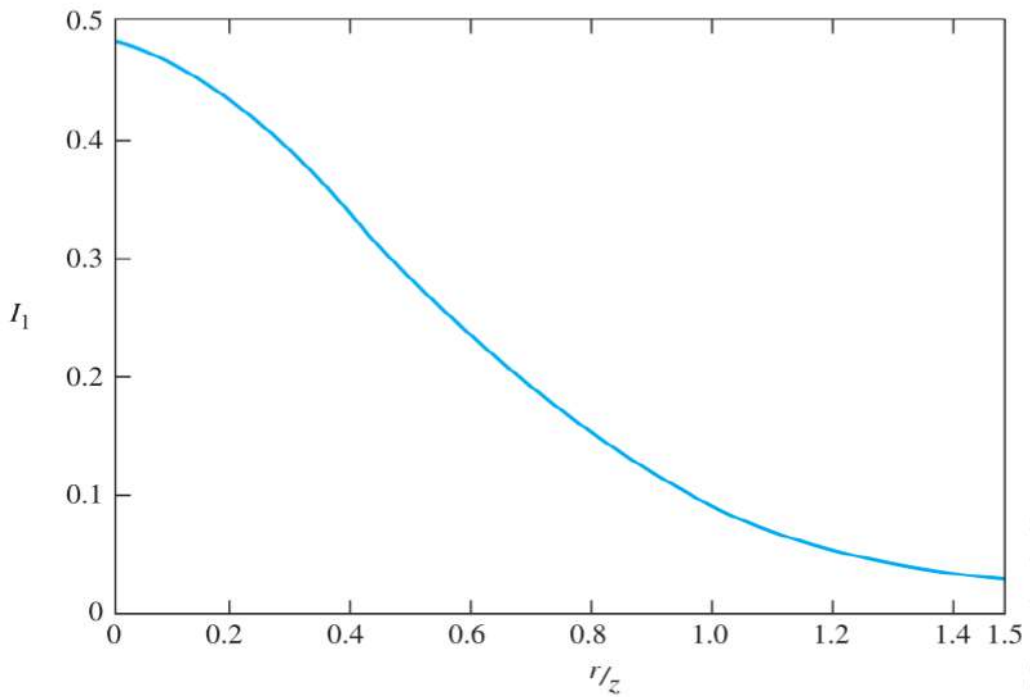
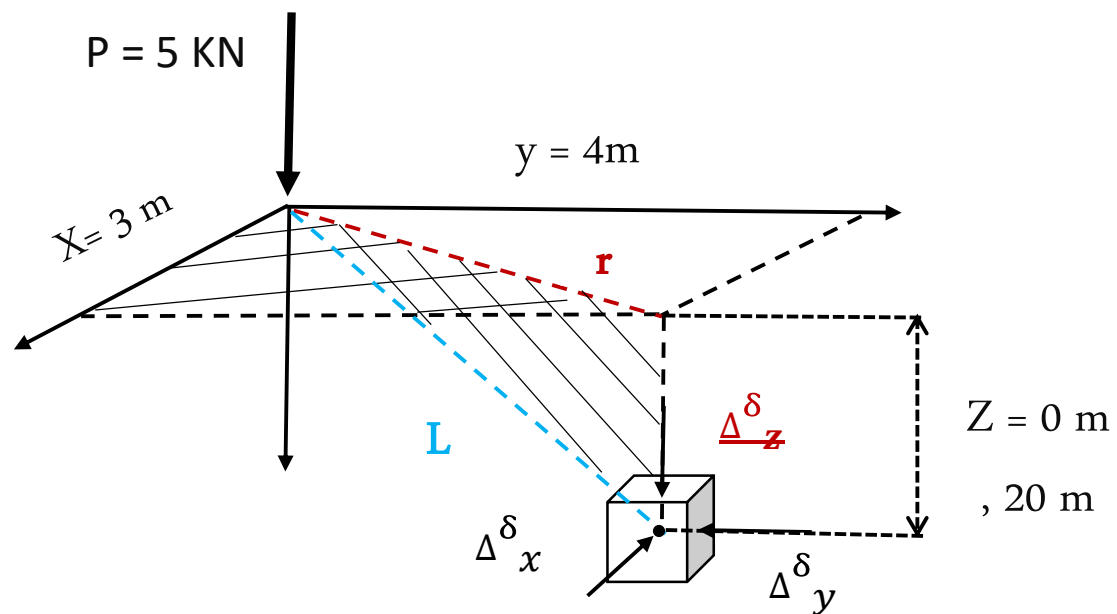


Figure Variation of  $I_1$  with  $r/z$

**Example 1:** Consider a **point load  $P = 5$  kN**, Calculate the **vertical stress increase** at  $z = 0$ ,  $z = 20$  m. given  $x = 3$  m,  $y = 4$  m

Solution:



**At  $z = 0$  m**

$$-r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5 \text{ m}$$

$$-L = \sqrt{r^2 + z^2} = \sqrt{5^2 + 0^2} = 5 \text{ m}$$

باستخدام القانون:

$$-\Delta\sigma_z = \frac{3P z^3}{2\pi L^5} = \frac{3 \times 5 \times 0^3}{2\pi \times 5^5} = 0 \text{ KN/m}^2$$

**At  $z = 20$  m**

$$-r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5 \text{ m}$$

$$-L = \sqrt{r^2 + z^2} = \sqrt{5^2 + 20^2} = 20.62 \text{ m}$$

باستخدام القانون:

$$-\Delta\sigma_z = \frac{3P z^3}{2\pi L^5} = \frac{3 \times 5 \times 20^3}{2\pi \times 20.62^5} = 0.0051 \text{ KN/m}^2$$

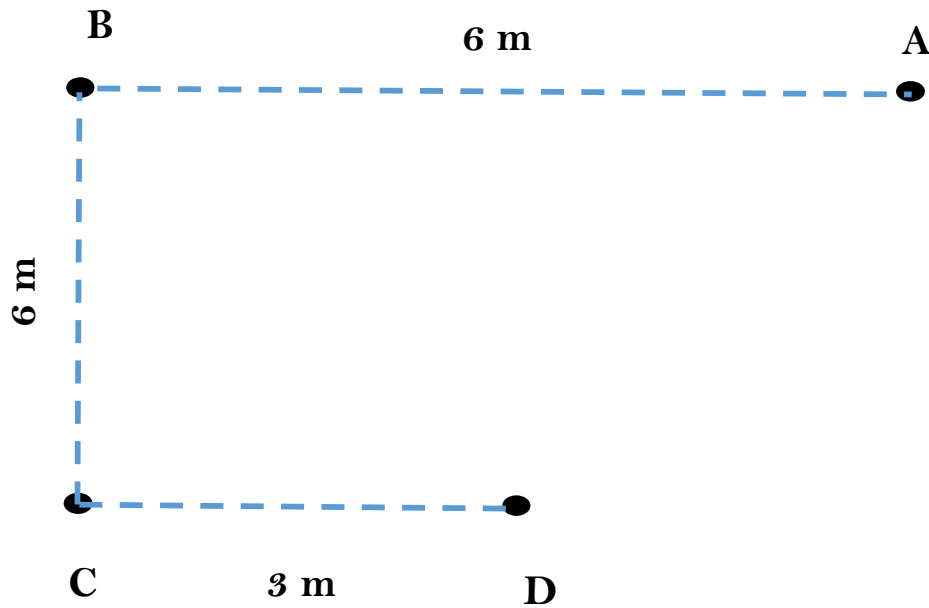
$$-\Delta\sigma_z = \frac{3P}{2\pi} \frac{z^3}{(r^2 + z^2)^{5/2}} = \frac{3 \times 5}{2\pi} \frac{20^3}{(5^2 + 20^2)^{5/2}} = 0.0051 \text{ KN/m}^2$$

$$-\Delta\sigma_z = \frac{P}{z^2} I_1 = \frac{5}{20^2} \times .4103 = .0051 \frac{\text{KN}}{\text{m}^2}$$

$$I_1 = \frac{3}{2\pi} \frac{1}{\left(\left[\frac{r}{z}\right]^2 + 1\right)^{5/2}} = \frac{3}{2\pi} \frac{1}{\left(\left[\frac{5}{20}\right]^2 + 1\right)^{5/2}} = 0.4103$$

**Example 2: Point loads** of magnitude 100, 200, and 400 kN act at B, C, and D, respectively Determine the **increase in vertical stress** at a depth of 6 m below the point A. Use **Boussinesq's equation**

**Solution:**



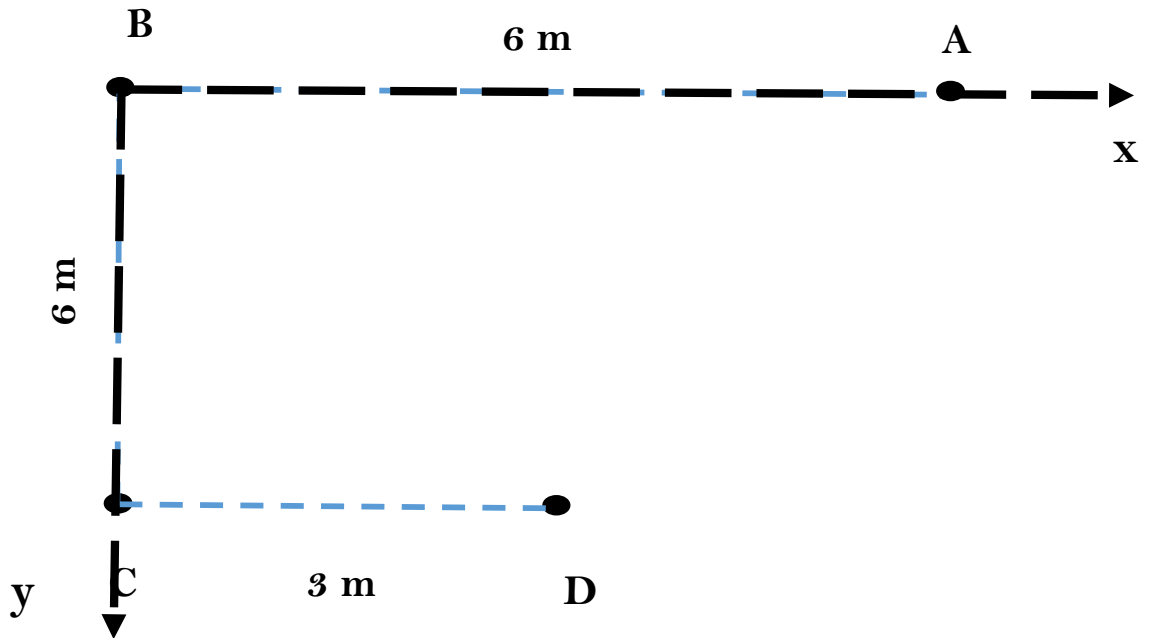
☒ بأسس محاور  $(x, y)$  لكل load ونقطة الأصل (origin point) تكون النقطة الموجود عندها load وبطلع احداثيات النقطة A بالنسبة للنقطة الأصل.

☒ بحسب  $\Delta\sigma_z$  لكل load لحاله وبالنهاية بجمعهم.

$$\Delta\sigma_{zA} = \Delta\sigma_{zB} + \Delta\sigma_{zC} + \Delta\sigma_{zD} \quad \text{☒}$$



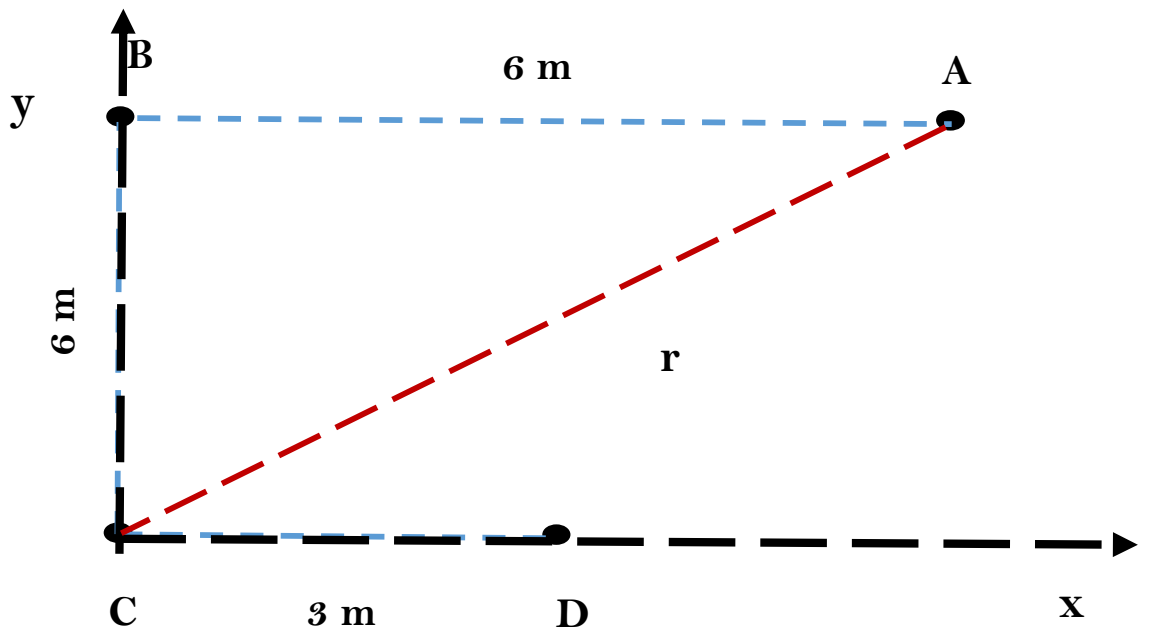
$P_B$



$$-r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{6^2 + 0^2} = 6 \text{ m}$$
$$-L = \sqrt{r^2 + z^2} = \sqrt{6^2 + 6^2} = 8.5 \text{ m}$$

$$X = 6 \text{ m}$$
$$Y = 0$$
$$Z = 6 \text{ m}$$
$$P_B = 100 \text{ KN}$$

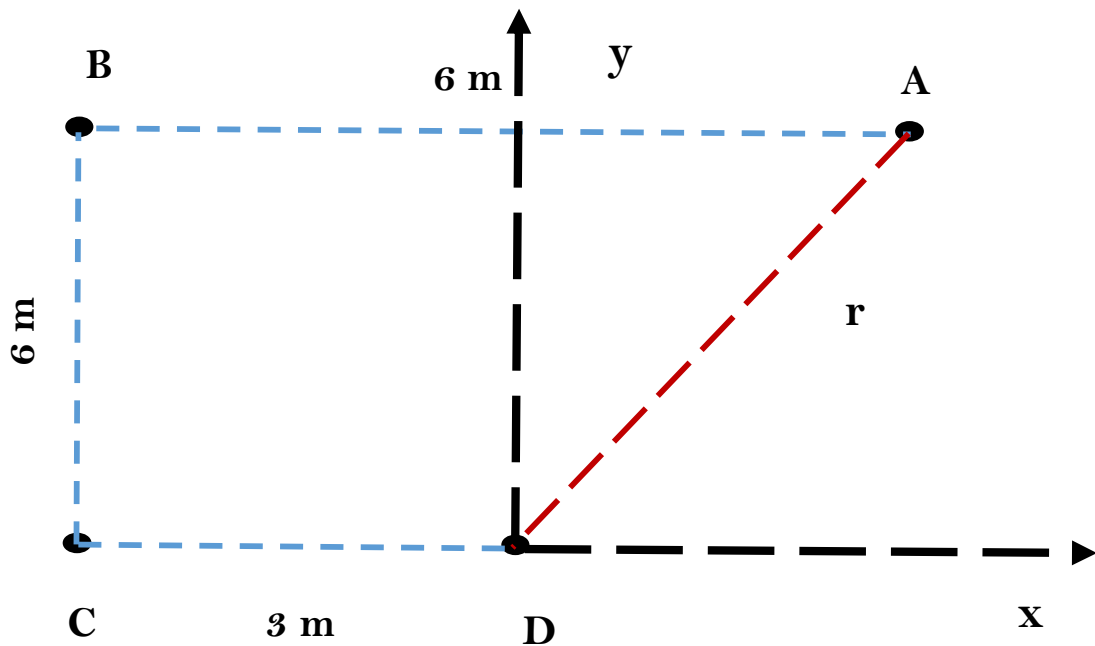
$P_c$



$$\begin{aligned} X &= 6 \text{ m} \\ Y &= 6 \text{ m} \\ Z &= 6 \text{ m} \\ P_c &= 200 \text{ KN} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -r &= \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{6^2 + 6^2} = \mathbf{8.5 \text{ m}} \\ -L &= \sqrt{r^2 + z^2} = \sqrt{8.5^2 + 6^2} = \mathbf{10.4 \text{ m}} \end{aligned}$$

$P_D$



$$\begin{aligned} -r &= \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{3^2 + 6^2} = \mathbf{6.7 \text{ m}} \\ -L &= \sqrt{r^2 + z^2} = \sqrt{6.7^2 + 6^2} = \mathbf{9 \text{ m}} \end{aligned}$$

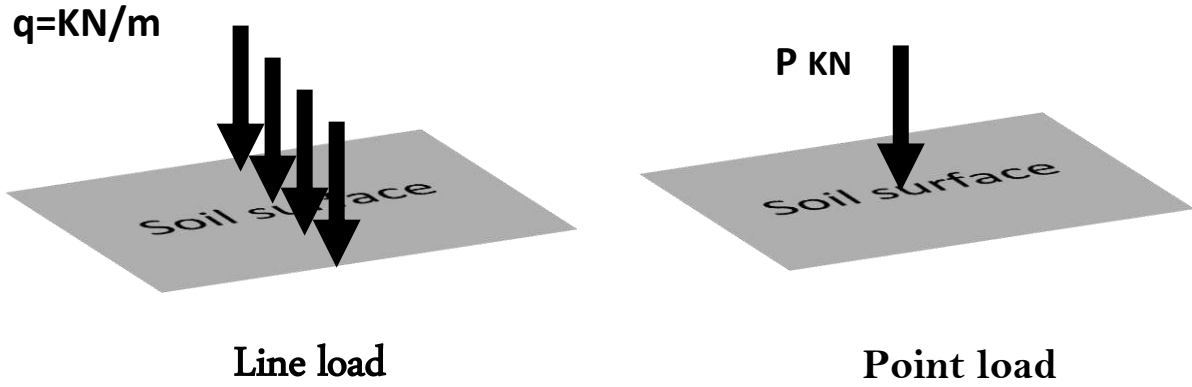
$$\begin{aligned} X &= 3 \text{ m} \\ Y &= 6 \text{ m} \\ Z &= 6 \text{ m} \\ P_D &= 400 \text{ KN} \end{aligned}$$

$$\Delta\sigma_{zA} = \left[ \frac{3P z^3}{2\pi L^5} \right]_B + \left[ \frac{3P z^3}{2\pi L^5} \right]_C + \left[ \frac{3P z^3}{2\pi L^5} \right]_D$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{3 \times 100}{2\pi} \frac{6^3}{8.5^5} + \frac{3 \times 200}{2\pi} \frac{6^3}{10.4^5} + \frac{3 \times 400}{2\pi} \frac{6^3}{9^5} = \mathbf{1.1 \text{ KN/m}^2}$$

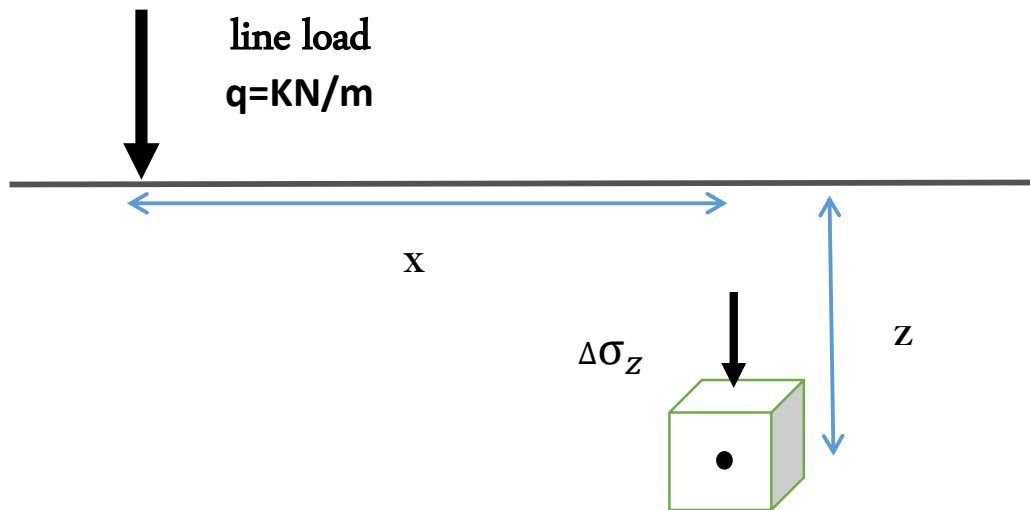
# Vertical Stress Caused by a Vertical Line Load

☒ أول أشي لازم نفرق بين **point load** و **line load** .



☒ Line load بيكون الحمل على شكل خط ويقاس ب  $\text{KN/m}$  .

☒ هاي الرسمة **front view** لحمل line load يبعد مسافة  $x$  وعمق  $z$  عن النقطة المراد حساب الاجهاد الرأسى عندها.



☒ لحساب  $\Delta\sigma_z$  :

$$\Delta\sigma_z = \frac{2qz^3}{\pi(x^2 + z^2)^2} = \frac{2q}{\pi z[(x/z)^2 + 1]^2}$$

أو من خلال الجدول :

**Table 10.2** Variation of  $\Delta\sigma_z/(q/z)$  with  $x/z$  [Eq. (10.16)]

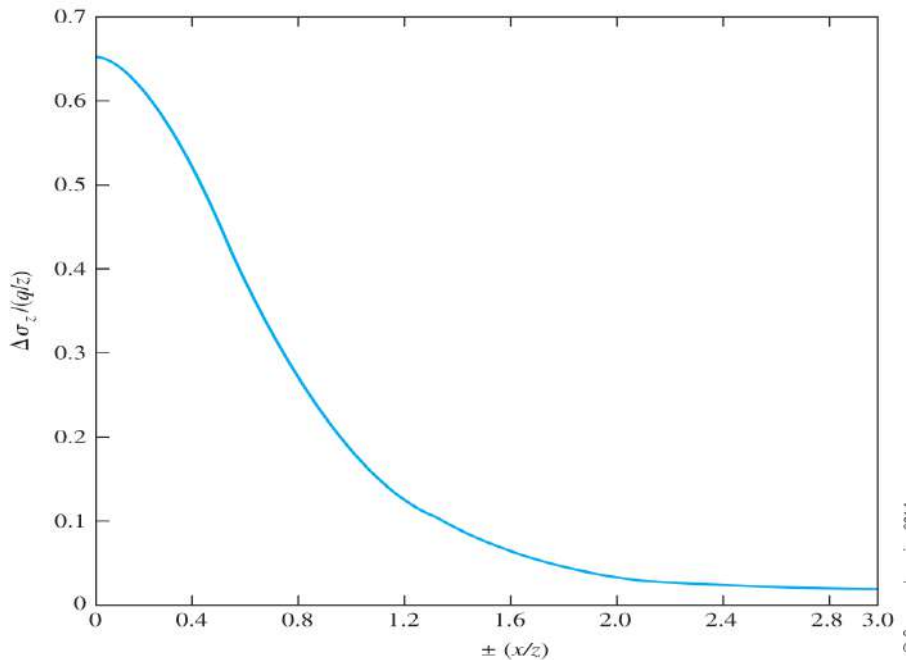
$x/z$	$\Delta\sigma_z/(q/z)$	$x/z$	$\Delta\sigma_z/(q/z)$
0	0.637	1.3	0.088
0.1	0.624	1.4	0.073
0.2	0.589	1.5	0.060
0.3	0.536	1.6	0.050
0.4	0.473	1.7	0.042
0.5	0.407	1.8	0.035
0.6	0.344	1.9	0.030
0.7	0.287	2.0	0.025
0.8	0.237	2.2	0.019
0.9	0.194	2.4	0.014
1.0	0.159	2.6	0.011
1.1	0.130	2.8	0.008
1.2	0.107	3.0	0.006

$$\frac{x}{z} = \frac{\Delta\sigma_z}{\left(\frac{q}{z}\right)}$$

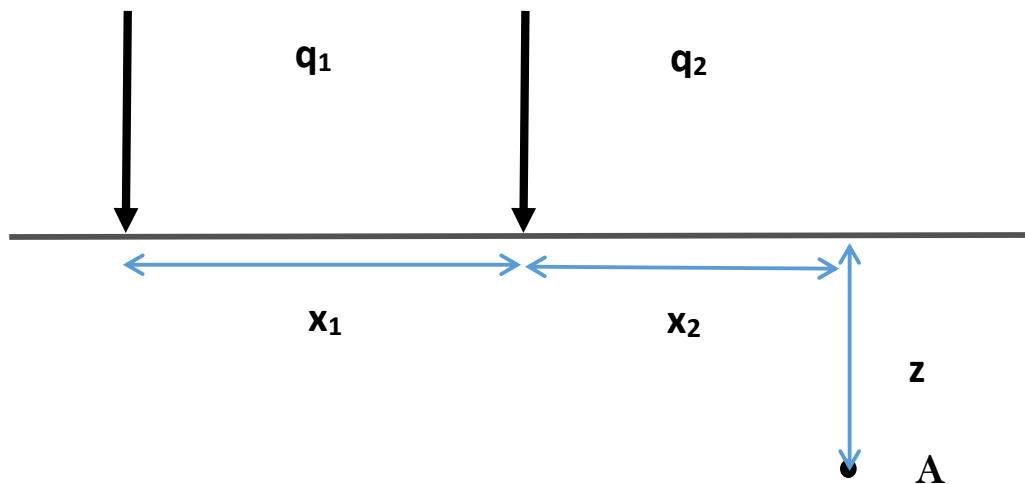
من خلال الجدول النسبة بين  $x/z$  تساوي  $\frac{\Delta\sigma_z}{\left(\frac{q}{z}\right)}$  يضل

المجهول الوحيد  $\Delta\sigma_z$

أو من خلال ال chart :



**Example 1 two line load** , Determine increase of vertical stress  $\Delta\sigma_z$ , at point A with the following values:  $q_1 = 15$  KN/m ,  $q_2 = 7.5$  KN/m ,  $x_1 = 5$  m ,  $x_2 = 5$  m ,  $z = 4$  m .



$$\Delta\sigma_{z_1} = \frac{2q_1z^3}{\pi(x_1^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 15 \times 4^3}{\pi(10^2 + 4^2)^2} = 0.04542 \frac{KN}{m^2}$$

$$\Delta\sigma_{z_2} = \frac{2q_2z^3}{\pi(x_2^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 7.5 \times 4^3}{\pi(5^2 + 4^2)^2} = 0.1818 \frac{KN}{m^2}$$

$$\Delta\sigma_z = \Delta\sigma_{z_1} + \Delta\sigma_{z_2} = 0.04542 + 0.1818$$

$$= \mathbf{0.22722 \text{ KN/m}^2}$$

**Example 2 :** For the same line loads given in example , determine the vertical stress increase,  $\Delta\sigma_z$  , at a point located 4 m below the line load  $q_2$  .

$$\Delta\sigma_{z_1} = \frac{2q_1z^3}{\pi(x_1^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 15 \times 4^3}{\pi(5^2 + 4^2)^2} = 0.3636 \frac{KN}{m^2}$$

$$\Delta\sigma_{z_2} = \frac{2q_2z^3}{\pi(x_2^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 7.5 \times 4^3}{\pi(0^2 + 4^2)^2} = 1.1937 \frac{KN}{m^2}$$

$$\Delta\sigma_z = \Delta\sigma_{z_1} + \Delta\sigma_{z_2} = 0.3636 + 1.1937 = \mathbf{1.5573 \text{ KN/m}^2}$$

**Example 3 :** For the same line loads given in example , Given  $q_1 = 13.6 \text{ KN/m}$  ,  $q_2 = ?? \text{ KN/m}$  ,  $x_1 = 4.3 \text{ m}$  ,  $x_2 = 1.5 \text{ m}$  ,  $z = 1.8 \text{ m}$  , If the vertical stress increase at point A due to the loading is  $2.3 \text{ KN/m}^2$  , determine the magnitude of  $q_1$ .

$$\Delta\sigma_{z_1} = \frac{2q_1z^3}{\pi(x_1^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 13.6 \times 1.8^3}{\pi(5.8^2 + 1.8^2)^2} = \mathbf{0.03712 \frac{KN}{m^2}}$$

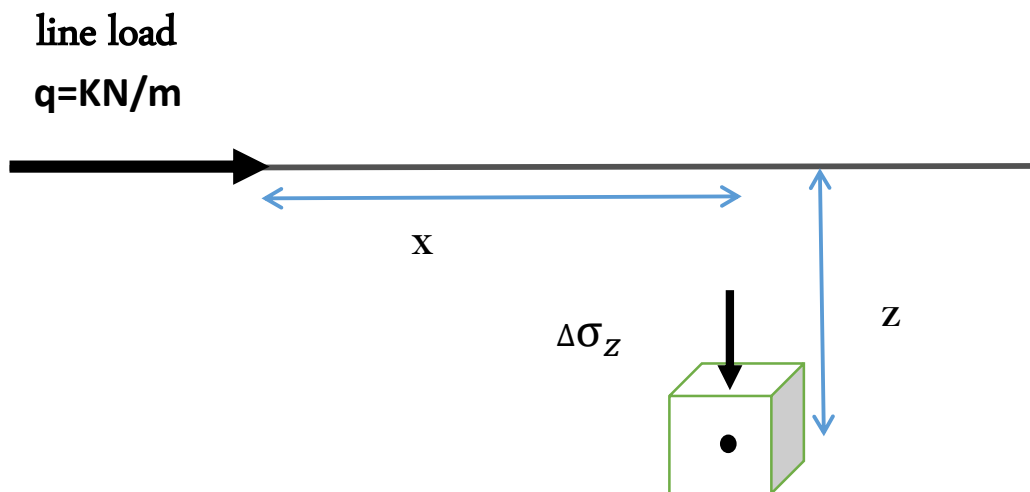
$$\Delta\sigma_{z_2} = \frac{2q_2z^3}{\pi(x_2^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times q_2 \times 1.8^3}{\pi(1.5^2 + 1.8^2)^2} = \mathbf{0.1232q_2 \frac{KN}{m^2}}$$

$$\Delta\sigma_z = \Delta\sigma_{z_1} + \Delta\sigma_{z_2}$$

$$2.3 = 0.03712 + 0.1232q_2 \quad \mathbf{q_2 = 18.37 \text{ KN}}$$

## Vertical Stress Caused by a Horizontal Line Load

☒ اذا كان line load في حالة أفقية فهو يسبب زيادة في الاجهاد الرأسي.



☒ يحسب الأجهاد الراسي  $\Delta\sigma_z$  طريق القانون الاتي :

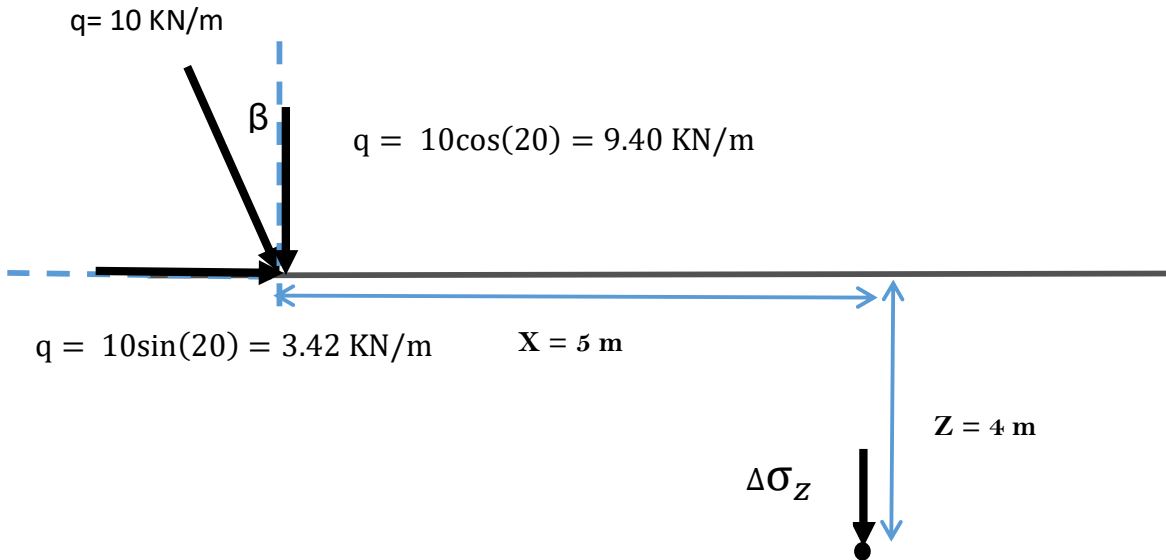
$$\Delta\sigma_z = \frac{2q}{\pi} \frac{xz^2}{[x^2 + z^2]^2}$$

**Table 10.3** Variation of  $\Delta\sigma_z/(q/z)$  with  $x/z$

$x/z$	$\Delta\sigma_z/(q/z)$	$x/z$	$\Delta\sigma_z/(q/z)$
0	0	0.7	0.201
0.1	0.062	0.8	0.189
0.2	0.118	0.9	0.175
0.3	0.161	1.0	0.159
0.4	0.189	1.5	0.090
0.5	0.204	2.0	0.051
0.6	0.207	3.0	0.019

© Cengage Learning 2014

**Example 1:** An inclined line load with a magnitude of 10 kN/m .  
**Determine the increase of vertical stress  $\Delta\sigma_z$**  at point A due to the line load. Assume  $\beta = 20$



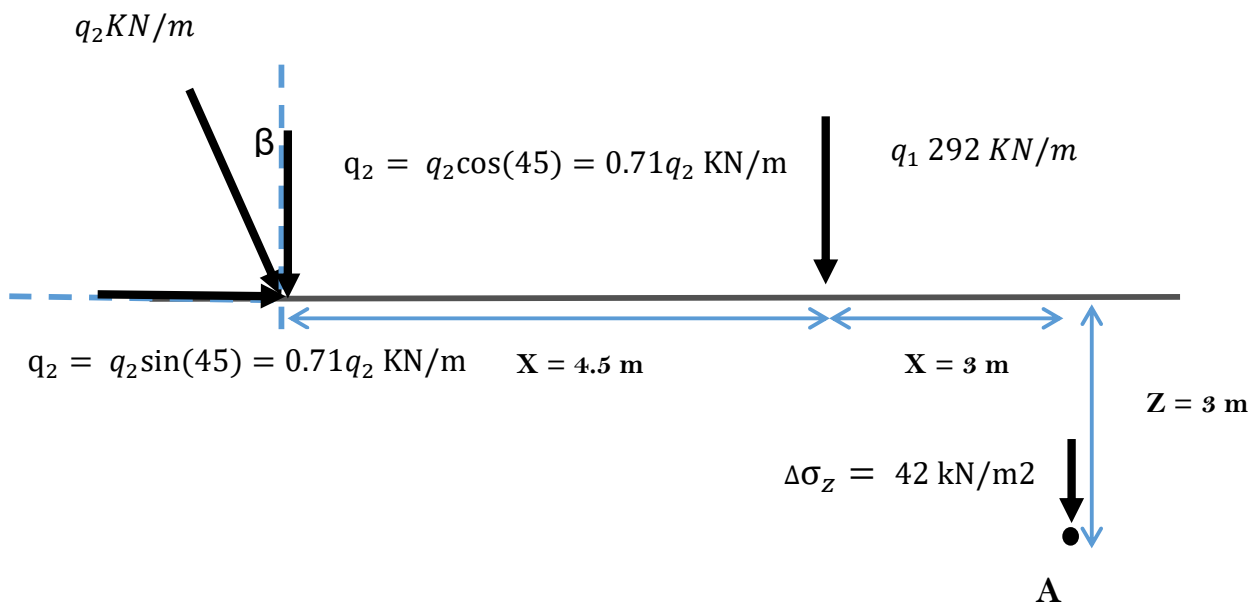
أول اشي منحلل القوى المائلة وينتج عنا **vertical line load** و **Horizontal line load** ولكل قوى له قانون لحساب الزيادة في الأجهاد الرأسى.

$$\Delta\sigma_{zV} = \frac{2qz^3}{\pi(x_1^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 9.4 \times 4^3}{\pi(5^2 + 4^2)^2} = 0.2278 \frac{KN}{m^2}$$

$$\Delta\sigma_{zH} = \frac{2q}{\pi} \frac{xz^2}{[x^2 + z^2]^2} = \frac{2 \times 3.42}{\pi} \frac{5 \times 4^2}{[5^2 + 4^2]^2} = 0.104 \frac{KN}{m^2}$$

$$\Delta\sigma_z = \Delta\sigma_{z1} + \Delta\sigma_{z2} = 0.2278 + 0.104 = 0.3318 \frac{KN}{m^2}$$

**Example 2:** Due to application of line loads  $q_1$  and  $q_2$ , the vertical stress increase at point A is  $42 \text{ kN/m}^2$ . Determine the magnitude of  $q_2$  Assume  $\beta = 45$



$q_1$

$$\Delta\sigma_z = \frac{2q_1z^3}{\pi(x_1^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 292 \times 3^3}{\pi(3^2 + 3^2)^2} = 15.5 \frac{KN}{m^2}$$



$q_2$

$$\Delta\sigma_{zV} = \frac{2qz^3}{\pi(x_1^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 0.71q_2 \times 3^3}{\pi(7.5^2 + 3^2)^2} = 2.9 \times 10^{-3} q_2 \frac{KN}{m^2}$$

$$\Delta\sigma_{zH} = \frac{2q}{\pi} \frac{xz^2}{[x^2 + z^2]^2} = \frac{2 \times 0.71q_2}{\pi} \frac{7.5 \times 3^2}{[7.5^2 + 3^2]^2}$$
$$= 7.2 \times 10^{-3} q_2 \frac{KN}{m^2}$$

$$\Delta\sigma_z = \Delta\sigma_{z1} + \Delta\sigma_{z2} = \Delta\sigma_{z1} + \Delta\sigma_{zV} + \Delta\sigma_{zH}$$

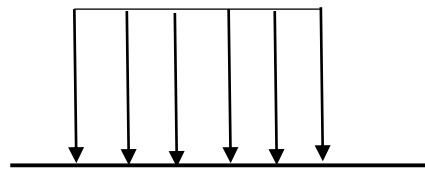
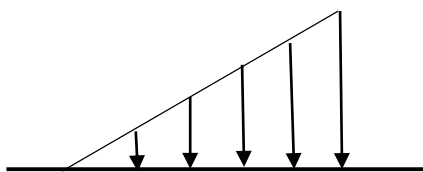
$$42 = 15.5 + 2.9 \times 10^{-3} q_2 + 7.2 \times 10^{-3} q_2$$

$$q_2 = 2623.76 \text{ KN/m}^2$$

## Vertical Stress Due to Embankment Loading

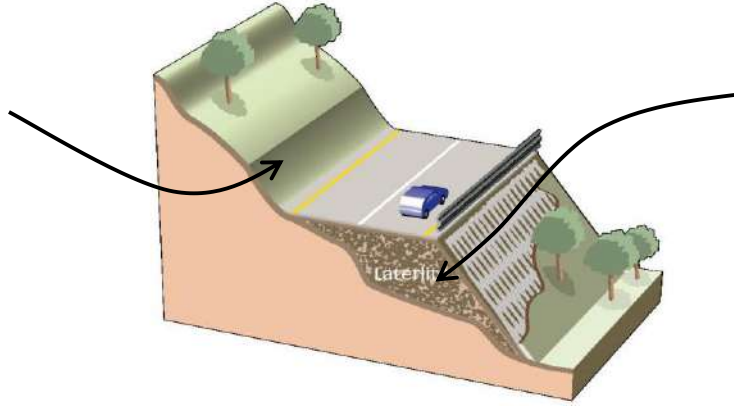
في هاد الموضوع راح نتعلم نحسب الأجهاد الرأسى الناتج من التربة التي تضاف في **عمليات الردم (Fill)** لرفع مستوى الشارع الى المستوى المطلوب. ✘

من الستاتيكا بحب أذكركم أنو الاحمال في منها أحمال منتظمة ومنها أحمال مثلثية , فقد يأتي الحمل الناتج من **embankment** حمل منتظم أو حمل مثلثي. ✘



في أعمال الطرق لنجعل الطريق على مستوى موحد يجب **قص و ردم (Cut & Fill)** بعض المناطق كما في الصورة

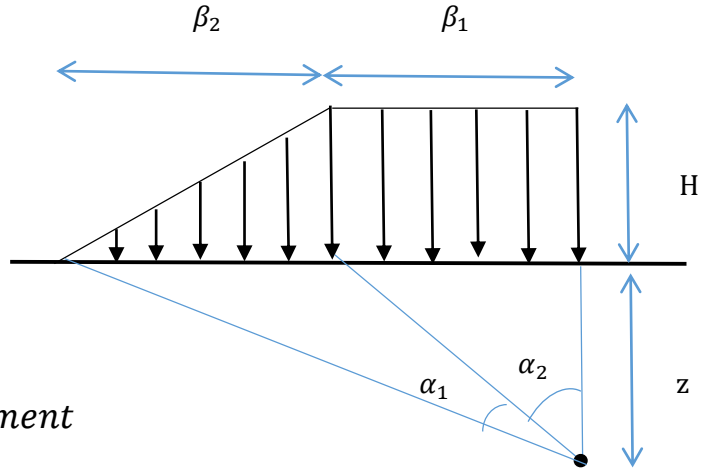
هاد عبارة عن جبل في المنطقة هون احتجنا لعملية قص (Cut) في الجبل لنجعل الطريق مستقيم.



في المنطقة هون احتجنا لعملية ردم (Fill) في الجبل لنجعل الطريق مستقيم.

وفي طرق يجب ردمها بالكامل للوصول الى المستوى المطلوب كما في الصورة ادناه و الحمل الناتج من الردم سوف نتعلم حسابه و يتم الردم على شكل شبه منحرف لضمان تثبيت التربة التي تكون اسفل الطريق وضمان عدم انهيارها جانبا:





$$q = \gamma H$$

$\gamma =$  unit weight of the embankment

$H =$  height of the embankment

$$\Delta\sigma_z = \frac{q}{\pi} \left[ \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2} \right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right]$$

$$\alpha_1 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{z} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right)$$

$$\alpha_2 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right)$$

❌ لو افترضت عندك منشئة ثقيلة موضوعة على تربة وليكن سد سوف يؤثر على التربة ب حمل منتظم او حمل مثلي او الاثنين معا.

❌ القانون يطبق فقط في حال كانت النقطة المطلوب حساب الأجهاد الرأسية عليها على (حافة) corner الحمل فقط.

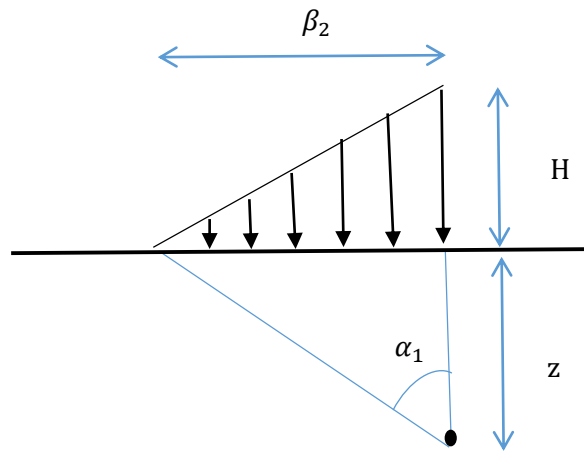
❌ لا يصلح هذا القانون لحساب حمل منتظم لوحده بدون حمل مثلي مجاور له ولكن يصلح لحساب حمل مثلي لوحده بدون حمل منتظم مجاور له.

❌ قانون حساب الزوايا يخرج الزاوية ب degree ، لازم تحولها ل radian

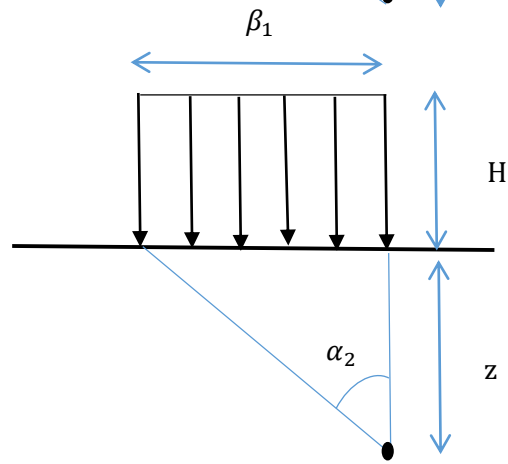
عن طريق ضرب الناتج من القانون ب  $\frac{\pi}{180}$  وتعويضها ب قانون  $\Delta\sigma_z$ .

$$\Delta\sigma_z = \frac{q\alpha_1}{\pi}$$

$$\alpha_1 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_2}{z}\right)$$



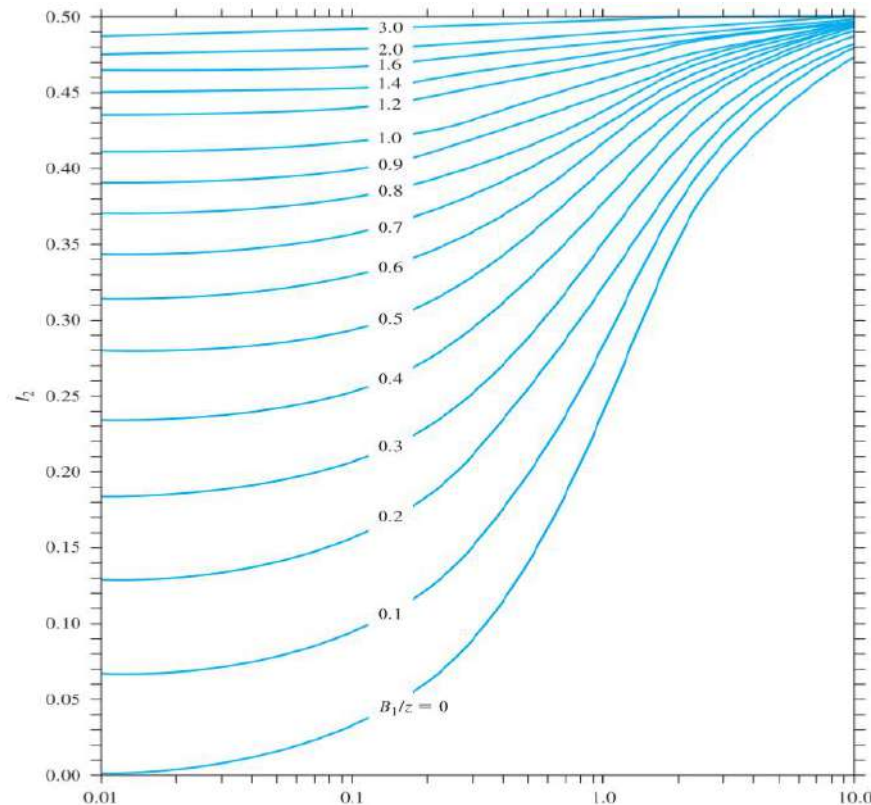
لا يصلح استخدام القانون في هذه الحالة.



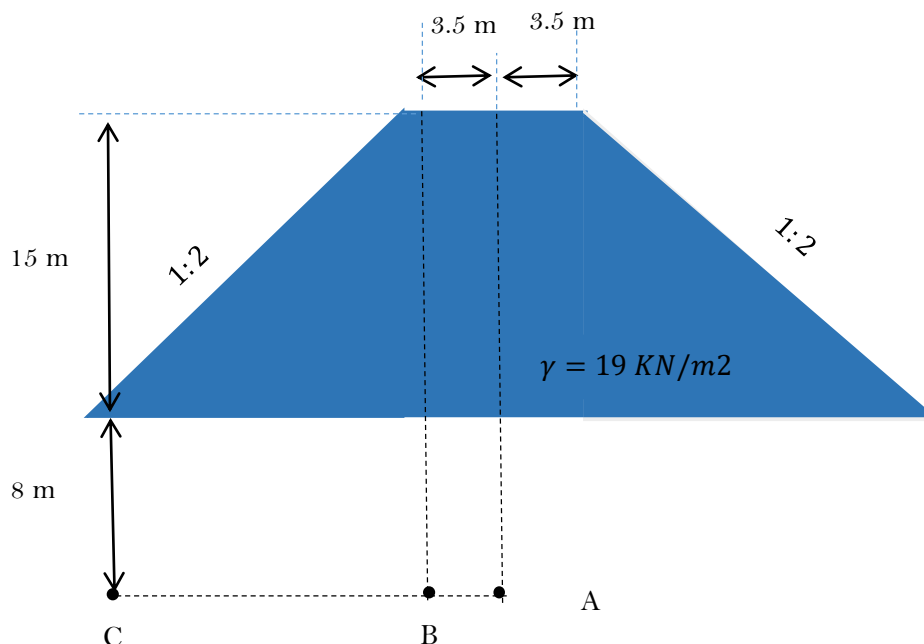
ويمكن حساب الأجهاد الرأسية من خلال chart:

$$\Delta\sigma_z = qI_2$$

Where  $I_2$ ,  
function of  $B_1/z$   
and  $B_2/z$



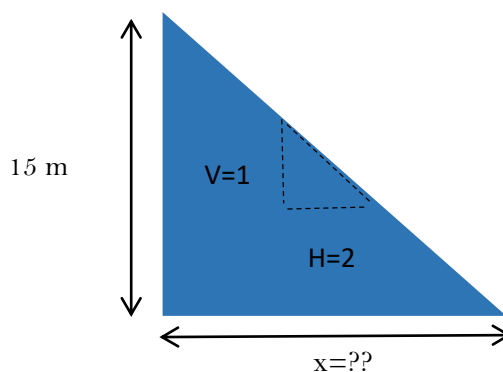
**Example 1:** For the embankment loading, **determine the vertical stress increases** at points A, B, and C.



أول اشئ بالسؤال معطيني الميل بصيغة **V: H** فبحوله لمثلث صغير مشان اعمل تشابه مثلثات و أوجد أطوال قاعدة المثلثين الي عندي ولأنه كل مثلث له نفس الميل راح احسب لمثلث واحد فقط والثاني مثله.

$$\frac{15}{x} = \frac{1}{2}$$

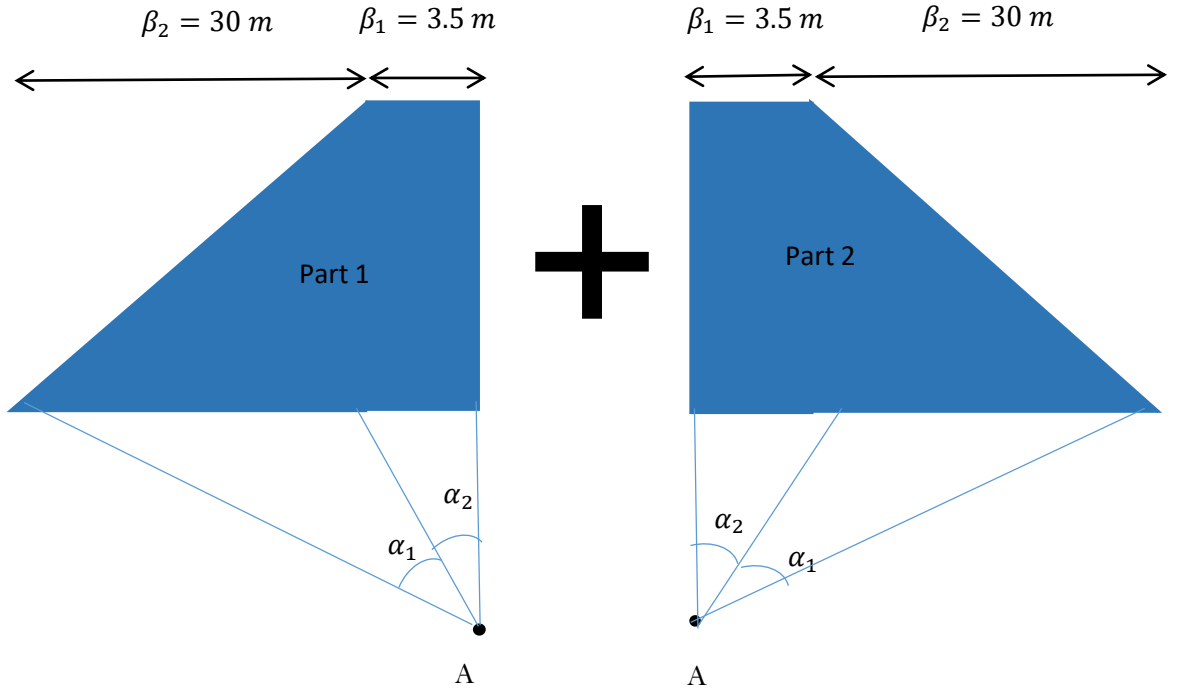
$$X=30 \text{ m}$$



لحساب الزيادة في الاجهاد الرأسى قلنا أنو شرط تكون النقطة على حافة الحمل ولكن في السؤال النقطة A في منتصف الحمل وكذلك النقطة B/C ليسو على حافة الحمل و هون في هاي الحالة لازم اقسم الشكل و يكون حافة كل جزء تحت النقطة مباشرة.

## Point A

هون قسمت الحمل بحيث تكون النقطة المراد حساب  $\Delta\sigma_z$  على حافة الحمل ونحسب  $\Delta\sigma_z$  لكل جزء لوحده ثم بجمعهم , لكن بما انو الميل متساوي والنقطة A في المنتصف الشكل من اليمين نفس الشكل من اليسار لذلك راح احسب لجزء واضرب ب 2



$$q = \gamma H = 19 \times 15 = 285 \text{ KN/m}^2$$

### Part 1

$$\alpha_1 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{z} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{3.5 + 30}{8} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{3.5}{8} \right) = 52.94 \times \frac{\pi}{180} = 0.92$$

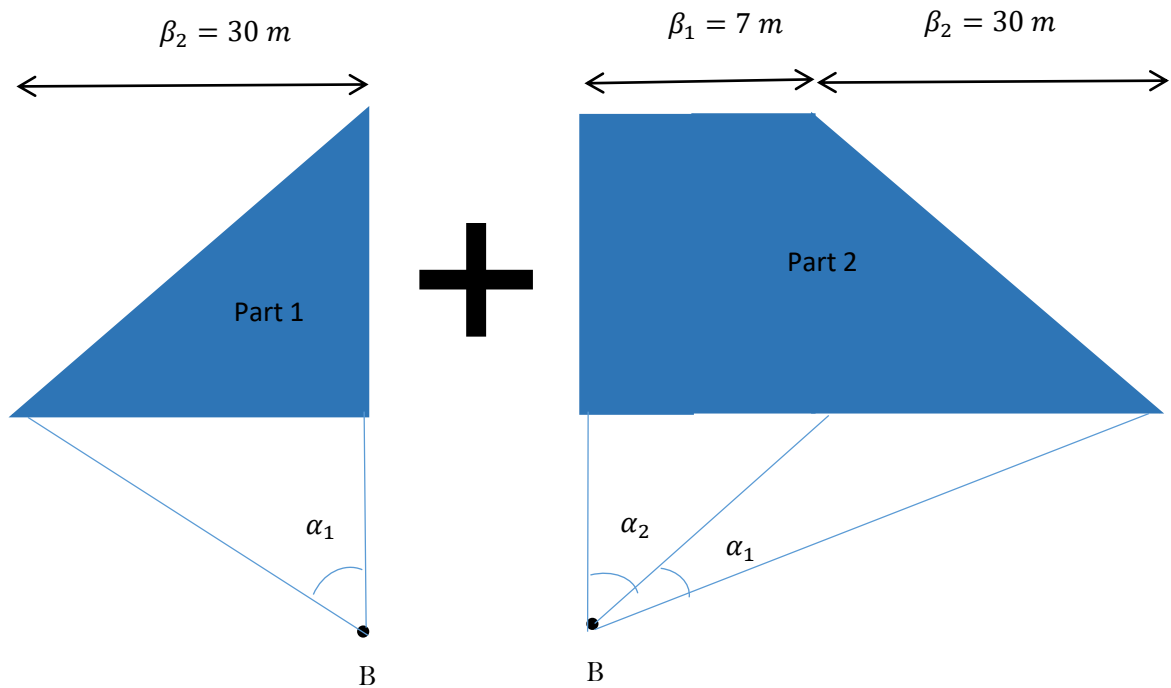
$$\alpha_2 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{3.5}{8} \right) = 23.63 \times \frac{\pi}{180} = 0.41$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q}{\pi} \left[ \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2} \right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right] = \frac{285}{\pi} \left[ \left( \frac{3.5 + 30}{30} \right) (0.92 + 0.41) - \frac{3.5}{30} (0.41) \right]$$

$$= 130.40 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = 2 \times 130.34 = 260.78 \text{ KN/m}^2$$

## Point B



$$q = \gamma H = 19 \times 15 = 285 \text{ KN/m}^2$$

### Part 1

$$\alpha_1 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_2}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{30}{8}\right) = 75.1 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{1.31}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q\alpha_1}{\pi} = \frac{285 \times 1.31}{\pi} = \mathbf{118.84 \text{ KN/m}^2}$$

### Part 2

$$\alpha_1 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{z}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{7 + 30}{8}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{7}{8}\right) = 36.61 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.64}$$

$$\alpha_2 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{7}{8}\right) = 41.19 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.72}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q}{\pi} \left[ \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2} \right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right] = \frac{285}{\pi} \left[ \left( \frac{7 + 30}{30} \right) (0.64 + 0.72) - \frac{7}{30} (0.72) \right]$$

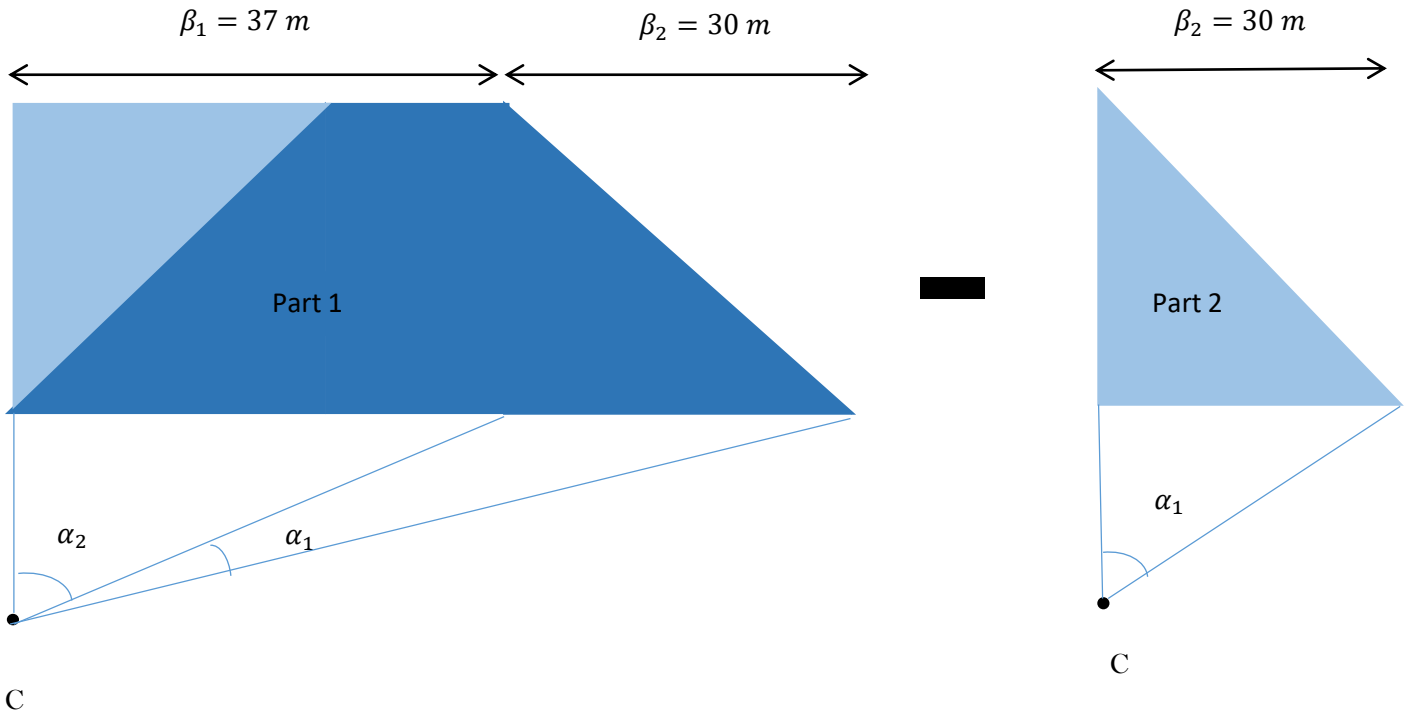
$$= 136.92 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_1} + \Delta\sigma_{z_2} = 118.84 + 136.92 = 255.76 \text{ KN/m}^2$$

## Point C

هون النقطة c على حافة الحمل صحيح ولكن ليس من الحافة التي تتشكل عندها الزوايا  $\alpha_1$  و  $\alpha_2$  لذلك يتم إضافة مثلث وطرحه أو إضافة متوازي مستطيلات وطرحه حسب الحالة حتى تتوفر الشروط.

$$q = \gamma H = 19 \times 15 = 285 \text{ KN/m}^2$$



### Part 1

$$\alpha_1 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{z} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{37 + 30}{8} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{37}{8} \right) = 5.39 \times \frac{\pi}{180} = 0.094$$

$$\alpha_2 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{37}{8} \right) = 77 \times \frac{\pi}{180} = 1.36$$



$$\Delta\sigma_z = \frac{q}{\pi} \left[ \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2} \right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right] = \frac{285}{\pi} \left[ \left( \frac{37 + 30}{30} \right) (0.094 + 1.36) - \frac{37}{30} (1.36) \right]$$

$$= 142.42 \text{ KN/m}^2$$

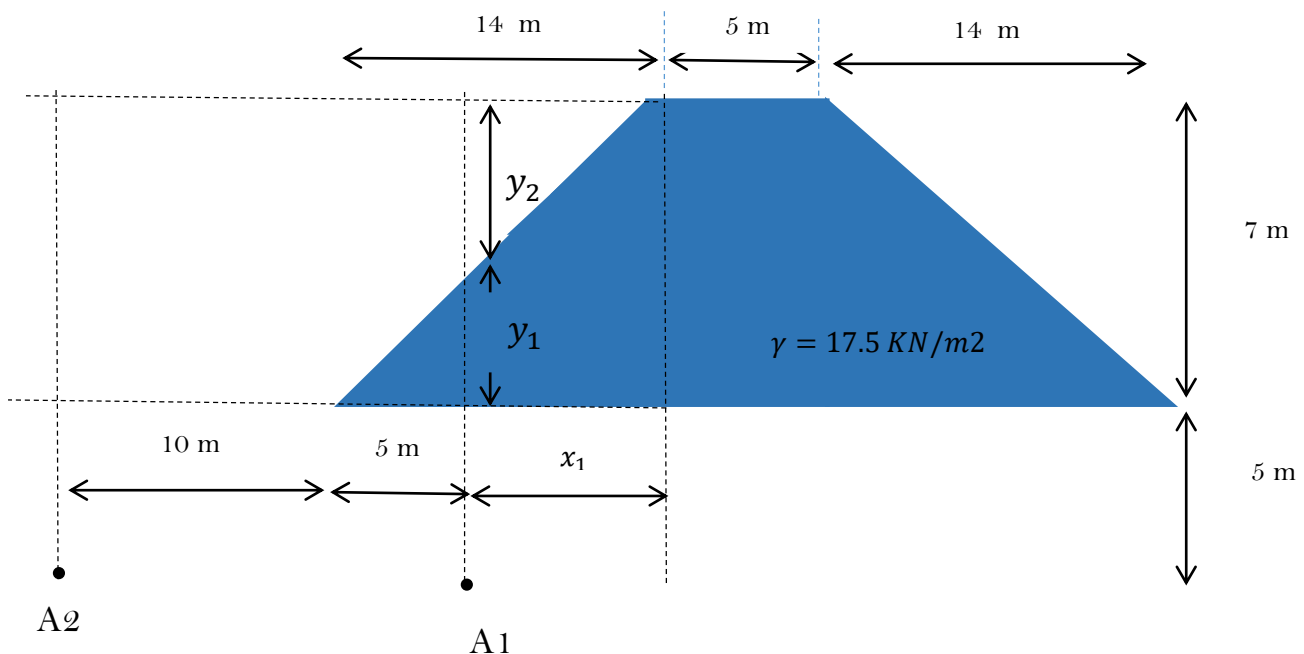
### Part 2

$$\alpha_1 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_2}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{30}{8} \right) = 75.1 \times \frac{\pi}{180} = 1.31$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q\alpha_1}{\pi} = \frac{285 \times 1.31}{\pi} = 118.84 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_1} - \Delta\sigma_{z_2} = 142.42 - 118.84 = 23.6 \text{ KN/m}^2$$

**Example 2:** Determine the stress increase under the embankment at points A1 and A2

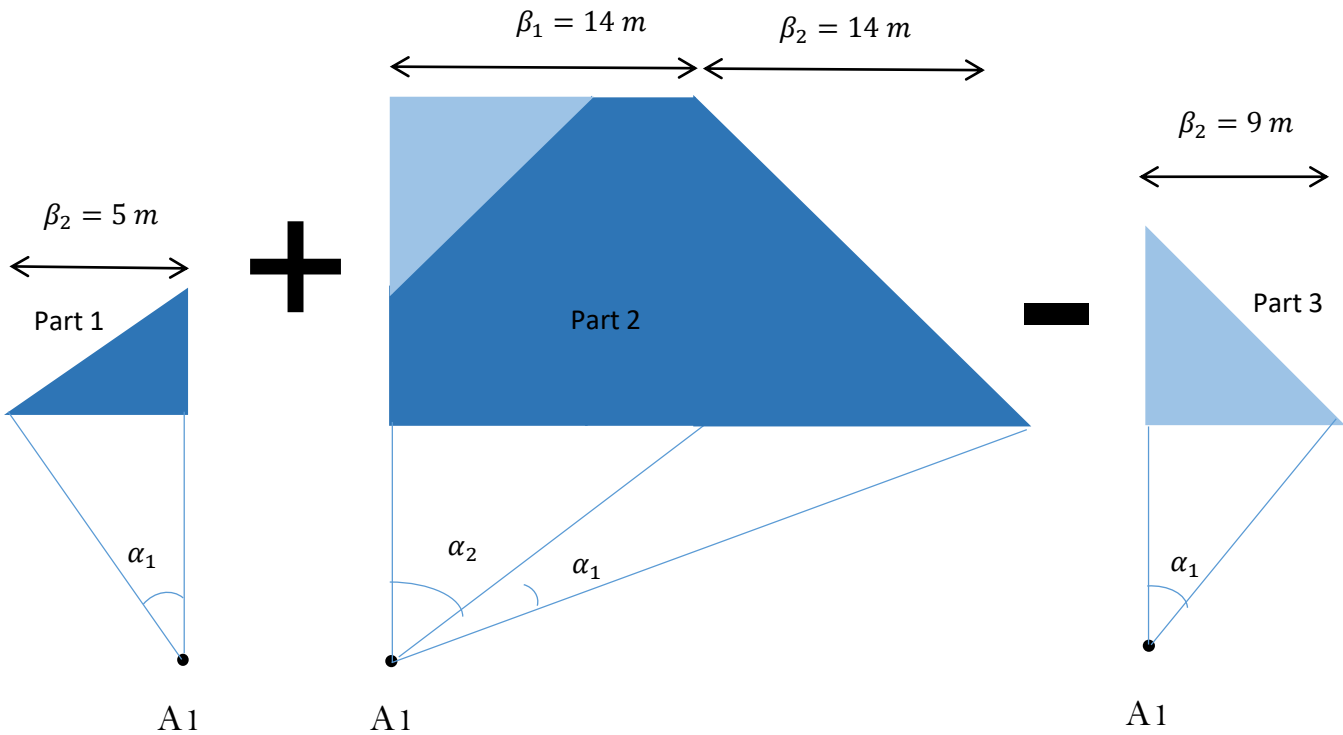


$$\frac{7}{14} = \frac{x}{5} \quad y_1 = 2.5 \text{ m}$$

$$y_2 = 7 - 2.5 =$$

$$x_1 = 14 - 5 =$$

## Point A1



### Part 1

$$q = \gamma H = 17.5 \times 2.5 = 43.75 \text{ KN/m}^2$$

$$\alpha_1 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_2}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{5}{5} \right) = 45 \times \frac{\pi}{180} = 0.79$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q\alpha_1}{\pi} = \frac{43.75 \times 0.79}{\pi} = 10.94 \text{ KN/m}^2$$

### Part 2

$$q = \gamma H = 17.5 \times 7 = 122.5 \text{ KN/m}^2$$

$$\alpha_1 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{z} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{14 + 14}{5} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{14}{5} \right) = 9.53 \times \frac{\pi}{180} = 0.166$$

$$\alpha_2 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{14}{5} \right) = 70.35 \times \frac{\pi}{180} = 1.23$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q}{\pi} \left[ \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2} \right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right] = \frac{122.5}{\pi} \left[ \left( \frac{14 + 14}{14} \right) (0.166 + 1.23) - \frac{14}{14} (1.23) \right]$$

$$= 60.91 \text{ KN/m}^2$$

### Part 3

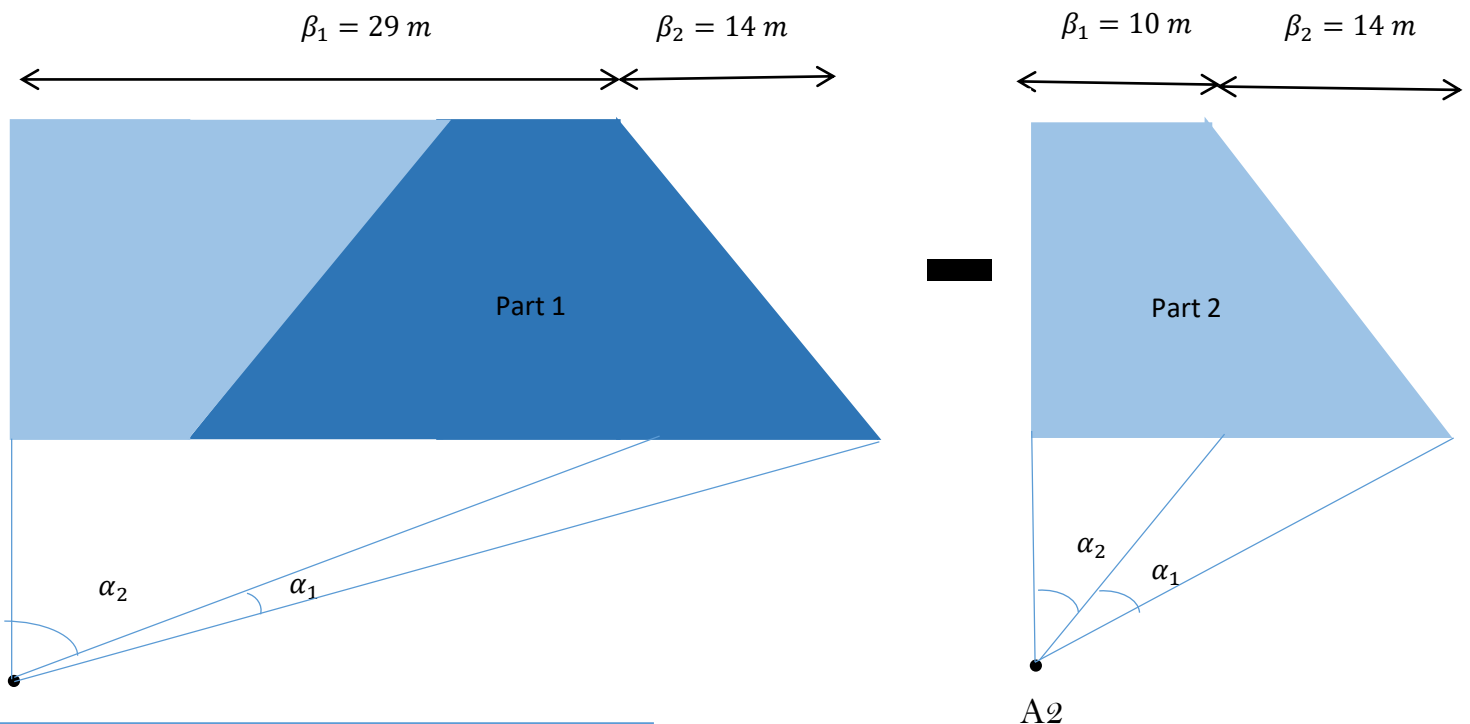
$$q = \gamma H = 17.5 \times 4.5 = 78.75 \text{ KN/m}^2$$

$$\alpha_1 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_2}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{9}{5} \right) = 60.95 \times \frac{\pi}{180} = 1.06$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q\alpha_1}{\pi} = \frac{78.75 \times 1.06}{\pi} = 26.57 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_1} + \Delta\sigma_{z_2} - \Delta\sigma_{z_3} = 10.94 + 60.91 - 26.57 = 45.28 \text{ KN/m}^2$$

### Point A2



$$q = \gamma H = 17.5 \times 7 = 122.5 \text{ KN/m}^2$$

### Part 1

$$\alpha_1 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{z}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{29 + 14}{5}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{29}{5}\right) = 3.15 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.055}$$

$$\alpha_2 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{29}{5}\right) = 80.22 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{1.4}$$

$$\begin{aligned}\Delta\sigma_z &= \frac{q}{\pi} \left[ \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2}\right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right] = \frac{122.5}{\pi} \left[ \left(\frac{29 + 14}{14}\right) (0.055 + 1.4) - \frac{29}{14} (1.4) \right] \\ &= \mathbf{61.2 \text{ KN/m}^2}\end{aligned}$$

### Part 2

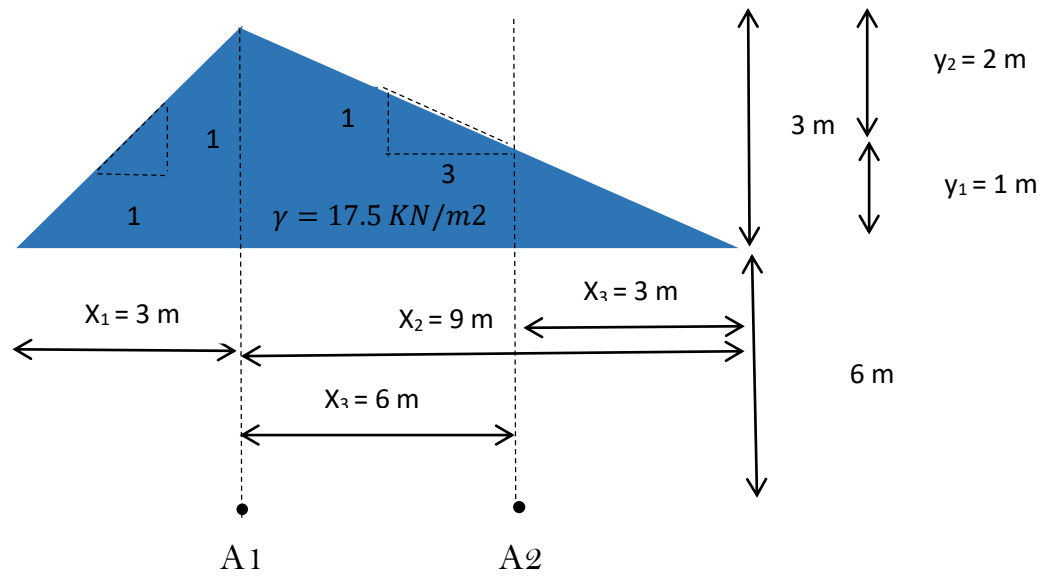
$$\alpha_1 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{z}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{10 + 14}{5}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{10}{5}\right) = 14.80 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.258}$$

$$\alpha_2 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{10}{5}\right) = 63.43 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{1.11}$$

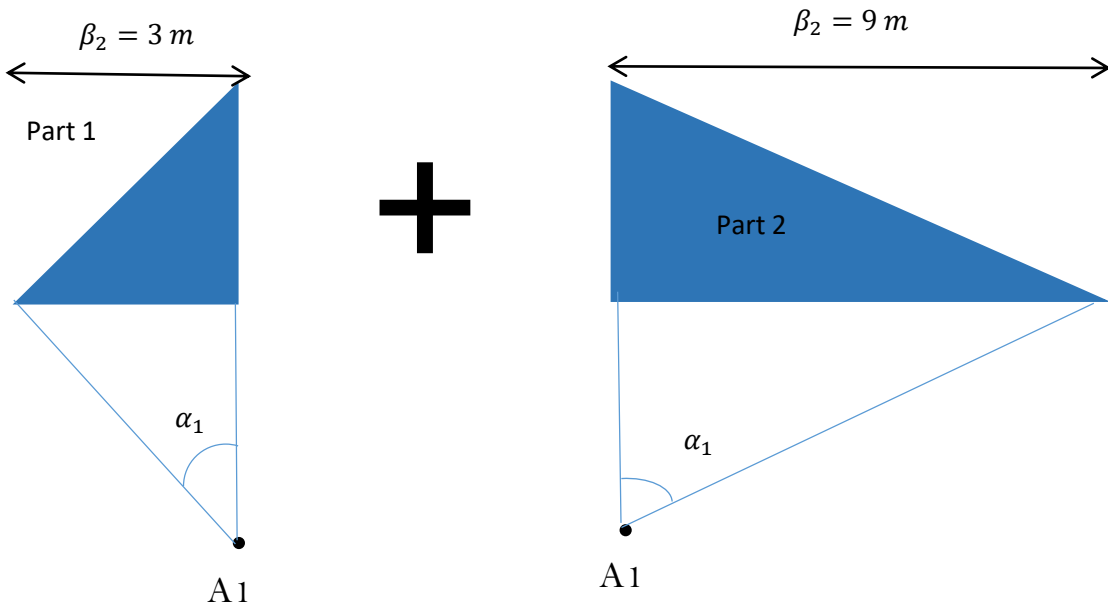
$$\begin{aligned}\Delta\sigma_z &= \frac{q}{\pi} \left[ \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2}\right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right] = \frac{122.5}{\pi} \left[ \left(\frac{10 + 14}{14}\right) (0.258 + 1.11) - \frac{10}{14} (1.11) \right] \\ &= \mathbf{60.53 \text{ KN/m}^2}\end{aligned}$$

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_1} - \Delta\sigma_{z_2} = 61.2 - 60.53 = \mathbf{0.67 \text{ KN/m}^2}$$

**Example 2:** Determine the stress increase under the embankment at points A1 and A2.



**Point A1**



### Part 1

$$q = \gamma H = 17.5 \times 3 = 52.5 \text{ KN/m}^2$$

$$\alpha_1 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_2}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{3}{6}\right) = 26.57 \times \frac{\pi}{180} = 0.46$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q\alpha_1}{\pi} = \frac{52.5 \times 0.46}{\pi} = 7.69 \text{ KN/m}^2$$

### Part 2

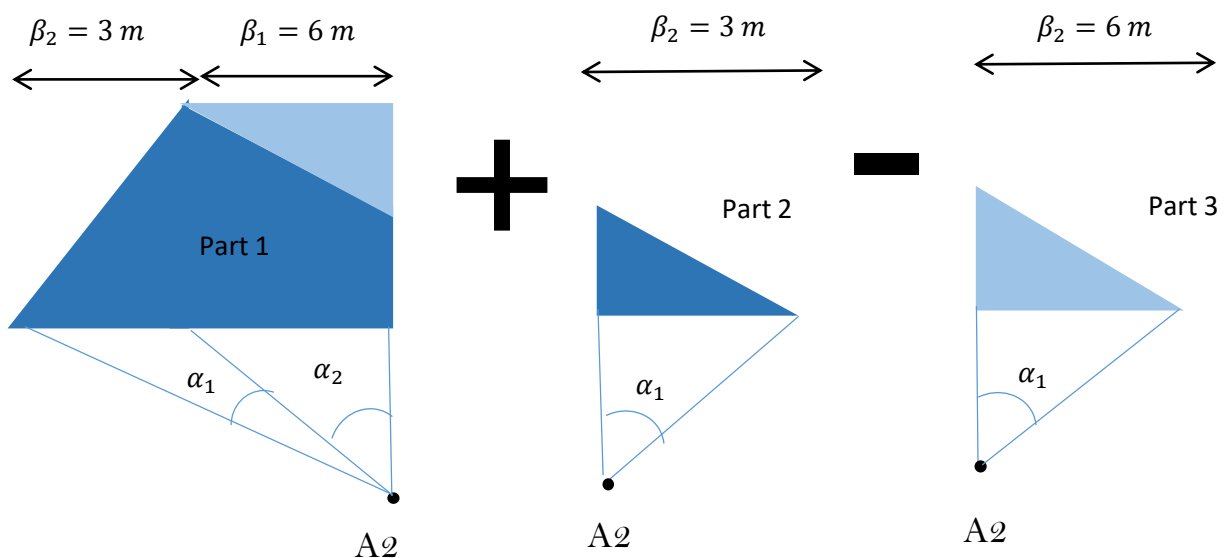
$$q = \gamma H = 17.5 \times 3 = 52.5 \text{ KN/m}^2$$

$$\alpha_1 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_2}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{9}{6}\right) = 56.31 \times \frac{\pi}{180} = 0.98$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q\alpha_1}{\pi} = \frac{52.5 \times 0.98}{\pi} = 16.4 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_1} + \Delta\sigma_{z_2} = 7.69 + 16.4 = 24.09 \text{ KN/m}^2$$

### Point A2



### Part 1

$$q = \gamma H = 17.5 \times 3 = \mathbf{52.5 \text{ KN/m}^2}$$

$$\alpha_1 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{z}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{6+3}{6}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{6}{6}\right) = 11.31 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.197}$$

$$\alpha_2 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_1}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{6}{6}\right) = 45 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.79}$$

$$\begin{aligned} \Delta\sigma_z &= \frac{q}{\pi} \left[ \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2} \right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right] = \frac{52.5}{\pi} \left[ \left( \frac{6+3}{3} \right) (0.197 + 0.79) - \frac{6}{3} (0.79) \right] \\ &= \mathbf{23.1 \text{ KN/m}^2} \end{aligned}$$

### Part 2

$$q = \gamma H = 17.5 \times 1 = \mathbf{17.5 \text{ KN/m}^2}$$

$$\alpha_1 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_2}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{3}{6}\right) = 26.57 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.46}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q\alpha_1}{\pi} = \frac{17.5 \times 0.46}{\pi} = \mathbf{2.56 \text{ KN/m}^2}$$

### Part 3

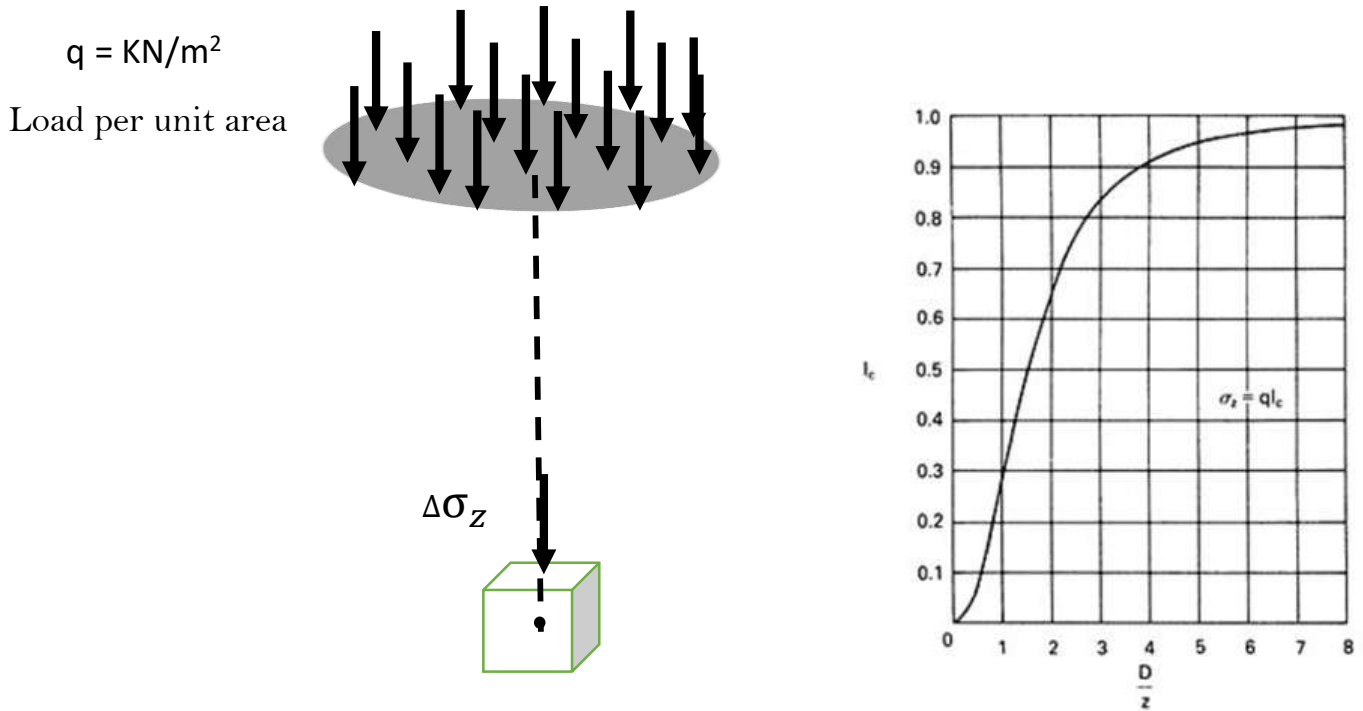
$$q = \gamma H = 17.5 \times 2 = \mathbf{35 \text{ KN/m}^2}$$

$$\alpha_1 = \tan^{-1}\left(\frac{\beta_2}{z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{6}{6}\right) = 45 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.79}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q\alpha_1}{\pi} = \frac{35 \times 0.79}{\pi} = \mathbf{8.8 \text{ KN/m}^2}$$

$$\begin{aligned} \Delta\sigma_{z_{total}} &= \Delta\sigma_{z_1} + \Delta\sigma_{z_2} - \Delta\sigma_{z_3} \\ &= 23.1 + 2.56 - 8.8 \\ &= \mathbf{16.86 \text{ KN/m}^2} \end{aligned}$$

## Vertical Stress below the Center of a Uniformly Loaded Circular Area



✘ لو كان عندنا حمل على شكل دائري وموزع لكل وحدة مساحة  $\text{KN/m}^2$  وأردنا حساب  $\Delta\sigma_z$  تحت المركز فيمكن حسابه عن طريق قانون Boussinesq's :

$$\Delta\sigma_z = q \left[ 1 - \frac{1}{\left[ \left( \frac{R}{z} \right)^2 + 1 \right]^{\frac{3}{2}}} \right]$$

$$\Delta\sigma_z = q I_C$$

$I_C$  من chart

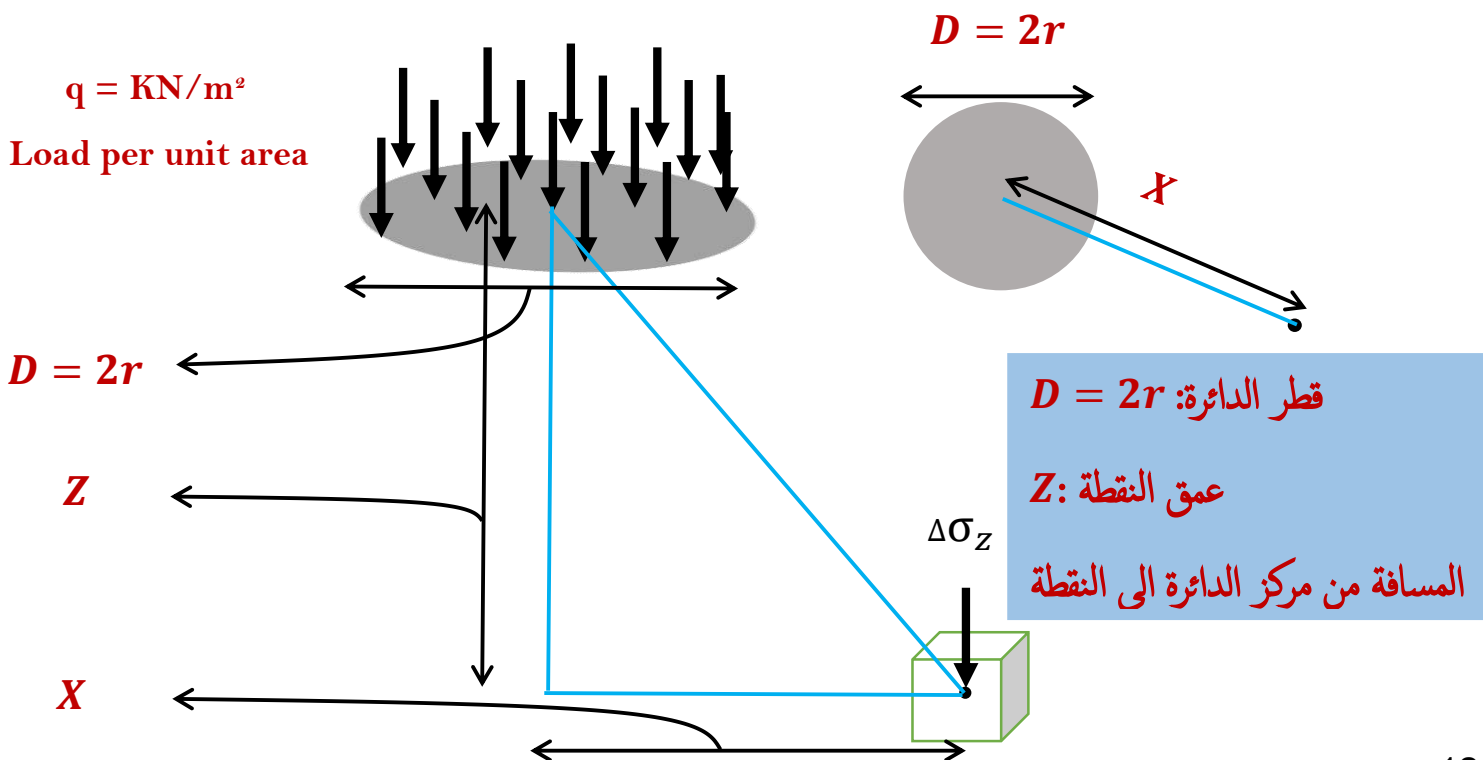
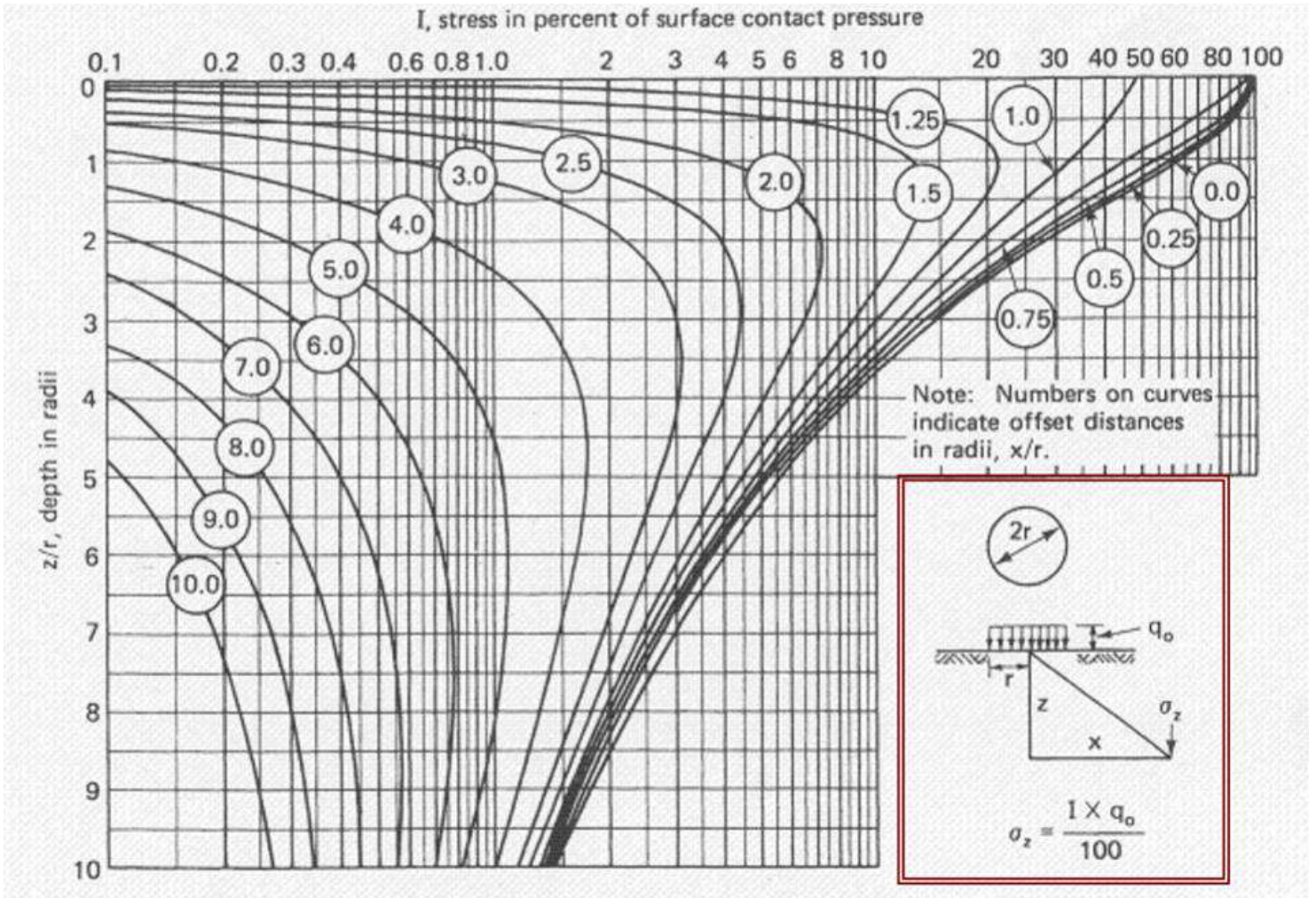
✘ هاد القانون و Chart مخصص فقط لحساب الزيادة في الأجهاد الرأسية اذ كانت

النقطة تحت مركز الدائرة التي تتأثر في الحمل.



شرحنا كيف نحسب الزيادة في الاجهاد ( $\Delta\sigma_z$ ) الناتج من حمل دائري منتظم تحت المركز فقط (Vertical Stress below the Center of a Uniformly Loaded Circular Area)

ولكن لو كان الحمل مش تحت مركز الدائرة ما الحل؟؟؟ يوجد Chart



# Chart-axis:

## X-axis:

I(%) : Stress in percent of surface contact with pressure.

وهي النسبة المئوية من الحمل الدائري الكلي المنتظم أي النسبة المئوية من  $q$  التي تتعرض لها النقطة المطلوب حساب  $(\Delta\sigma_z)$  عندها. (أي كم نصيب النقطة من الحمل الكلي الدائري المنتظم). القيمة دائما تكون نسبة مئوية.

## Y-axis:

$\frac{Z}{r}$  : depth in radii

النسبة بين (عمق النقطة  $(Z)$ ) الى (نصف قطر الحمل الدائري  $(r)$ ).

## Number on curves

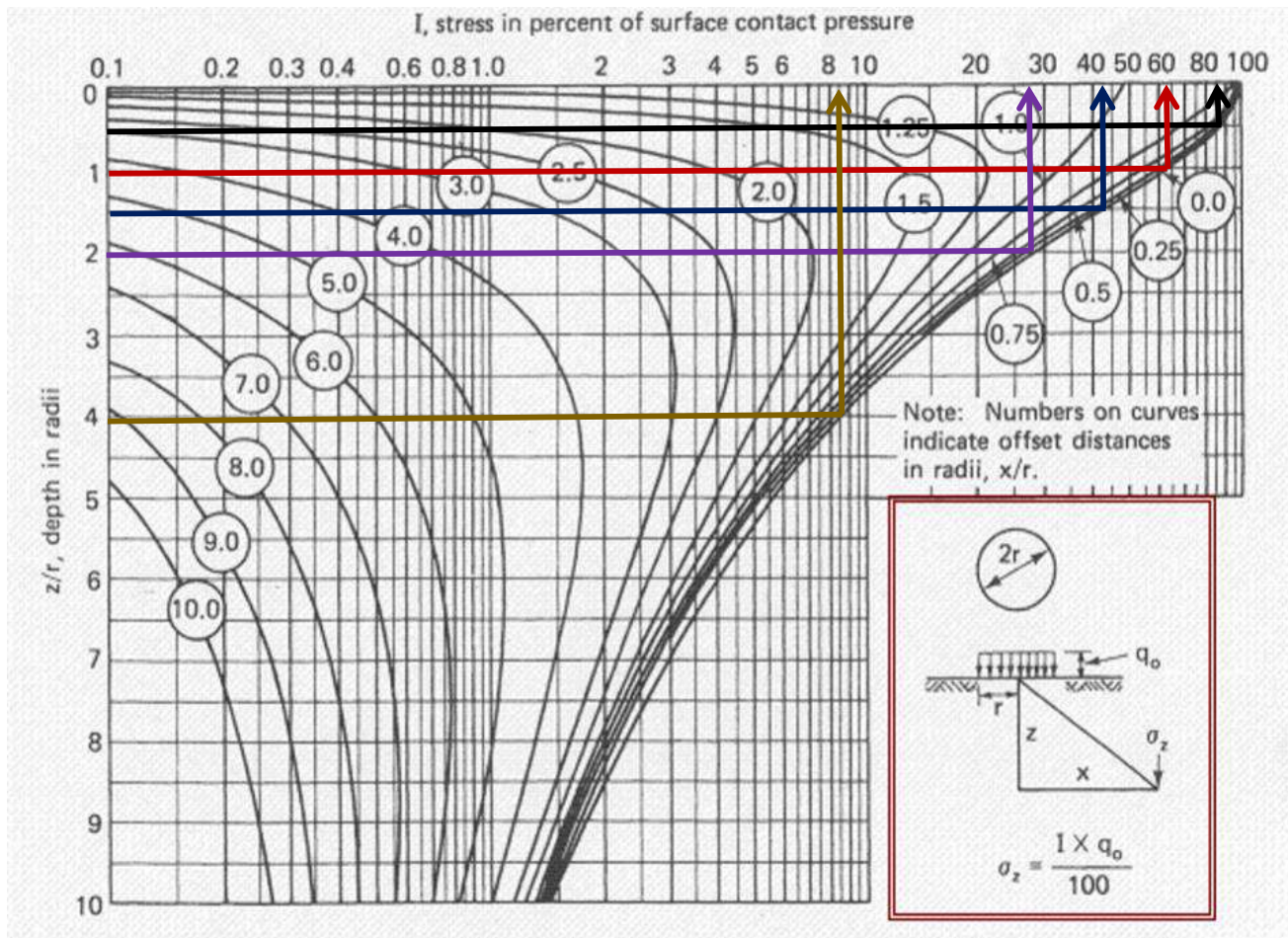
$\frac{X}{r}$  : Offset in radii

النسبة بين (المسافة من مركز الدائرة الى النقطة  $(X)$ ) الى (نصف قطر الحمل الدائري  $(r)$ ).

بعد ما تحسب كل هاي الأمور من ال Chart بتطلع قيمة  $I$  وبتضربها في  $q$ .

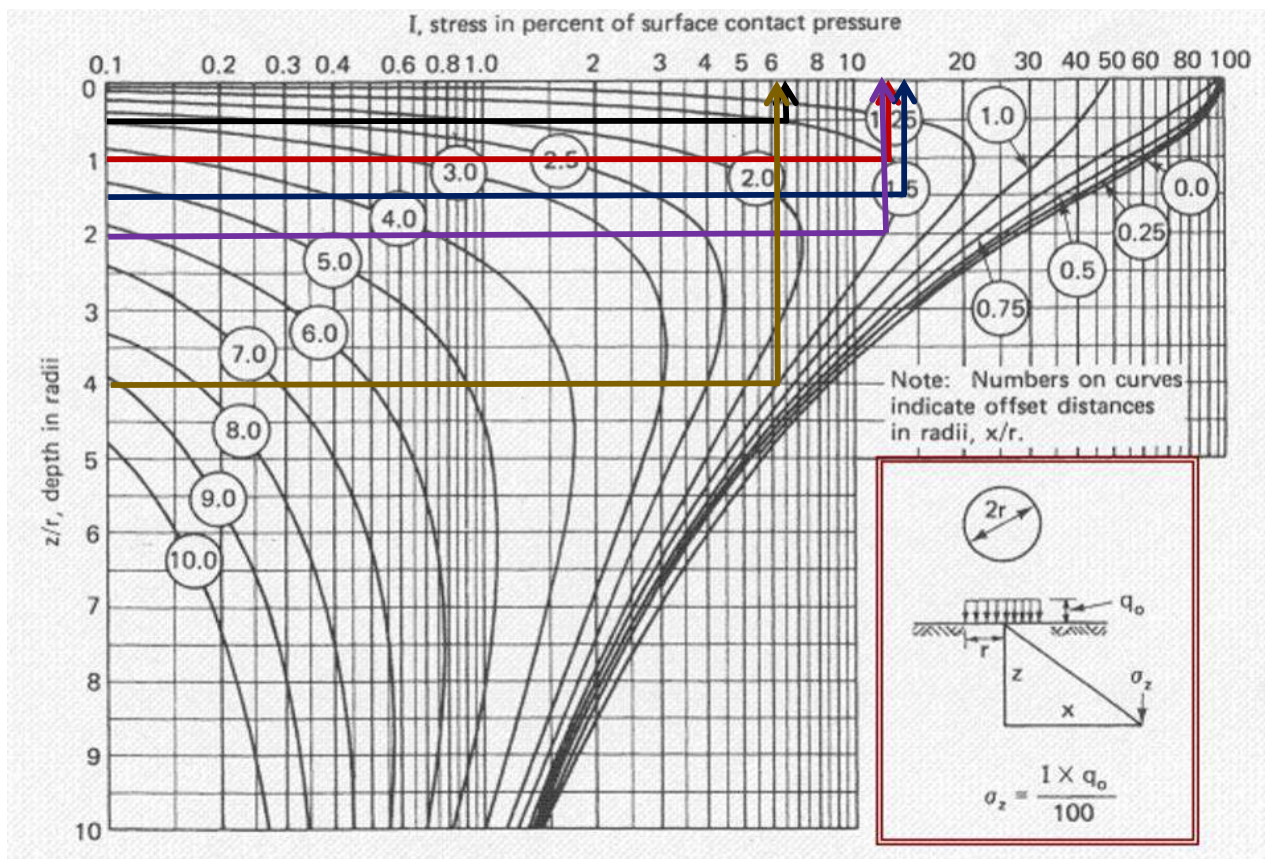
**Example 1:** Consider a uniformly loaded flexible circular area on the ground surface Given:  $r = 3\text{m}$ , and Uniformly Loaded Circular Area  $q = 100 \text{ KN/m}^2$ , Calculate the increase in vertical stress at depths of 1.5 m, 3 m, 4.5 m, 6 m, and 12 m below the ground surface for points (a) offset = 0m ( under the center). (b) offset =4.5m

X(m)	Z (m)	X/r	z/r	I	$\Delta\sigma_z = q \times I \text{ KN/m}^2$
0	1.5	0/3=0	1.5/3=0.5	85%	$100 \times 85\% = 85$
0	3	0/3=0	3/3=1	62.5%	$100 \times 62.5\% = 62.5$
0	4.5	0/3=0	4.5/3=1.5	42.5%	$100 \times 42.5\% = 42.5$
0	6	0/3=0	6/3=2	27.5%	$100 \times 27.5\% = 27.5$
0	12	0/3=0	12/3=4	8.5%	$100 \times 8.5\% = 8.5$

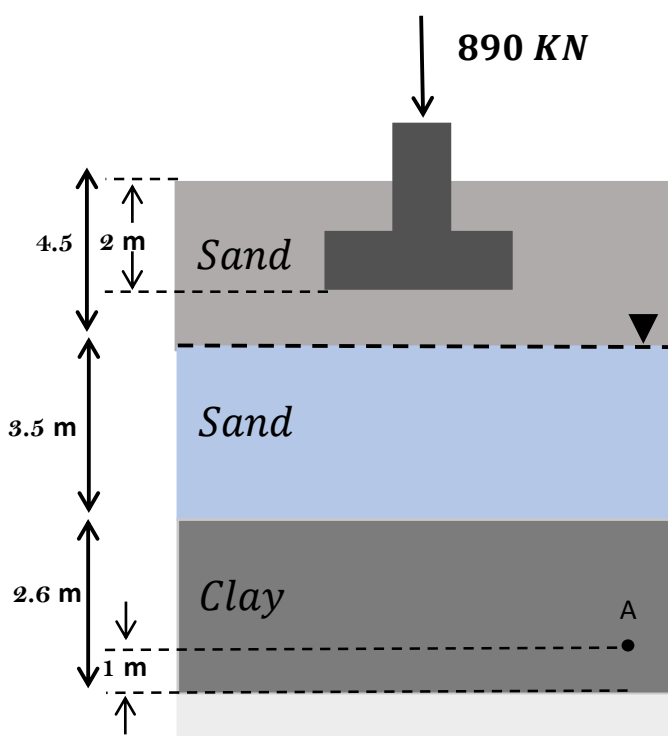


X(m)	Z (m)	X/r	z/r	I	$\Delta\sigma_z = q \times I \text{ KN/m}^2$
4.5	1.5	$4.5/3=1.5$	$1.5/3=0.5$	6.5%	$100 \times 6.5\% = 6.5$
4.5	3	$4.5/3=1.5$	$3/3=1$	12.5%	$100 \times 12.5\% = 12.5$
4.5	4.5	$4.5/3=1.5$	$4.5/3=1.5$	14%	$100 \times 14\% = 14$
4.5	6	$4.5/3=1.5$	$6/3=2$	12%	$100 \times 12\% = 12$
4.5	12	$4.5/3=1.5$	$12/3=4$	6.25%	$100 \times 6.25\% = 6.25$





**Example 2:** The 2.6-m-thick clay layer that will result from the load carried by a  $r=1.5$ -m circular footing. calculate **the total stress** at point A **With Offset 3.2 m** and at **Circle circumference (X=1.5)** at depth point A.

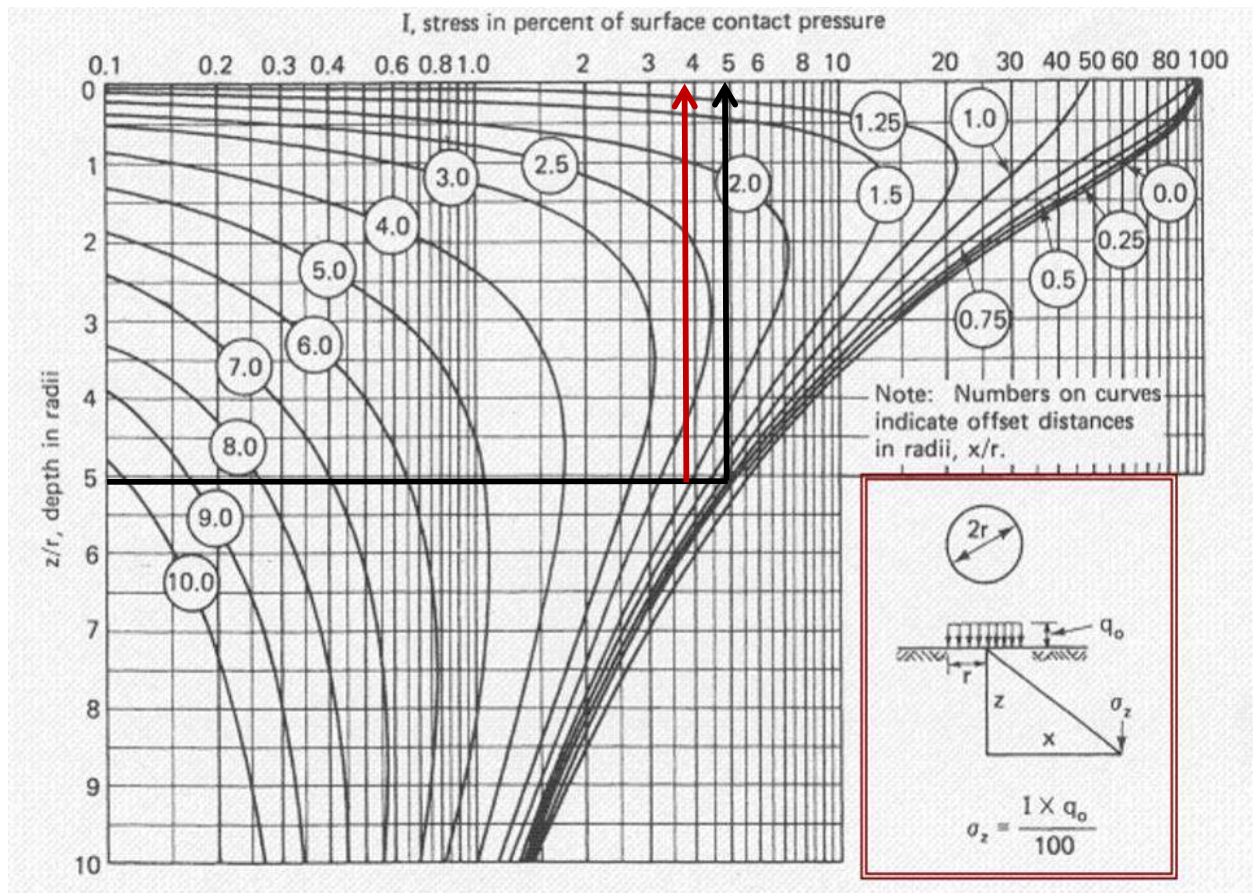


$$\frac{890}{\pi \times (1.5^2)} = 126 \text{ kN/m}^2$$

$$\gamma_{Dry} = 15.72 \text{ kN/m}^2$$

$$\gamma_{Sat} = 18.87 \text{ kN/m}^2$$

$$\gamma_{Sat} = 17.3 \text{ kN/m}^2$$



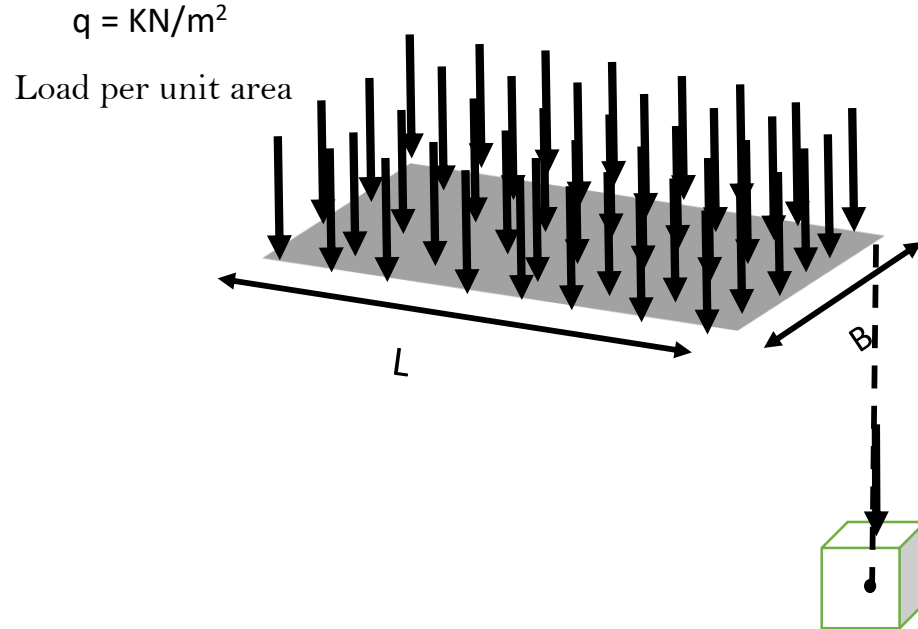
X(m)	Z (m)	X/r	z/r	I	$\Delta\sigma_z = q \times I \text{ KN/m}^2$
3.2	$(4.5-2)+3.5+(2.6-1) = 7.6$	$3.2/1.5 = 2.13$	$7.6/1.5 = 5.1$	4.9%	$126 \times 4.9\% = 6.174$
1.5	$(4.5-2)+3.5+(2.6-1) = 7.6$	$1.5/1.5 = 1$	$7.6/1.5 = 5.1$	3.9%	$126 \times 3.9\% = 4.19$

$$\sigma_o = \gamma h = 15.72 \times 4.5 + 18.87 \times 3.5 + 17.3 \times 1.6 = 164.465 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_f \text{ at } 3.2 = \sigma_o + \Delta\sigma_z = 164.465 + 6.174 = 170.639 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_f \text{ at Circle circumference} = \sigma_o + \Delta\sigma_z = 164.465 + 4.176 = 168.641 \text{ KN/m}^2$$

## Vertical Stress Caused by a Rectangular Loaded Area



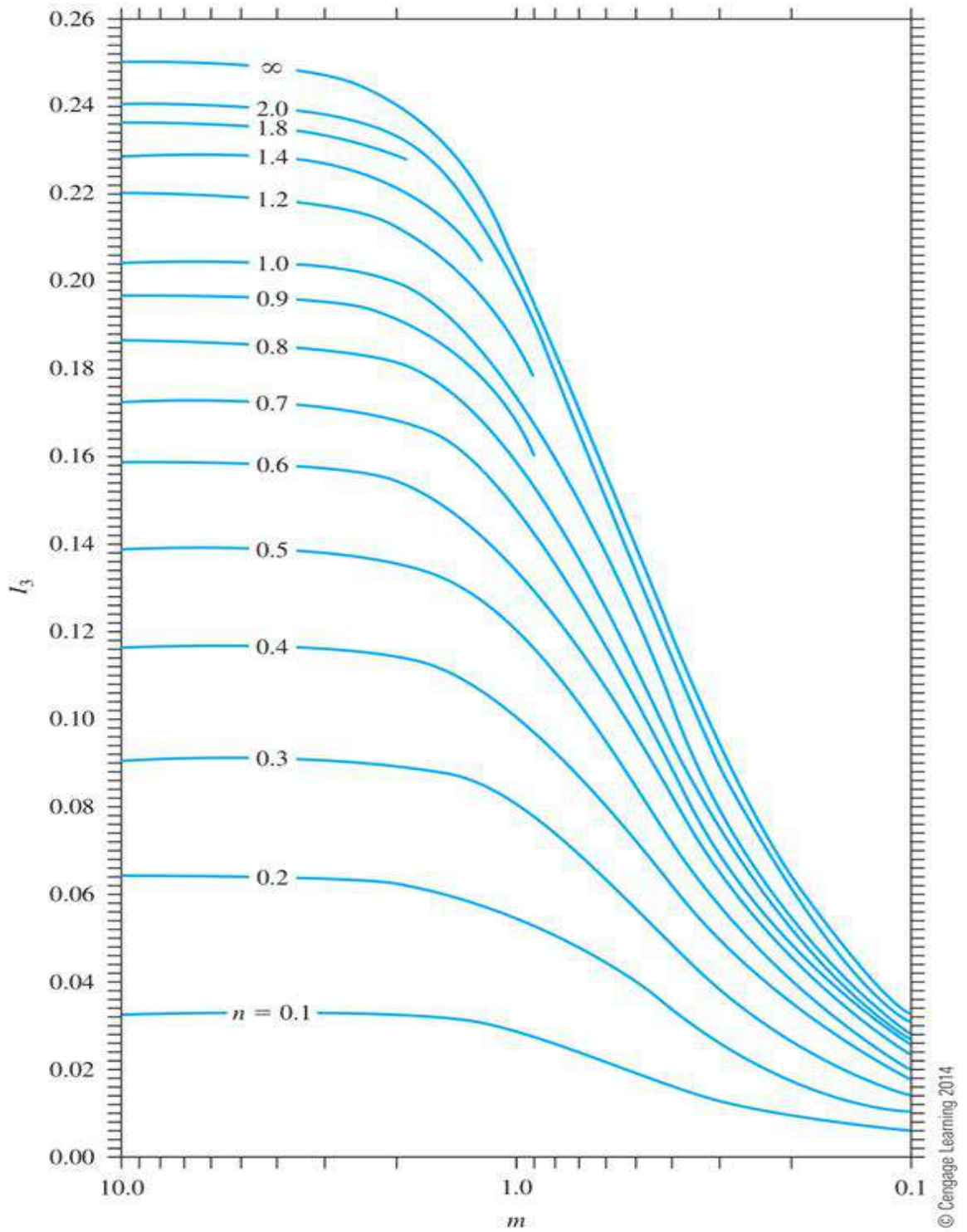
لو كان عندنا حمل على شكل مستطيل وموزع لكل وحدة مساحة  $\text{KN/m}^2$  وأردنا حساب  $\Delta\sigma_z$  فيمكن حسابه عن طريق **Chart Boussinesq's**.

من شروط استخدام **Chart Boussinesq's** وهو ان تكون النقطة على (حافة) corner الحمل اذ كانت النقطة ليست على corner الحمل تقسم الشكل ونضيف ونطرح بحيث يتحقق الشرط.

$$\Delta\sigma_z = ql_3$$

$$m = \frac{L \text{ or } B}{z}$$

$$n = \frac{L \text{ or } B}{z}$$



Variation of  $I_3$  with  $m$  and  $n$

© Cengage Learning 2014

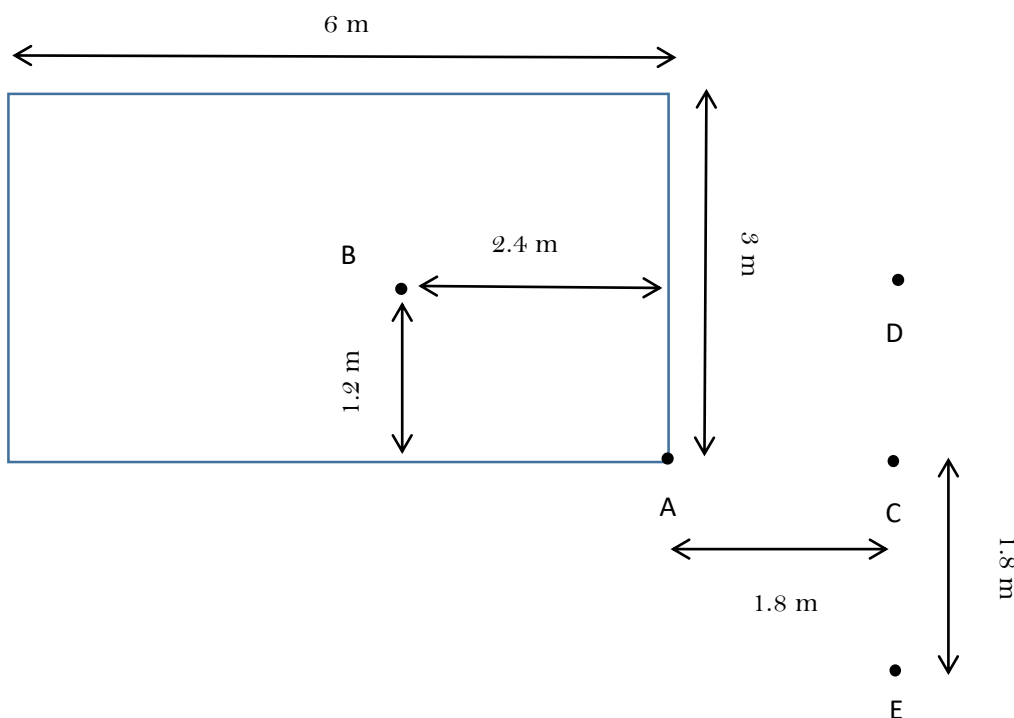


**Example 1:** A flexible circular area on the ground surface is subjected to a uniformly distributed load,  $q = 105 \text{ KN/m}^2$ . If the circular area has a radius,  $R = 3.6 \text{ m}$  determine the vertical stress increase,  $\Delta\sigma_z$  at points 0, 1.2, below the ground surface along the centerline of the circular area

$$\Delta\sigma_z \text{ at } z=0 = 0$$

$$\Delta\sigma_z \text{ at } z=1.2 = q \left[ 1 - \frac{1}{\left[ \left( \frac{R}{z} \right)^2 + 1 \right]^{\frac{3}{2}}} \right] = 105 \left[ 1 - \frac{1}{\left[ \left( \frac{3.6}{1.2} \right)^2 + 1 \right]^{\frac{3}{2}}} \right] = 101.68 \text{ KN/m}^2$$

**Example 2:** A flexible rectangular area is subjected to a uniformly distributed load of  $q = 225$ , Determine the increase in vertical stress at a depth of  $z = 3 \text{ m}$  points A, B, and C, D, E





## Point A

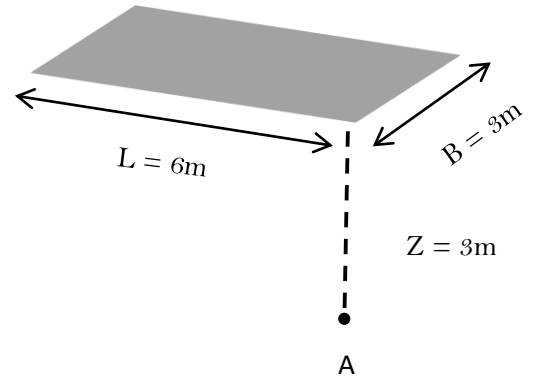
الشرط متحقق النقطة على Corner الشكل  
لذلك لا داعي لتقسيم الشكل.

$$m = \frac{L \text{ or } B}{z} = \frac{3}{3} = 1$$

$$n = \frac{L \text{ or } B}{z} = \frac{6}{3} = 2$$

$$I_3 = 0.206$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.206 = 46.35 \text{ KN/m}^2$$

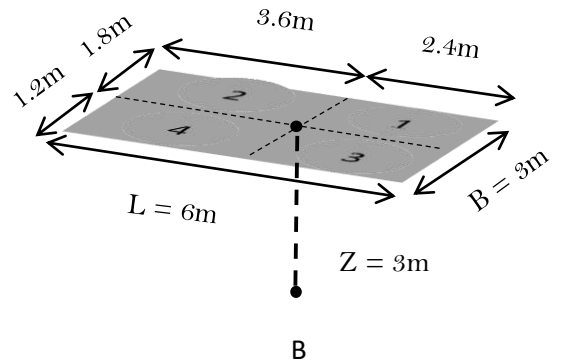


## Point B

الشرط غير متحقق , النقطة ليست على Corner  
الشكل لذلك يجب تقسيم الشكل ل أربع

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_1} + \Delta\sigma_{z_2} + \Delta\sigma_{z_3} + \Delta\sigma_{z_4}$$

$$29.25 + 34.2 + 22.05 + 25.2 = 110.7 \text{ KN/m}^2$$



1

$$m = \frac{2.4}{3} = 0.8$$

$$n = \frac{1.8}{3} = 0.6$$

$$I_3 = 0.13$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.13 = 29.25 \text{ KN/m}^2$$

2

$$m = \frac{3.6}{3} = 1.2$$

$$n = \frac{1.8}{3} = 0.6$$

$$I_3 = 0.152$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.152 = 34.2 \text{ KN/m}^2$$

3

$$m = \frac{2.4}{3} = 0.8$$

$$n = \frac{1.2}{3} = 0.4$$

$$I_3 = 0.098$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.098 = 22.05 \text{ KN/m}^2$$

4

$$m = \frac{3.6}{3} = 1.2$$

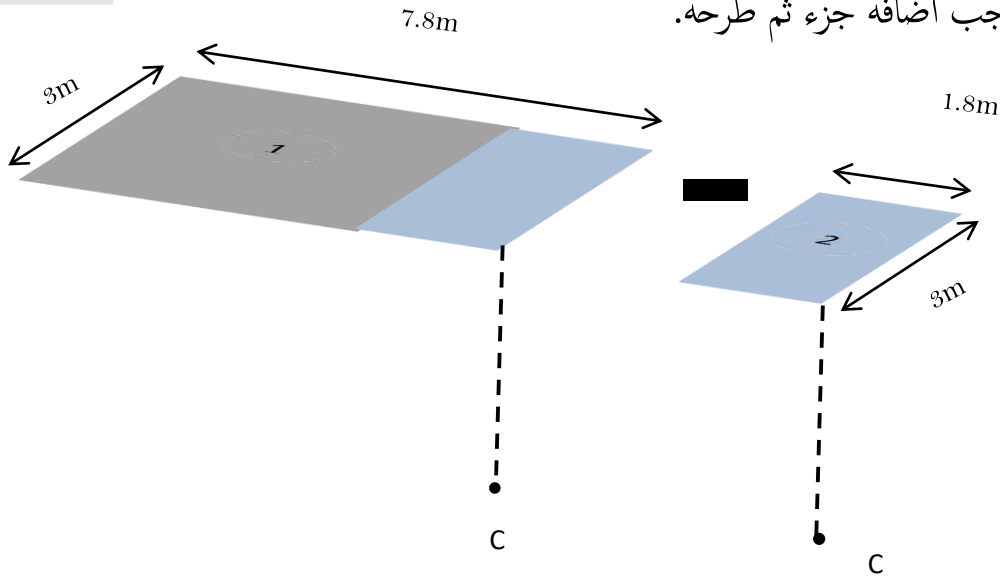
$$n = \frac{1.2}{3} = 0.4$$

$$I_3 = 0.112$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.112 = 25.2 \text{ KN/m}^2$$

Point C

الشرط غير متحقق , النقطة ليست على Corner  
الشكل لذلك يجب إضافة جزء ثم طرحه.



Part 1

$$m = \frac{7.8}{3} = 2.6$$

$$n = \frac{3}{3} = 1$$

$$I_3 = 0.204$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.204 = 45.9 \text{ KN/m}^2$$

Part 2

$$m = \frac{3}{3} = 0.6$$

$$n = \frac{3}{3} = 1$$

$$I_3 = 0.142$$

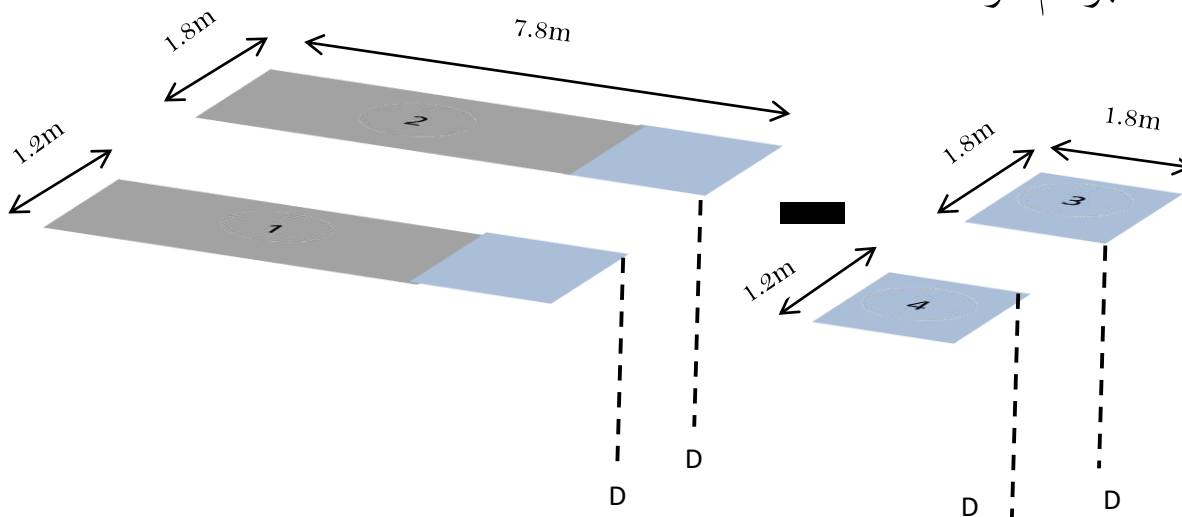
$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.142 = 31.95 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_1} - \Delta\sigma_{z_2}$$

$$45.9 - 31.95 = 13.95 \text{ KN/m}^2$$

Point D

الشرط غير متحقق , النقطة ليست على Corner  
الشكل لذلك يجب إضافة جزء ثم طرحه.



**1**

$$m = \frac{7.8}{3} = 2.6$$

$$n = \frac{1.2}{3} = 0.4$$

$$I_3 = 0.118$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.118 = 26.55 \text{ KN/m}^2$$

**2**

$$m = \frac{7.8}{3} = 2.6$$

$$n = \frac{1.8}{3} = 0.6$$

$$I_3 = 0.158$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.158 = 35.55 \text{ KN/m}^2$$

**3**

$$m = \frac{1.8}{3} = 0.6$$

$$n = \frac{1.8}{3} = 0.6$$

$$I_3 = 0.126$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.126 = 28.35 \text{ KN/m}^2$$

**4**

$$m = \frac{1.8}{3} = 0.6$$

$$n = \frac{1.2}{3} = 0.4$$

$$I_3 = 0.088$$

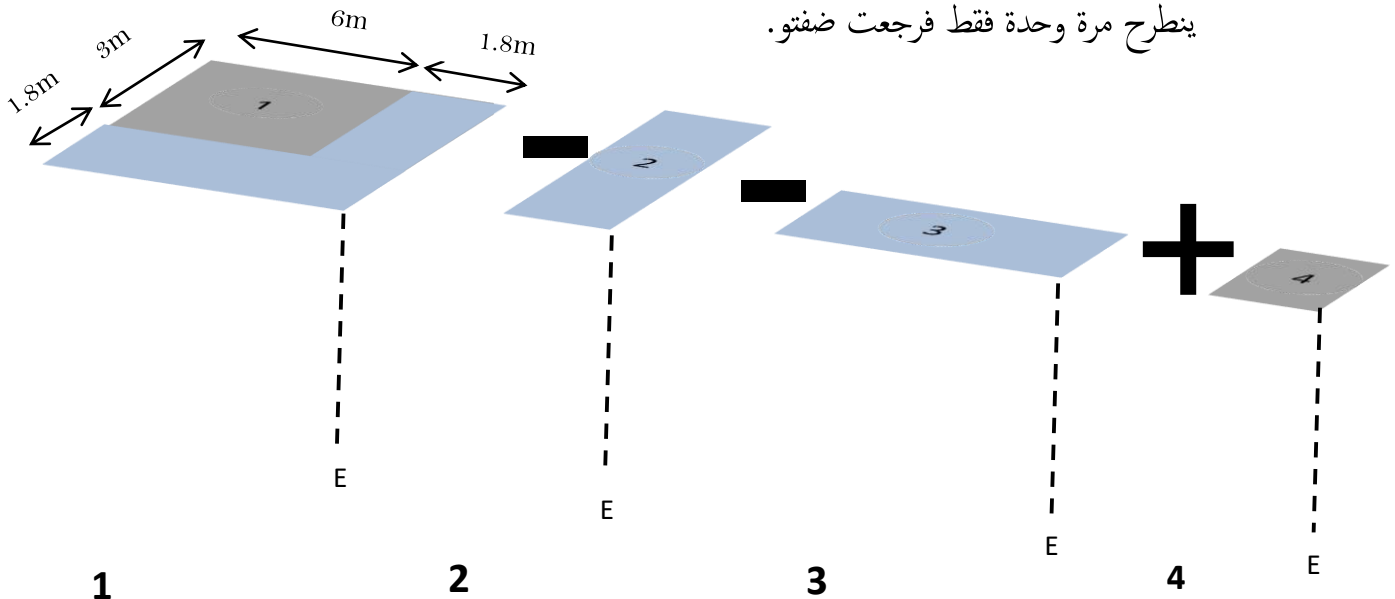
$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.088 = 19.8 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_1} - \Delta\sigma_{z_4} + \Delta\sigma_{z_2} - \Delta\sigma_{z_3}$$

$$26.55 - 19.8 + 35.55 - 28.35 = 13.95 \text{ KN/m}^2$$

**Point E**

جزء 4 ضفتو لأنو طرحتو مرتين في جزء 2 جزء 3 وهو لازم ينطرح مرة وحدة فقط فرجعت ضفتو.

**1**

$$m = \frac{7.8}{3} = 2.6$$

$$n = \frac{4.8}{3} = 1.6$$

$$I_3 = 0.228$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.228 = 51.3 \text{ KN/m}^2$$

**2**

$$m = \frac{1.8}{3} = 0.6$$

$$n = \frac{4.8}{3} = 1.6$$

$$I_3 = 0.152$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.152 = 34.2 \text{ KN/m}^2$$

**3**

$$m = \frac{7.8}{3} = 2.6$$

$$n = \frac{1.8}{3} = 0.6$$

$$I_3 = 0.16$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.16 = 36.00 \text{ KN/m}^2$$

**4**

$$m = \frac{1.8}{3} = 0.6$$

$$n = \frac{1.8}{3} = 0.6$$

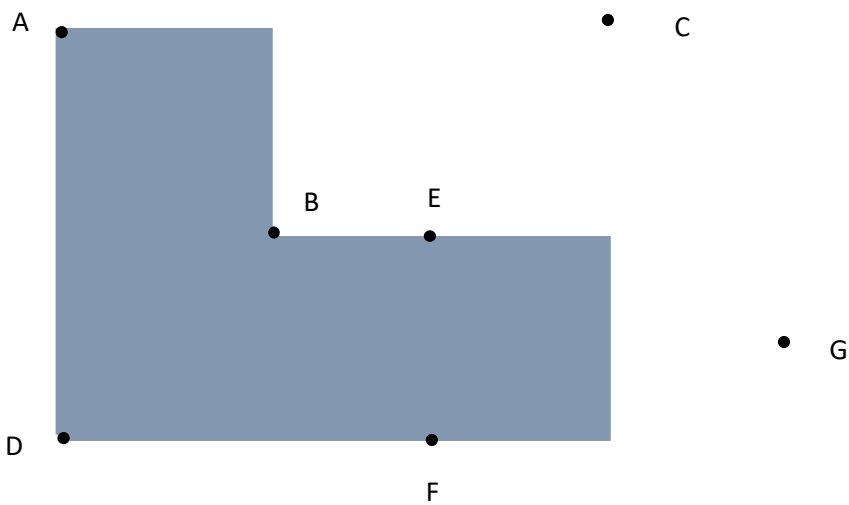
$$I_3 = 0.126$$

$$\Delta\sigma_z = qI_3 = 225 \times 0.126 = 28.35 \text{ KN/m}^2$$

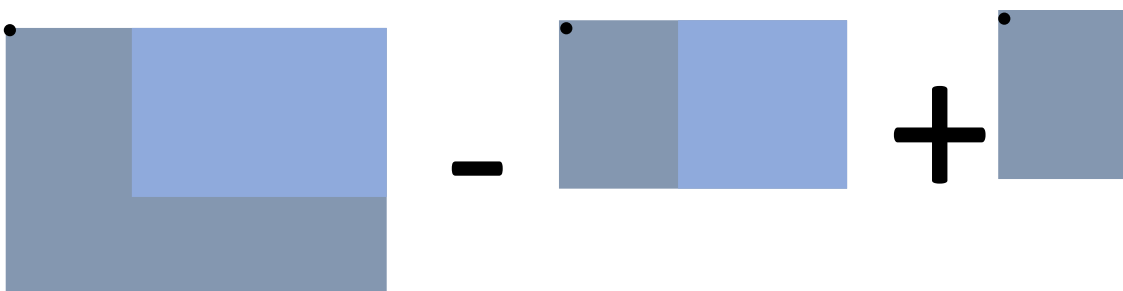
$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_1} - \Delta\sigma_{z_2} - \Delta\sigma_{z_3} + \Delta\sigma_{z_4}$$

$$51.3 - 34.2 + 36 - 28.35 = \mathbf{9.1\text{KN/m}^2}$$

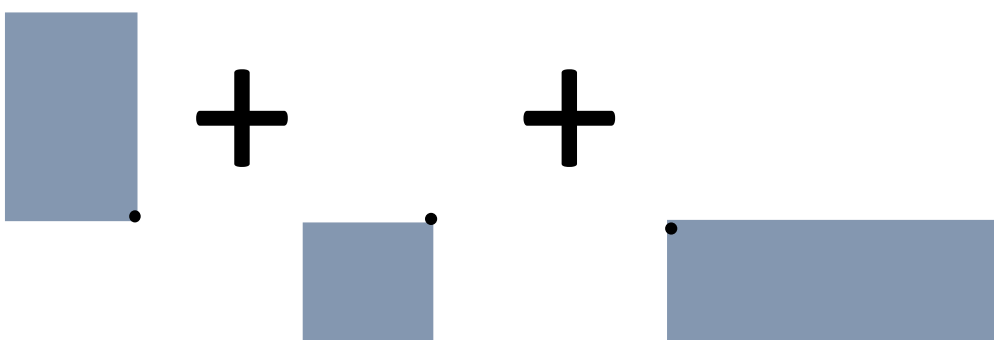
هون هاد الشكل للتمرين



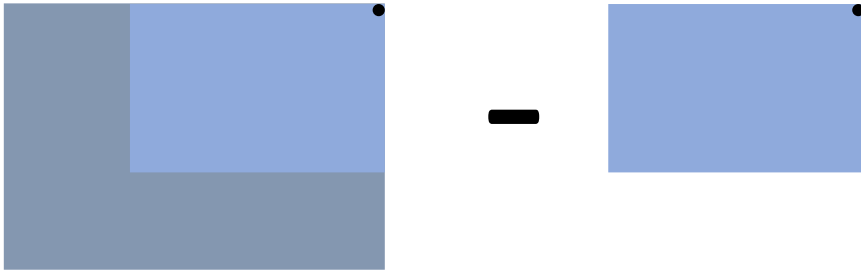
Point A



Point B



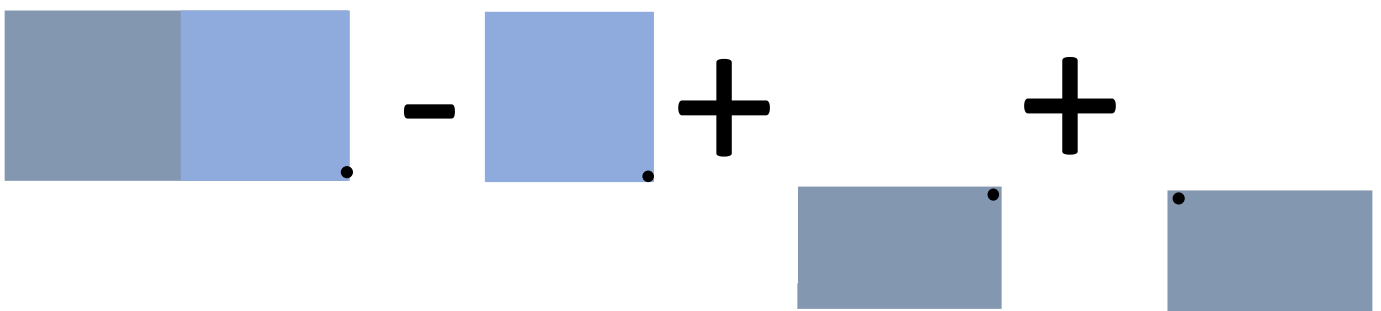
Point C



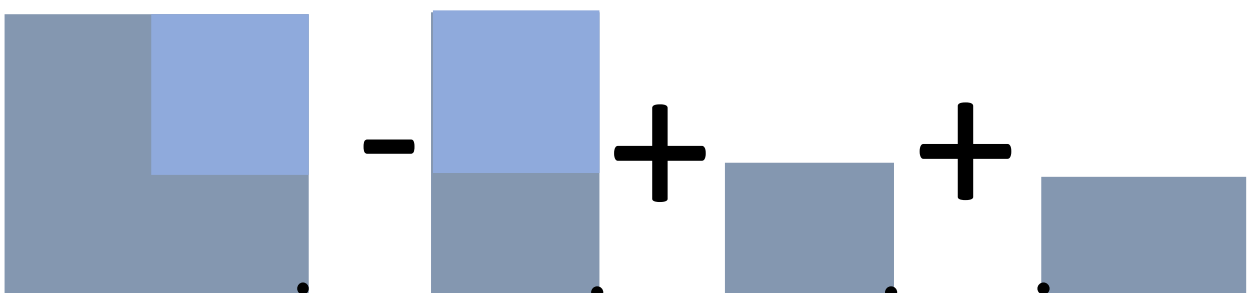
Point D



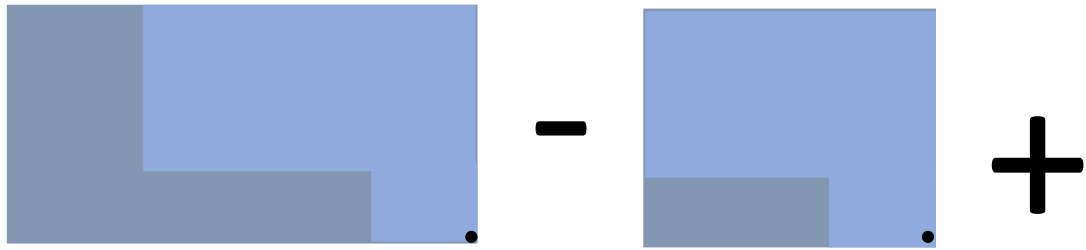
Point E



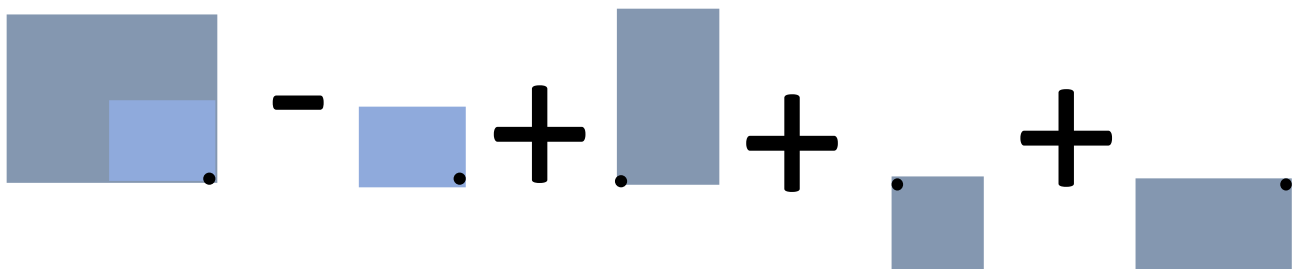
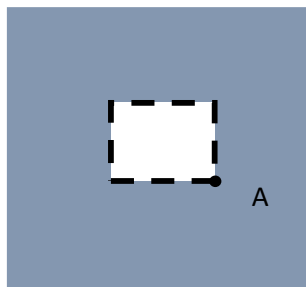
Point F



Point G



هون هاد الشكل للتمرين

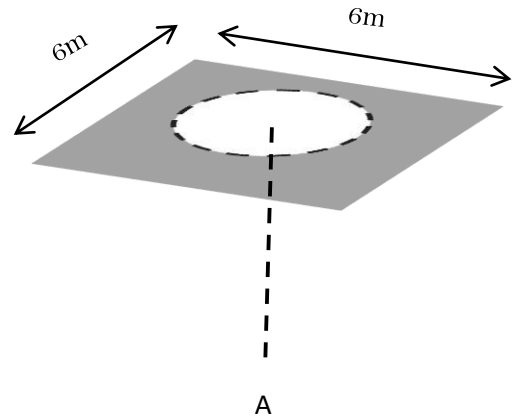


**Example 3:** calculate the increase in vertical stresses at points A.

Assume  $q = 100 \text{ KN/m}^2$ ,  $R=1$ ,  $z=6$

هون في فجوة على شكل دائر في حمل على شكل مربع

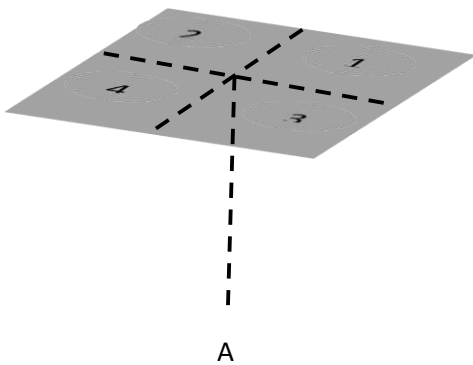
وبطلب منك في السؤال تحسب  $\Delta\sigma_z$  عند النقطة A



$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_{square}} - \Delta\sigma_{z_{circle}}$$

$$35.2 - 4 = \mathbf{31.2 \text{ KN/m}^2}$$

Square



$$m = \frac{3}{6} = 0.5 \quad n = \frac{3}{6} = 0.5 \quad I_3 = \mathbf{0.088}$$

$$\Delta\sigma_{z_1} = qI_3 = 100 \times 0.088 = \mathbf{8.8 \text{ KN/m}^2}$$

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = 4\Delta\sigma_{z_1} = 4 \times 8.8 = \mathbf{35.2 \text{ KN/m}^2}$$

Circle

$$\Delta\sigma_{z_{at\ z=6m}} = q \left[ 1 - \frac{1}{\left[ \left( \frac{R}{z} \right)^2 + 1 \right]^{\frac{3}{2}}} \right] = 100 \left[ 1 - \frac{1}{\left[ \left( \frac{1}{6} \right)^2 + 1 \right]^{\frac{3}{2}}} \right] = \mathbf{4 \text{ KN/m}^2}$$

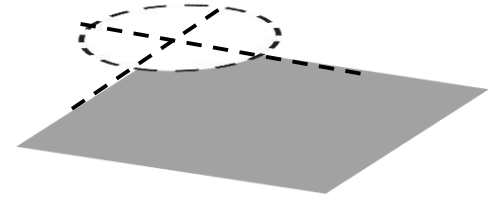
نفس المثال فوق بس تغير بسيط

$$m = \frac{6}{6} = 1 \quad n = \frac{6}{6} = 1 \quad I_3 = 0.182$$

$$\Delta\sigma_{z_1} = qI_3 = 100 \times 0.182 = 18.2 \text{ KN/m}^2$$

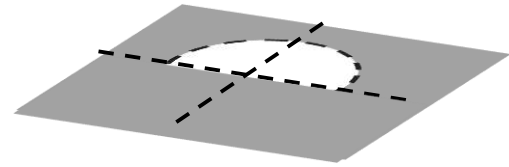
$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_{Square}} - \Delta\sigma_{z_{Circle}}$$

$$18.2 - \frac{4}{4} = 17.2 \text{ KN/m}^2$$



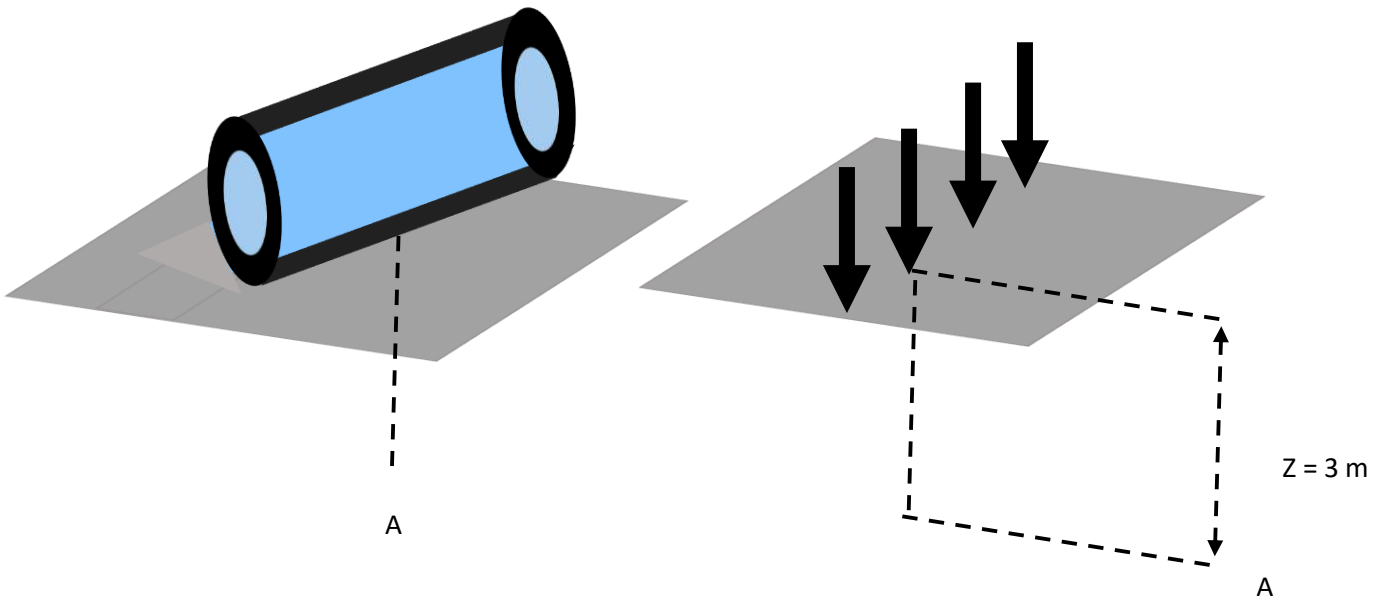
$$\Delta\sigma_{z_{total}} = \Delta\sigma_{z_{Square}} - \Delta\sigma_{z_{Circle}}$$

$$35.2 - \frac{4}{2} = 70.8 \text{ KN/m}^2$$



**Example 4 :** A water conduit from mild steel : the outer diameter is 2.5 m , inner diameter is 2.0 m consider the steel unit weight 77 KN/m<sup>3</sup> and water unit weight 9.81 KN/m<sup>3</sup>, calculate the increase in vertical stresses at points A.

المثال بيحكى أنو في ماسورة مي مبطوحة على التربة وفيها في مي واعطاك قطرها الداخلي والخارجي واعطاك الغاما للحديد وللمي احسب الزيادة في الاجهاد الراسي؟؟



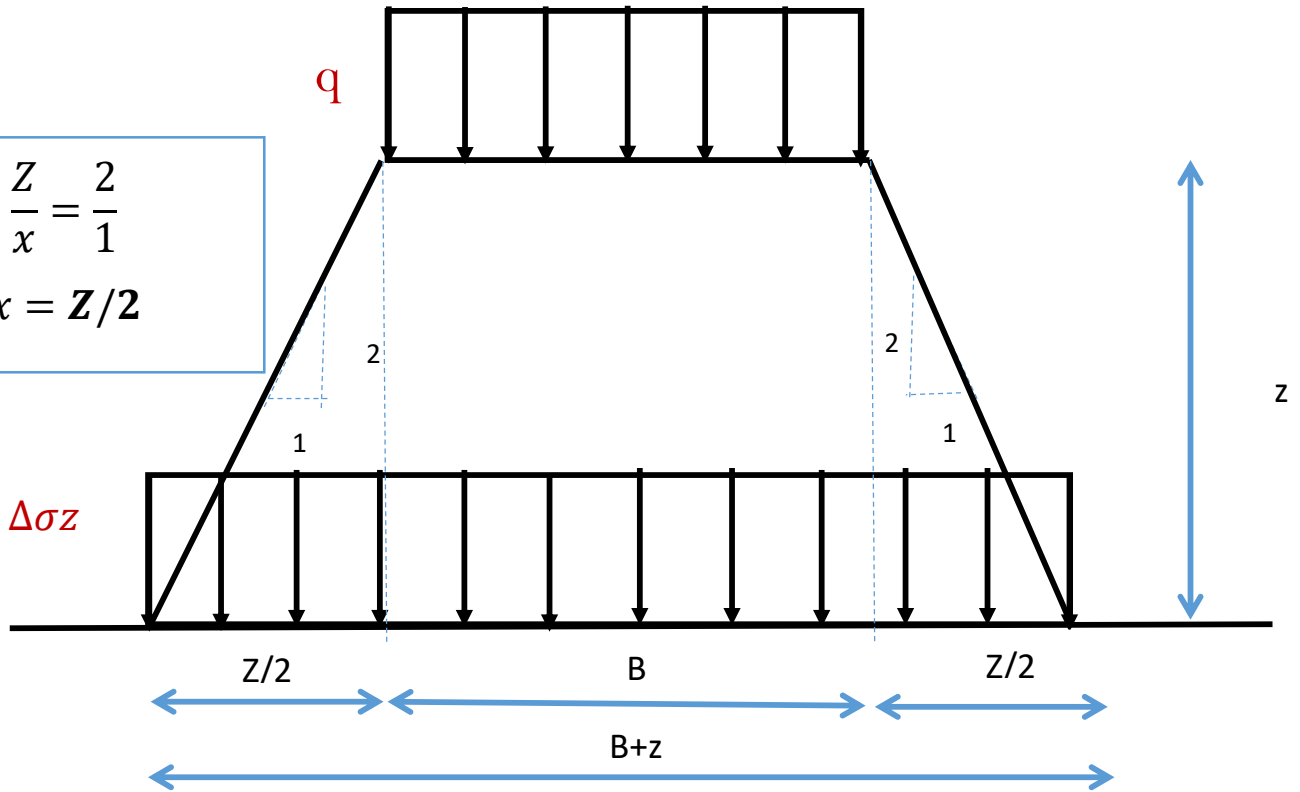


شكل الحمل راح يكون على شكل خط **Line load** أما طريقة حساب  $q$  فهي ضرب الغاماب المساحة.

$$\begin{aligned}
 q &= \text{Area steel} \times \gamma_{\text{steel}} + \text{Area water} \times \gamma_{\text{water}} \\
 &= \frac{\pi}{4} (D_{\text{outer}}^2 - D_{\text{inner}}^2) \times \gamma_{\text{steel}} + \frac{\pi}{4} D_{\text{inner}}^2 \times \gamma_{\text{water}} \\
 &= \frac{\pi}{4} (2.5^2 - 2^2) \times 77 + \frac{\pi}{4} 2^2 \times 9.81 = \mathbf{32.6 \text{ KN/m}}
 \end{aligned}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{2qz^3}{\pi(x^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 32.6 \times 3^3}{\pi(0^2 + 3^2)^2} = \mathbf{6.92 \text{ KN/m}^2}$$

## Approximate Method 2:1 method



دائماً الميل ثابت ما بتغير 2:1 ومن هنا أتت التسمية وأضافة لذلك بسبب هاد الميل دائماً العرض (أي عند العمق المراد حساب تأثير  $\Delta\sigma_z$  عنده) تكون  $B+Z$ .

✘ طريقة بتحكي لو كان عندي حمل مقداره  $q$  بغض النظر ايش شكل الحمل (دائري , مستطيلي , مربع , ... ) بقدر اقدر قيمة الزيادة في الأجهاد الرأسي عند عمق  $z$  عن طريق

## Strip Load

المقصود ب strip load أن طول الحمل أكبر بكثير من عرضه لذلك أحنا منهمم بدراسة الحمل لكل

متر , ( $L \gg B$ ) لذلك مساحة الحمل  $A = B \times 1 \text{ m}^2/\text{m}$

إذا كان الحمل Strip تحسب  $\Delta\sigma_z$  عن طريق القانون:

$$\Delta\sigma_z = \frac{q \times B}{(B + Z)}$$

## Square Load

إذا كان الحمل Square تحسب  $\Delta\sigma_z$  عن طريق

$$\Delta\sigma_z = \frac{q \times B^2}{(B + Z) \times (L + Z)}$$

## Rectangular Load

إذا كان الحمل Rectangular تحسب  $\Delta\sigma_z$  عن طريق القانون:

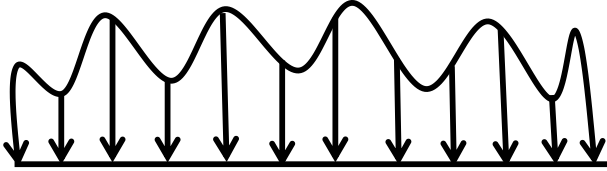
$$\Delta\sigma_z = \frac{q(B \times L)}{(B + z) \times (L + z)}$$

## Circle load

إذا كان الحمل **Circle** تحسب  $\Delta\sigma_z$  عن طريق القانون:

$$\Delta\sigma_z = \frac{q \times D^2}{(D + z) \times (D + z)}$$

ملاحظة مهمة جدا: أذ ذكر أنه surcharge load وتعني العبء الثقيل وتكون معرضة على مساحة كثير كبير على سطح التربة , الزيادة في الأجهاد الرأسية عند أي نقطة أو أي عمق تساوي قيمة



$q \text{ KN/m}^2$

$\Delta\sigma_z = q \text{ KN/m}^2$

بسم الله الرحمن الرحيم

## Water in Soil

### Introduction

All soils are permeable materials, water being free to flow through the interconnected pores between the solid particles.

جميع أنواع التربة عبارة عن مواد منفذة للمياه، حيث يتم تدفق الماء بحرية خلال المسام (الفتحات/الفراغات) الموجودة بين الجسيمات الصلبة.

You must know how much water is flowing through a soil per unit time.

يجب علينا معرفة كمية المياه التي تتسرب خلال التربة. مثال:  $140000 \text{ m}^3/\text{day}$

This knowledge is required to:

1. Design earth dams.

تصميم أرضية السدود

2. Determine the quantity of seepage under hydraulic structures.

تقدير كمية التسرب تحت الأبنية الهيدروليكية (الأبنية التي لها تماس مباشرة مع المياه)

The pressure of the pore water is measured relative to atmospheric pressure and the level at which the pressure is atmospheric (i.e. zero) is defined as the water table (WT) or the phreatic surface

يقاس ضغط الماء المسامي (U) نسبةً إلى الضغط الجوي، ويعرف المستوى الذي يكون فيه الضغط الجوي صفرًا يكون على سطح المياه (WT) أو سطح phreatic.

Below the water table the soil is assumed to be fully saturated

دائمًا أفرض التربة الي تحت سطح المياه أنها مشبعة

Below the water table the pore water may be static, the hydrostatic pressure depending on the depth below the water table, or may be seeping through the soil under hydraulic gradient.

تحت سطح الماء ، قد تكون مياه المسام (المياه في الفراغات) ساكنة ، والضغط الهيدروستاتيكي (أي الضغط الناتج من المياه الساكنة) يعتمد على العمق تحت منسوب المياه ، أو قد يتسرب المياه عبر التربة تحت تأثير التدرج هيدروليكي .

من Fluid

$$h = \frac{P}{\rho g} + Z$$

$h = \text{total head or piezometric head}$

$$h = \frac{u}{\gamma_w} + Z$$

$$\frac{P}{\rho g} = \text{pressure head}$$

$z = \text{elevation head}$

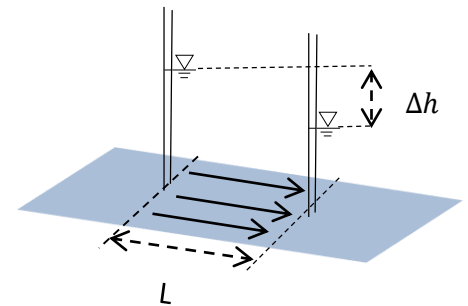
## Darcy's law

Darcy (1856) proposed the following equation for calculating the velocity of flow of water through a soil:

$$v = ki$$

اقترح دارسي (1856) المعادلة التالية لحساب سرعة تدفق المياه من خلال التربة:

لو كان عندي منسوبين من المياه ويوجد فرق في الارتفاع بينهما ، وكل منسوب يمتلك Total head خاص به ، ف فرق Total head بين المنسوبين يساوي  $\Delta h$  ، و المسافة بين المنسوبين (اتجاه سريان المياه) تساوي  $L$  ، ف لو قمنا بقسمة الفرق في Total head على المسافة  $L$  بعطينا قيمة تسمى التدرج الهيدروليكي (وهو الذي يتسبب بحركة المياه داخل التربة).



$$i = \frac{\Delta h}{L}$$

Unit less

$i = \text{hydraulic gradient}$

$L = \text{difference distance}$

$\Delta h = \text{difference piezometric head}$

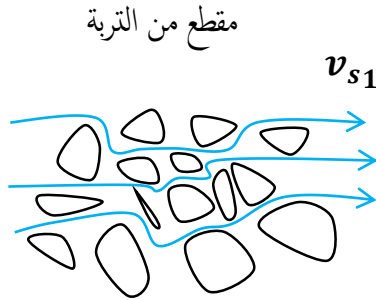
قد يكون التدرج الهايدروليكي في الوضع الحرج **hydraulic gradient critical** وهو عندما تكون قيمة الأجهاد الفعال في التربة تساوي صفر **Effective stress = 0** ورمزه  $i_{cr}$

$$i_{cr} = \frac{\gamma'}{\gamma_w} = \frac{\gamma - \gamma_w}{\gamma_w} = \frac{Gs - 1}{1 + e}$$

$k =$  hydraulic conductivity of soil (cm/sec)

سماحية التربة للتنفيذ المياه ووحدة قياسها نفس سرعة قياس السرعة لأنها هي عبارة عن سرعة مقننة

موضوع مهم التفريق بين سرعة التصرف وسرعة السريان



$$v_s = \frac{v}{n} = \frac{ki}{n}$$

$$v = ki$$

عند سريان المياه خلال مقطع من التربة فإنها تتسرب من خلال الفراغات للتشكل داخل التربة العديد من المسارات مثل الشوارع لتسلكها المياه للعبور خلال التربة , في كل مسار تتسرب فيه التربة تتسرب بسرعة وتسمى هذه السرعة سرعة السريان (سرعة المياه في المسار) **Seepage velocity** , أما متوسط تلك السرعات تكون سرعة المياه خلال مقطع التربة بشكل عام فتسمى سرعة التصرف (التفريغ) **Discharge velocity** وهي نفسها سرعة Darcy.

$$v_s > v$$

## Flow rate

$q$  Is the volume of water flowing per unit time.  $m^3/sec$

$$q = \frac{V}{\text{time}}$$

$$q = vA = kiA$$

اذ استخدمنا في حساب التدفق Darcy velocity مناخذ مساحة المقطع كامل  $A$ .

$$q = v_s A_{void}$$

اذ استخدمنا في حساب التدفق seepage velocity مناخذ مساحة الفراغات  $A_v$ .

العلاقة بين حجم الحبيبات التربة والنفاذية علاقة طردية فكلما زاد حجم الحبيبة بتزيد النفاذية. مثال: النفاذية لل  
Gravel أكبر من Sand.

$$k \propto \text{Grain size}$$

في المختبر يوجد طريقتين لحساب النفاذية وهما:

1. Constant head for coarse soils.

2. Falling head for fine soils.

في حال ذكر أنه عندي تربة Clean Uniform sands بقدر أقدر النفاذية عند طريق معادلة Hazen :

$$k = 10^{-2} D_{10}^2$$

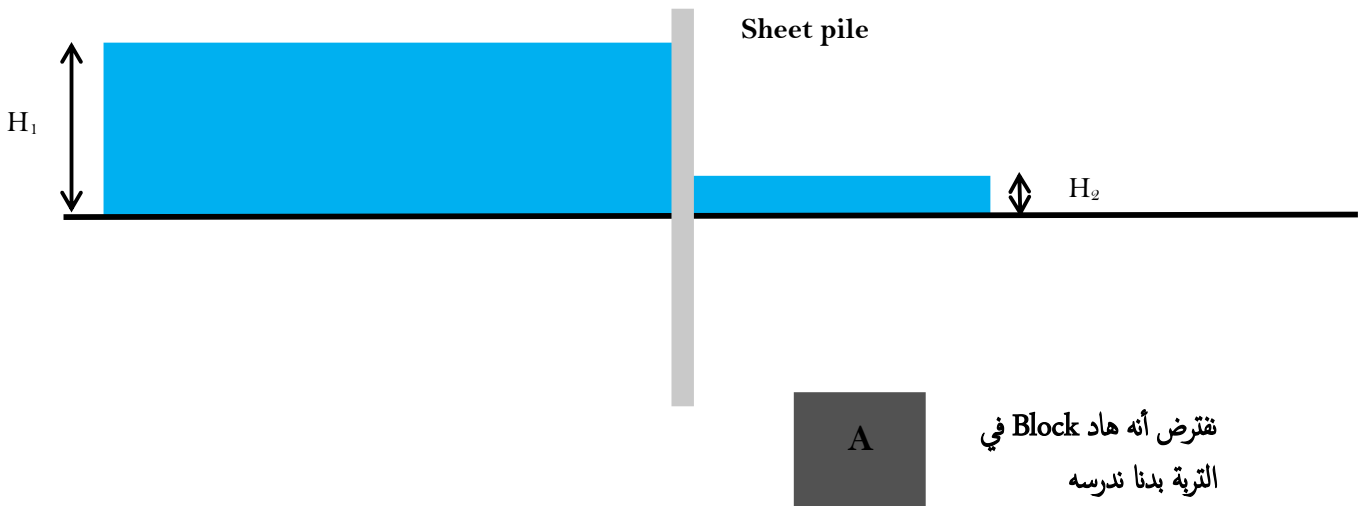
The flow of water through soil is not in one direction

المياه في التربة لا تسلك اتجاه واحد

The concept of the flow net is based on Laplace equation of continuity.

المفهوم الأساسي لشبكة السريان التي يتم رسمها تحت الأبنية الهيدروليكية هي معادلة

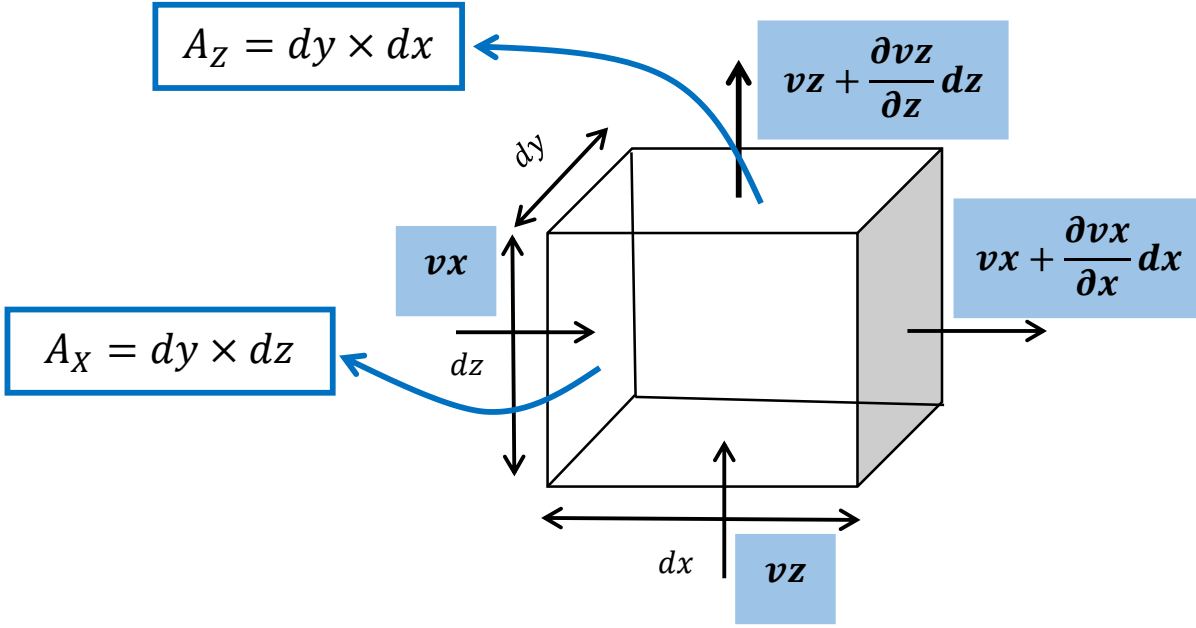
Laplace equation of continuity



مشان نطبق نظرية continuity لازم يكون التدفق الداخل في ال Block يساوي التدفق الخارج منه.

$$q_{in} = q_{out}$$

$$q = vA$$



الرسمه تمثل ال Block و تمثل عند مدخل ال Block سرعة المياه الموازية لمحور x وأيضا السرعة عند مخرج البلوك والذي نلاحظه أن السرعة زادت بمقدار  $\left(\frac{\partial vx}{\partial x} dx\right)$  عند المخرج , و ما ينطبق على محور x ينطبق على محور z.

لاحظ أن تدفق الماء يأتي من اتجاهين x , z .

$$q_{in} = q_{out}$$

$$q_{in_x} + q_{in_z} = q_{out_x} + q_{out_z}$$

$$A_x v_{in_x} + A_z v_{in_z} = A_x v_{out_x} + A_z v_{out_z}$$

$$dy \times dz \times v_x + dy \times dx \times v_z = dy \times dz \times \left(vx + \frac{\partial vx}{\partial x} dx\right) + dy \times dx \times \left(vz + \frac{\partial vz}{\partial z} dz\right)$$

$$\frac{\partial vx}{\partial x} + \frac{\partial vz}{\partial z} = 0$$

Equation 1

وحسب قانون دارسي :

$$vx = k_x i_x = k_x \frac{\partial h}{\partial x}$$

$$vz = k_z i_z = k_z \frac{\partial h}{\partial z}$$



$k_x$ : نفاذية الماء بالاتجاه الموازي لمحور X

$i_x$ : تساوي المشتقة الجزئية لل Total head بالنسبة ل

$k_z$ : نفاذية الماء بالاتجاه الموازي لمحور Z

$i_z$ : تساوي المشتقة الجزئية لل Total head بالنسبة ل

: بالتعويض في Equation 1

$$\frac{\partial v_x}{\partial x} + \frac{\partial v_z}{\partial z} = 0$$

Equation 2

$$k_x \frac{\partial^2 h}{\partial x^2} + k_z \frac{\partial^2 h}{\partial z^2} = 0$$

أذ كانت النفاذية الماء بالاتجاه الموازي على محور x تساوي النفاذية الماء بالاتجاه الموازي على

$$\frac{\partial^2 h}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 h}{\partial z^2} = 0$$

Equation 3

Isotropic Soil

$$k_x = k_z$$

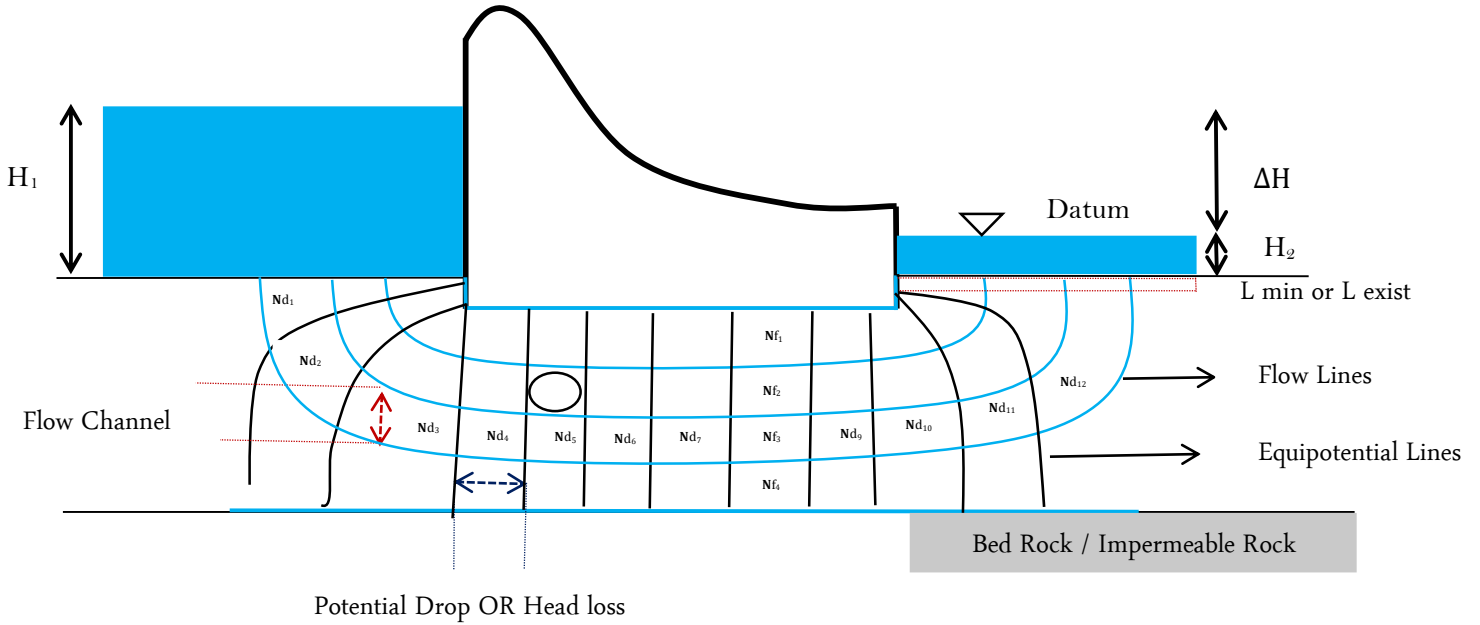
The following equations are used to solve certain problems in geotechnical engineering.

$$k_x \frac{\partial^2 h}{\partial x^2} + k_z \frac{\partial^2 h}{\partial z^2} = 0$$

1. What is the name of equation? *Laplace equation of continuity*
2. What is  $k_x$  and  $k_z$  stand for in equation?  
*hydraulic conductivity in the horizontal and vertical directions*
3. What is h stand for in equation? *The total head*

# Flow Net

شبكة السريان هي عبارة عن شبكة من خطوط السريان و... نرسمها تحت السد مشان نقدر قيمة التدفق والخ...



تتألف شبكة السريان من:

## 1. Flow Lines or streamline.

Represent flow paths of particle of water.

هو خط وهمي نرسمه ونفترض أنه المسار الذي تسلكه جزيئات الماء للتسرب خلال التربة. يبدأ خط السريان من منسوب المياه المرتفع وهو الذي يمتلك Total head المرتفع الى المنسوب المنخفض وهو الذي يمتلك Total head منخفض.

## 2. Equipotential Lines.

Is a line joining points with the same head.

هو خط وهمي نرسمه لنفترض أنه يضم النقاط صاحبة Total head المتساوي.

يبدأ Total head بالانخفاض مع كل خط تساوي الجهد (الخطوط التي يتساو عندها Total head). دائماً هذه الخطوط تخرج من هيكل السد ويجب أن تشكل زاوية مقدارها 90 تقريباً مع خطوط السريان.

## 3. Flow Channel (Nf)

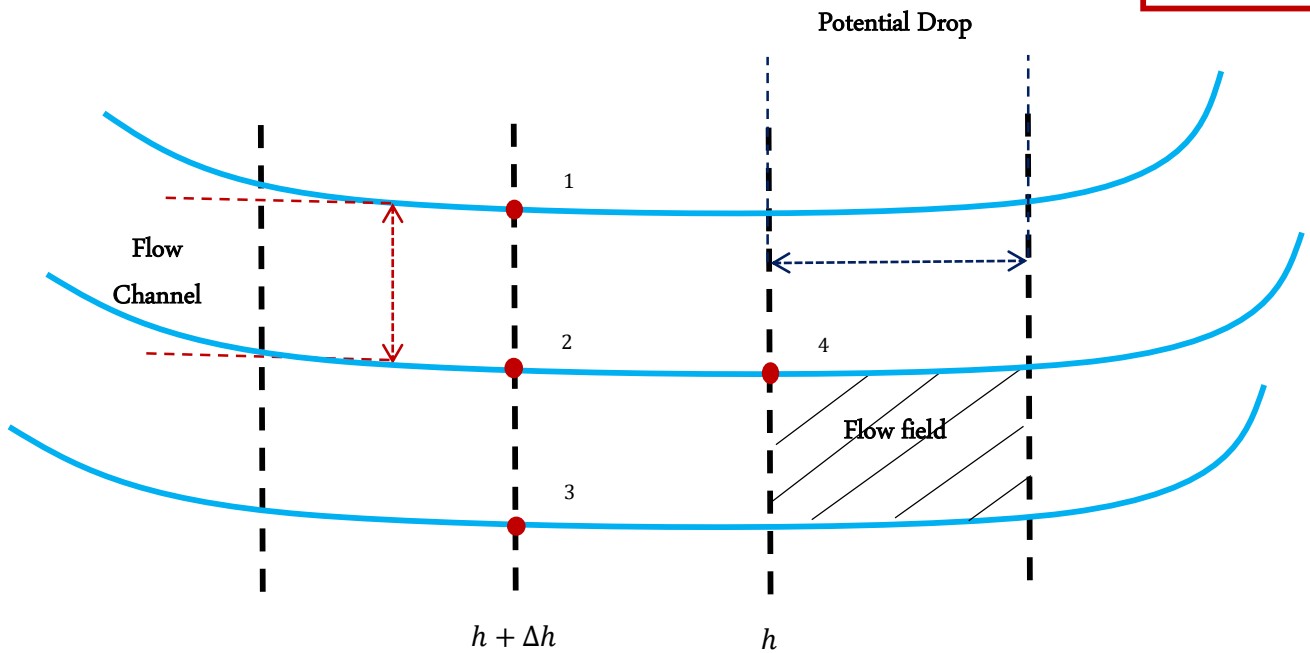
The area between two flow lines is called a flow channel.

#### 4. Potential Drop (Nd) Or Head loss $\Delta h$

The area between two Equipotential Lines is called a flow.

هي مقدار الفقدان في ال Total head عند التحرك من خط تساوي الجهد إلى الخط الي بعده وهذا المقدار ثابت من ال البداية الى النهاية وأن مجموع هذه القيم يساوي الفقدان الكلي في ال Total head وعددهم في الشكل 14.

ملاحظات



■ عدد Flow Channel يساوي Flow Lines -1

■ عدد Potential Drop يساوي Equipotential Lines -1

■ النقاط 1/2/3 صاحبة Total head متساوي وأعلى من النقطة 4 صاحبة Total head أقل.

■ عند طرح قيمة Total head<sub>4</sub> - Total head<sub>2</sub> بتعطيني قيمة **Head loss  $\Delta h$  OR Potential Drop** ونفرض أنها قيمة ثابتة خلال شبكة الريان

$$(h + \Delta h) - h = \Delta h$$

■ اخر مسافة بين خطين تساوي جهد تسمى  $L_{\text{axis}}$  or  $L_{\text{min}}$

■ يبدأ عد Nd من المنسوب الماء العالي.

## Constrained for Flow Net

1. Flow conditions at entrances and exist.

شرط التدفق يبدأ بمدخل وينتهي بمخرج.

2. Flow line must intersect equipotential lines at right angles.

خطوط السريان يجب أن تتقاطع مع خطوط تساوي الجهد بزاوية تقريبا تساوي 90.

3. The area between flow lines and equipotential lines must be curvilinear squares, a curvilinear squares has the property that an inscribed circle can be drawn to touch each side of the square and continuous bisection result, in the limit, to a point.

يجب أن تكون المنطقة المحصورة بين خطوط السريان وخطوط تساوي الجهد على شكل مربع زواياه على شكل curve وتستطيع رسم دائرة بداخله.

4. The quantity of flow through each flow channel is constant.

التدفق كميته ثابتة خلال شبكة السريان.

5. The head loss between each consecutive equipotential line is constant.

الطاقة الضائعة تعتبر قيمة ثابتة خلال شبكة السريان.

6. A flow line cannot each intersect other flow line.

خطوط السريان لا يجب أن تتقاطع مع بعضها.

7. A equipotential line cannot each intersect other equipotential

خطوط تساوي الجهد لا يجب أن تتقاطع مع بعضها.

### 1. Seepage discharge or Flow rate.

لحساب التدفق أو التسرب الثابت خلال شبكة السريان:

$$q = k\Delta H \frac{Nf}{Nd} \quad \frac{m^3}{sec}$$

$k =$  hydraulic conductivity of soil  $\left(\frac{cm}{sec}\right)$

$$\Delta H = H_1 - H_2$$

$Nf =$  Number of flow channel

$Nd =$  Number of Potential Drop

### 2. Head loss or Drop head.

$$\Delta h = \frac{\Delta H}{Nd} \quad m$$

### 3. Pressure head.

$$h_i = (\Delta H - Nd_i\Delta h - z) \quad m$$

$$\Delta H = H_1 - H_2$$

$Nd_i =$  Number of Potential Drop at point  $i$

$\Delta h =$  Head loss

$z =$  depth from datum

### 4. Pour water pressure.

$$u_i = \gamma_w h_i = \gamma_w (\Delta H - Nd_i\Delta h - z)$$

بالنسبة للمسافة  $z$  بخدها من المرجع واتخذه منسوب سطح الماء المنخفض أو اذ لم يكون هناك منسوب سطح الماء المنخفض خذ سطح التربة والمسافة أسفل المرجع بالسالب وأعلى المرجع ..

### 5. Factor of safety against Uplift force.

معامل أمان يتم حسابه لمعرفة أذ سوف يقوم ضغط المياه برفع السد أو لا.

$$F.S = \frac{\text{The weight of the dam}}{\text{pressure of water}}$$

$$p_w = \frac{(u_i + u_{ii})}{2} \times L_{\text{Dam}}$$



بأخذ نقطة عند بداية السد ونهاية السد و عند أي تغير في شكل أرضية السد.

$u_i$  ضغط المياه عند بداية السد

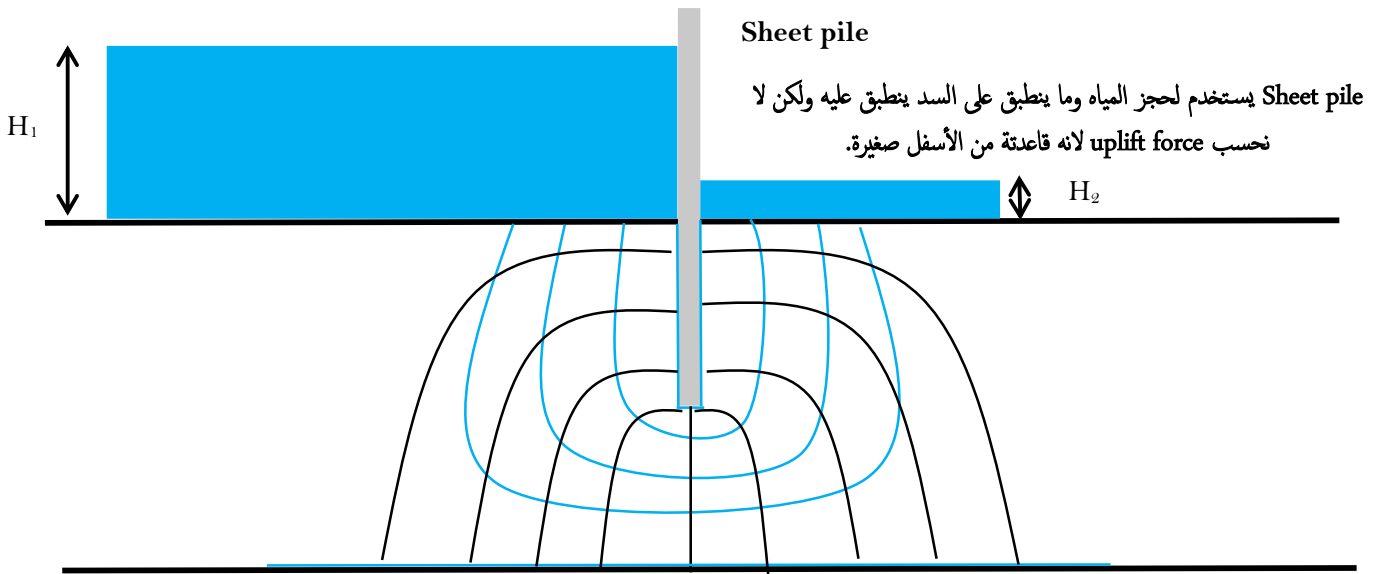
$u_{ii}$  ضغط المياه عند نهاية السد

## 6. Factor of safety against piping force.

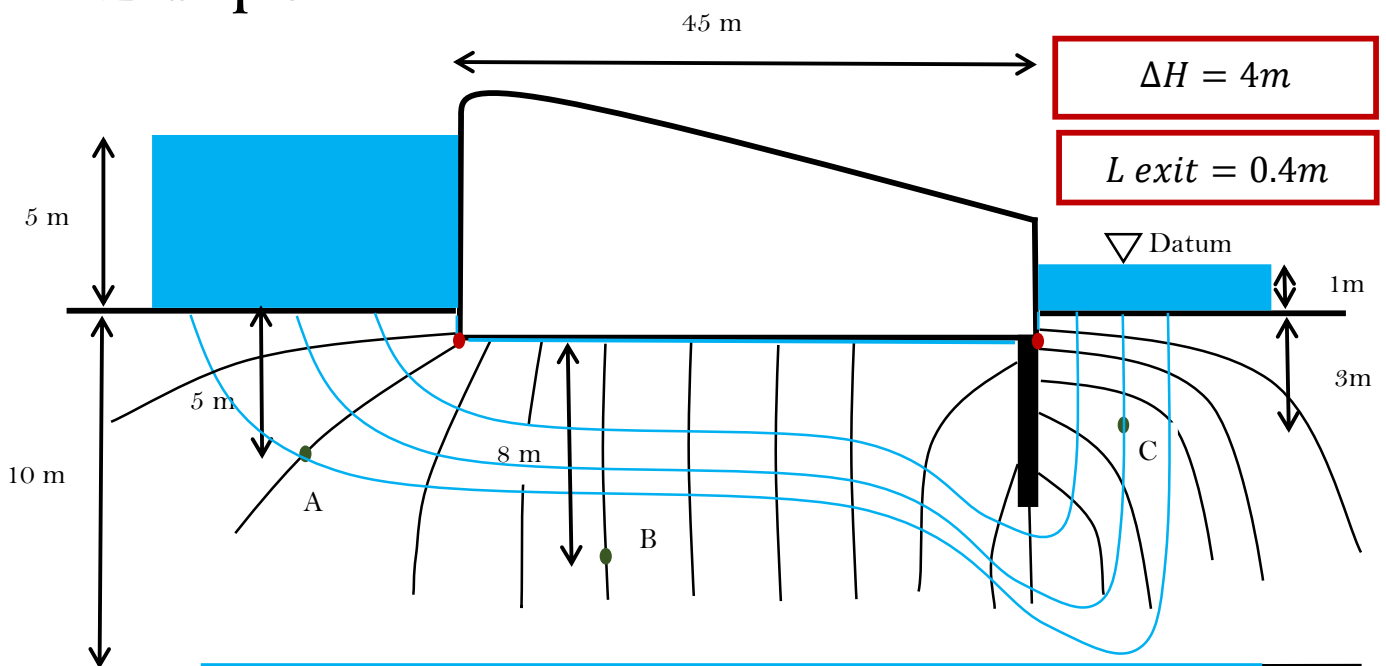
$$F.S = \frac{i_{cr}}{i_{exit}}$$

$$i_{exit} = \frac{\Delta h}{L_{exit}}$$

معامل أمان يتم حسابه لمعرفة أذ الماء سوف يدفع التربة من مكانها للأعلى ويحدث فوران للتربة اه لا.



### Example 1



1. The quantity of seepage under the dam in  $m^3/yr/m$  of dam?
2. Determine the effective stress at point A/B/C. Ignore dam self-weight effect?
3. Determine the factor of safety against piping?
4. If the factor of safety against uplift pressure is 6. What is the minimum weight of dam cross section?

Assume  $\gamma_{sat} = 20.81 \frac{KN}{m^3}$      $K = 1 \times 10^{-5} m/sec$

1. The quantity of seepage?

$$q = k\Delta H \frac{Nf}{Nd} = 1 \times 10^{-5} \times 4 \times \frac{4}{17} = 9.4 \times 10^{-6} m^3/sec/m$$

$$9.4 \times 10^{-6} \times 60 \times 60 \times 24 \times 365 = \mathbf{296.81 m^3/yr/m}$$

2. Effective stress?

$$u_A = \gamma_w(\Delta H - Nd_A\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 2 \times \frac{4}{17} - (-6) \right) = 93.48 \frac{KN}{m^2}$$

$$\begin{aligned} \sigma_{total_A} &= \gamma_{water} \times H_1 + \gamma_{Sat} \times H_A = 9.81 \times 5 + 20.81 \times 5 \\ &= \mathbf{153.1 \frac{KN}{m^2}} \end{aligned}$$

$$\sigma_{effective_A} = \sigma_{total_A} - u_A = 153.1 - 93.74 = \mathbf{59.62 \frac{KN}{m^2}}$$

$$u_B = \gamma_w(\Delta H - Nd_B \Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 5 \times \frac{4}{17} - (-9.5) \right)$$

$$= 120.89 \frac{KN}{m^2}$$

$$\sigma_{total_B} = \gamma_{Sat} \times H_B = 20.81 \times 8 = 166.48 \frac{KN}{m^2}$$

$$\sigma_{effective_B} = \sigma_{total_B} - u_B = 166.48 - 121.89 = 45.59 \frac{KN}{m^2}$$

$$u_C = \gamma_w(\Delta H - Nd_C \Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 13.5 \times \frac{4}{17} - (-4) \right)$$

$$= 47.32 \frac{KN}{m^2}$$

$$\sigma_{total_C} = \gamma_{water} \times H_2 + \gamma_{Sat} \times H_A = 9.81 \times 1 + 20.81 \times 3$$

$$= 72.24 \frac{KN}{m^2}$$

$$\sigma_{effective_B} = \sigma_{total_B} - u_B = 72.24 - 46.87 = 24.92 \frac{KN}{m^2}$$

### 3. Factor of safety against piping?

$$F.S = \frac{i_{cr}}{i_{exit}} = \frac{1.12}{0.59} = 1.898 > 1 \text{ OK}$$

$$i_{cr} = \frac{\gamma'}{\gamma_w} = \frac{20.81 - 9.81}{9.81} = 1.12$$

$$i_{exit} = \frac{\Delta h}{L_{exit}} = \frac{\frac{4}{17}}{0.4} = 0.59$$



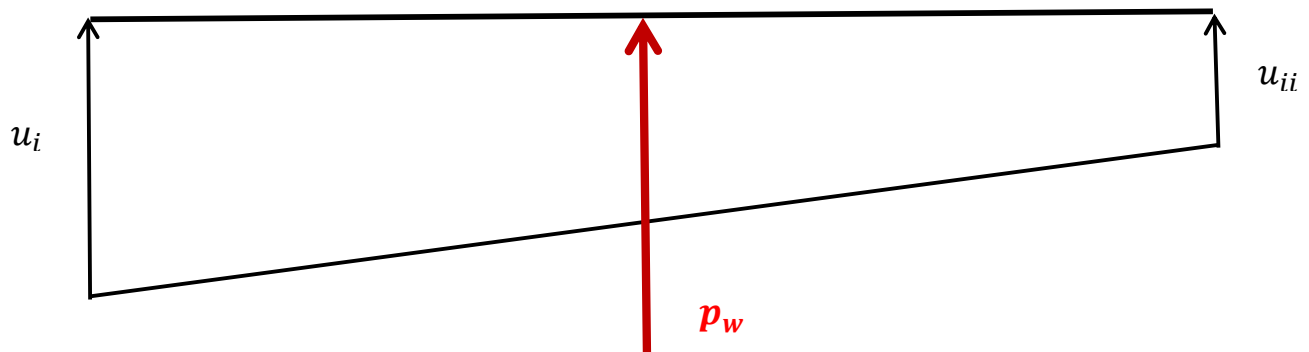
4. the factor of safety against uplift ?

$$u_i = \gamma_w(\Delta H - Nd_i\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 2 \times \frac{4}{17} - (-1.5) \right)$$

$$= \frac{49.34 \text{KN}}{\text{m}^2}$$

$$u_{ii} = \gamma_w(\Delta H - Nd_{ii}\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 15 \times \frac{4}{17} - (-1.5) \right)$$

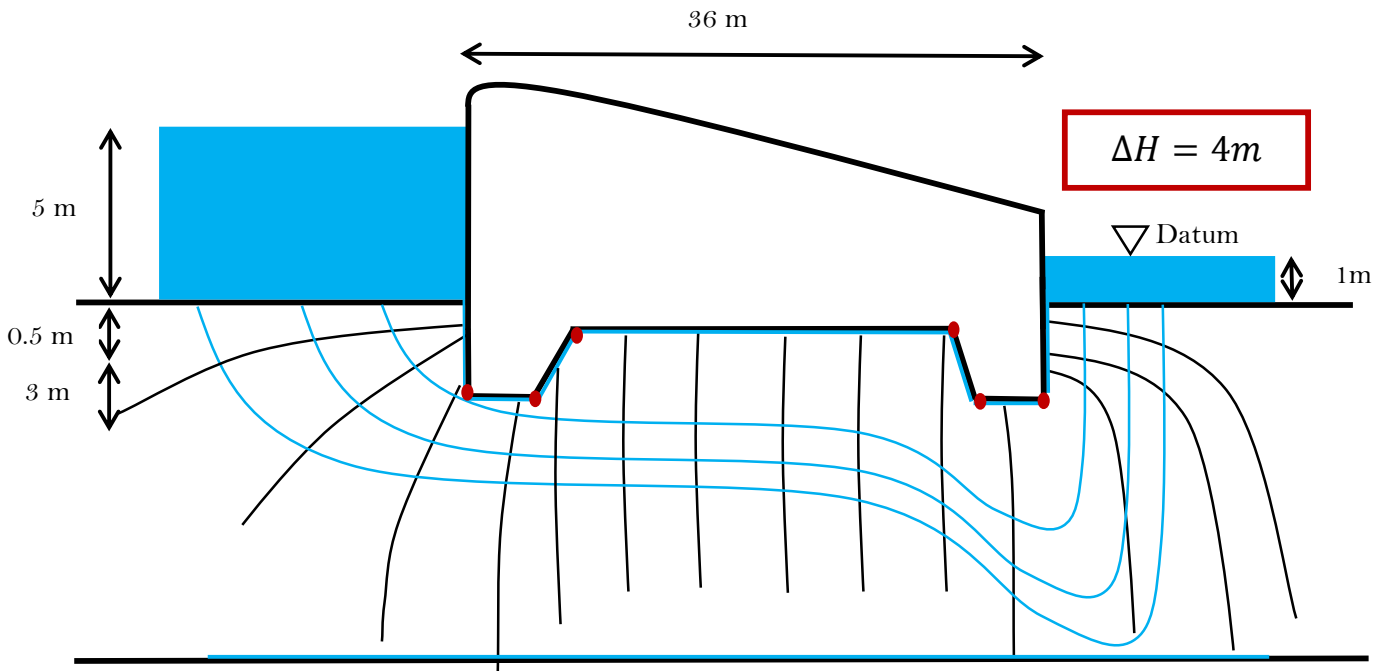
$$= \frac{19.33 \text{KN}}{\text{m}^2}$$



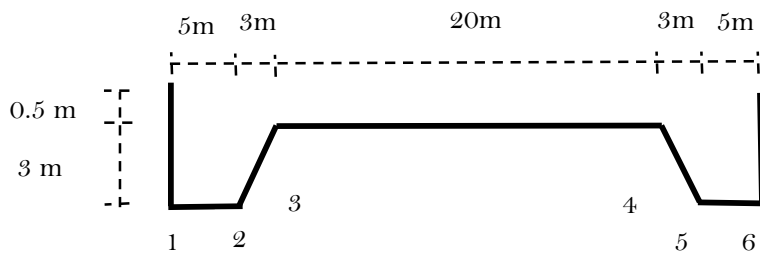
$$p_w = \frac{(u_i + u_{ii})}{2} = \left( \frac{(49.34 + 19.33)}{2} \right) \times 45 = 1545.075 \text{KN/m}$$

$$6 = \frac{\text{The weight of the dam}}{1545.075} \quad \text{w. t of dam} = 9270.45 \text{KN/m}$$

## Example 2



Determine Factor of safety against Uplift? Assume  $\gamma_{concrete} = 23\text{KN/m}^3$ ,  $A_{concrete} = 300\text{ m}^2$



$$u_1 = \gamma_w(\Delta H - Nd_1\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 3 \times \frac{4}{15} - (-4.5) \right) = \frac{75.54\text{KN}}{\text{m}^2}$$

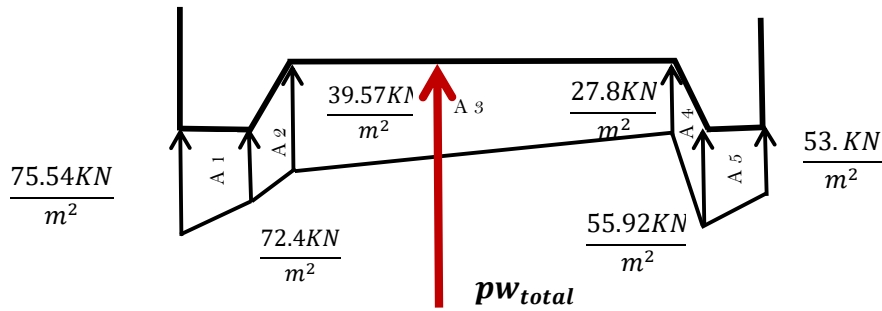
$$u_2 = \gamma_w(\Delta H - Nd_2\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 4.2 \times \frac{4}{15} - (-4.5) \right) = \frac{72.4\text{KN}}{\text{m}^2}$$

$$u_3 = \gamma_w(\Delta H - Nd_3\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 5.5 \times \frac{4}{15} - (-1.5) \right) = \frac{39.57\text{KN}}{\text{m}^2}$$

$$u_4 = \gamma_w(\Delta H - Nd_4\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 10 \times \frac{4}{15} - (-1.5) \right) = \frac{27.8\text{KN}}{\text{m}^2}$$

$$u_5 = \gamma_w(\Delta H - Nd_5\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 10.5 \times \frac{4}{15} - (-4.5) \right) = \frac{55.92\text{KN}}{\text{m}^2}$$

$$u_6 = \gamma_w(\Delta H - Nd_6\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 11.5 \times \frac{4}{15} - (-4.5) \right) = \frac{53.3\text{KN}}{\text{m}^2}$$



$$pw_1 = \frac{(u_1 + u_2)}{2} = \left( \frac{75.54 + 72.4}{2} \right) \times 5 = \mathbf{369.85KN/m}$$

$$pw_2 = \frac{(u_2 + u_3)}{2} = \left( \frac{72.4 + 39.75}{2} \right) \times 3 = \mathbf{168.225KN/m}$$

$$pw_3 = \frac{(u_3 + u_4)}{2} = \left( \frac{39.75 + 27.8}{2} \right) \times 20 = \mathbf{675.5KN/m}$$

$$pw_4 = \frac{(u_4 + u_5)}{2} = \left( \frac{27.8 + 55.92}{2} \right) \times 3 = \mathbf{125.58KN/m}$$

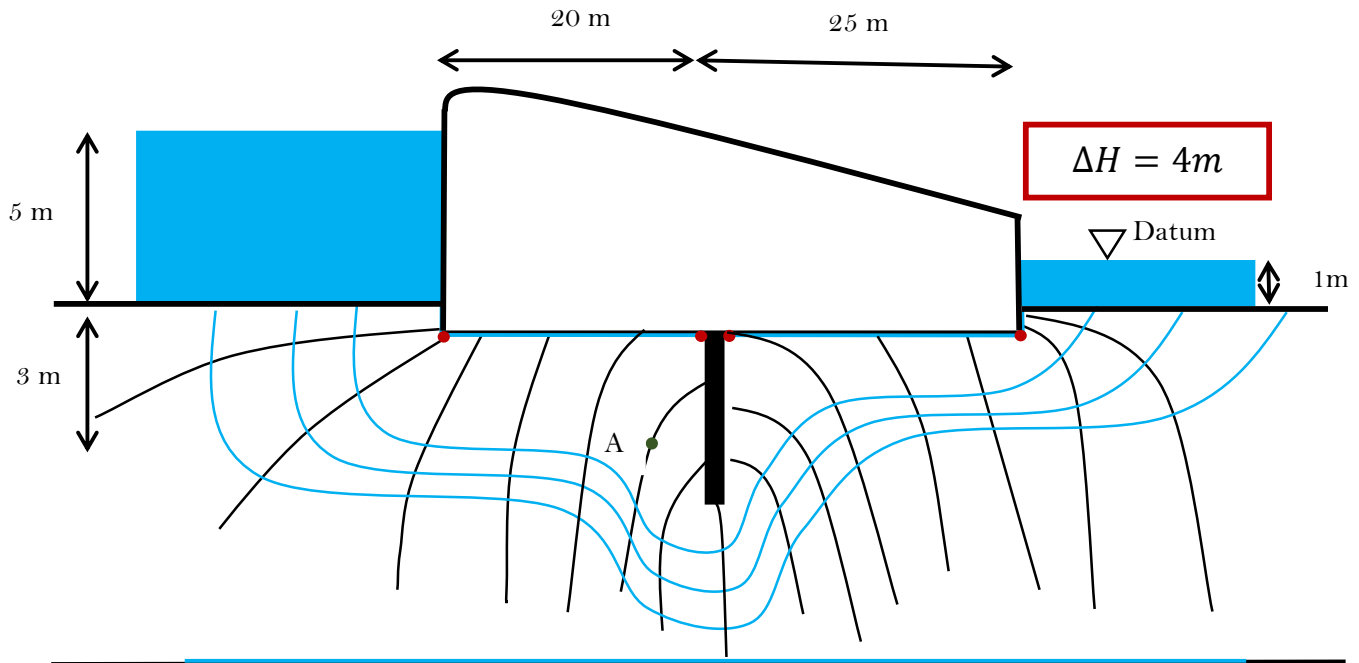
$$pw_5 = \frac{(u_5 + u_6)}{2} = \left( \frac{55.92 + 53.3}{2} \right) \times 5 = \mathbf{273.05KN/m}$$

$$pw_{total} = \mathbf{1612.21KN/m}$$

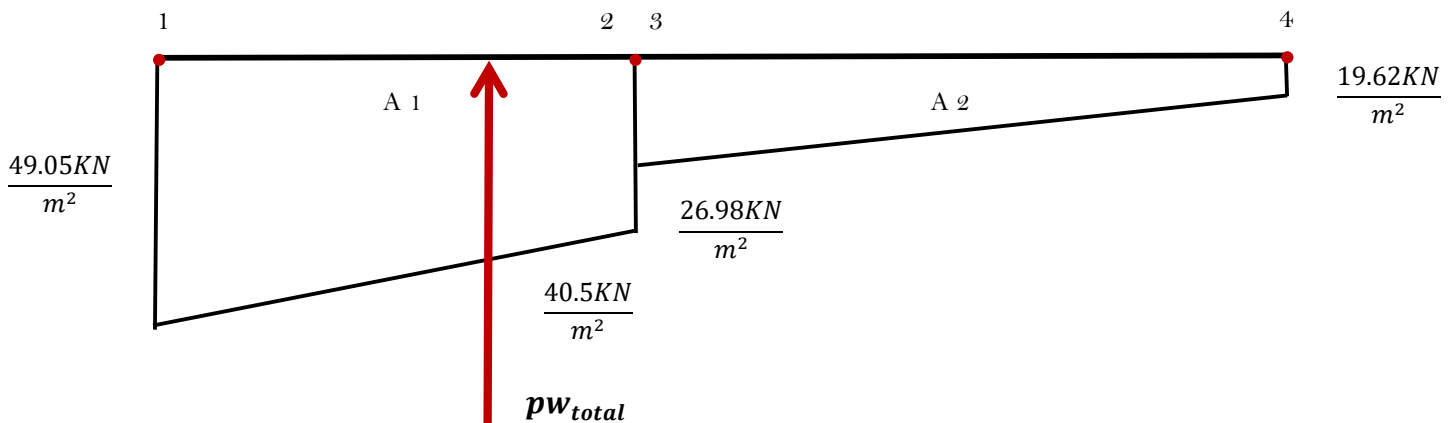
$$w = \gamma_{concrete} \times A_{concrete} = 23 \times 300 = 6900KN/m$$

$$F.s = \frac{\text{The weight of the dam}}{\text{pressure of water}} = \frac{6900}{1612.21} = \mathbf{4.65} > 1$$

### Example 3:



1. Determine Factor of safety against Uplift? Assume  $\gamma_{concrete} = 25 \text{ KN/m}^3$ ,  $A_{concrete} = 250 \text{ m}^2$



$$u_1 = \gamma_w(\Delta H - Nd_1\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 2 \times \frac{4}{16} - (-1.5) \right) = \frac{49.05 \text{ KN}}{\text{m}^2}$$

$$u_2 = \gamma_w(\Delta H - Nd_2\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 5.5 \times \frac{4}{16} - (-1.5) \right) = \frac{40.5 \text{ KN}}{\text{m}^2}$$

$$u_3 = \gamma_w(\Delta H - Nd_3\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 11 \times \frac{4}{16} - (-1.5) \right) = \frac{26.98 \text{ KN}}{\text{m}^2}$$

$$u_4 = \gamma_w(\Delta H - Nd_4\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 14 \times \frac{4}{16} - (-1.5) \right) = \frac{19.62 \text{ KN}}{\text{m}^2}$$

$$pw_1 = \frac{u_1 + u_2}{2} = \left( \frac{49.05 + 40.5}{2} \right) \times 20 = \mathbf{895.5KN/m}$$

$$pw_2 = \frac{u_2 + u_3}{2} = \left( \frac{26.98 + 19.62}{2} \right) \times 25 = \mathbf{582.5KN/m}$$

$$pw_{total} = \mathbf{1478KN/m}$$

$$w = \gamma_{concrete} \times A_{concrete} = 25 \times 250 = \mathbf{6250KN/m}$$

$$F.s = \frac{\text{The weight of the dam}}{\text{pressure of water}} = \frac{6250}{1478} = \mathbf{4.22} > 1$$

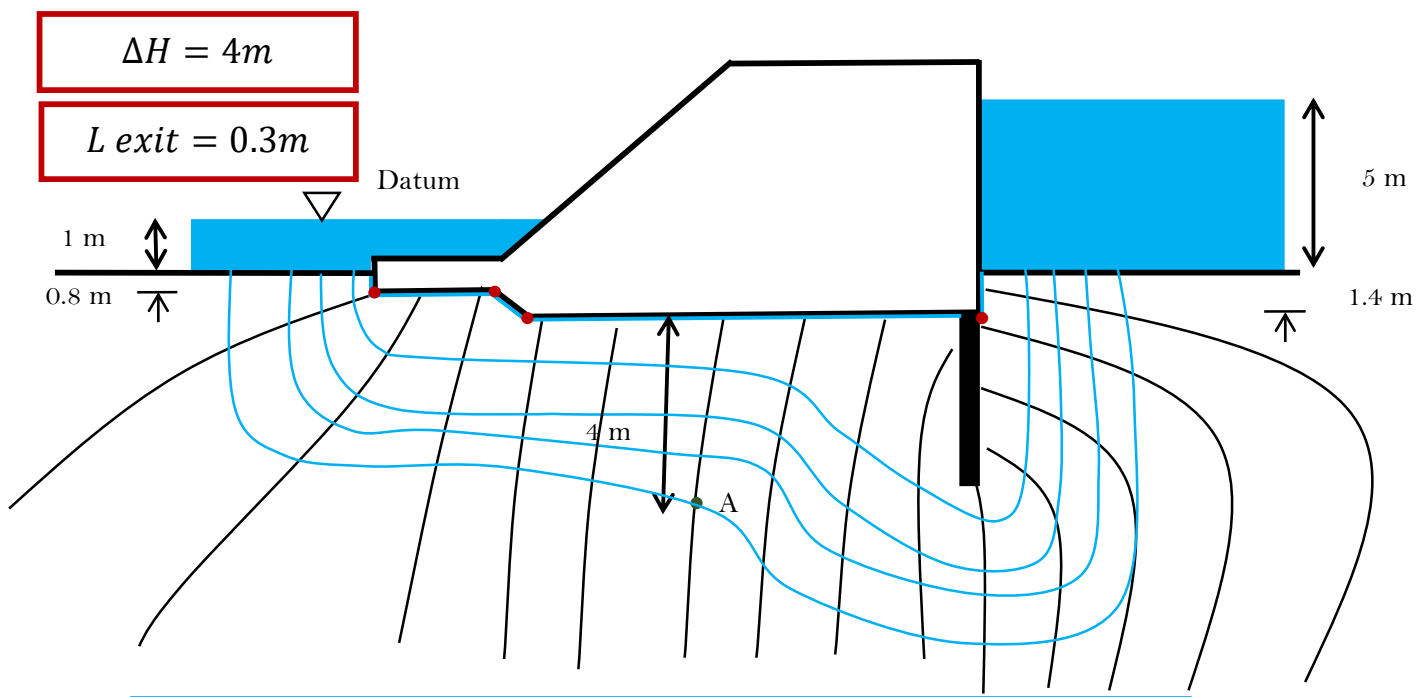
2. If the weight of the dam is 150 KN/m<sup>2</sup>, calculate the effective stress at point A (Assume the weight of the dam is constant with depth)  $\gamma_{Sat} = 20.81KN/m^2$

$$u_A = \gamma_w(\Delta H - Nd_A\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 6 \times \frac{4}{16} - (-4) \right) = \mathbf{121.535 \frac{KN}{m^2}}$$

$$\sigma_{total_A} = \gamma_{Sat} \times H_A + Dam\ w.t = 20.81 \times 3 + 150 = \mathbf{212.43 \frac{KN}{m^2}}$$

$$\sigma_{effective_A} = \sigma_{total_A} - u_A = 212.43 - 121.535 = \mathbf{90.895 \frac{KN}{m^2}}$$

### Example 4:



1. The quantity of seepage under the dam in  $m^3/yr/m$  of dam?
2. Determine the head pressure at point A?
3. Determine the factor of safety against piping?
4. The uplift force underneath the dam ?

Assume  $GS = 2.7$   $e = 0.6$   $K = 2.5 \times 10^{-5} m/sec$

1. The quantity of seepage?

$$q = k\Delta H \frac{Nf}{Nd} = 2.5 \times 10^{-5} \times 4 \times \frac{5}{15} = 3.3 \times 10^{-5} m^3/sec/m$$

$$3.3 \times 10^{-5} \times 60 \times 60 \times 24 \times 365 = 1051.2 m^3/yr/m$$

2. The head pressure at point A?

$$h_A = (\Delta H - Nd_A \Delta h - z) = \left(4 - 9 \times \frac{4}{15} - (-6.4)\right) = 8 m$$

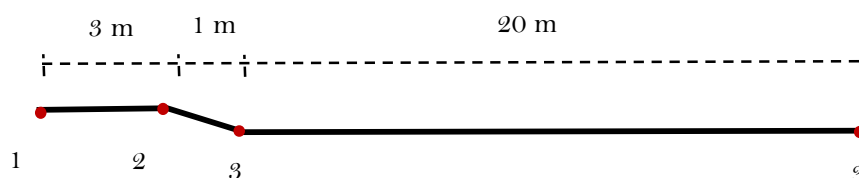
3. Factor of safety against piping ?

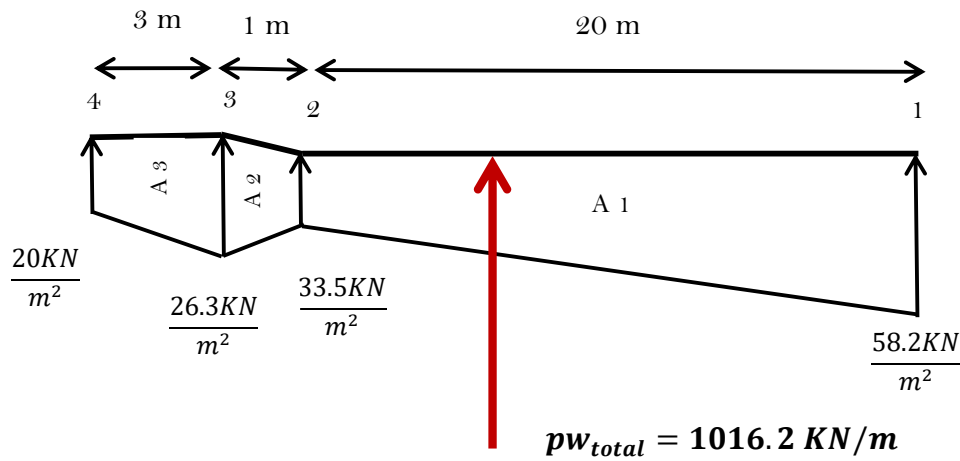
$$F.S = \frac{i_{cr}}{i_{exit}} = \frac{1.0625}{0.9} = 1.18 > 1 \text{ OK}$$

$$i_{cr} = \frac{Gs - 1}{1 + e} = \frac{2.7 - 1}{1 + 0.6} = 1.0625$$

$$i_{exit} = \frac{\Delta h}{L_{exit}} = \frac{4}{0.3} = 0.9$$

4. The uplift force underneath the dam?





$$u_1 = \gamma_w(\Delta H - Nd_1\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 1.8 \times \frac{4}{15} - (-2.4) \right) = \frac{58.2 \text{ kN}}{\text{m}^2}$$

$$u_2 = \gamma_w(\Delta H - Nd_2\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 11.2 \times \frac{4}{15} - (-2.4) \right) = \frac{33.5 \text{ kN}}{\text{m}^2}$$

$$u_3 = \gamma_w(\Delta H - Nd_3\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 11.8 \times \frac{4}{15} - (-1.8) \right) = \frac{26.3 \text{ kN}}{\text{m}^2}$$

$$u_4 = \gamma_w(\Delta H - Nd_4\Delta h - z) = 9.81 \left( 4 - 14 \times \frac{4}{15} - (-1.8) \right) = \frac{20 \text{ kN}}{\text{m}^2}$$

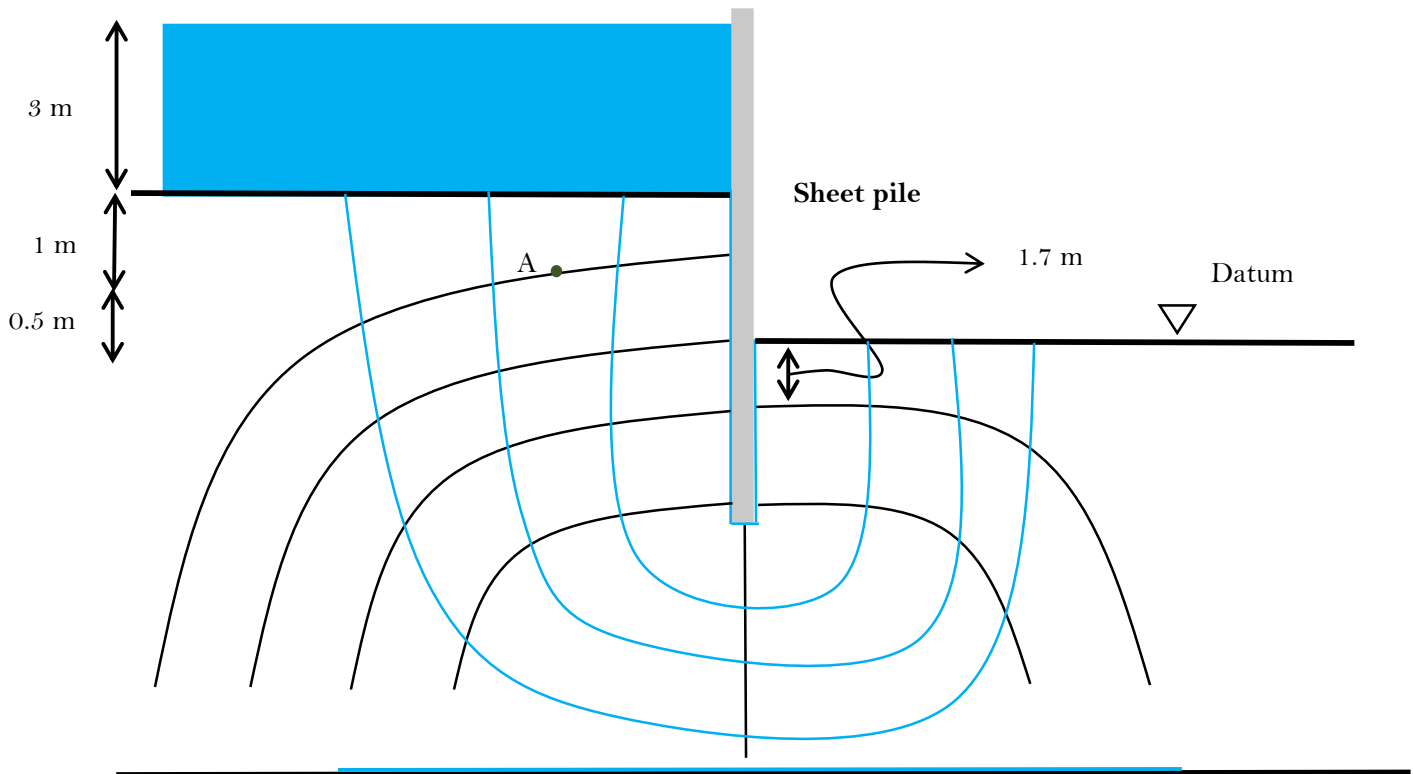
$$pw_1 = \frac{(u_1 + u_2)}{2} = \left( \frac{58.2 + 33.5}{2} \right) \times 20 = \mathbf{917 \text{ kN/m}}$$

$$pw_2 = \frac{(u_2 + u_3)}{2} = \left( \frac{33.5 + 26.3}{2} \right) \times 1 = \mathbf{29.75 \text{ kN/m}}$$

$$pw_3 = \frac{(u_3 + u_4)}{2} = \left( \frac{26.3 + 20}{2} \right) \times 3 = \mathbf{69.45 \text{ kN/m}}$$

$$pw_{total} = \mathbf{1016.2 \text{ kN/m}}$$

## Example 5:



1. The quantity of seepage under the dam in  $\text{m}^3/\text{yr}/\text{m}$  of dam?
2. Determine the effective stress at point A.
3. Determine the factor of safety against piping?

Assume  $\gamma_{sat} = 19.81 \frac{\text{KN}}{\text{m}^3}$   $K = 3.5 \times 10^{-5} \text{m}/\text{sec}$

1. The quantity of seepage?

$$q = k\Delta H \frac{Nf}{Nd} = 3.5 \times 10^{-5} \times 4.5 \times \frac{4}{8} = 7.875 \times 10^{-5} \text{m}^3/\text{sec}/\text{m}$$

$$7.875 \times 10^{-5} \times 60 \times 60 \times 24 \times 365 = \mathbf{2483.46 \text{m}^3/\text{yr}/\text{m}}$$

2. Effective stress?

$$u_A = \gamma_w(\Delta H - Nd_A \Delta h - z) = 9.81 \left( 4.5 - 1 \times \frac{4.5}{8} - (0.5) \right) = 34 \frac{\text{KN}}{\text{m}^2}$$

$$\sigma_{total_A} = \gamma_{water} \times H_2 + \gamma_{Sat} \times H_A = 9.81 \times 3 + 19.81 \times 1 = 49.24 \frac{\text{KN}}{\text{m}^2}$$

$$\sigma_{effective_A} = \sigma_{total_A} - u_A = 49.24 - 34 = \mathbf{15.24 \frac{\text{KN}}{\text{m}^2}}$$



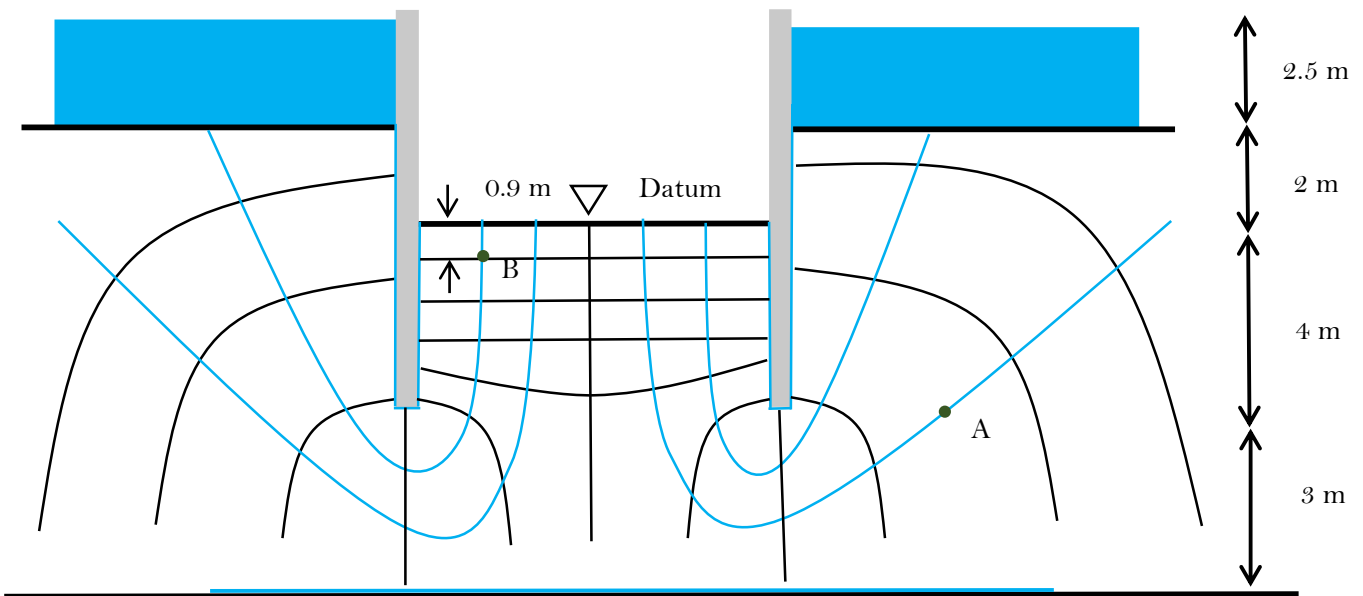
### 3. Factor of safety against piping ?

$$F. s = \frac{i_{cr}}{i_{exit}} = \frac{1.02}{0.331} = \mathbf{3.082} > 1 \text{ OK}$$

$$i_{cr} = \frac{\gamma'}{\gamma_w} = \frac{19.81 - 9.81}{9.81} = \mathbf{1.02}$$

$$i_{exit} = \frac{\Delta h}{L_{exit}} = \frac{4.5}{1.7} = \mathbf{0.331}$$

### Example 6:



1. The quantity of seepage under the dam in  $\text{m}^3/\text{yr}/\text{m}$  of dam?
2. Determine the total head at point A?
3. Determine the effective stress at point B?
4. Determine the factor of safety against piping?

Assume  $\gamma_{sat} = 18.3 \frac{\text{KN}}{\text{m}^3}$   $K = 7 \times 10^{-5} \text{m}/\text{sec}$

### 1. The quantity of seepage?

$$q_1 = k\Delta H \frac{Nf}{Nd} = 7 \times 10^{-5} \times 4.5 \times \frac{3}{10} = 9.45 \times 10^{-5} \text{ m}^3/\text{sec}/\text{m}$$

$$q_{total} = q_1 \times 2 = 1.89 \times 10^{-4} \text{ m}^3/\text{sec}/\text{m}$$

$$1.89 \times 10^{-4} \times 60 \times 60 \times 24 \times 365 = 5960.304 \text{ m}^3/\text{yr}/\text{m}$$

### 2. The total head at point A?

$$h_A = (\Delta H - Nd_A \Delta h - z) = \left( 4.5 - 2.5 \times \frac{4.5}{10} - (-4) \right) = 7.375 \text{ m}$$

$$\text{Elevation head}(z) = 3 \text{ m}$$

$$\begin{aligned} \text{Total head} &= \text{Pressure head} + \text{Elevation head} = 7.375 + 3 \\ &= 10.375 \text{ m} \end{aligned}$$

### 3. Effective stress at B?

$$\begin{aligned} u_B &= \gamma_w (\Delta H - Nd_B \Delta h - z) = 9.81 \left( 4.5 - 9 \times \frac{4.5}{10} - (-0.9) \right) \\ &= 13.2 \frac{\text{KN}}{\text{m}^2} \end{aligned}$$

$$\sigma_{total_B} = \gamma_{sat} \times H_B = 18.3 \times 0.9 = 16.47 \frac{\text{KN}}{\text{m}^2}$$

$$\sigma_{effective_B} = \sigma_{total_B} - u_B = 16.47 - 13.2 = 3.27 \frac{\text{KN}}{\text{m}^2}$$

### 4. Factor of safety against piping?

$$F.S = \frac{i_{cr}}{i_{exit}} = \frac{0.87}{0.5} = 1.74 > 1 \text{ OK}$$

$$i_{cr} = \frac{\gamma'}{\gamma_w} = \frac{18.3 - 9.81}{9.81} = 0.87 \qquad i_{exit} = \frac{\Delta h}{L_{exit}} = \frac{\frac{4.5}{10}}{0.9} = 0.5$$

## Flow Net In Anisotropic soil

**Isotropic Soil** المقصود فيها لكل تربة يوجد خصائص وهذه الخصائص يجب أن تكون ثابتة في جميع الاتجاهات لنستطيع رسم شبكة السريان ومن هذه الخصائص هي النفاذية فإذا اختلفت قيمة النفاذية باختلاف الاتجاه تصبح التربة **Anisotropic Soil**.

من شروط استخدام شبكة السريان أن تكون التربة **Isotropic Soil** وفي حال لم تكن

وأختلفت النفاذية باختلاف الاتجاه  $k_x \neq k_z$  يجب ضرب الأبعاد الأفقية للسد ب  $\sqrt{\frac{k_z}{k_x}}$  لنستطيع رسم شبكة السريان.

عند حساب  $q$  في شبكة السريان نستخدم  $\bar{K}$  و تساوي  $\sqrt{k_x \times k_z}$ .

$$q = \bar{k} \Delta H \frac{Nf}{Nd} = \sqrt{k_x \times k_z} \Delta H \frac{Nf}{Nd}$$

### Example 1

A dam section ,the hydraulic conductivity of the permeable layer in the vertical and horizontal directions are  $2 \times 10^{-2}$  mm/s and  $4 \times 10^{-2}$  mm/s , respectively, Draw a flow net and calculate the seepage loss of the dam in  $m^3/\text{day}/m$

$$k_z = 2 \times 10^{-2} \text{ mm/sec}$$

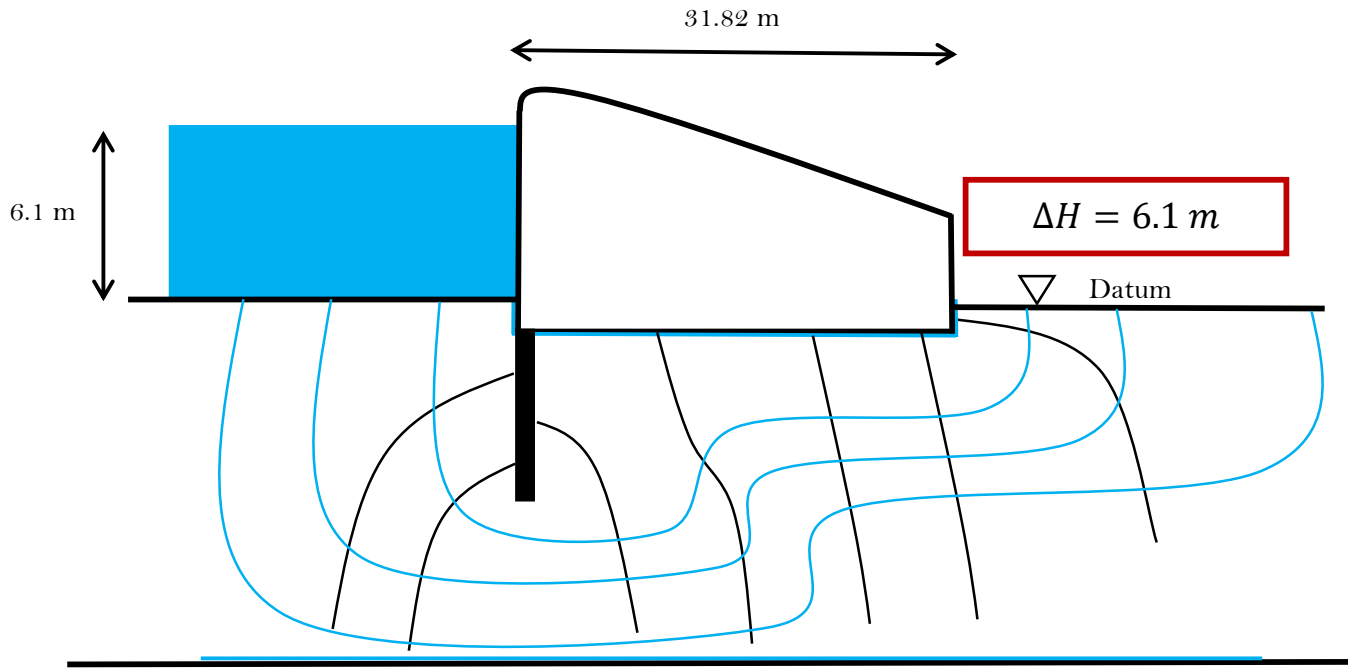
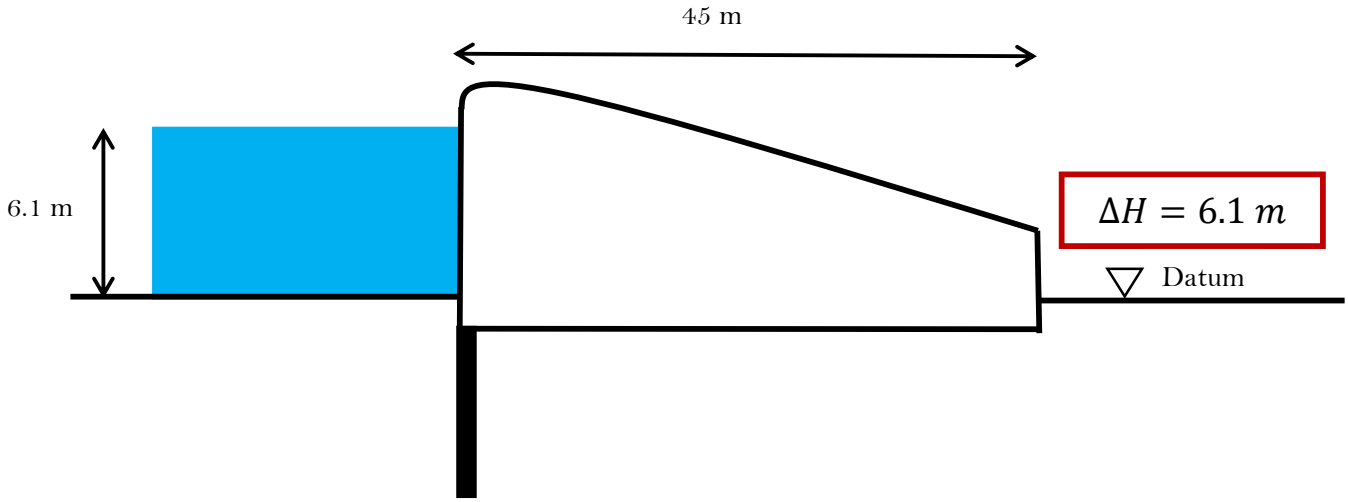
$$k_x = 4 \times 10^{-2} \text{ mm/sec}$$

$$k_z = 2 \times 10^{-2} \times 60 \times 60 \times 24 \times 10^{-3} = 1.728 \text{ m/day}$$

$$k_x = 4 \times 10^{-2} \times 60 \times 60 \times 24 \times 10^{-3} = 3.456 \text{ m/day}$$

$$\sqrt{\frac{k_z}{k_x}} = \sqrt{\frac{1.728}{3.456}} = 0.71$$

$$0.71 \times 45 = 31.82 \text{ m}$$



$$q = \sqrt{k_x \times k_z} \Delta H \frac{Nf}{Nd} = \sqrt{1.728 \times 3.456} \times 6.1 \times \frac{4}{8} = 7.45 \text{ m}^3/\text{day}/\text{m}$$

التنويه الى موضوع مهم مهم مهم مهم ، الأبعاد معطى في أمثلة التلخيص نظرا لصعوبة التعامل مع مقياس الرسم وانا بكتب بالتلخيص الالكتروني ولا تكون معطى في الامتحان ، لكن بالمقابل يكون معك مقياس الرسم ، لذلك من الضروري جدا قبل الامتحان تكون بتعرف تتعامل مع مقياس الرسم لاستخراج الابعاد عن طريق المسطرة .

## Non-homogeneous soil conditions

لو كانت عندي تربة غير متجانسة وتحتوي على أكثر من طبقة وكل طبقة لديها نفاذية وبدنا نحسب النفاذية

اذ كانت المياه **موازية** لسطح التربة كما في

الشكل نحسب النفاذية المكافئة عن طريق قانون

النفاذية  $k_{Heq}$

وفي شي ممكن تستدل منو على أنه انتا في حالة

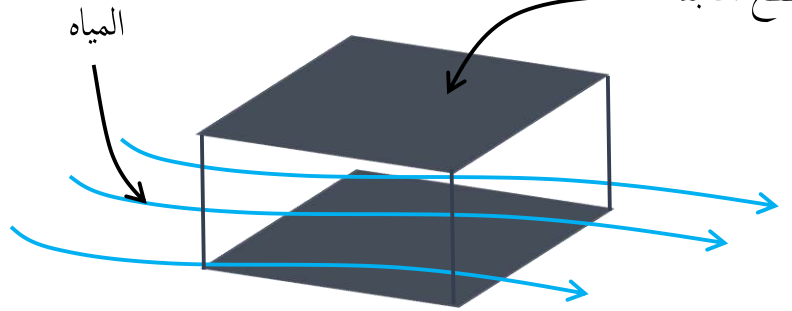
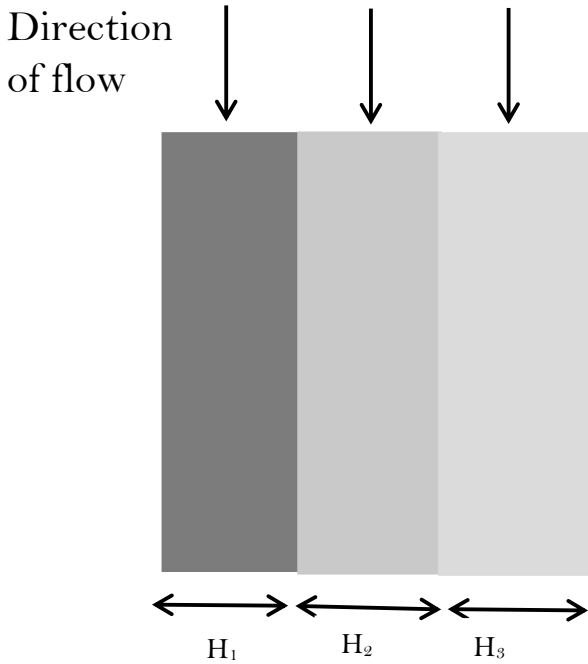
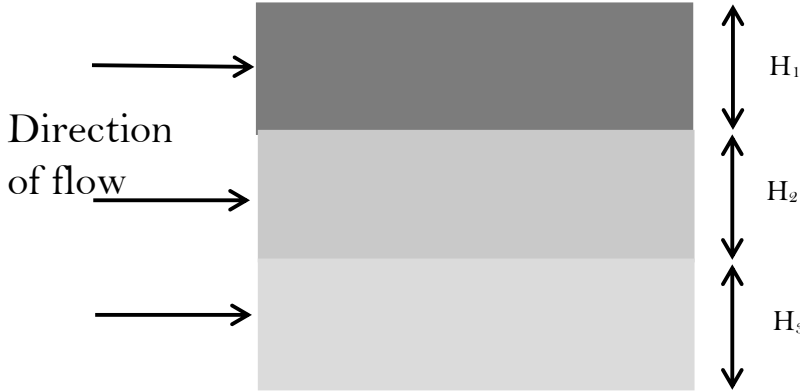
$k_{Heq}$

لو كانت المياه تسري في كل طبقة كما في

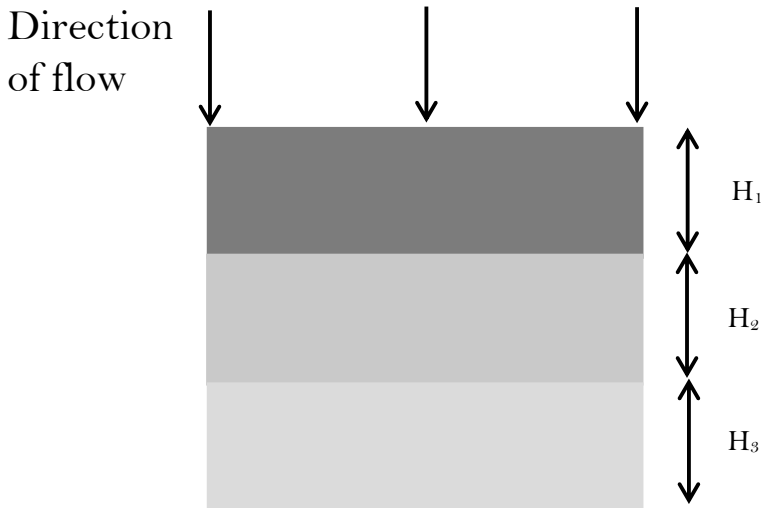
الشكل بحيث لا تخرج المياه من طبقة و تدخل

في طبقة أخرى

سطح الطبقة



$$k_{Heq} = \frac{H_1 K_1 + H_2 K_2 + H_3 K_3}{H_1 + H_2 + H_3}$$



اذ كانت المياه **عمودية** لسطح التربة كما في الشكل

نحسب النفاذية المكافئة عن طريق قانون النفاذية

$k_{veq}$

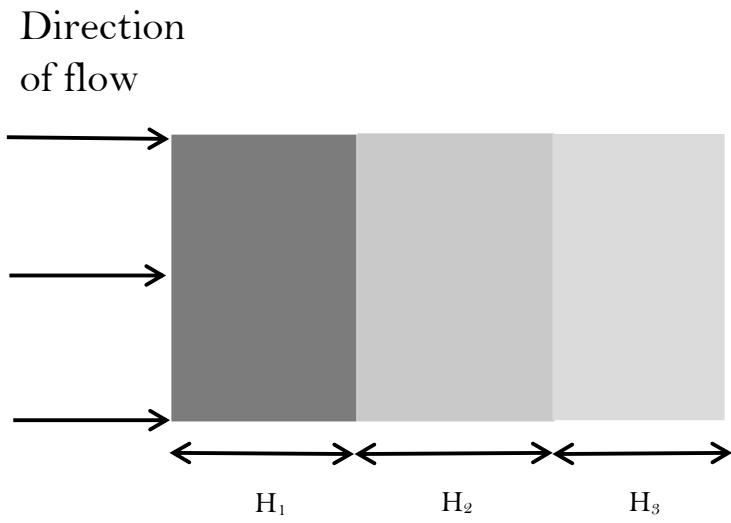
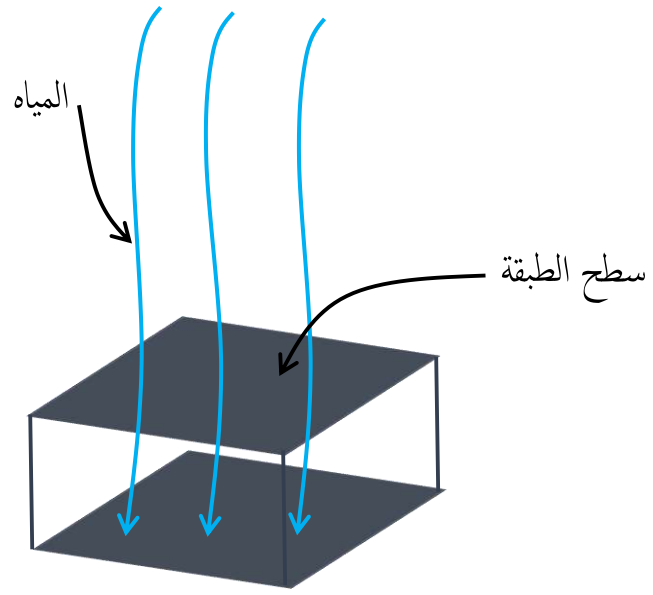
وفي شي ممكن تستدل منو على أنه انتا في حالة

$k_{veq}$

لو كانت المياه تسري كما في الشكل بحيث تخرج

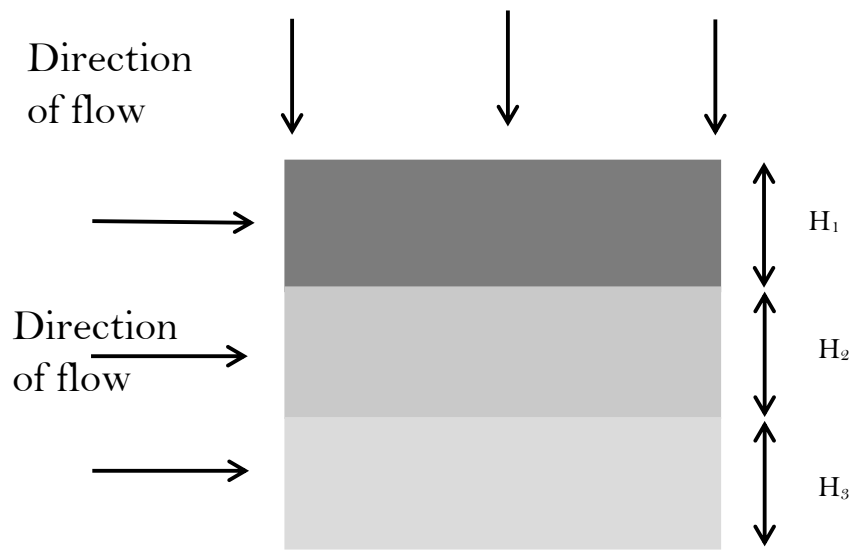
المياه من طبقة و تدخل في طبقة أخرى

$$k_{Veq} = \frac{H_1 + H_2 + H_3}{\left(\frac{H_1}{K_1}\right) + \left(\frac{H_2}{K_2}\right) + \left(\frac{H_3}{K_3}\right)}$$



### Example 1

- |                       |   |                        |
|-----------------------|---|------------------------|
| $H_1 = 1.5 \text{ m}$ | $k_1 = 10^{-4} \text{ cm/sec}$            | $H_1 = 150 \text{ cm}$ |
| $H_2 = 3 \text{ m}$   | $k_2 = 3.2 \times 10^{-2} \text{ cm/sec}$ | $H_2 = 300 \text{ cm}$ |
| $H_3 = 2 \text{ m}$   | $k_3 = 4.1 \times 10^{-5} \text{ cm/sec}$ | $H_3 = 200 \text{ cm}$ |



Estimate the ratio of equivalent hydraulic conductivity.

$$\frac{k_{Heq}}{k_{Veq}}$$

$$k_{Heq} = \frac{H_1 K_1 + H_2 K_2 + H_3 K_3}{H_1 + H_2 + H_3}$$

$$= \frac{150 \times 10^{-4} + 300 \times 3.2 \times 10^{-2} + 200 \times 4.1 \times 10^{-5}}{150 + 300 + 200}$$

$$= \mathbf{0.0148 \text{ cm/sec}}$$

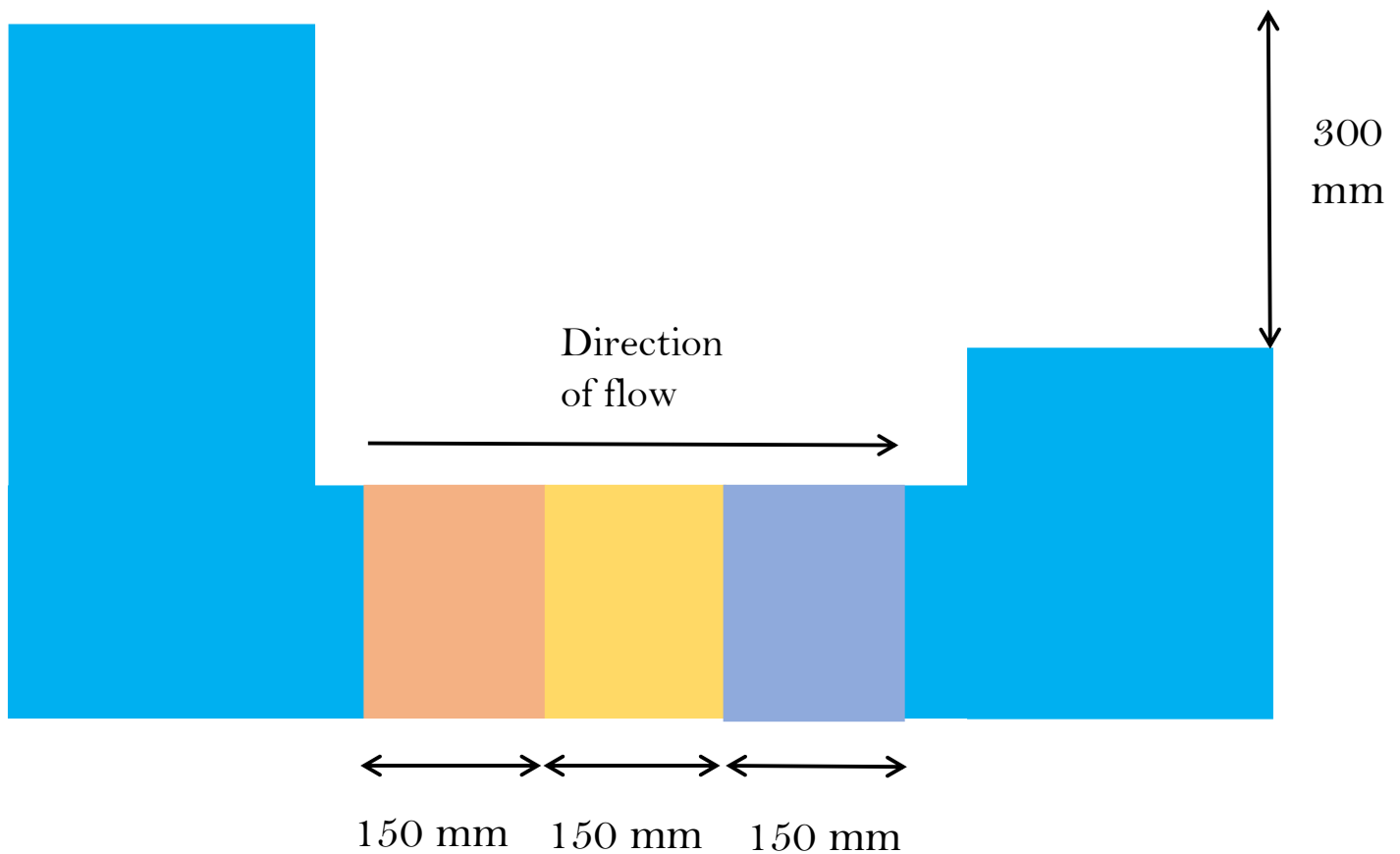
$$k_{Veq} = \frac{H_1 + H_2 + H_3}{\left(\frac{H_1}{K_1}\right) + \left(\frac{H_2}{K_2}\right) + \left(\frac{H_3}{K_3}\right)}$$

$$= \frac{150 + 300 + 200}{\left(\frac{150}{10^{-4}}\right) + \left(\frac{300}{3.2 \times 10^{-2}}\right) + \left(\frac{400}{4.1 \times 10^{-5}}\right)}$$

$$= \mathbf{1.018 \times 10^{-4} \text{ cm/sec}}$$

$$\frac{k_{Heq}}{k_{Veq}} = \frac{0.0148}{1.018 \times 10^{-4}} = \mathbf{145.4}$$

### Example 2



Three layers of soil in a tube that is 100 mm × 100 mm in cross section. Water is supplied to maintain a constant-head difference of 300 mm across the sample. The hydraulic conductivities of the soils in the direction of flow through them are as follows:

Find the rate of water supply in cm<sup>3</sup>/hr.

$$k_1 = 10^{-2} \text{ cm/sec}$$

$$k_2 = 3 \times 10^{-3} \text{ cm/sec}$$

$$k_3 = 4.9 \times 10^{-4} \text{ cm/sec}$$

$$q = vA = k_{V_{eq}} iA = 1.21 \times 10^{-3} \times \frac{2}{3} \times 100 = 0.81 \text{ cm}^3/\text{sec}$$

$$0.81 \times 60 \times 60 = \mathbf{291.6 \text{ cm}^3/\text{hr}}$$

$$k_{V_{eq}} = \frac{H_1 + H_2 + H_3}{\left(\frac{H_1}{K_1}\right) + \left(\frac{H_2}{K_2}\right) + \left(\frac{H_3}{K_3}\right)}$$

$$= \frac{15 + 15 + 15}{\left(\frac{15}{10^{-2}}\right) + \left(\frac{15}{3 \times 10^{-3}}\right) + \left(\frac{15}{4.9 \times 10^{-4}}\right)}$$

$$= \mathbf{1.21 \times 10^{-3} \text{ cm/sec}}$$

$$i = \frac{\Delta h}{L} = \frac{300}{450} = \frac{2}{3}$$

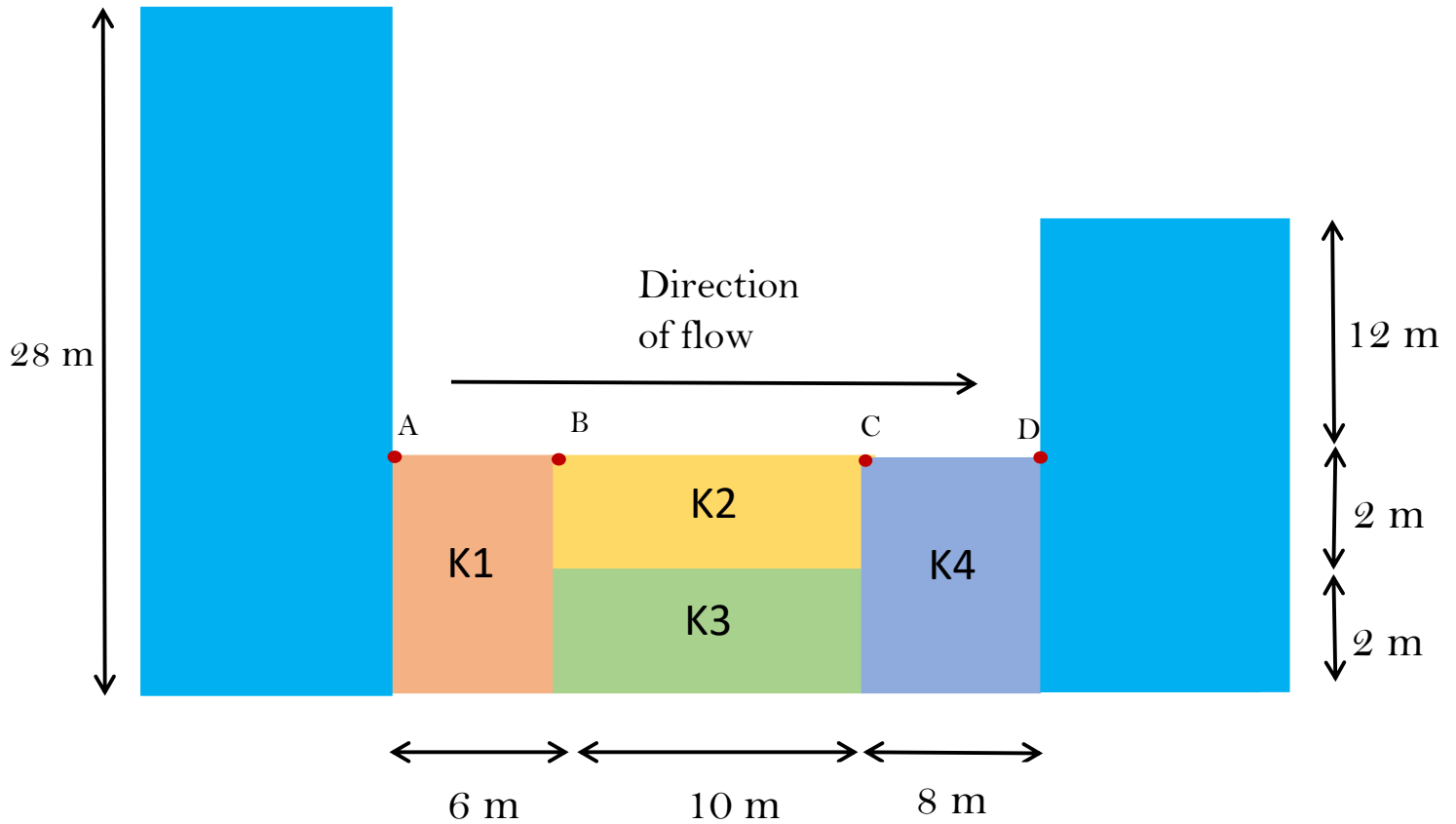
$$A = b \times h = 10 \times 10 = \mathbf{100 \text{ cm}^2}$$



### Example 3

1 Find the total head and Pressure head at points (A-B-C-D) with respect to given datum, Assume  $3K_1 = K_2 = 1.5K_3 = 2K_4$ .

2. Find the flow rate  $K_1 = 3.5 \times 10^{-2}(\text{m}^3/\text{sec})$ .

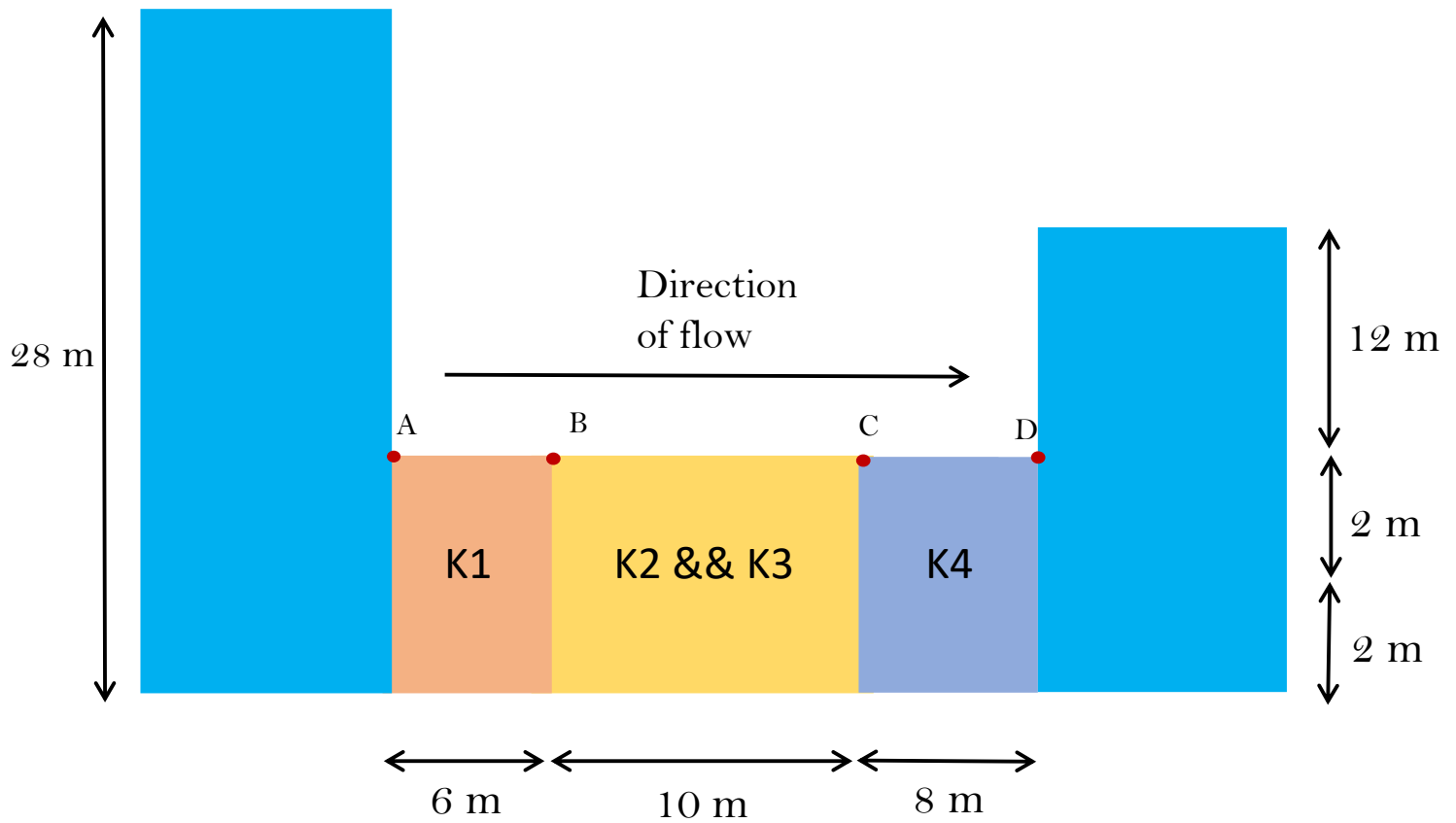


1.

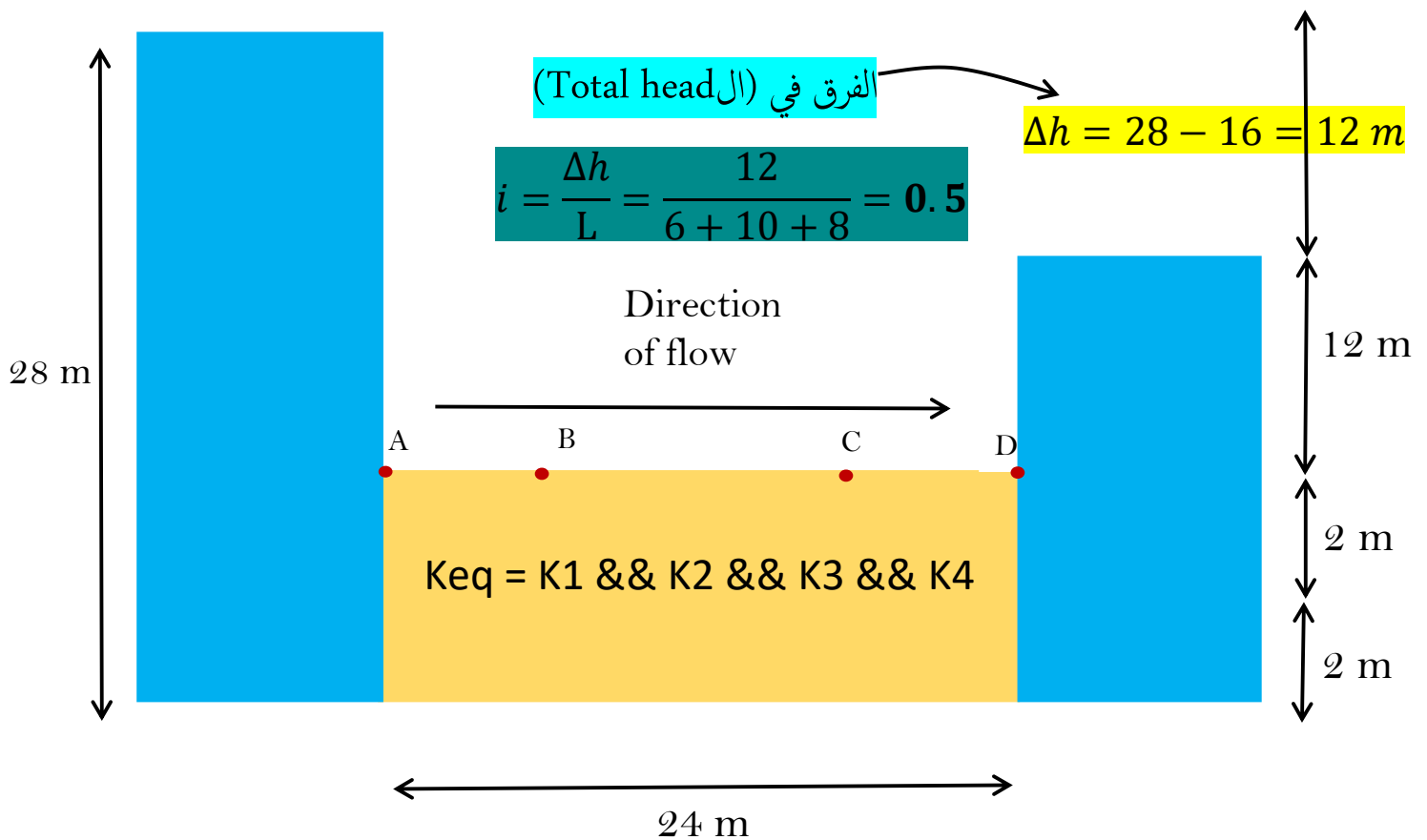
اول شي بدي احسب النفاذية المكافئة وبقلب كل نفاذية موجودة عندي بدلالة نفاذية واحدة ولتكن  $K_1$ .

$$K_2 = 3K_1 \quad K_3 = 2K_1 \quad K_4 = 1.5K_1 \quad K_1 = K_1$$

$$k_{Heq} = \frac{H_2 K_2 + H_3 K_3}{H_2 + H_3} = \frac{2 \times K_2 + 2 \times K_3}{2 + 2} = \frac{2 \times 3K_1 + 2 \times 2K_1}{2 + 2} = 2.5K_1$$



$$k_{Veq} = \frac{H_1 + H_2 + H_4}{\left(\frac{H_1}{K_1}\right) + \left(\frac{H_2}{K_2 \& K_3}\right) + \left(\frac{H_4}{K_4}\right)} = \frac{6 + 10 + 8}{\left(\frac{6}{K_1}\right) + \left(\frac{10}{2.5K_1}\right) + \left(\frac{8}{1.5K_1}\right)} = 1.565K_1$$



كونه المساحة والسرعة ما في عليهم أي تغير فالتدفق

$$A_{eq} = A_1 = A_2 \&\& 3 = A_4 = 4 \times 1 = 4 \text{ m}^2$$

$$q_{eq} = q_1 = q_2 \&\& 3 = q_3 = q_4$$

$$i = \frac{\Delta h}{L}$$

$$\Delta h = i \times L$$

Total head at A

$$h_{total \text{ at } A} = \mathbf{28 \text{ m}}$$

$$h_{pressure \text{ at } A} = 28 - 4 = \mathbf{24 \text{ m}}$$

التربة عند النقطة A لم تمر في التربة لا يوجد طاقة ضائعة.

Total head at B

$$h_{total \text{ at } B} = 28 - \Delta h_1 = 28 - i_1 \times L \ (L = H_1) = 28 - 0.7825 \times 6 = \mathbf{23.305 \text{ m}}$$

$$h_{pressure \text{ at } B} = h_{total \text{ at } B} - h_{elevation \text{ head at } B} = 23.305 - 4 = \mathbf{19.305 \text{ m}}$$

$$q_{eq} = q_1 \quad K_{eq} \times i_{eq} \times A_{eq} = K_1 \times i_1 \times A_1$$

$$i_{eq} \times K_{eq} = i_1 \times K_1$$

$$0.5 \times 1.565K_1 = i_1 \times K_1 \quad i_1 = \mathbf{0.7825}$$

التربة عند النقطة B مرت في التربة يوجد Head Loss.

Total head at C

$$h_{total \text{ at } C} = h_{total \text{ at } B} - \Delta h_{2 \&\& 3} = 23.305 - i_{2 \&\& 3} \times (L = H_{2 \&\& 3}) = 23.305 - 0.313 \times 10 = \mathbf{20.175 \text{ m}}$$

$$h_{pressure \text{ at } B} = h_{total \text{ at } B} - h_{elevation \text{ head at } B} = 20.175 - 4 = \mathbf{16.75 \text{ m}}$$

$$q_{eq} = q_2 \quad K_{eq} \times i_{eq} \times A_{eq} = K_2 \times i_2 \times A_2$$

$$i_{eq} \times K_{eq} = i_{2 \&\& 3} \times K_2$$

$$0.5 \times 1.565K_1 = i_{2 \&\& 3} \times 2.5K_1 \quad i_{2 \&\& 3} = \mathbf{0.313}$$

التربة عند النقطة C مرت في التربة يوجد Head Loss.

Total head at D

$$h_{total\ at\ D} = h_{total\ at\ C} - \Delta h_4 = 20.175 - i_4 \times (L = H_4) = 20.175 - 0.52 \times 8 = \mathbf{16.0\ m}$$

$$h_{pressure\ at\ B} = h_{total\ at\ C} - h_{elevation\ head\ at\ C} = 16 - 4 = \mathbf{12.0\ m}$$

$$q_{eq} = q_2 \quad K_{eq} \times i_{eq} \times A_{eq} = K_2 \times i_2 \times A_2$$

$$i_{eq} \times K_{eq} = i_4 \times K_4$$

$$0.5 \times 1.565K_1 = i_4 \times 1.5K_1 \quad i_4 = \mathbf{0.52}$$

التربة عند النقطة D مرت في التربة يوجد Head Loss

2.

$$q_{eq} = q_1 = q_2 \ \&\& \ 3 = q_3 = q_4$$

$$q_{eq} = K_{eq} \times i_{eq} \times A_{eq} = 1.565K_1 \times 0.5 \times 4 = 1.565 \times 3.5 \times 10^{-2} \times 0.5 \times 4 = \mathbf{0.1096\ m^3/sec}$$

3. The pore water pressure (u).

$$u_A = \gamma_w h_A = 9.81 \times 24 = \mathbf{235.44KN/m^2}$$

$$u_B = \gamma_w h_B = 9.81 \times 19.305 = \mathbf{189.4KN/m^2}$$

$$u_C = \gamma_w h_C = 9.81 \times 16.75 = \mathbf{164.3KN/m^2}$$

$$u_A = \gamma_w h_A = 9.81 \times 12 = \mathbf{117.72KN/m^2}$$







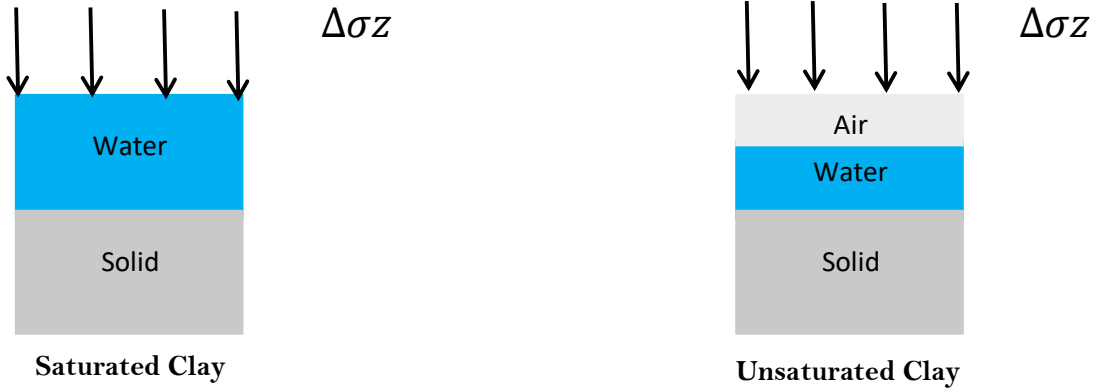




بسم الله الرحمن الرحيم

## Consolidation

لو كان عندك تربة تتعرض لحمل (load) , فإن هذا الحمل سوف يسبب انضغاط (هبوط) في ارتفاع التربة (settlement) , وسبب الهبوط في الارتفاع يأتي بسبب الزيادة في الاجهاد ( $\Delta\sigma_z$ ).



**عند التعرض للإجهاد الرأسي في التربة سوف يحدث (settlement) هبوط في الارتفاع.**

عند التعرض للإجهاد الرأسي في التربة الغير مشبعة Unsaturated Clay سوف يحدث (settlement) هبوط في الارتفاع بسبب انضغاط الهواء الموجود في التربة لان الهواء يتعرض للانضغاط وتسمى هذه العملية الانضغاطية (Compressibility).

عند التعرض للإجهاد الرأسي في التربة المشبعة Saturated Clay سوف يحدث (settlement) هبوط في الارتفاع بسبب خروج الماء من الفراغات الموجودة في التربة مع زمن وليس فورا لأن الماء لا ينضغط مثل الهواء وتسمى هذه العملية التصلد (Consolidation).

لماذا نهتم ب عملية التصلد عندما تكون في التربة الطينية المشبعة فقط ؟

لأن نفاذية الطين كثير قليلة بالنسبة لباقي أنواع التربة من رمل و... وكونه النفاذية قليلة جدا يحتاج زمن لخروج الماء من التربة وكلما خرجت الماء مع الزمن يتغير الهبوط ويزداد مع الزمن لحين خروج جميع الماء يكون هناك الهبوط النهائي لذلك الهبوط متغير مع الزمن ويزداد الهبوط كلما خرج الماء أكثر مع الزمن وهذا يحدث فقط في التربة الطينية المشبعة فقط.

## Introduction

Consolidation is the gradual reduction in volume of a fully saturated soil of low permeability due to drainage of some of the pore water.

التصلد هو الانخفاض التدريجي لحجم التربة مع الزمن في التربة الطينية المشبعة عن طريق خروج (تصريف) الماء من التربة.

drainage : معناها تصريف أو خروج الماء من التربة.

The process of swelling on other hand is the reverse of consolidation.

التصلد عملية عكسية لانتفاخ

In the field, when the stress on a saturated clay layer is increased—for example, by the construction of a foundation—the pore water pressure in the clay will increase.

عند تعرض طبقة من التربة الطينية المشبعة للزيادة في الاجهاد مثل وضع قاعدة فوق طبقة تربة طينية مشبعة سوف يسبب الزيادة في الاجهاد ( $\Delta\sigma_z$ ) زيادة في ضغط الماء ورمزه ( $u_{excess}$ ) or ( $\Delta u$ ).

Because the hydraulic conductivity of clays is very small

لأن نفاذية الطين كثير قليلة.

Sometime will be required for the excess pore water pressure to dissipate

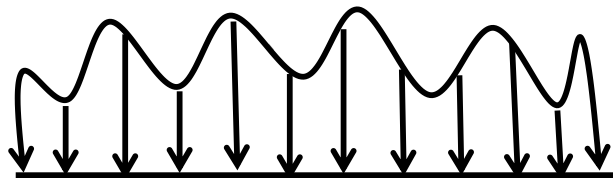
نحتاج زيادة في ضغط الماء ( $u_{excess}$ ) or ( $\Delta u$ ) مشان تتبدد (تخرج) الماء من التربة.

Increase in stress to be transferred to the soil skeleton

الزيادة في الاجهاد الرأسي ( $\Delta\sigma_z$ ) تنتقل عبر الجزء الصلب من التربة (الهيكال العظمي للتربة).

if  $\Delta\sigma_z$  is a surcharge at the ground surface over a very large area, the increase in total stress at any depth of the clay layer will be equal to  $\Delta\sigma_z$

ملاحظة مهمة جدا: أذ ذكر أنه surcharge load وتعني العبء الثقيل وتكون معرضة على مساحة كبير كبيرة على سطح التربة , الزيادة في الأجهاد الرأسي عند أي نقطة أو أي عمق تساوي قيمة



$q \text{ KN/m}^2$

$\Delta\sigma_z = q \text{ KN/m}^2$

لدينا طبقتين Sand and clay ولكن ما سوف يتم ذكره ينطبق فقط على Saturated clay.

$$\sigma_{final} = \sigma_o \text{ or static or initial } + \sigma_{increment}$$

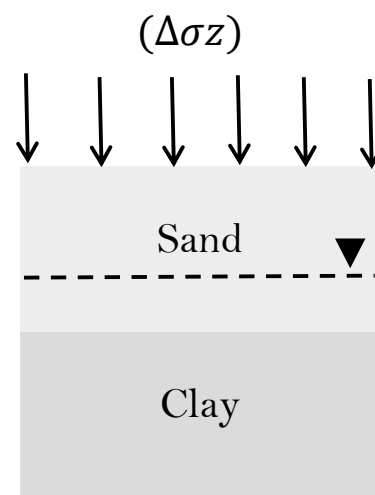
$$\text{At } t = 0 \quad \Delta\sigma_z = \Delta u = u_e = u_i$$

من اول يوضع الحمل أي عند زمن صفر الزيادة في الاجهاد يساوي الزيادة في ضغط المياه وضغط المياه عند زمن صفر يرمز له  $u_i$ .

$$\sigma_{total \text{ final}} = \sigma_o + \Delta\sigma_z$$

$$u_{final} = u_o + u_e = u_o + \Delta\sigma_z$$

$$\sigma_{effective \text{ final}} = (\sigma_o + \Delta\sigma_z) - (u_o + \Delta\sigma_z) = \sigma_o - u_o$$



$$\text{At } t = \infty \quad \Delta u = u_e = 0$$

بعد وضع الحمل لفترة زمنية طويلة تكون الماء قد خرجت جميعها من التربة لذلك الزيادة في ضغط المياه تساوي صفر , إذ ما في ما في ما في ضغط مي.

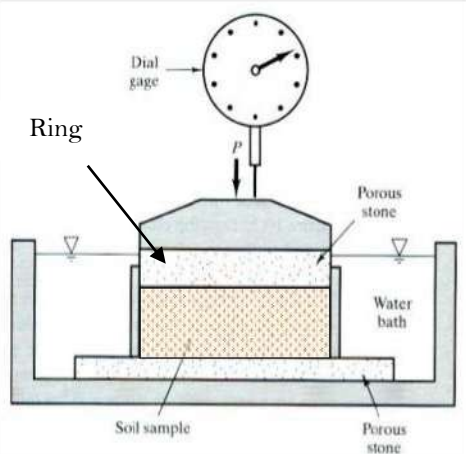
$$\sigma_{total \text{ final}} = \sigma_o + \Delta\sigma_z$$

$$u_{final} = u_o + u_e = u_o + 0$$

$$\sigma_{effective \text{ final}} = (\sigma_s + \Delta\sigma_z) - (u_s + 0) = \sigma_s + \Delta\sigma_z - u_s$$

## The Oedometer test

جهاز مخبري يستخدم لقياس الهبوط في ارتفاع التربة ويتكون من:



1. Dial (الهبوط في الارتفاع) gage:

2. Porous stone: حجر يوجد به ثقوب لسماح الماء بالتصريف في اتجاه رأسي فقط

يتم استخدام الجهاز لقياس (Settlement) لل (Saturated clay) وذلك عن طريق تعريض العينة لحمل معين مثل (0.25Kg/m<sup>2</sup>) لمدة 24 ساعة لان قيمة (Settlement) تزداد مع الزمن لحين خروج الماء جميعها نأخذ قراءة (Settlement) كل مدة زمنية معينة مثل (0.5 min, 1min.....) ثم بعد انقضاء 24 ساعة نكرر التجربة ولكن بحمل أكبر مثل (0.5Kg/m<sup>2</sup>).

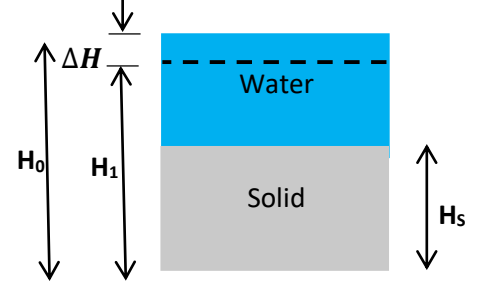
$W_1$  = Water content measured at end of test

$e_0$  = Void ratio at start of test

$e_1$  = Void ratio at end of test

$H_0$  = Thickness of specimen at start of test

$\Delta H$  = Change in thickness during test



$$e_0 = e_1 + \Delta e$$

$$\varepsilon_V = \frac{\Delta V}{V_0} = \frac{\Delta H}{H_0} = \frac{\Delta e}{1 + e_0}$$

$$e_1 = w_1 G_s$$

النسبة في التغير في الحجم الي الحجم الأصلي (قبل حدوث Settlement) بعطي قيمة الانفعال الحجمي (Strain) وهذه القيمة بتساوي التغير في الارتفاع الي الارتفاع الأصلي وتساوي التغير في نسبة الفراغات الي نسبة الفراغات الأصلية. (مقاومة مواد)

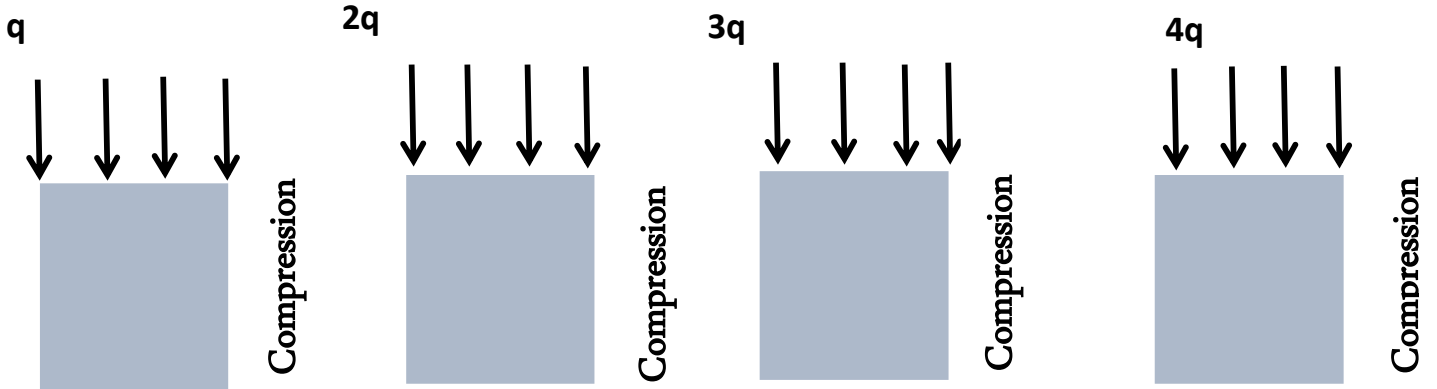
$$e_1 = \frac{H_1 - H_s}{H_s}$$

A: سطح العينة التي تتعرض للإجهاد

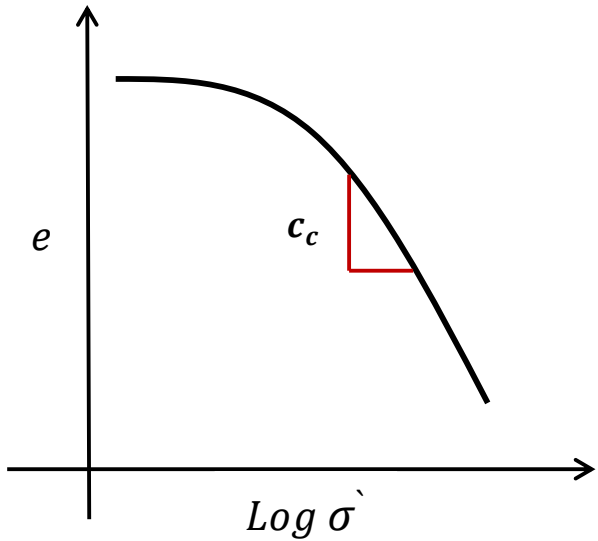
$$H_s = \frac{M_s}{A w G_s}$$

w: المحتوى المائي

لو كان عندي (Saturated Clay) وكان عليها (Load) ثم قم بزيادة (ال Load) تدريجيا دون نزع (ال Load) القديم عند الزيادة فكلما زادت قيمة الحمل على التربة كلما قلت نسبة الفراغات في التربة. قيمة الحمل q.



لو اخدنا عند كل حمل قيمة الاجهاد ( $\sigma$ ) و طلعنا قيمة ( $Log \sigma$ ) وطلعنا قيمة ( $e$ ) وجبنا ورقة  $log$  (scale) ورسمنا ووصلنا لكل حمل ( $Log \sigma$ ) مع ( $e$ ) الخاصة فيه راح يكون عنا الرسمة بالبداية (Curve) وبعدها تصبح (Line). (سبب الشكل الناتج هو Compression)



ميل الخط المستقيم يسمى **The Compression index**

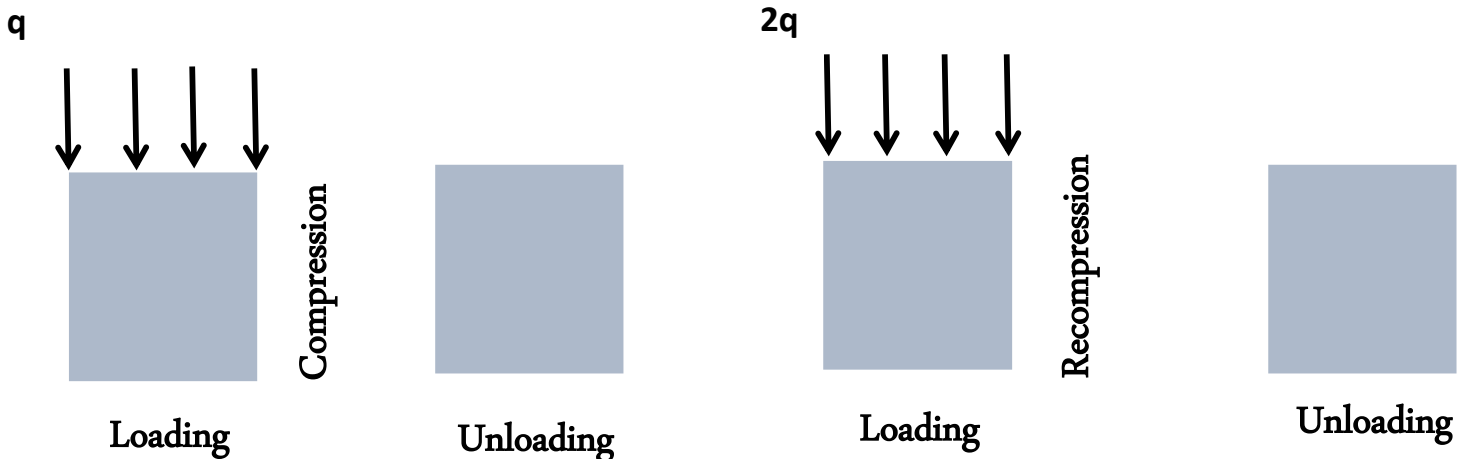
واختصار  $c_c$

$$c_c = \frac{e_1 - e_2}{Log \sigma_2' - Log \sigma_1'}$$

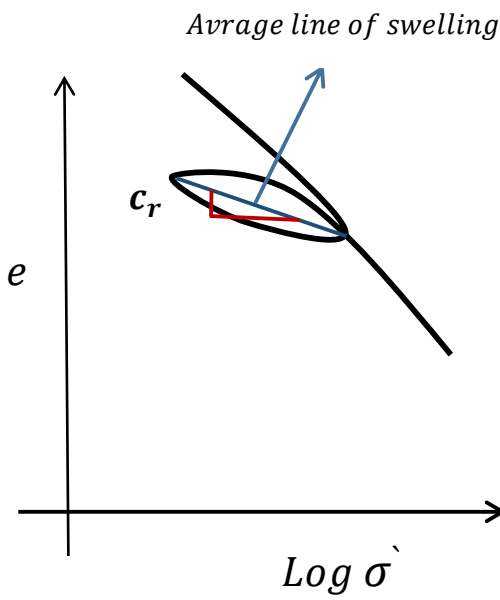
سبب التسمية أن الشكل نتج عن Compression

$$c_c = 0.009(LL - 10)$$

لو كان (**Saturated Clay**) وكان عليها (**Load**) ثم قم بإزالة ال (**Load**) و إضافة (**Load**) أكبر من القديم فانه عند وضع ال (**Load**) التربة سوف يحدث لها Compression وعند إزالة ال (**Load**) سوف تتمدد او تنتفخ (Swelling) ثم عند إضافة ال (**Load**) مجددا ويكون أكبر من الذي قبله يحدث (**Compression**) وهكذا.



لو اخدنا قيمة الاجهاد ( $\sigma$ ) و طلعنا قيمة ( $Log \sigma$ ) وطلعنا قيمة ( $e$ ) لكل وضع (**Loading**) وجبنا ورقة ( $log$ ) scale ورسمنا ووصلنا ( $Log \sigma$ ) مع ( $e$ ) راح يكون عنا الرسمة على شكل (**Loop**). (سبب الشكل الناتج هو **Recompression**)



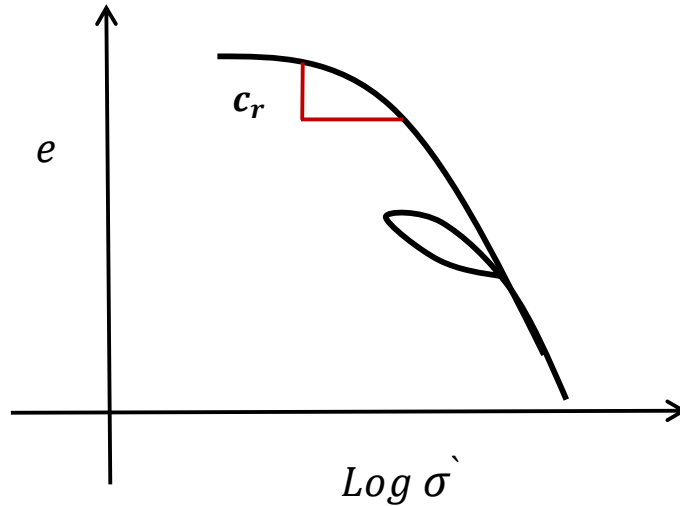
ميل الخط المستقيم الواصل من أول نقطة في ال Loop الى اخر نقطة في Loop يسمى  $c_r$  واختصار **The Recompression Or Swelling index**

$$c_r = \frac{e_1 - e_2}{Log \sigma_2' - Log \sigma_1'}$$

سبب التسمية أن الشكل نتج عن Recompression

$$c_c = 5c_r$$

فيك ترسم التجريبتين على نفس الورقة



## The coefficient of volume compressibility (mv)

Mv: The volume change per unit volume per unit increase in effective stress.

The units of mv are the inverse of pressure ( $m^2/MN$ ).

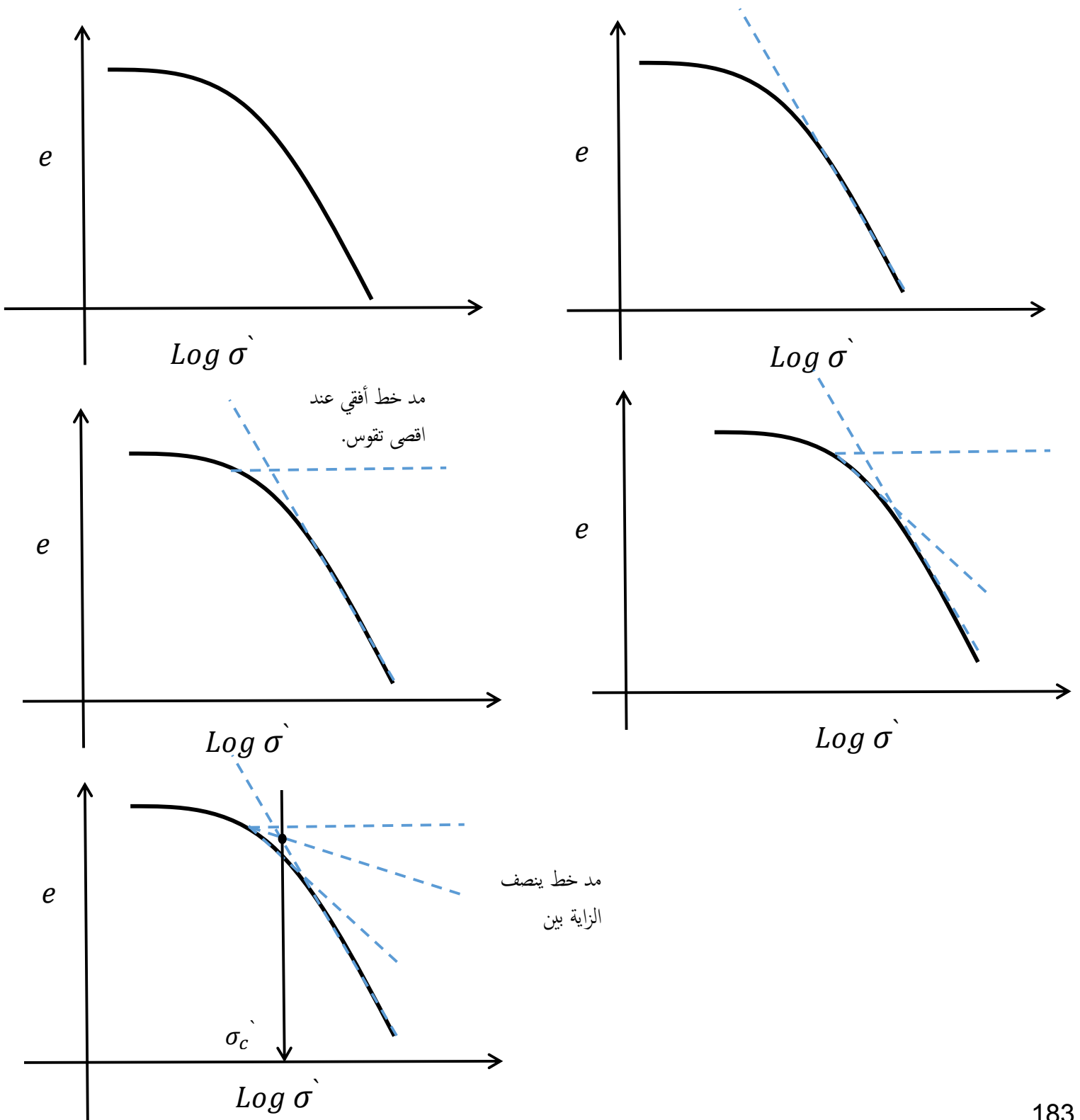
أذ قمنا بقسمة قيمة الافعال الحجمي (Strain) على التغير في الأجهاد نحصل على قيمة **mv** (التغير في الحجم في المتر المكعب لكل زيادة في الاجهاد الفعال) و قيمته ليست ثابتة ولكن يعتمد على (Rang Stress) في الحسابات.

$$mv = \frac{\epsilon v}{\Delta \sigma'} = \frac{\Delta H}{H_0 \Delta \sigma'} = \frac{\Delta e}{(1 + e_0) \Delta \sigma'} \text{ MN/m}^2$$

# Preconsolidation pressure

the maximum effective vertical stress that has acted on the clay in the past, referred to as the preconsolidation pressure  $\sigma_c' / \sigma_p'$ .

أقصى اجهاد فعال تعرض له الطين في الماضي و لتقدير قيمة  $\sigma_c'$  نستخدم طريقة Casagrande.



# Over consolidation Ratio (O.C.R)

$$O.C.R = \frac{\sigma_P'}{\sigma_o'}$$

هي النسبة بين اقصى اجهاد فعال تعرضت له التربة في الماضي والاجهاد الحالي (الاجهاد الفعال الناتج عن وزن الأرض فقط).

1. Normally Consolidation Clay (O.C.R) = 1

$$\sigma_P' = \sigma_o'$$

2. Under Consolidation Clay (O.C.R) < 1

$$\sigma_P' < \sigma_o'$$

3. Over Consolidation Clay (O.C.R) > 1

$$\sigma_P' > \sigma_o'$$

## Final Settlement $S_f/\Delta H$

**$S_f$  Or  $\Delta H_f$  At  $t = \infty$**

هو أقصى هبوط ممكن أن يحصل في التربة والان يجب التعرف على بعض المفاهيم:

$$\Delta\sigma_z = \frac{1}{6} (\Delta\sigma_{z_{top}} + 4\Delta\sigma_{z_{mid}} + \Delta\sigma_{z_{bottom}})$$

.The Simson rule هون منحسب متوسط الزيادة في الاجهاد الرأسي لمنتصف طبقة الطين باستخدام

$$\sigma_o' = \gamma h$$

$$\sigma_f' = \sigma_o' + \Delta\sigma_z$$

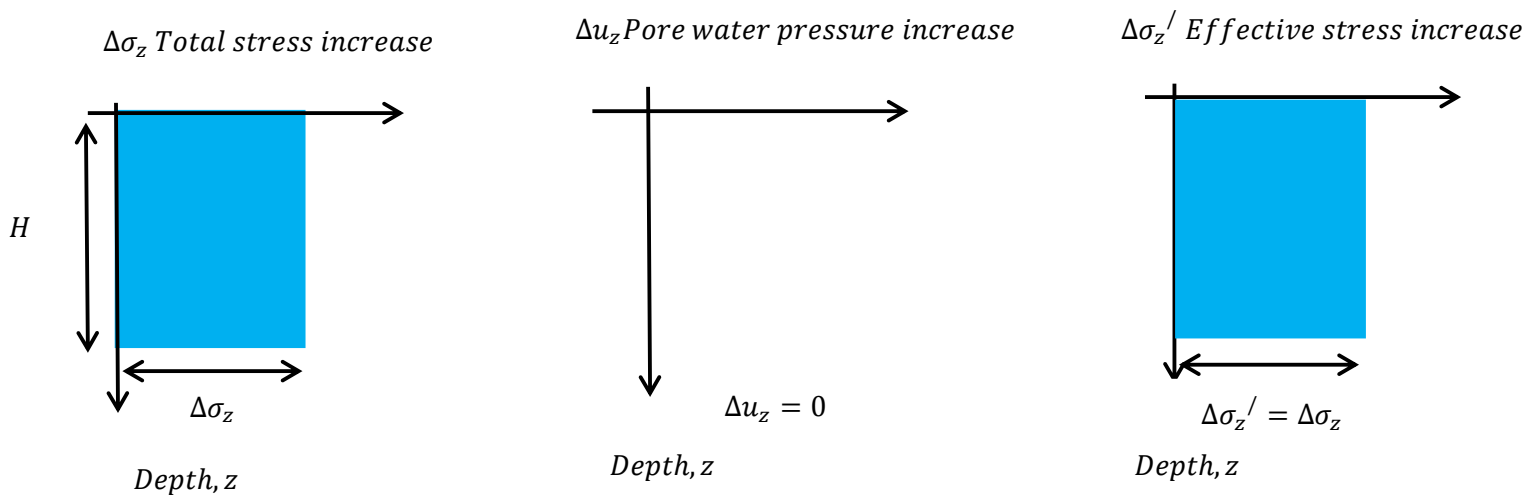
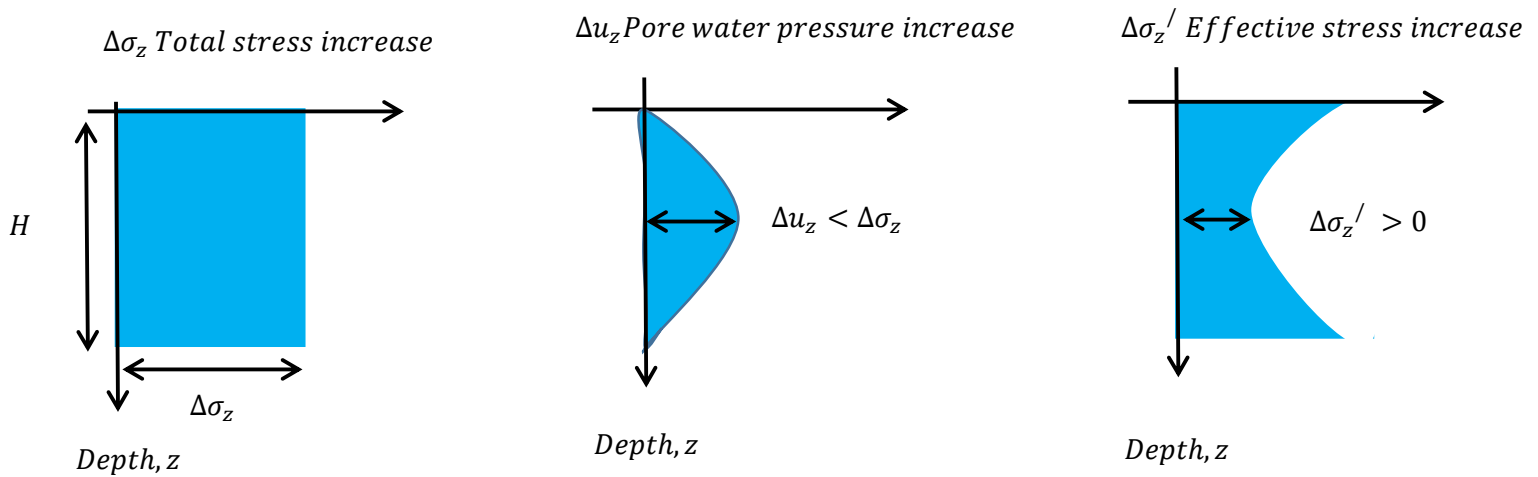
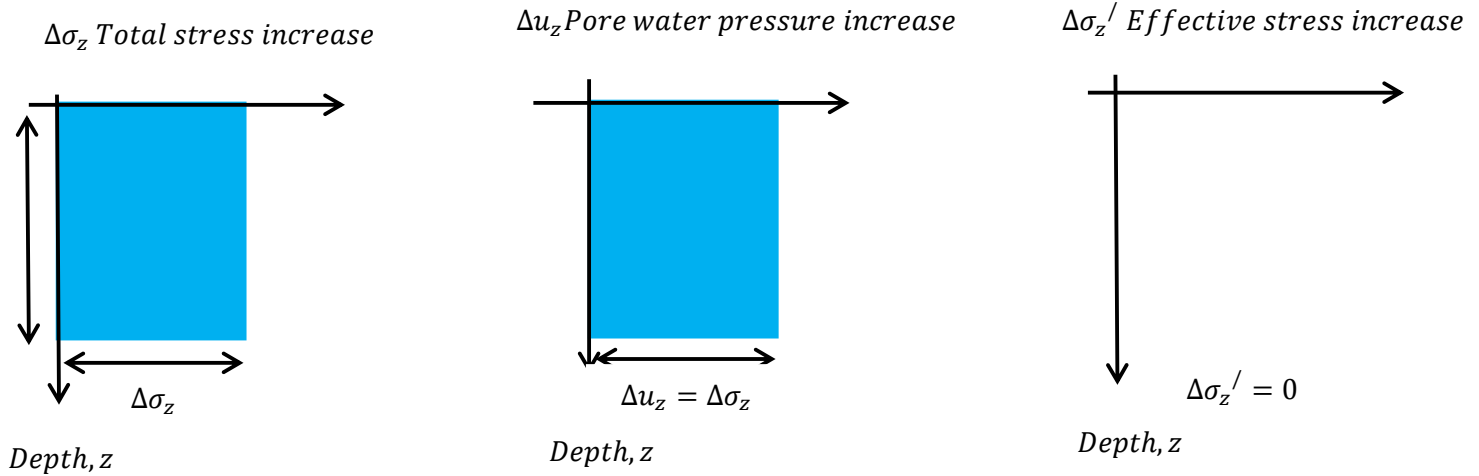
المسافة من سطح التربة لعند منتصف طبقة الطين : h

سمك طبقة الطين :  $H_o$

ملاحظة كثير مهمة عند حساب الهبوط في الارتفاع النهائي يكون عند زمن ما لانهاية لذلك  $\Delta\sigma_z' = \Delta\sigma_z$



# Results



القوانين

1.

$$S_f = H_0 \frac{\Delta e}{(1 + e_0)}$$

$$S_f = m_v H_0 \Delta \sigma_z$$

2.

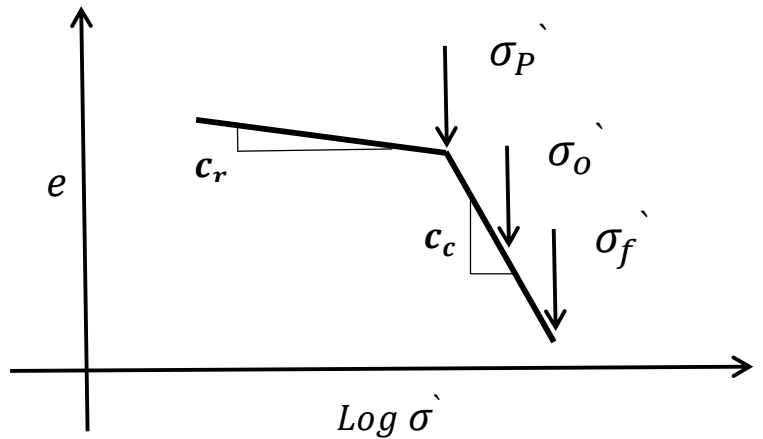
$$S_f = \frac{c_c}{(1 + e_0)} H_0 \text{Log} \left( \frac{\sigma_f'}{\sigma_o'} \right)$$

حالاته:

$$\sigma_P' < \sigma_o' < \sigma_f'$$

$$O.C.R < 1$$

$$O.C.R = 1$$



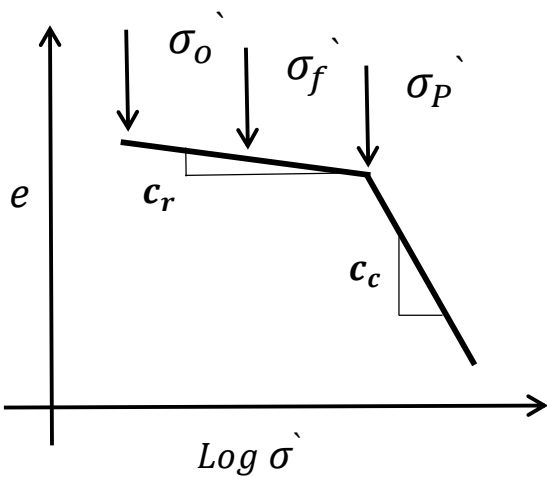
3.

$$S_f = \frac{c_r}{(1 + e_0)} H_0 \text{Log} \left( \frac{\sigma_f'}{\sigma_o'} \right)$$

حالاته:

$$\sigma_o' < \sigma_f' < \sigma_P'$$

$$O.C.R > 1$$



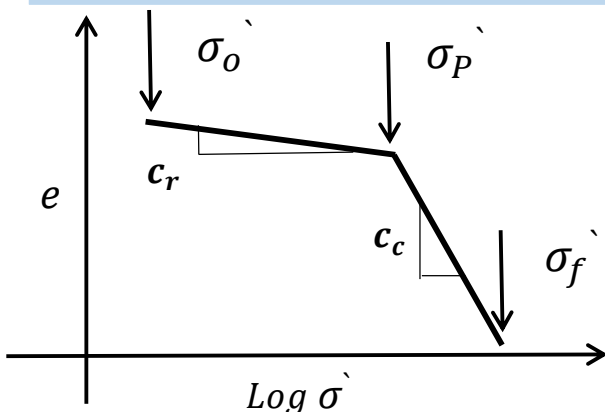
4.

$$S_f = \frac{c_r}{(1 + e_0)} H_0 \text{Log} \left( \frac{\sigma_P'}{\sigma_o'} \right) + \frac{c_c}{(1 + e_0)} H_0 \text{Log} \left( \frac{\sigma_f'}{\sigma_P'} \right)$$

$$\sigma_o' < \sigma_P' < \sigma_f'$$

$$O.C.R > 1$$

حالاته:



5.

$$S_f = \frac{c_r}{(1 + e_0)} H_0 \text{Log} \left( \frac{\sigma_f'}{\sigma_o'} \right) = -ve$$

$$\sigma_o' > \sigma_f'$$

حالته:

الأشارة السالبة تدل على أن التربة تم إزالة الحمل عنها وحدث انتفاخ أو تمدد بدل التقلص.

## Degree Of Consolidation درجة التصلد

مر علينا كثير سؤال شو صار معك بالسويل درستها ؟؟ فأنت بتجاوب درست بما نسبته 75% من المادة وانتا درستها ؟؟ انا درست ما يقارب 40% منها ودرجة التصلد بتعطي نفس المفهوم ألي هو التربة كم أنجزت من عمليه (Consolidation) الهبوط قبل الوصول الى الهبوط النهائي وتسمى هذه النسبة **درجة التصلد** ورمزها  $U_{avg}$  Or  $U_i$  Or  $U$  ويمكن أيضا تشبيهه انجازك في شاتر معين من السويل بدرجة التصلد عند نقطة معينة في التربة الطينية المشبعة ويرمز له ب  $U_z$ .

قدم العالم Terzaghi's نظرية لحسابه بناء على الفرضيات التالية:

1. The soil is homogeneous. التربة
2. The soil is fully. التربة مغمورة تماما.
3. The solid particles and water are incompressible.

الجزء الصلب من التربة والمياه غير قابل للانضغاط.

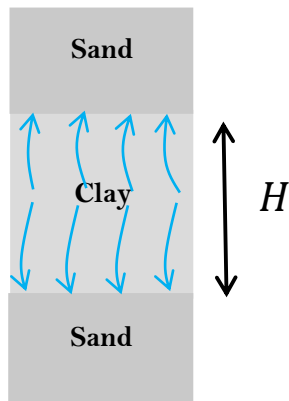
4. Compression and flow are one-dimensional.

نفترض أن التصريف المياه في اتجاه واحد وهو الاتجاه الراسي أما للأعلى أو للأسفل وأما للأعلى والأسفل معا.

أقصى مسافة ممكنة يسلكها الماء للخروج من التربة باتجاه  $d_r$

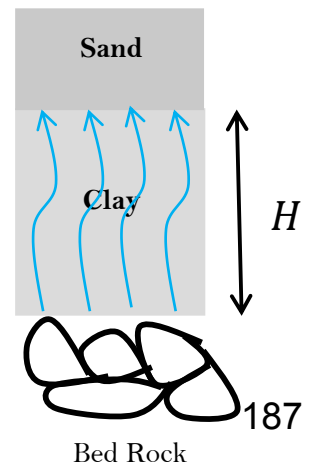
طبقة الطين محاطة بطبقتين منفذات للماء لذلك أقصى مسافة التي يمكن أن يقطعها الماء تبدأ من منتصف

$$d_r = \frac{H}{2}$$



طبقة الطين محاطة بطبقة منفذة للماء وطبقة غير منفذة لذلك أقصى مسافة التي يمكن أن يقطعها الماء تبدأ من قاع الطبقة.

$$d_r = H$$



5. Strains are small.

$$\varepsilon = \frac{\Delta H}{H}$$

6. Darcy's law is valid at all hydraulic gradients. مسموح استخدام قانون دارسي.

7. The coefficient of permeability and the coefficient of volume compressibility remain constant throughout the process.

$K / m_v$  قيمتهم ثابتة خلال عملية التصلد ولا

8. There is a unique relationship, independent of time, between void ratio and effective stress.

$$U_{avg} = \frac{S_c}{S_f}$$

الهبوط عند أي زمن :  $S_c$   
الهبوط النهائي :  $S_f$

لحساب درجة التصلد بناء على الفروض التي قدمها العالم Terzaghi's

$$U_z = 1 - \frac{u_e}{\Delta\sigma_z}$$

$$\Delta\sigma_z = u_i$$

At  $t = 0$

$$u_e = \Delta\sigma_z$$

$$U_z = 1 - \frac{\Delta\sigma_z}{\Delta\sigma_z} = 1 - 1 = 0$$

At  $t = \infty$

$$u_e = 0$$

$$U_z = 1 - \frac{0}{\Delta\sigma_z} = 1 - 0 = 1$$

The differential equation of consolidation المعادلة التفاضلية للتصلد

$$\frac{\partial u_e}{\partial t} = cv \frac{\partial^2 u_e}{\partial z^2}$$

معامل التصلد بطريقتين: (مطلوب حسابه في مختبر المادة)

1. Casagrande Method.

2. The Root Time Method Or Taylor Method.

$cv =$  being defined as the coefficient of consolidation, suitable unit being  $m^2/year$ .

$$c_v = T_v \frac{dr^2}{t}$$

$T_v = T_i = T =$  dimensionless time factor

معامل يعتمد على

$t =$  Time

لحساب  $U_{avg}$  باستخدام  $T_v$

$$U_{avg} = \sqrt{\frac{4T_v}{\pi}}$$

$0 \leq T_v \leq 0.197$  في

$$U_{avg} = 1 - \frac{8}{\pi^2} e^{-\frac{\pi^2 T_v}{4}}$$

$T_v > 0.197$  في حال:

لحساب  $T_v$  باستخدام  $U_{avg}$

$$T_v = \frac{\pi}{4} U_{avg}^2$$

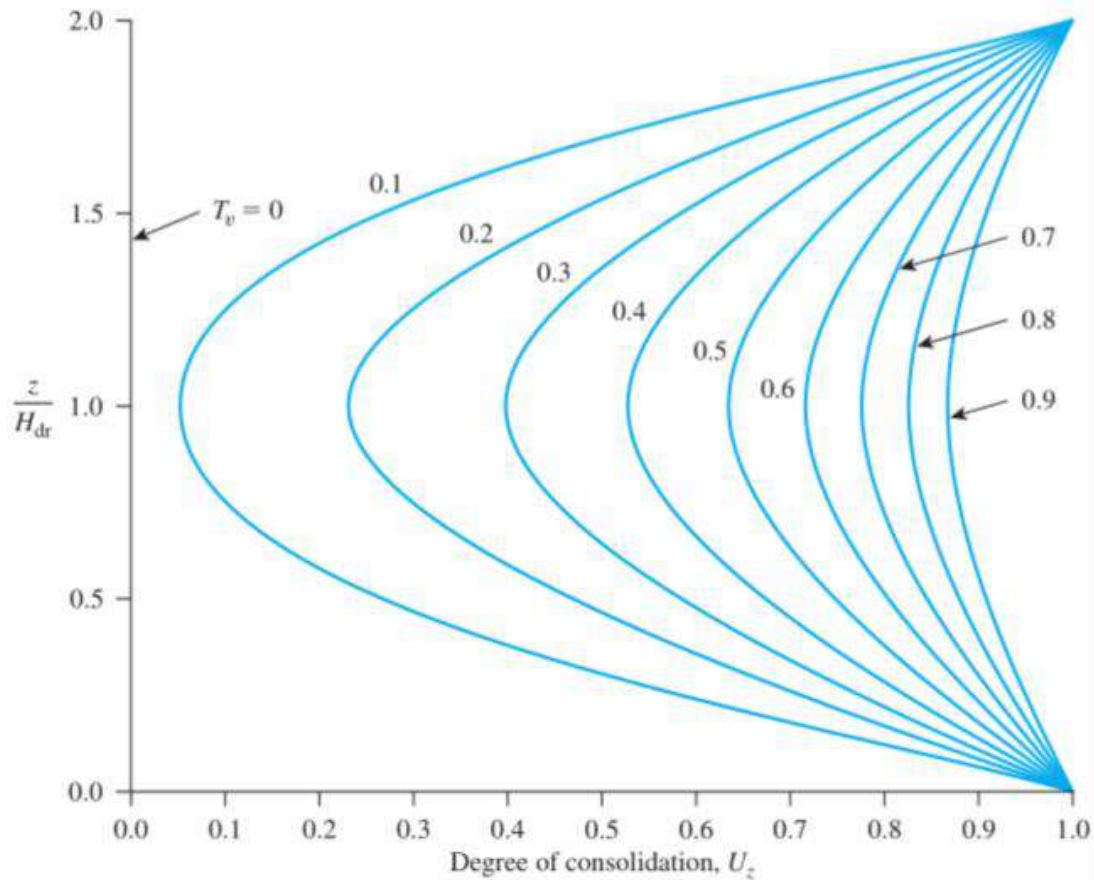
$U \leq 0.60$  في حال:

$$T_v = -0.933 \text{Log}(1 - U) - 0.085$$

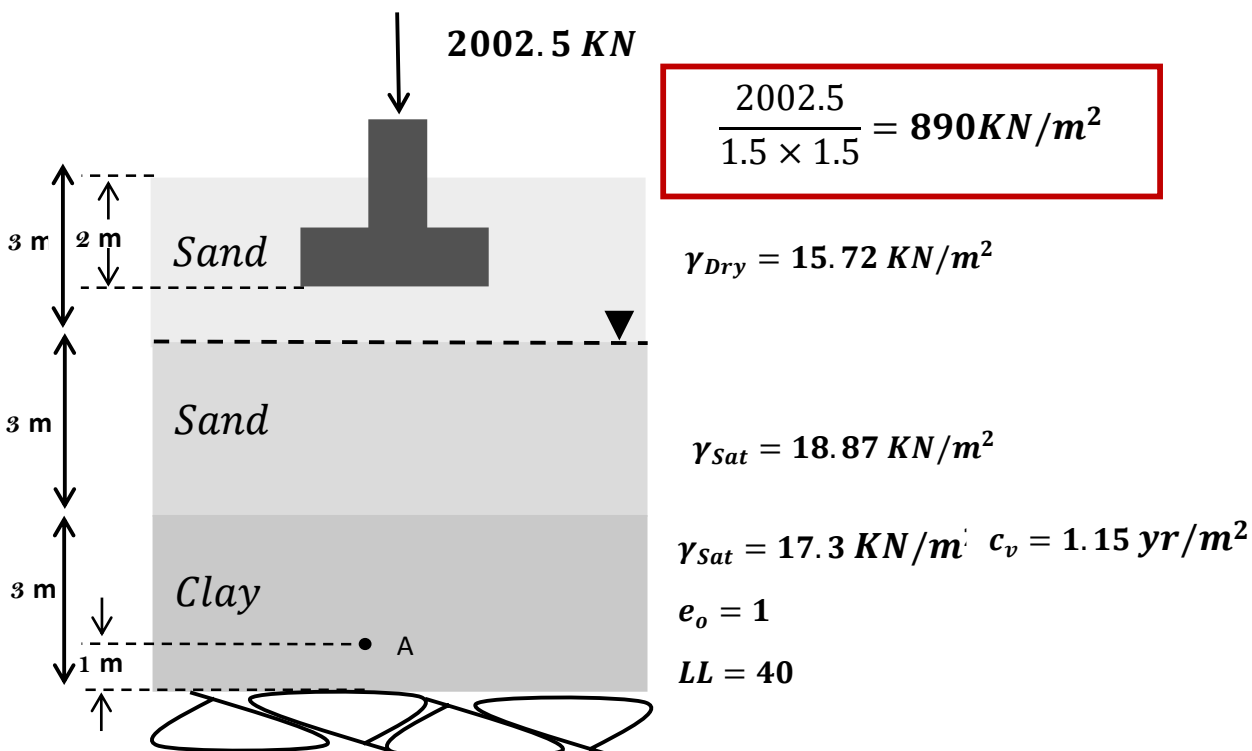
$U > 0.60$  في حال:

$$K = c_v m_v \gamma_w$$

بالنسبة لعلاقة  $U_z$  مع  $Tv$  يوجد Chart يربطهم مع بعض



**Example 1:** The 3-m-thick clay layer that will result from the load carried by a 1.5-m-square footing. The clay is **normally consolidated**. Use the weighted average method to calculate the average increase of effective pressure in the clay layer.



1. Primary consolidation settlement?
2. Consolidation settlement after 3 year?
3. Time to consolidation settlement reach 10 mm?
4. Effective stress at point A after 4 year?

1.

$$\Delta\sigma_{z_{top}} = \frac{q \times B^2}{(B + Z) \times (B + Z)} = \frac{890 \times 1.5^2}{(1.5 + 4) \times (1.5 + 4)} = 66.2 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_{z_{mid}} = \frac{q \times B^2}{(B + Z) \times (B + Z)} = \frac{890 \times 1.5^2}{(1.5 + 5.5) \times (1.5 + 5.5)} = 40.87 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_{z_{bottom}} = \frac{q \times B^2}{(B + Z) \times (B + Z)} = \frac{890 \times 1.5^2}{(1.5 + 7) \times (1.5 + 7)} = 27.7 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{1}{6} (\Delta\sigma_{z_{top}} + 4\Delta\sigma_{z_{mid}} + \Delta\sigma_{z_{bottom}}) = \frac{1}{6} (66.2 + 4 \times 40.87 + 27.7) = 42.9 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_o = \gamma h = 15.72 \times 3 + (18.87 - 9.81) \times 3 + (17.3 - 9.81) \times 1.5 = 85.574 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_f = \sigma_o + \Delta\sigma_z = 85.574 + 42.9 = 128.474 \text{ KN/m}^2$$

$$c_c = 0.009(LL - 10) = 0.009(40 - 10) = 0.27$$

$$S_f = \frac{c_c}{(1 + e_0)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_f}{\sigma_o} \right) = \frac{0.27}{(1 + 1)} \times 3 \times \text{Log} \left( \frac{128.47}{85.574} \right) = 0.0714 \text{ m}$$

2.

$$U_{avg} = \frac{S_c}{S_f} \quad S_c = S_f U_{avg} = 0.07 \times 0.68 = 0.04778 \text{ m}$$

$$Tv = \frac{cv t}{dr^2} = \frac{1.15 \times 3}{3^2} = 0.38 > 0.197$$

$$U_{avg} = 1 - \frac{8}{\pi^2} e^{-\frac{\pi^2 Tv}{4}} = 1 - \frac{8}{\pi^2} e^{-\frac{\pi^2 \times 0.38}{4}} = 0.0.68$$

معي قيمة الهبوط النهائي في التربة  
بحسب متوسط درجة التصلد عند 3  
سنين ويضلل المجهول الوحيد  
الهبوط عد 3 سنين.

$$3. \quad U_{avg} = \frac{S_c}{S_f} = \frac{0.010}{0.0714} = \mathbf{0.14} < 0.6$$

$$Tv = \frac{\pi}{4} U_{avg}^2 = \frac{\pi}{4} \times 0.14^2 = \mathbf{0.0154}$$

$$t = \frac{dr^2 Tv}{cv} = \frac{3^2 \times 0.0154}{1.15} = \mathbf{0.12 \text{ year}}$$

4.

$$\sigma_{fA} = \sigma_{oA} + \Delta\sigma_{ZA} = 138.37 + 29.7 = \mathbf{168.07 \text{ KN/m}^2}$$

$$u_{fA} = u_{oA} + u_{eA} = 49.05 + 9.504 = \mathbf{58.554 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_f' = \sigma_{fA} - u_{fA} = 168.07 - 58.554 = \mathbf{109.516 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{oA} = \gamma h = 15.72 \times 3 + 18.87 \times 3 + 17.3 \times 2 = \mathbf{138.37 \text{ KN/m}^2}$$

$$\Delta\sigma_{ZA} = \frac{q \times B^2}{(B + Z) \times (B + Z)} = \frac{890 \times 1.5^2}{(1.5 + 6) \times (1.5 + 6)} = \mathbf{29.7 \text{ KN/m}^2}$$

$$u_{oA} = \gamma_w h = 9.81 \times 5 = \mathbf{49.05 \text{ KN/m}^2}$$

$$Tv = \frac{cv t}{dr^2} = \frac{1.15 \times 4}{3^2} = \mathbf{0.5}$$

$$\frac{z}{Hdr} = \frac{2}{3} = \mathbf{0.7}$$

$$U_{ZA} = 1 - \frac{u_{eA}}{\Delta\sigma_{ZA}}$$

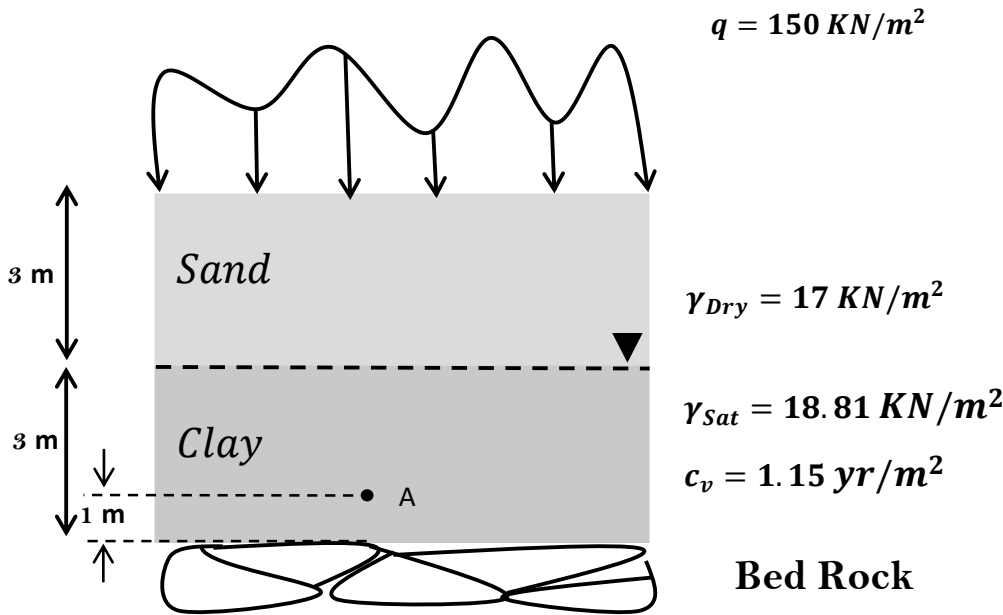
$$0.68 = 1 - \frac{u_e}{29.7}$$

$$u_e = \mathbf{9.504 \text{ KN/m}^2}$$

Z المسافة من سقف طبقة الطين حتى النقطة المراد معرفة درجة التصلد عندها و Hr هي نفسها dr باستخدام ال Chart بطلع قيمة  $U_z$ .



**Example 2 : When the surcharge is placed if  $\sigma_A' = 105 \text{ KN/m}^2$  ??  
 $t = ??$**



$$\sigma_{o_A} = \gamma h = 17 \times 3 + 18.81 \times 2 = \mathbf{88.62 \text{ KN/m}^2}$$

$$\Delta\sigma_{z_A} = q = \mathbf{150 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{f_A} = \sigma_{o_A} + \Delta\sigma_{z_A} = 88.62 + 150 = \mathbf{238.62 \text{ KN/m}^2}$$

$$u_{f_A} = \sigma_{f_A} - \sigma_f' = 238.62 - 105 = \mathbf{133.62 \text{ KN/m}^2}$$

$$u_{0_A} = \gamma_w h = 9.81 \times 2 = \mathbf{19.62 \text{ KN/m}^2}$$

$$u_{f_A} = u_{0_A} + u_{e_A}$$

$$133.62 = 19.62 + u_{e_A}$$

$$u_{e_A} = \mathbf{114 \text{ KN/m}^2}$$

$$U_{z_A} = 1 - \frac{u_{e_A}}{\Delta\sigma_{z_A}}$$

$$= 1 - \frac{114}{150}$$

$$= \mathbf{0.24}$$

$$\frac{z}{H_{dr}} = \frac{2}{3} = \mathbf{0.7}$$

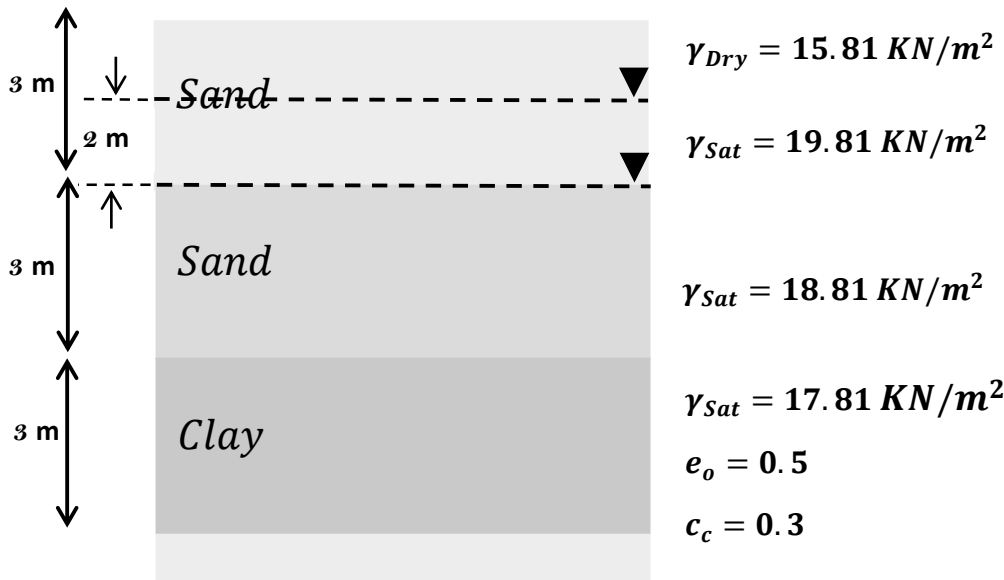
$$Tv = \mathbf{0.2}$$

from chart

$$t = \frac{dr^2 Tv}{c_v} = \frac{3^2 \times 0.2}{1.15} = \mathbf{1.6 \text{ year}}$$

**Example 3: Determine the total consolidation settlement for the soil profile shown if Ground water table drop 2m?  $\sigma_p' = 50KPa$**

أذ تغير منسوب سطح المياه فإنه عند المنسوب الأول نجد  $\sigma_o'$  وعند المنسوب الثاني نجد  $\sigma_f'$



$$\sigma_p' < \sigma_o' < \sigma_f'$$

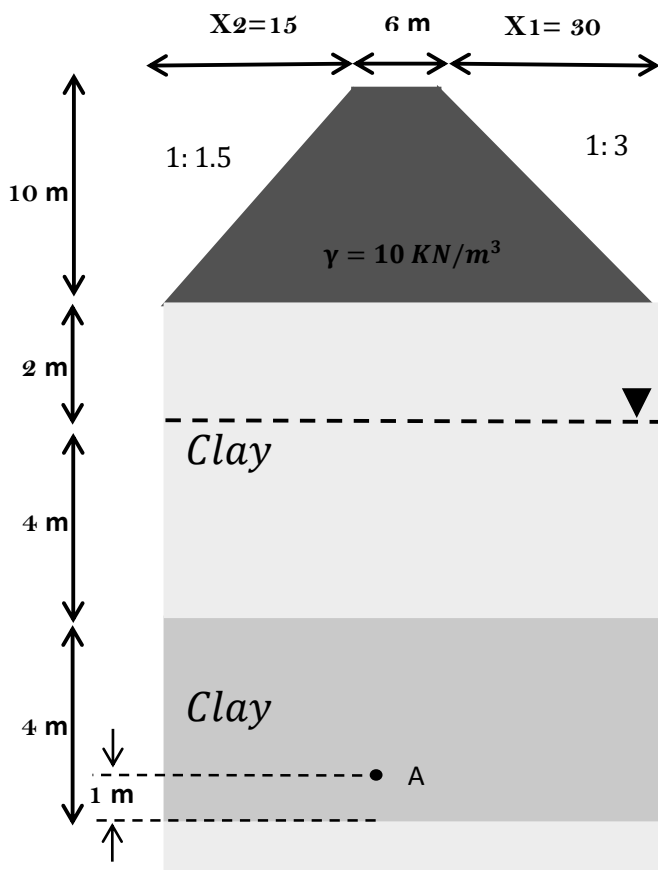
$$\sigma_o' = \gamma' h = 15.81 \times 1 + (19.81 - 9.81) \times 2 + (18.81 - 9.81) \times 3 + (17.81 - 9.81) \times 1.5 = \mathbf{74.81 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_f' = \gamma' h = 15.81 \times 3 + (18.81 - 9.81) \times 3 + (17.81 - 9.81) \times 1.5 = \mathbf{86.43 \text{ KN/m}^2}$$

$$S_f = \frac{c_c}{(1 + e_o)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_f'}{\sigma_o'} \right) = \frac{0.3}{1 + 0.5} \times 3 \times \text{Log} \left( \frac{86.43}{74.81} \right) = \mathbf{0.038 \text{ m}}$$

**Example 4: An Embankment is shown in Figure, Clay layer has  $c_c = 0.24$ ,  $c_r = 0.056$ ,  $c_v = 0.06 \text{ m}^2/\text{month}$ ,  $\sigma_c' = 110Kpa$ . The clay layer has sand above and below it Determine :**

1. Effective stress at point A after 5 years of construction of embankment?
2. Effective stress at point A at  $t=0$  of construction of embankment?
3. Effective stress at point A at  $t = \infty$  of construction of embankment?



$$\frac{10}{x} = \frac{1}{1.5}$$

$$X_2 = 15 \text{ m}$$

$$\frac{10}{x} = \frac{1}{3}$$

$$X_1 = 30 \text{ m}$$

$$\gamma_{Dry} = 15.72 \text{ kN/m}^3$$

$$\gamma_{Sat} = 18.87 \text{ kN/m}^3$$

$$\gamma_{Sat} = 17.3 \text{ kN/m}^3$$

$$e_o = 1$$

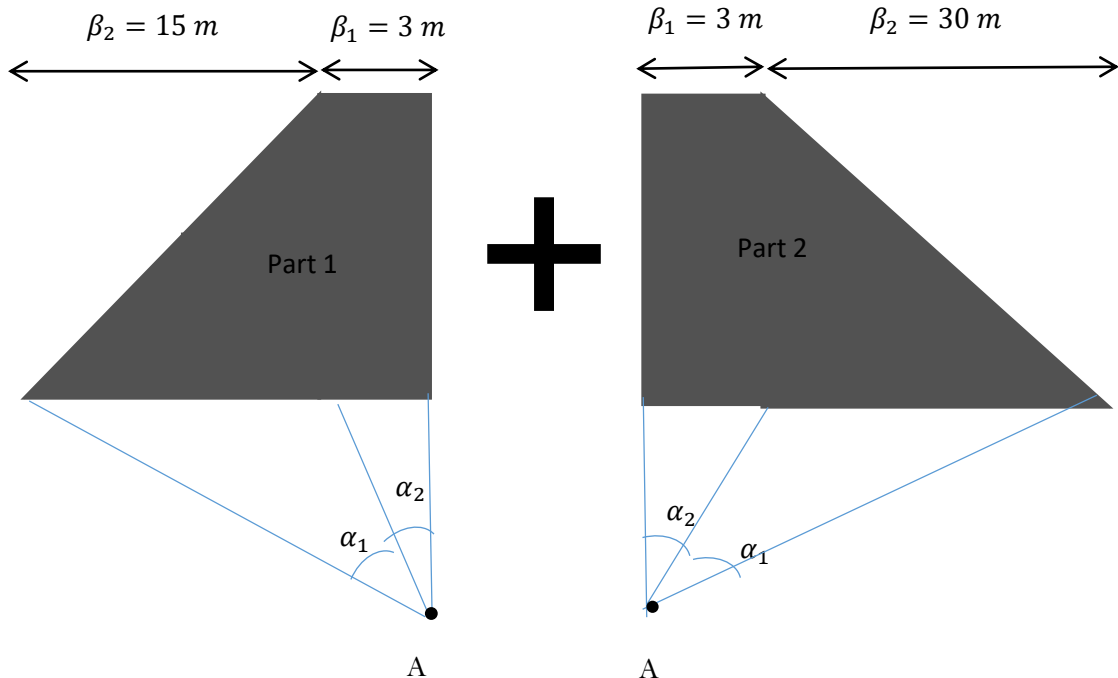
$$LL = 40$$

$$1. \quad \sigma_{f_A} = \sigma_{o_A} + \Delta\sigma_{z_A} = 158.82 + 84.48 = 243.3 \text{ kN/m}^2$$

$$u_{f_A} = u_{o_A} + u_{e_A} = 68.67 + 4.224 = 72.9 \text{ kN/m}^2$$

$$\sigma_f' = \sigma_{f_A} - u_{f_A} = 243.3 - 72.9 = 170.4 \text{ kN/m}^2$$

$$\sigma_{o_A} = \gamma h = 15.72 \times 2 + 18.87 \times 4 + 17.3 \times 3 = 158.82 \text{ kN/m}^2$$



$$q = \gamma H = 10 \times 10 = \mathbf{100 \text{ KN/m}^2}$$

### Part 1

$$\alpha_1 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{z} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{3 + 15}{9} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{3}{9} \right) = 45 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.78}$$

$$\alpha_2 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{3}{9} \right) = 18.43 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.32}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q}{\pi} \left[ \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2} \right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right] = \frac{100}{\pi} \left[ \left( \frac{3 + 15}{15} \right) (1.43 + 0.32) - \frac{3}{15} (0.32) \right]$$

$$= \mathbf{39.98 \text{ KN/m}^2}$$

### Part 2

$$\alpha_1 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{z} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{3 + 30}{9} \right) - \tan^{-1} \left( \frac{3}{9} \right) = 56.31 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.98}$$

$$\alpha_2 = \tan^{-1} \left( \frac{\beta_1}{z} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{3}{9} \right) = 18.43 \times \frac{\pi}{180} = \mathbf{0.32}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{q}{\pi} \left[ \left( \frac{\beta_1 + \beta_2}{\beta_2} \right) (\alpha_1 + \alpha_2) - \frac{\beta_1}{\beta_2} (\alpha_2) \right] = \frac{100}{\pi} \left[ \left( \frac{3 + 30}{30} \right) (0.98 + 0.32) - \frac{3}{30} (0.32) \right]$$

$$= \mathbf{44.5 \text{ KN/m}^2}$$

$$\Delta\sigma_{z_{total}} = 39.98 + 44.5 = \mathbf{84.48 \text{ KN/m}^2}$$

$$u_{0A} = \gamma_w h = 9.81 \times 7 = \mathbf{68.67 \text{ KN/m}^2}$$

$$Tv = \frac{cv t}{dr^2} = \frac{0.06 \times 12 \times 5}{2^2} = \mathbf{0.9}$$

$$U_{zA} = 1 - \frac{u_{eA}}{\Delta\sigma_{zA}}$$

$$0.95 = 1 - \frac{u_e}{84.48}$$

$$u_e = \mathbf{4.224 \text{ KN/m}^2}$$

$$\frac{z}{Hdr} = \frac{3}{2} = \mathbf{1.5}$$

2.

$$\sigma_{fA} = \sigma_{oA} + \Delta\sigma_{zA} = 158.82 + 84.48 = \mathbf{243.3 \text{ KN/m}^2}$$

$$u_{fA} = u_{0A} + u_{eA} = 68.67 + 84.48 = \mathbf{153.15 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_f = \sigma_{fA} - u_{fA} = \mathbf{243.3 - 153.15 = 90.15 \text{ KN/m}^2}$$

$$t = 0 \quad \Delta\sigma_z = u_e$$

$$3. \quad \sigma_{f_A} = \sigma_{o_A} + \Delta\sigma_{z_A} = 158.82 + 84.48 = 243.3 \text{ KN/m}^2$$

$$u_{f_A} = u_{o_A} + u_{e_A} = 68.67 + 0 = 68.67 \text{ KN/m}^2$$

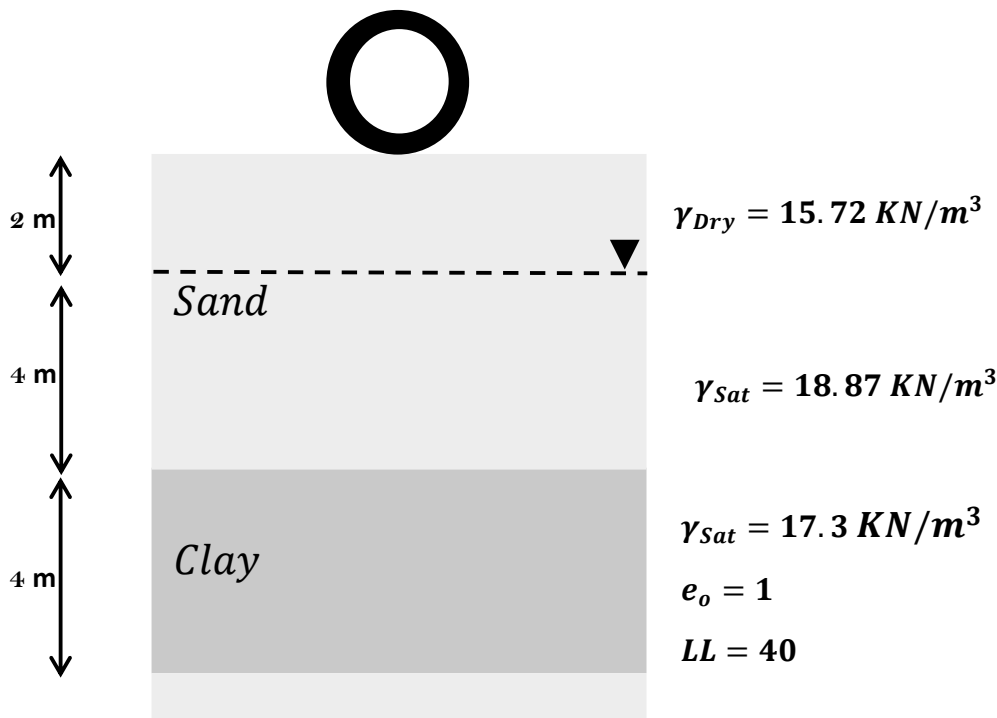
$$\sigma_f = \sigma_{f_A} - u_{f_A} = 243.3 - 68.67 = 174.63 \text{ KN/m}^2$$

$$t = \infty \quad u_e = 0$$

**Example 5 :** A water conduit from mild steel : the outer diameter is 2.5 m , inner diameter is 2.0 m consider the steel unit weight 77 KN/m<sup>3</sup> and water unit weight 9.81 KN/m<sup>3</sup> , Clay layer has  $c_c = 0.24$ ,  $c_r = 0.056$ ,  $c_v = 0.06 \text{ m}^2/\text{month}$ ,  $\sigma_c = 110 \text{ Kpa}$  , calculate :

1. Determine primary consolidation settlement due to pipe load?

2. The settlement after 4 year of pipe operational?



1.

$$q = \text{Area steel} \times \gamma_{steel} + \text{Area water} \times \gamma_{water}$$

$$= \frac{\pi}{4} (D_{Outer}^2 - D_{inner}^2) \times \gamma_{steel} + \frac{\pi}{4} D_{inner}^2 \times \gamma_{water}$$

$$= \frac{\pi}{4} \times (2.5^2 - 2^2) \times 77 + \frac{\pi}{4} \times 2^2 \times 9.81 = 167 \text{ KN/m}$$

$$\Delta\sigma_{z_{top}} = \frac{2qz^3}{\pi(x^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 167 \times 6^3}{\pi(0^2 + 6^2)^2} = \mathbf{17.7 \text{ KN/m}^2}$$

$$\Delta\sigma_{z_{mid}} = \frac{2qz^3}{\pi(x^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 167 \times 8^3}{\pi(0^2 + 8^2)^2} = \mathbf{13.3 \text{ KN/m}^2}$$

$$\Delta\sigma_{z_{bottom}} = \frac{2qz^3}{\pi(x^2 + z^2)^2} = \frac{2 \times 167 \times 10^3}{\pi(0^2 + 10^2)^2} = \mathbf{10.6 \text{ KN/m}^2}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{1}{6} (\Delta\sigma_{z_{top}} + 4\Delta\sigma_{z_{mid}} + \Delta\sigma_{z_{bottom}}) = \frac{1}{6} (17.7 + 4 \times 13.3 + 10.6) \\ = \mathbf{13.6 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_o' = \gamma h = 15.72 \times 2 + (18.87 - 9.81) \times 4 + (17.3 - 9.81) \times 2 \\ = \mathbf{82.66 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_f' = \sigma_o' + \Delta\sigma_z = 82.66 + 13.6 = \mathbf{96.26 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_o' < \sigma_f' < \sigma_p'$$

$$S_f = \frac{c_r}{(1 + e_0)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_f'}{\sigma_o'} \right) = \frac{0.056}{1 + 1} \times 4 \times \text{Log} \left( \frac{96.26}{82.66} \right) \\ = \mathbf{7.4 \times 10^{-3} \text{ m}}$$

2.

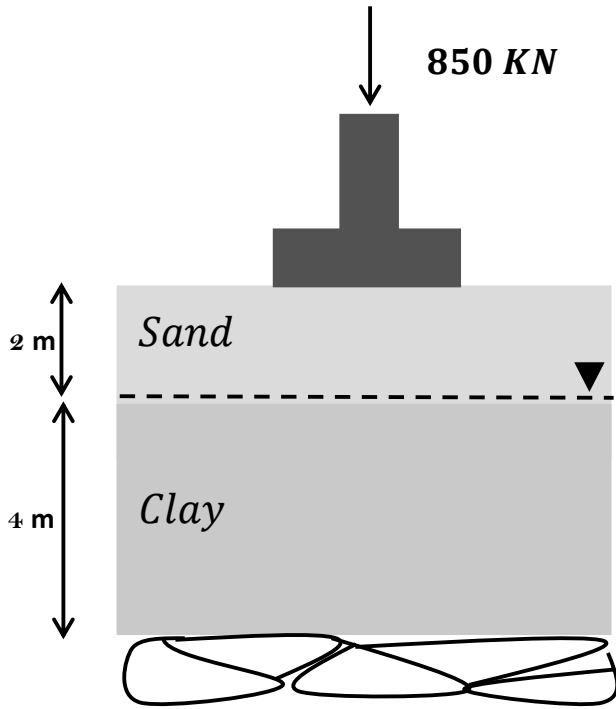
$$U_{avg} = \frac{S_c}{S_f}$$

$$Tv = \frac{cv t}{dr^2} = \frac{0.06 \times 12 \times 4}{2^2} = \mathbf{0.72} > 0.197$$

$$U_{avg} = 1 - \frac{8}{\pi^2} e^{-\frac{\pi^2 Tv}{4}} = 1 - \frac{8}{\pi^2} e^{-\frac{\pi^2 \times 0.72}{4}} = \mathbf{0.86}$$

$$S_c = S_f U_{avg} = 7.4 \times 10^{-3} \times 0.86 = \mathbf{6.4 \times 10^{-3} \text{ m}}$$

**Example 6:** A rectangular footing  $1.6 \text{ m} \times 2.4 \text{ m}$  founded on sand carrying a net applied pressure of  $850 \text{ KN}$ .  $\sigma_p' = 125 \text{ KPa}$



$$\frac{850}{1.6 \times 2.4} = 221.35 \text{ KN/m}^2$$

$$\gamma_{Dry} = 16 \text{ KN/m}^3$$

$$\gamma_{Sat} = 20.81 \text{ KN/m}^3$$

$$e_o = 0.55$$

$$cc = 0.245$$

$$cr = 0.056$$

$$c_v = 0.75 \text{ yr/m}^2$$

1. Find the consolidation settlement in the clay layer? Assume the stress increment imposed at middle of clay layer is  $85 \text{ KPa}$ .

ملاحظة: أذ أعطاك قيمة  $\Delta\sigma_z$  في منتصف طبقة الطين في السؤال جاهزة خذها ولا تستخدم طريقة سيمسون.

$$\sigma_o' = \gamma h = 16 \times 2 + (20.81 - 9.81) \times 2 = 54 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_f' = \sigma_o' + \Delta\sigma_z = 54 + 85 = 139 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_o' < \sigma_p' < \sigma_f'$$

$$S_f = \frac{c_r}{(1 + e_o)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_p'}{\sigma_o'} \right) + \frac{c_c}{(1 + e_o)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_f'}{\sigma_p'} \right)$$

$$S_f = \frac{0.056}{1 + 0.55} \times 4 \times \text{Log} \left( \frac{125}{54} \right) + \frac{0.245}{1 + 0.55} \times 4 \times \text{Log} \left( \frac{139}{125} \right) = 0.082 \text{ m}$$

2. What would be the consolidation settlement after 1.5 years?

$$U_{avg} = \frac{S_c}{S_f} \quad S_c = S_f U_{avg} = 0.082 \times 0.299 = 0.0245 \text{ m}$$

$$Tv = \frac{cv t}{dr^2} = \frac{0.75 \times 1.5}{4^2} = \mathbf{0.07} < 0.197$$

$$U_{avg} = \sqrt{\frac{4Tv}{\pi}} = \sqrt{\frac{4 \times 0.07}{\pi}} = 0.299$$

3. If  $\sigma'$  measured at the middle height of clay layer equal to 60 KPa. Estimate the time the footing was built?

1.

$$\Delta\sigma_{z_{top}} = \frac{q(B \times L)}{(B + z) \times (L + z)} = \frac{221.35 \times 1.6 \times 2.4}{(1.6 + 2) \times (2.4 + 2)} = \mathbf{53.7 \text{ KN/m}^2}$$

$$\Delta\sigma_{z_{mid}} = \frac{q(B \times L)}{(B + z) \times (L + z)} = \frac{221.35 \times 1.6 \times 2.4}{(1.6 + 4) \times (2.4 + 4)} = \mathbf{23.72 \text{ KN/m}^2}$$

$$\Delta\sigma_{z_{bottom}} = \frac{q(B \times L)}{(B + z) \times (L + z)} = \frac{221.35 \times 1.6 \times 2.4}{(1.6 + 6) \times (2.4 + 6)} = \mathbf{13.31 \text{ KN/m}^2}$$

$$\Delta\sigma_z = \frac{1}{6} (\Delta\sigma_{z_{top}} + 4\Delta\sigma_{z_{mid}} + \Delta\sigma_{z_{bottom}}) =$$

$$\frac{1}{6} (53.7 + 4 \times 23.72 + 13.31) = \mathbf{26.98 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{o_{mid}} = \gamma h = 16 \times 2 + 20.81 \times 2 = \mathbf{73.62 \text{ KN/m}^2}$$

$$\sigma_{f_{mid}} = \sigma_{o_{mid}} + \Delta\sigma_z = 73.62 + 26.98 = \mathbf{100.6 \text{ KN/m}^2}$$

$$u_{f_{mid}} = \sigma_{f_{mid}} - \sigma'_{f_{mid}} = 100.6 - 60 = \mathbf{40.6 \text{ KN/m}^2}$$

$$u_{0A} = \gamma_w h = 9.81 \times 2 = \mathbf{19.62 \text{ KN/m}^2}$$



$$\begin{aligned}
 u_{fmid} &= u_{0mid} + u_{emid} & U_{zmid} &= 1 - \frac{u_{eAmid}}{\Delta\sigma_{zmid}} \\
 40.6 &= 19.62 + u_{eA} & &= 1 - \frac{20.98}{23.72} \\
 u_{emid} &= \mathbf{20.98 \text{ KN/m}^2} & &= \mathbf{0.12}
 \end{aligned}$$

$$\frac{z}{Hdr} = \frac{2}{4} = \mathbf{0.5} \quad Tv = \mathbf{0.08} \quad \text{from chart}$$

$$t = \frac{dr^2 Tv}{cv} = \frac{4^2 \times 0.08}{0.75} = \mathbf{1.71 \text{ year}}$$

**Example 6:** The following equations are used to solve certain problems in geotechnical engineering.

$$\frac{\partial u}{\partial t} = cv \frac{\partial^2 u}{\partial z^2}$$

1. What is the name of equation? **The differential equation of consolidation**
2. What is u stand for in equation? **Excess pore water pressure**
3. What is Cv stand for in equation? **The coefficient of consolidation**

**Example 7: A normally consolidated clay** layer in the field has a thickness of 3.2 m with an average effective stress of 75 kN/m<sup>2</sup>. (Effective stress in the middle of clay). A laboratory consolidation test on the clay gave the following result.

1. Determine the compression index.  $C_c$ .
2. If the average effective stress on the clay layer increased to 125 kN/m<sup>2</sup>. What would be the primary consolidation settlement.
3. The coefficient of consolidation of a clay for above pressure range was  $8 \times 10^{-3}$  mm<sup>2</sup>/sec on the basis of one-dimensional consolidation test result. Estimate the settlements of the above layer after 5.0 years.

Pressure (kPa)	Void ratio (e)
100	0.9
200	0.7

$$1. C_c = \frac{e_1 - e_2}{\text{Log } \sigma_2 - \text{Log } \sigma_1} = \frac{0.9 - 0.7}{\text{Log}700 - \text{Log}100} = \mathbf{0.24}$$

$$2. S_f = \frac{C_c}{(1 + e_0)} H_o \text{Log} \left( \frac{\sigma_f}{\sigma_o} \right) = \frac{0.24}{(1 + 0.9)} \times 3.2 \times \text{Log} \left( \frac{125}{75} \right) = 0.08967m$$

$$3. Tv = \frac{cv t}{dr^2} = \frac{8 \times 10^{-3} \times 5}{3.2^2} = \mathbf{3.9 \times 10^{-3}} < 0.197$$

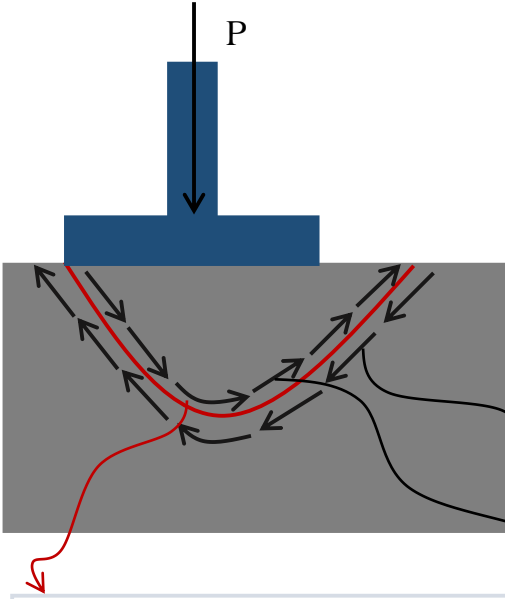
$$U_{avg} = \sqrt{\frac{4Tv}{\pi}} = \sqrt{\frac{4 \times 3.9 \times 10^{-3}}{\pi}} = \mathbf{0.07}$$

$$S_c = S_f U_{avg} = 0.08967 \times 0.07 = \mathbf{6.32 \times 10^{-3} m}$$

# بسم الله الرحمن الرحيم

## Shear Stress

Tensile stress	←	مقياس متانته (قوته)	←	Steel
Compression stress	←	مقياس متانته (قوته)	←	Concrete
Shear stress	←	مقياس متانته (قوته)	←	Soil



عندما تتعرض التربة لقوى خارجية (رأسية P) فإنه سيتولد عليها اجهادات Shear (stress) (مماسيه بين الحبيبات) تحاول جعل جزء من التربة ينفصل أو ينزلق عن باقي كتلة التربة) ولكل نوع من أنواع التربة قدرة محددة على مقاومة حدوث مثل هذا الانهيار حيث أن أقصى قيمة لهذه المقاومة تعرف ب Shear Strength  $\tau_f = \tau_{max@failer}$

### Shear Strength

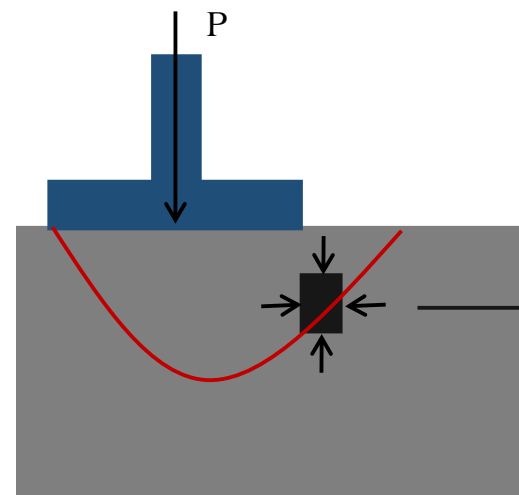
وهو المقاومة التي تبديها التربة (رد الفعل العكسي) ضد (Shear Stress)

### Failure surface

هو السطح الذي يحدث عنده الانزلاق.

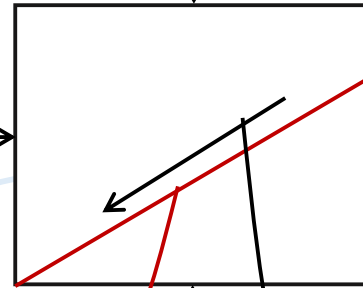
### Shear stress

وهو الإجهادات المتولدة بسبب p وهو يسبب في انزلاق التربة.



$\sigma_v$  Or  $\sigma_1$   
الاجهادات الرأسية

لو أخذنا مقطع كما في الشكل أدناه:



$\sigma_h$  Or  $\sigma_3$

الاجهادات الافقية (الجانبية)

Failure plane

$\tau_f = \tau_{max@failer}$

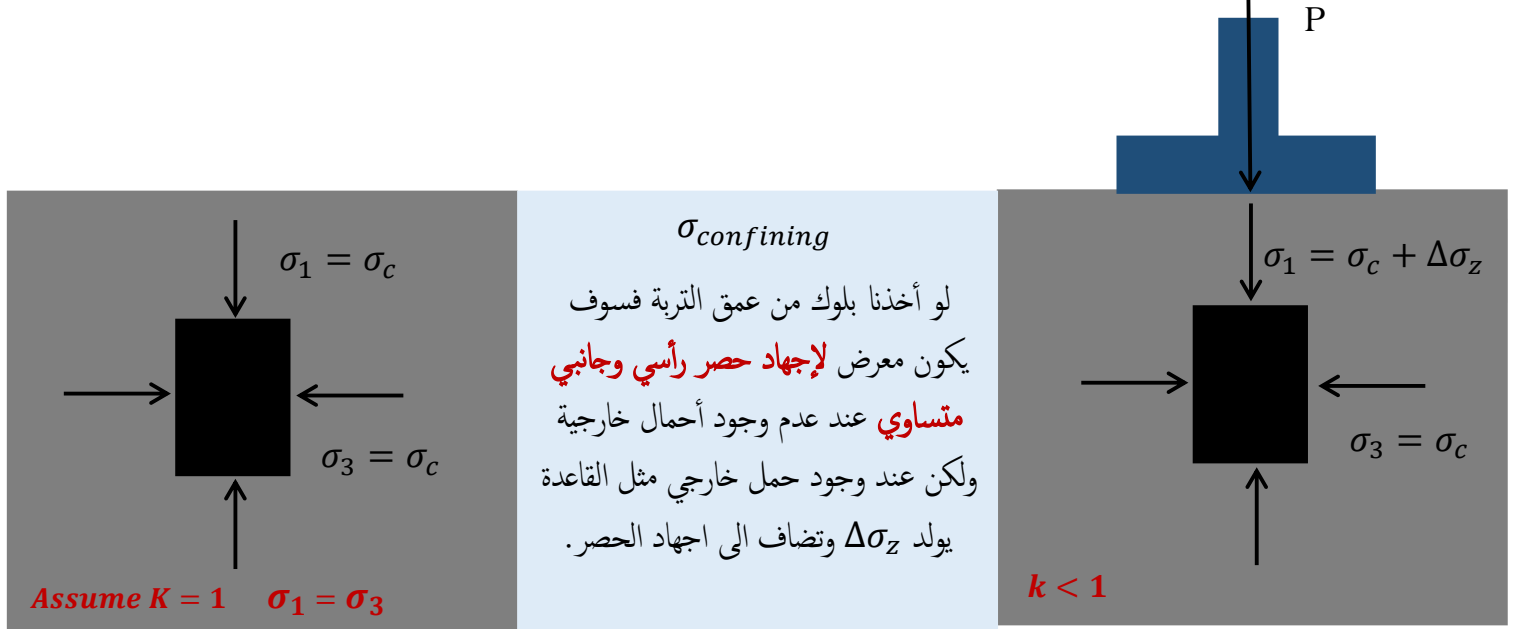
تتحول جميع الاجهادات الرأسية والجانبية الى اجهاد عمودي على سطح الانهيار والتي تسبب قص التربة بزوايه لأنه لو كانت الاجهادات رأسية فقط لكانت زاوية القص بزوايه رأسية ولو كانت الاجهادات جانبية فقط لكانت زاوية القص بزوايه جانبية ولكن لان الاجهادات رأسية وجانبية فالقص يأتي بزوايه محصورة بين الرأسية والجانبية.

$$\sigma_v > \sigma_h$$

$$k = \frac{\sigma_h}{\sigma_v}$$

معامل الضغط الجانبي للتربة

K:



متى يحدث الانزلاق في التربة (Shear failure) ???

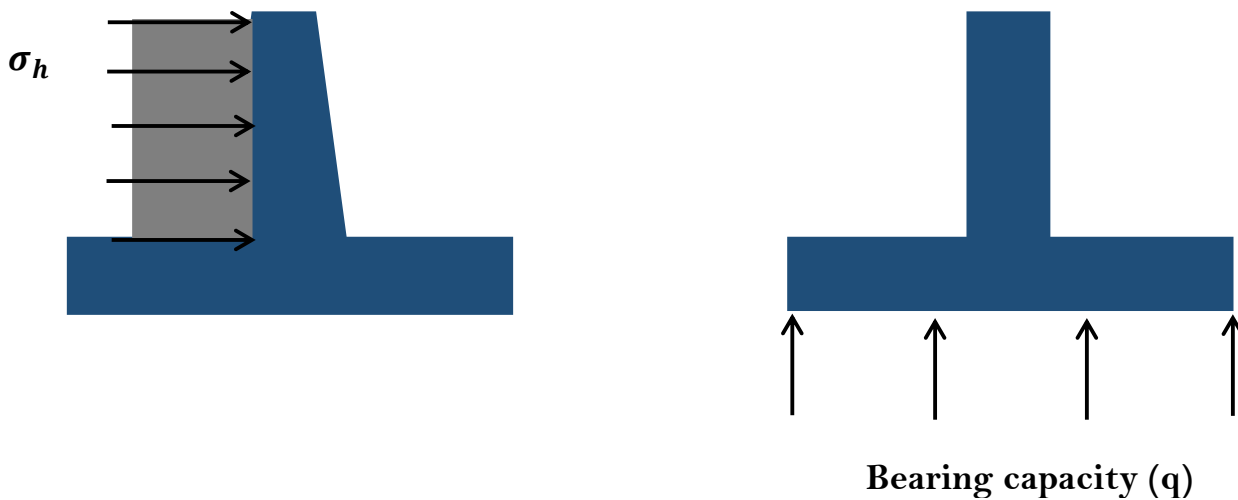
At Shear stress  $\geq$  Shear Strength

**The shear strength** of a soil mass is the internal resistance per unit area that the soil mass can offer to resist failure and sliding along any plane inside it.

أقصى اجهاد قص يتولد داخل التربة ويسبب فيها انهيار بالقص (ازلاق أجزاء التربة على بعضها).

**Needed to analyze soil stability problems such as:**

- 1) Bearing capacity. حساب قدرة تحمل التربة للإجهادات الرأسية من أجل حسابات حديد تسليح القاعدة
- 2) Slope stability. تقييم استقرار المنحدرات أي أنه توجد منحدرات التربة تبقى ثابتة فيها ومستقرة ولا تنهار
- 3) Lateral pressure on earth-retaining structures.



أسباب قدرة التربة على مقاومة حدوث قص بها:

1. التداخل بين حبيبات التربة.

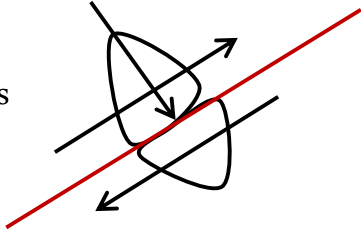
2. الاحتكاك الداخلي بين الحبيبات الخشنة (**internal friction**) ويكون عادة في حالة التربة الرملية (**sandy soil or cohesion less soil**).

3. التماسك بين الحبيبات الناعمة (**Cohesion**) ويكون عادة في التربة الطينية (**clayey soil or cohesive soil**).

بعد معرفة أسباب المقاومة نتوصل بشكل بديهي الى أن العوامل التي تعتمد عليها التربة لمقاومة

Normal Stress ( $\sigma_f$ )

Shear Stress



Shear Strength

$$\tau_f = N \times \mu_s = \sigma_f \times \tan(\phi)$$

✓ زاوية الاحتكاك بين الحبيبات الخشنة مقياس لمقاومة اجهادات القص التربة الناتجة عن الانزلاق بين الحبيبات ورمزها  $\phi$

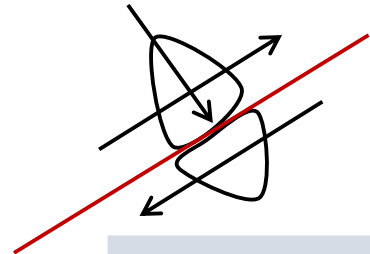
✓ تعلمنا دائما في الفيزياء 1 لحساب قوة الاحتكاك يجب ضرب القوة العمودية N ب معامل الاحتكاك  $\mu_s$  و معامل الاحتكاك في التربة يساوي  $\tan(\phi)$  و القوى العمودية N تساوي Normal stress ( $\sigma$ ).

✓ زاوية الاحتكاك تساوي صفر بين الحبيبات الناعمة.

$\phi$ : angle of friction

$\sigma = 0$

Shear Stress



Shear Strength

$$\tau_f = c$$

2. التماسك بين الحبيبات (**cohesion**).

✓ التماسك بين الحبيبات (بين الحبية والحبيبية) مقياس لمقاومة اجهادات القص التربة عن طريق (الالتصام بين الحبيبات , وقوى الجذب بين الشحنات في الطين) ورمزه C

$$\sigma = 0$$

✓ التماسك يكون بين الحبيبات الناعمة.

C: cohesion kpa

Normal Consolidated Clay Or Sandy Soil

$$C: 0 \quad \tau_f = \sigma_f \times \tan(\phi)$$

Clayey Soil

$$\phi: 0 \quad \tau_f = C$$

المفهوم العام بحكي أنه التربة قد تقاوم اجهادات القص عن طريق C &&  $\phi$  معا.

# Mohr – Coulomb Failure Criterion

وضع هاذان العالمان المعادلة العامة (General equation) لحساب ال Shear strength لأي تربة حيث أن هذه المعادلة تعتبر معادلة خطية (معادلة خط مستقيم) حيث أن المعادلة كما يلي:

$$\tau_f = C + \sigma_f \times \tan(\phi)$$

*C and  $\phi$  shear parameter*

$\tau$ : shear strength of soil

$C$ : cohesion intercept

$\phi$ : angle of friction

$\sigma$ : total normal stress on the failure plane

الاجهاد المتولد داخل كتلة التربة وهو عمودي على مستوى الانهيار

لتمثيل المعادلة الخطية على المستوي الديكارتي نستخدم Empirical Relationship من لاب فيزياء 1.

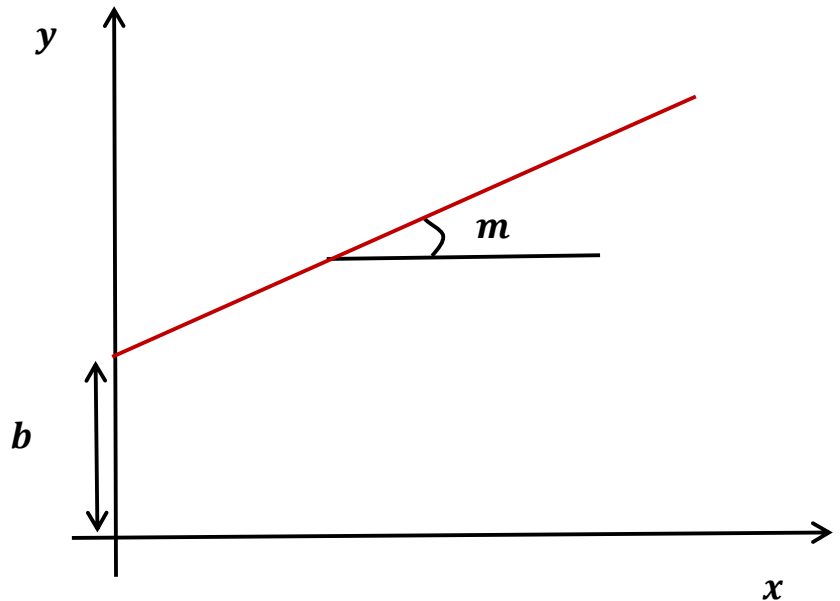
$$y = xm + b$$

$y$ :  $y$  - tip

$x$ :  $x$  - ip

$m$ : slope

$b$ :  $y$  - intersection



$$y = xm + b$$

$$\tau = \sigma \times \tan(\phi) + C$$

$y$ :  $\tau$

$x$ :  $\sigma$

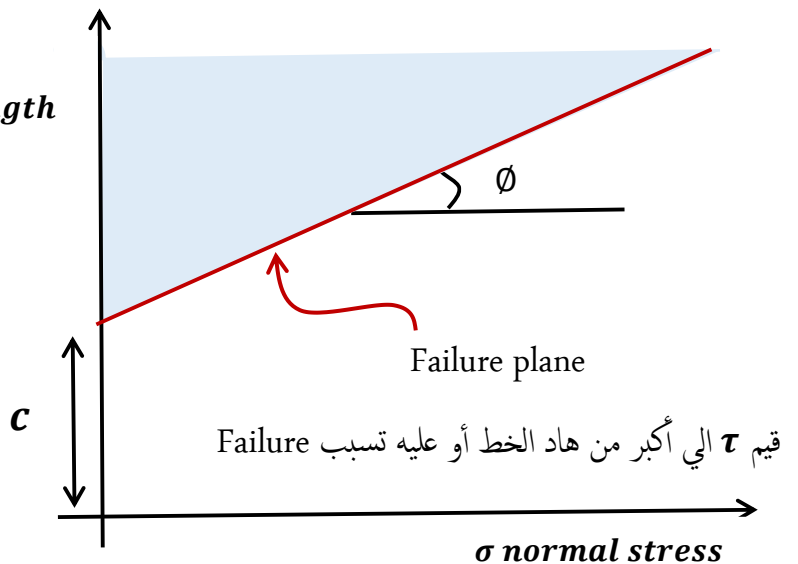
$m$ :  $\tan(\phi)$

$b$ :  $C$

أذ تعرضت العينة للشير قيمته يعلو الخط الأحمر (المنطقة المظلمة)

فان العينة سوف تنزلق ويحدث فيها الانهيار

$\tau$  shear strength



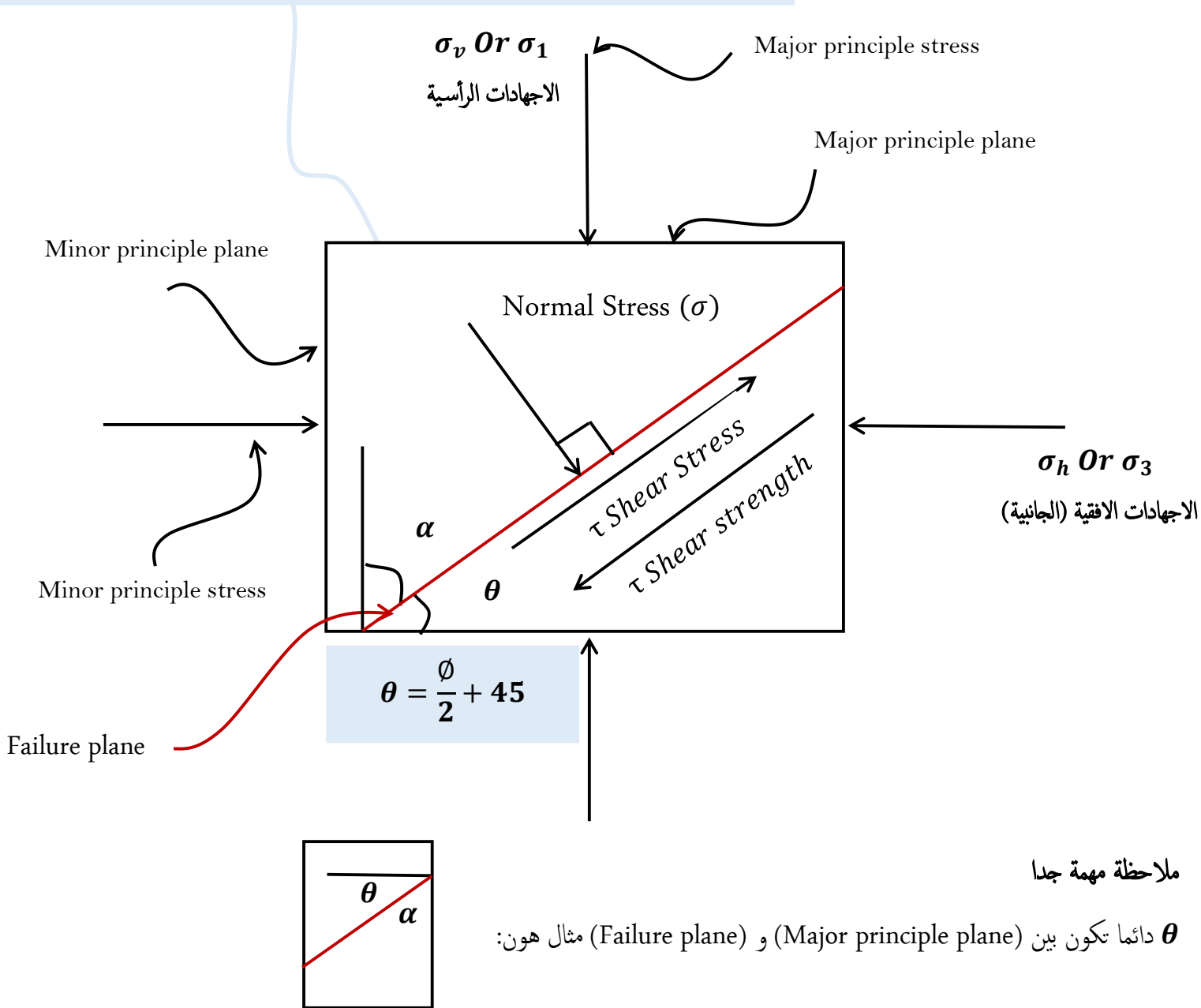
عندما يحصل قص في التربة مع تغير في الحجم (يوجد خروج للماء) فإن حساب مقاومة القص للتربة يؤخذ كدالة في الاجهاد الفعال.

$$\tau = \sigma' \times \tan(\phi') + C'$$

عندما يحصل قص في التربة بدون تغير في الحجم (لا يوجد خروج للماء) فإن حساب مقاومة القص للتربة يؤخذ كدالة في الاجهاد الكلي.

$$\tau = \sigma \times \tan(\phi) + C$$

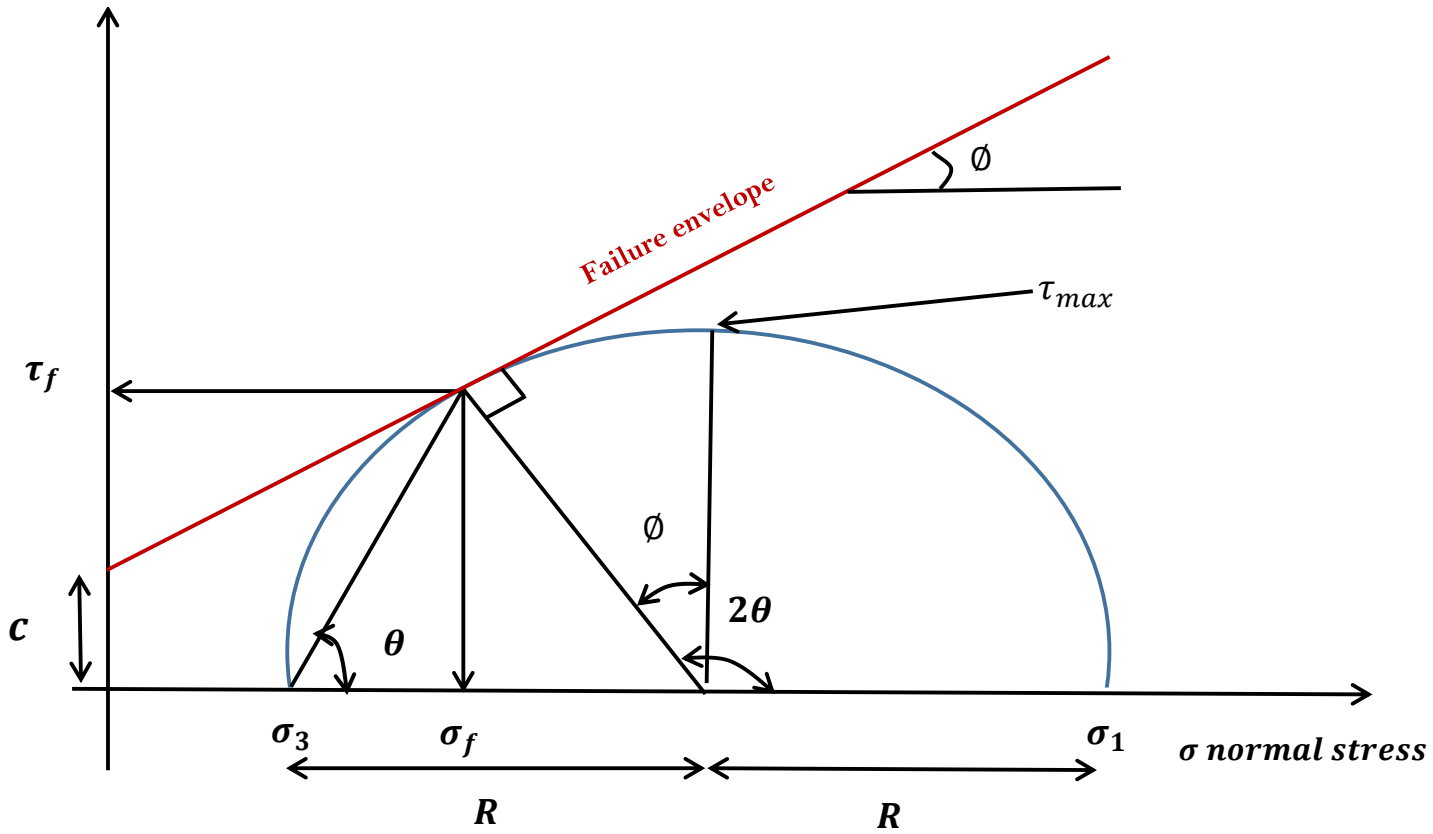
تتحول جميع الاجهادات الرأسية والجانبية الى اجهاد عامودي على سطح الانهيار والتي تسبب قص التربة بزاوية لأنه لو كانت الاجهادات رأسية فقط لكانت زاوية القص بزاوية رأسية ولو كانت الاجهادات جانبية فقط لكانت زاوية القص بزاوية جانبية ولكن لان الاجهادات رأسية وجانبية فالقص يأتي بزاوية محصورة بين الرأسية



( $\tau_f = \tau_{max@failer}$ ) المقصود فيها أقصى مقاومة تبديها التربة وتكون موازية لل (Failure plane) وهي المطلوب حسابها ودائما عند قيمة ( $\tau_f = \tau_{max@failer}$ ) تكون قيمة ( $\sigma_f$ ) Normal Stress وتكون عمودية على (Failure plane).

$$\sigma_h = \sigma_3 \ \&\& \ \sigma_v = \sigma_1$$

$\tau$  shear strength

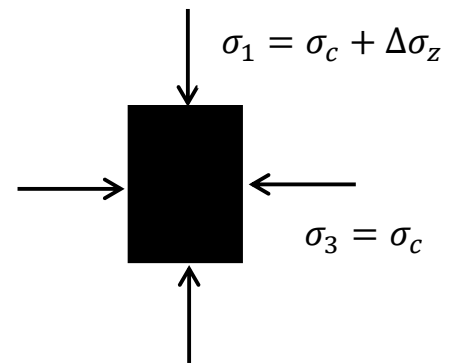
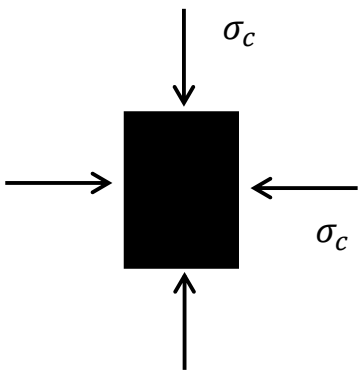


$$\tau_f = \frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)\sin(2\theta)$$

$$\sigma_f = \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3) + \frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)\cos(2\theta)$$

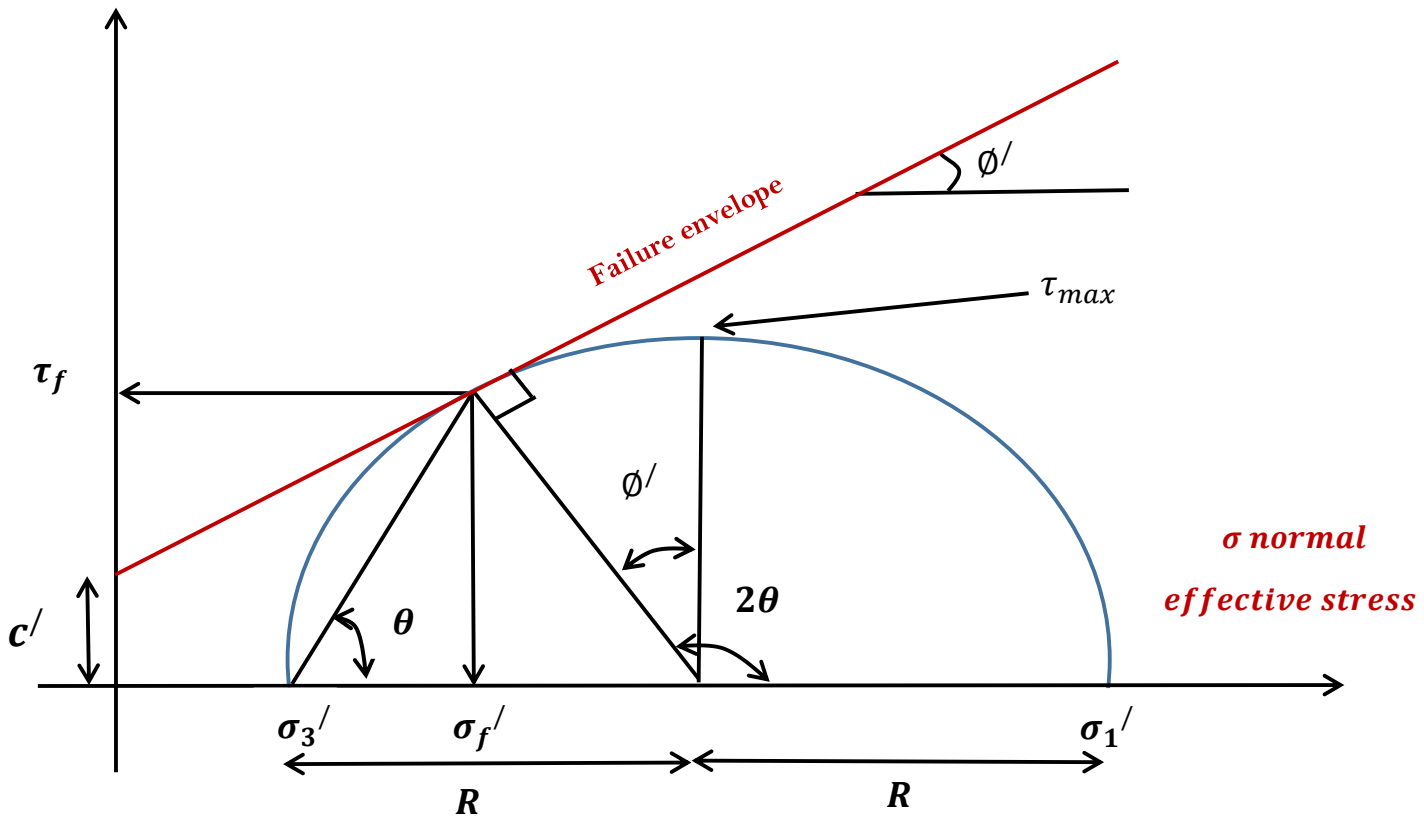
$$\sin(\phi) = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)}{C \cot(\phi) + \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3)}$$

$$\sigma_1 = \sigma_3 \tan^2\left(45 + \frac{\phi}{2}\right) + 2C \tan\left(45 + \frac{\phi}{2}\right)$$





$\tau$  shear strength

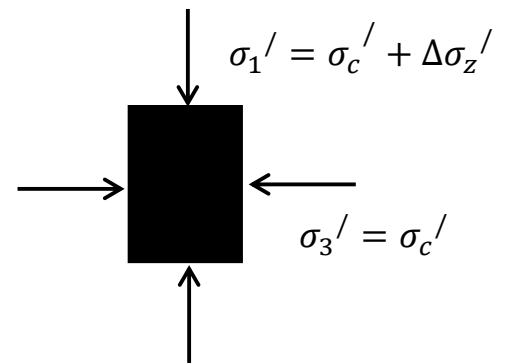
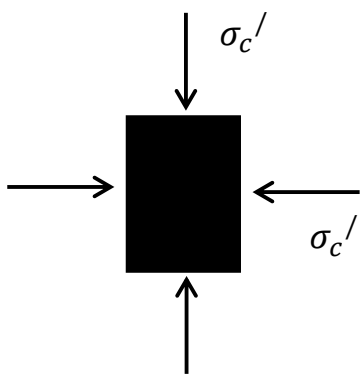


$$\tau_f = \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')\sin(2\theta)$$

$$\sigma_f' = \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3') + \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')\cos(2\theta)$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

$$\sigma_1' = \sigma_3' \tan^2\left(45 + \frac{\phi'}{2}\right) + 2C' \tan\left(45 + \frac{\phi'}{2}\right)$$



$C'$  and  $\phi'$  = intercept and slope angle for the failure envelope plotted in terms of effective stress  $\sigma$  and  $u$  = total normal stress and pore water pressure, respectively, on the failure plane

**Table 12.1** Typical Values of Drained Angle of Friction for Sands and Silts

Soil type	$\phi'$ (deg)
<i>Sand: Rounded grains</i>	
Loose	27–30
Medium	30–35
Dense	35–38
<i>Sand: Angular grains</i>	
Loose	30–35
Medium	35–40
Dense	40–45
<i>Gravel with some sand</i>	34–48
<i>Silts</i>	26–35

الآن بدنا نحسب  $\phi$  و  $c$  لذلك يجب نقل العينة التي في الموقع الى المختبر بنفس الوضع الي كانت عليه في الموقع لذلك أشهر نوعين من الاختبار وهما:

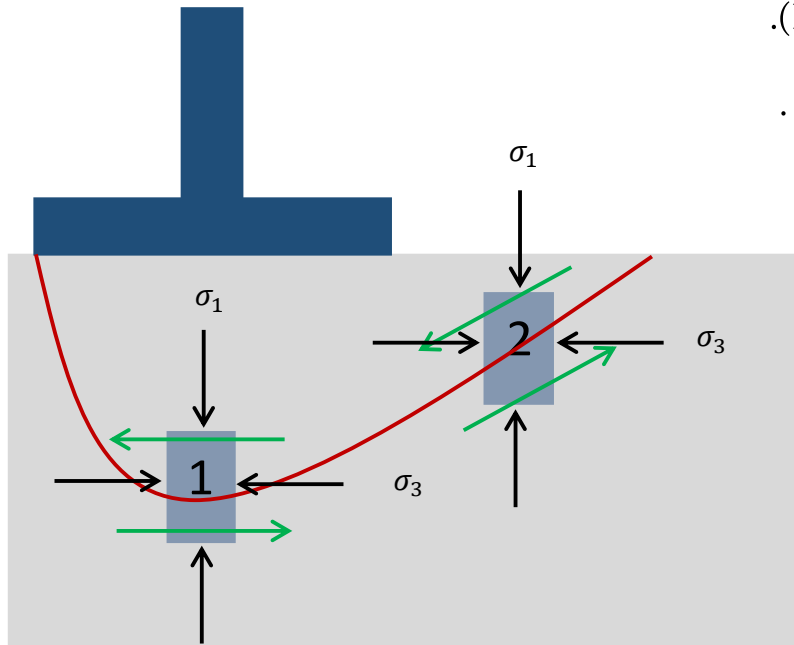
1. Direct shear test.
2. Triaxle test.

ظروف العينة رقم 1 في الموقع توفرها تجربة (ال Direct Shear).

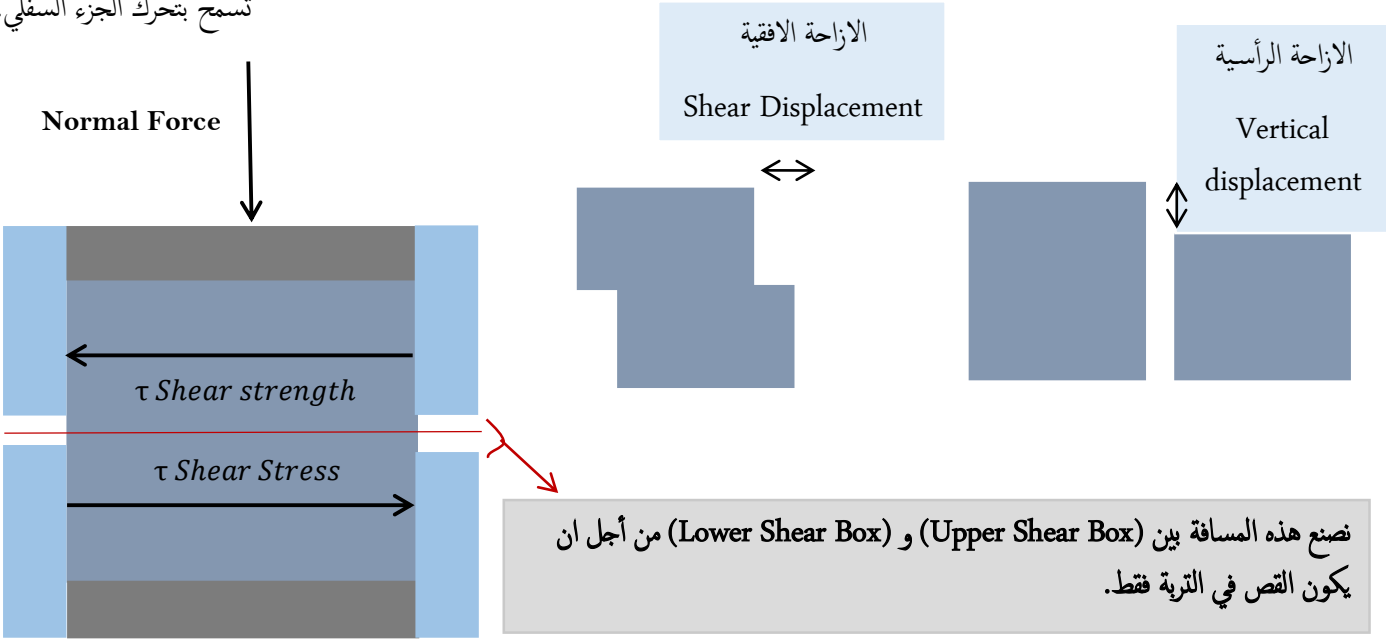
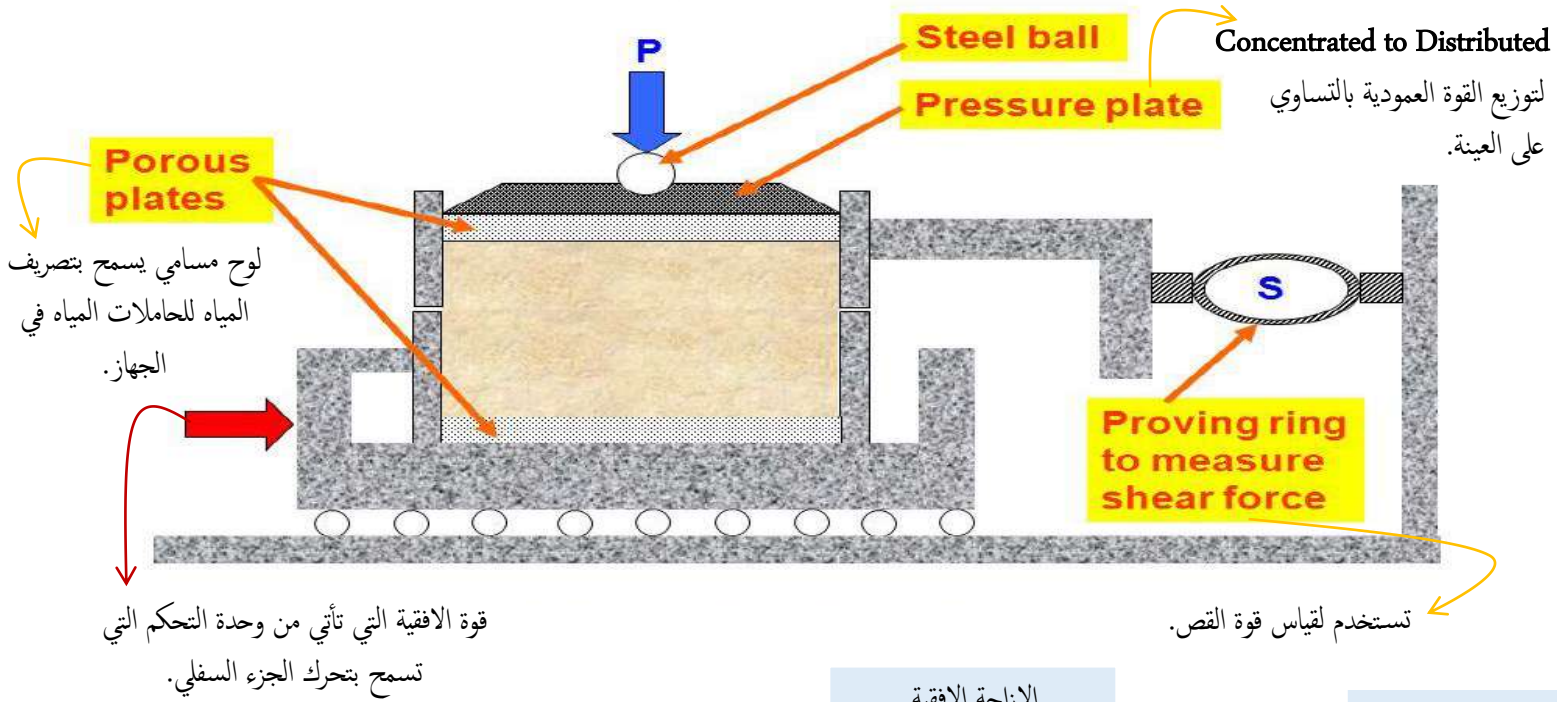
ظروف العينة رقم 2 في الموقع توفرها تجربة (ال Triaxle test).

يوجد أنواع أخرى منها:

1. Direct simple shear test.
2. Plane strain triaxle test.
3. Torsional ring shear test.



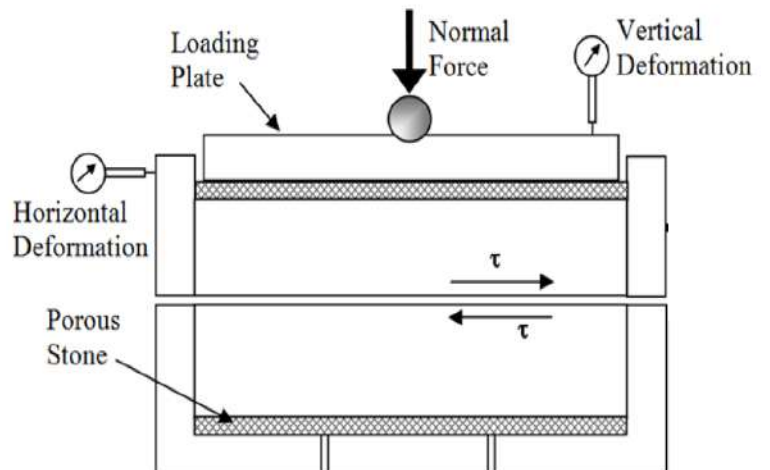
## Direct shear test (Shear box test).



## Shear box

صندوق القص مقسوم قسمين جزء علوي وجزء سفلي لوضع العينة فيه و (Dial Gauge) لقياس الازاحة الرأسية والافقية و (Proving Ring) لقياس القوى الافقية واحجار مسامية لتصريف المياه الى حاملات المياه وأبعاده:

51 mm × 51 mm Or 102 mm × 102 mm  
and thickness 25 mm Or Circular Shape



التجربة تجرى بالشكل الاتي يركب الصندوق العلوي على السفلي ثم نضع عينة التربة في الصندوق ونسوي سطح الصندوق عن طريق مطرقة المختبر ثم نركب عليه (Loading Plate) ونركب الصندوق في المكان المخصص له في الجهاز ونقوم بتعريض التربة لقوة عمودية (Normal Force) والانتظار لحين حدوث تصدق للعينة (لحين بدأ خروج (تصريف) المياه من التربة) **(لأنه يوجد خروج للماء نأخذ حساب مقاومة التربة للقض كدالة في الاجهاد الفعال)** وبعد ذلك نضع مسافة بين صندوق العلوي والسفلي عن طريق الصواميل و نعرض الجزء السفلي من الصندوق بقوى افقية (قص) (Shear Force) بمعدل ثابت مع بقاء (ال Normal Force) ثابتة القيمة طوال التجربة , وأما قوى القص (Shear Force) تبدأ من الصفر الى أن تنهار العينة بالقض ونأخذ قراءة الجهاز , والصندوق مزود ب (Dial gauge) للقياس الازاحة الرأسية و للقياس الازاحة الافقية التي حدثت للتربة. ومن ثم نكرر التجربة مع قيم أكبر للقوى العمودية (Normal Force).

قراءات الجهاز عبارة عن قوى (Force KN) وليست اجهادات (Stress KN/m<sup>2</sup>) لذلك لحساب الاجهاد العمودي والافقي:

$$\text{Normal force}(\sigma) = \frac{\text{Normal force}}{\text{Cross - sectional area of the specimen}}$$

$$\text{Shear force}(\tau) = \frac{\text{Resisting Shear force}}{\text{Cross - sectional area of the specimen}}$$

مساحة مقطع العينة يتغير مع الازاحة الافقية ولكن منفترض أنها ما بتتغير من أجل تسهيل الحسابات.

لأنه يوجد تصدق ((خروج للماء من العينة) (U=0)  $C = C'$  and  $\phi = \phi'$  and  $\sigma = \sigma' - U = \sigma' - 0 = \sigma'$

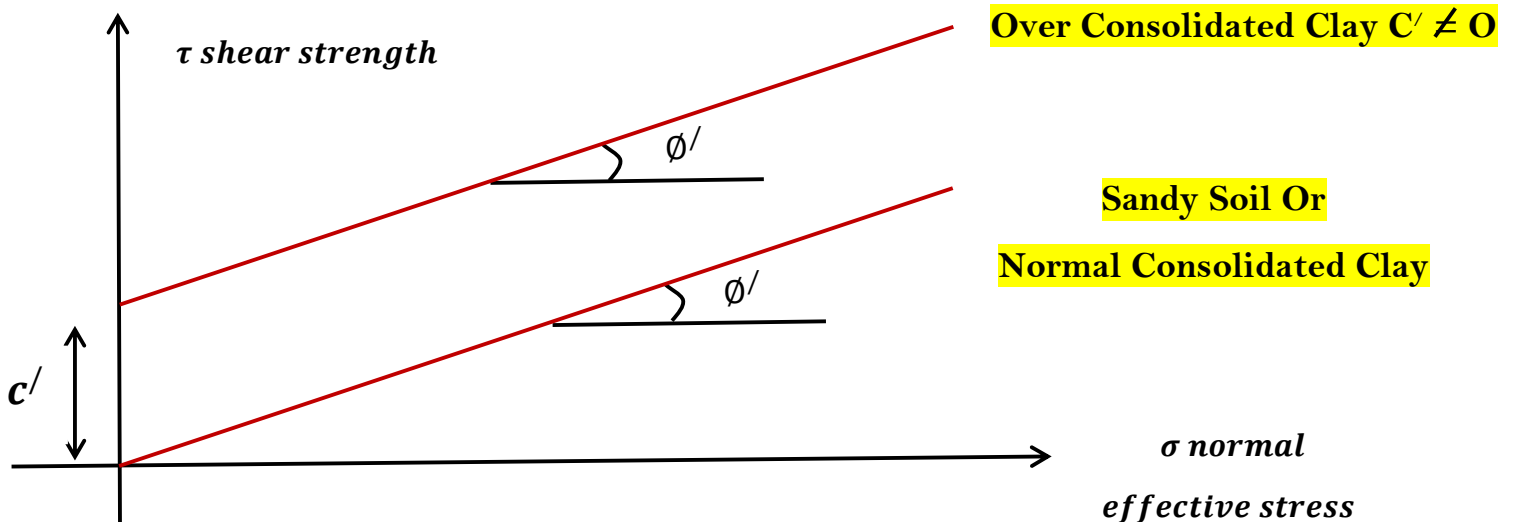
أذكر:

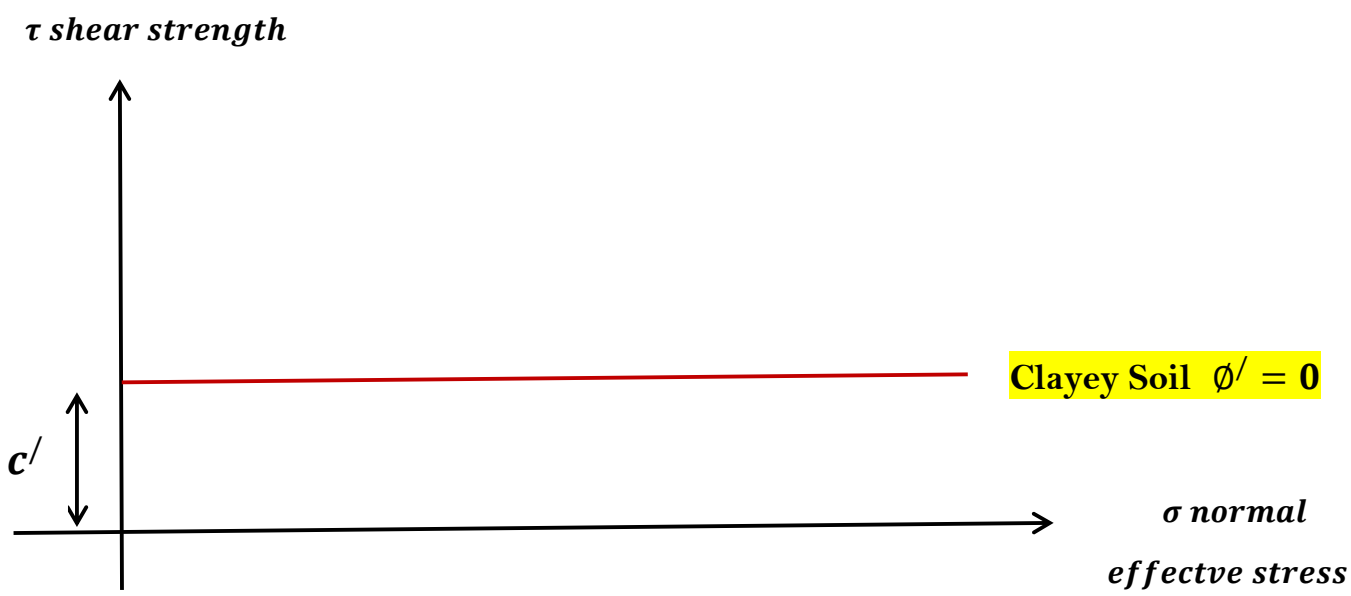
Normal Consolidated Clay Or Sandy Soil

$$C: 0 \quad \tau_f = \sigma_f' \times \tan(\phi)$$

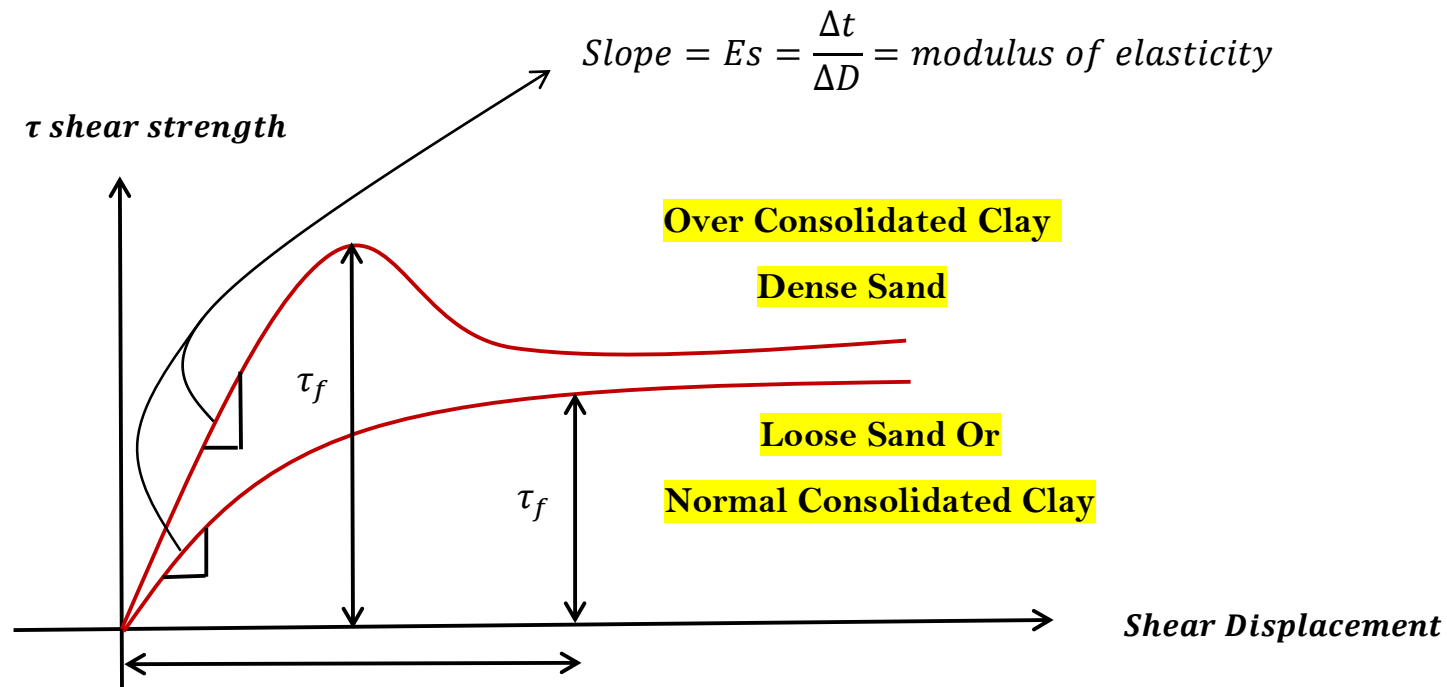
Clayey Soil

$$\phi: 0 \quad \tau = C'$$



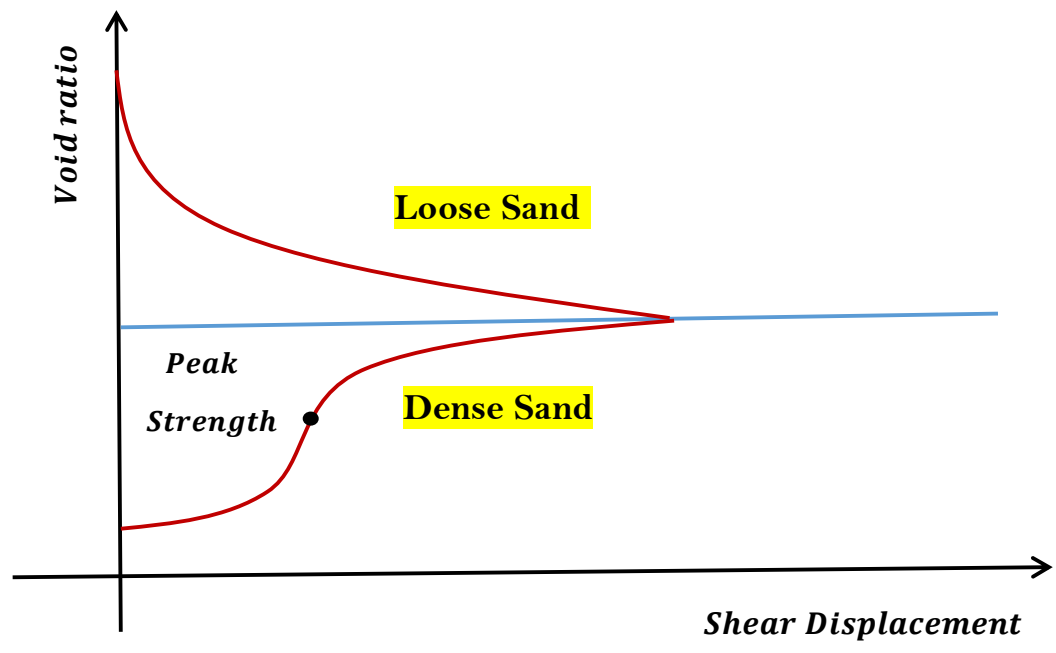
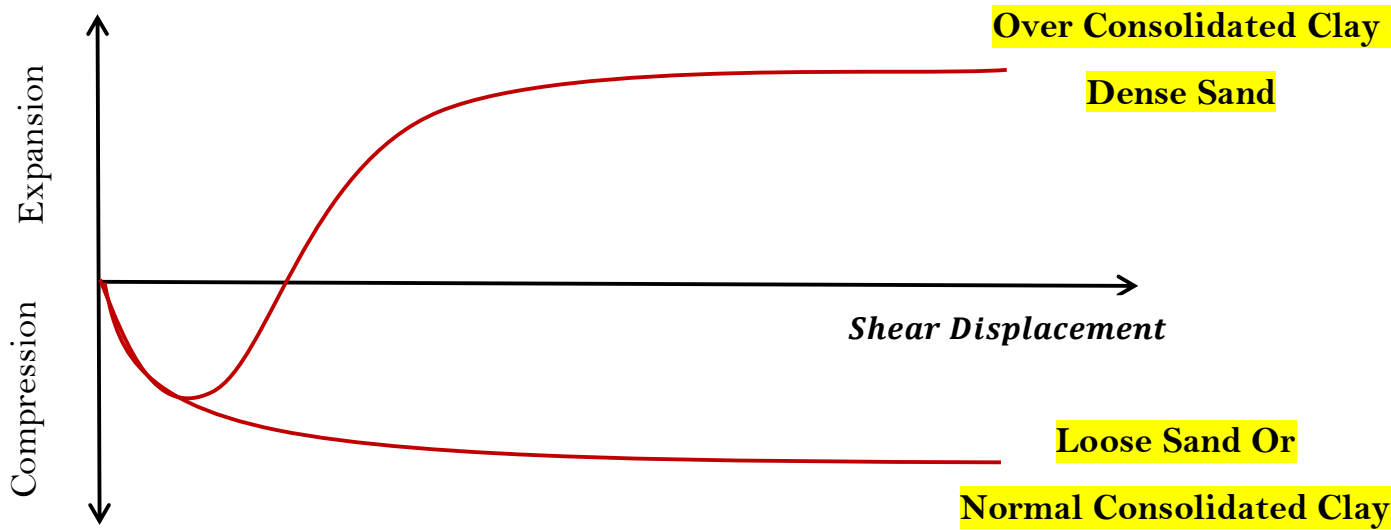


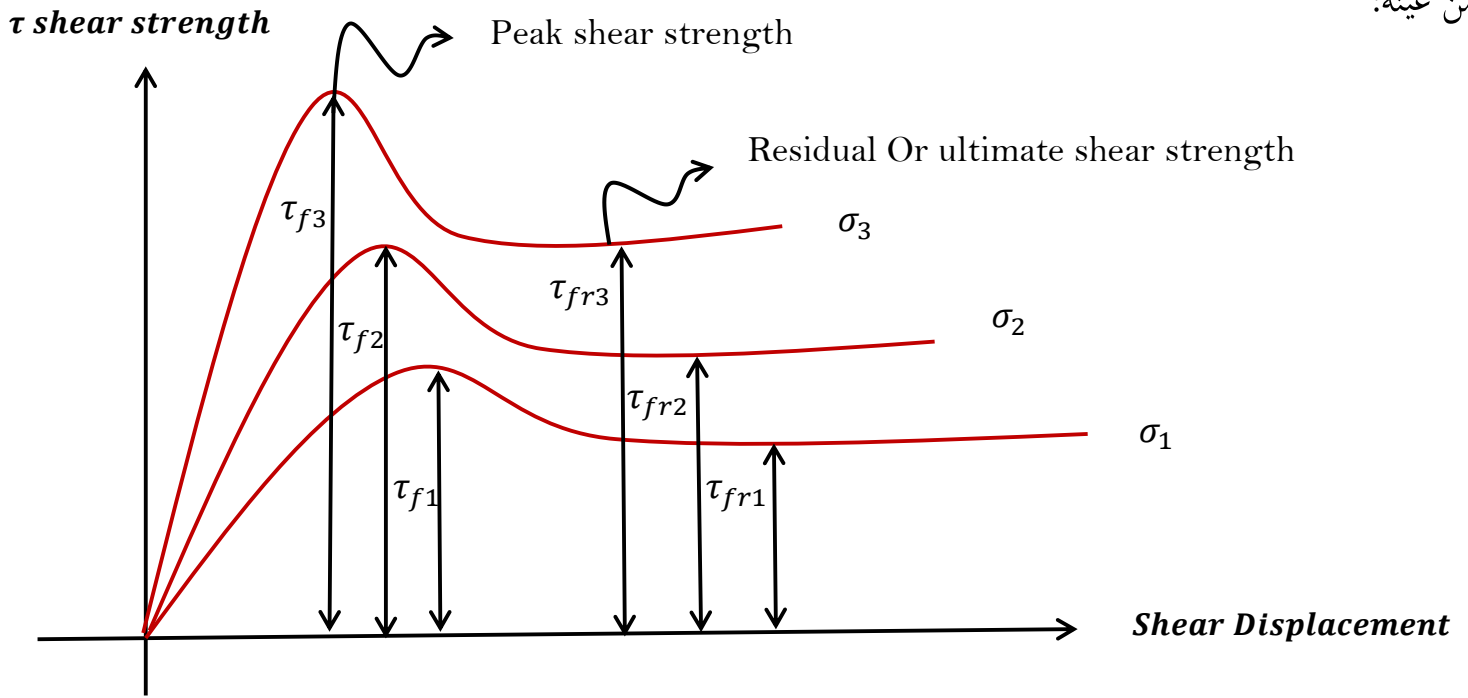
### Conclusion



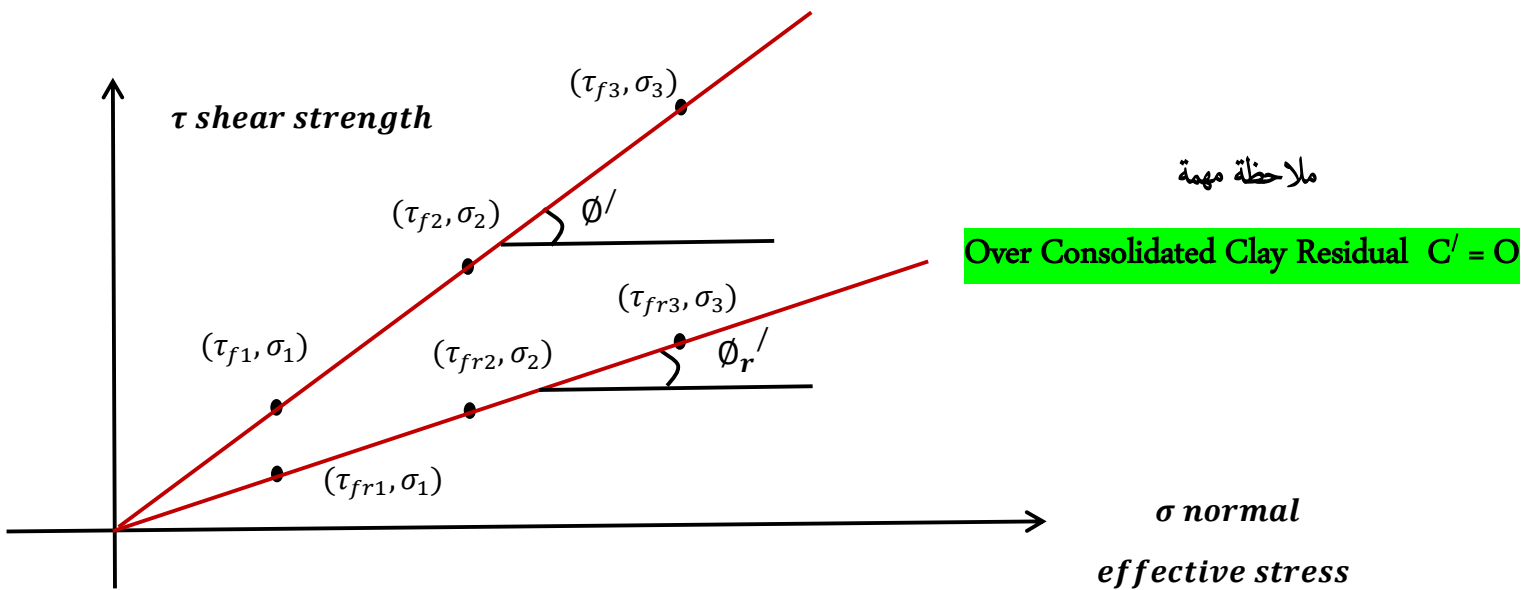
15%  $\rightarrow$  في (Loose Sand Or Normal Consolidated Clay) ال ( $\tau_f$ ) تكون عند (Shear Displacement) %15

Change in height of specimen (Vertical displacement)





تمثل الرسمة فوق بين  $(\tau, \sigma)$



The advantages of the direct shear test are:

1. Cheap, fast and simple - especially for sands.

1. اختبار سهل وسريع للرمل وأيضا يدرس الاحتكاك بينه وبين مادة أخرى مثل الخرسانة والتربة.

2. Failure occurs along a single surface, which approximates observed slips or shear type failures in natural soils.

2. القص دائما يحدث في الوجه الافقي و هو يمثل نوع من أنواع القص في الواقع.

## Disadvantages of the test include:

1. Difficult or impossible to control drainage, especially for fine-grained soils.  
1. من الصعب أو المستحيل السيطرة على تصريف المياه، وخاصة بالنسبة للتربة الدقيقة الحبيبات (قد تستغرق التجربة أيام بسبب النفاذية القليلة) وكذلك قياس تصرفها.
2. Failure plane is forced—may not be the weakest or most critical plane in the field.  
2. مستوى الانهيار غير حقيقي.
3. Non-uniform stress conditions exist in the specimen.  
3. توزيع اجهادات القص غير منتظم على طول سطح الانهيار.
4. The principal stresses rotate during shear, and the rotation cannot be controlled.
5. Principal stresses are not directly measured.  
5.  $\sigma_1$  &  $\sigma_3$  لا يعطي قيمتهم من الجهاز مباشرة يجب حسابها من دائرة مور.

**Example 1:** Direct shear tests were performed on a **dry sandy soil**. The size of the specimen was  $50\text{ mm} \times 50\text{ mm} \times 19\text{ mm}$  , Test results are as follows:

أجرى اختبار القص المباشر على عينة رمل جاف (في هذه الحالة التماسك يساوي صفر  $C=0$ ) ابعاد صندوق القص مطعاه مع ارتفاعه، في الجدول الاتي نتائج الاختبار:

Test no.	Effective Normal force (N)	Shear force at failure (N)
1	89	53.4
2	133	81.4
3	311	187.3
4	445	267.3

1. احسب (ال Normal Stress) و (ال Shear Stress at failure).

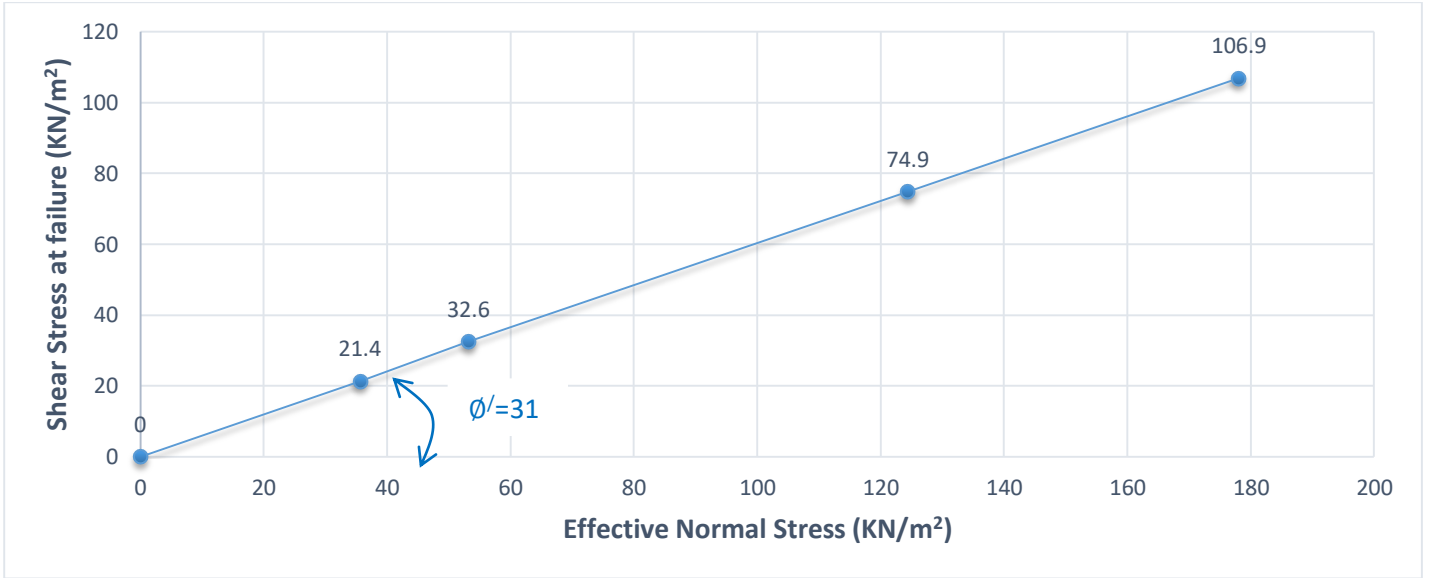
$$\text{Normal force } (\sigma') = \frac{\text{Normal force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{89}{0.05 \times 0.05} = 35600\text{N/m}^2 = 35.6\text{N/m}^2$$

$$\text{Shear force } (\tau) = \frac{\text{Resisting Shear force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{53.4}{0.05 \times 0.05} = 21360\text{N/m}^2 = 21.360\text{N/m}^2$$



Test no.	Normal force (N)	Effective Normal Stress (KN/m <sup>2</sup> )	Shear force at failure (N)	Shear Stress at failure (KN/m <sup>2</sup> )
1	89	35.6	53.4	<b>21.4</b>
2	133	53.2	81.4	<b>32.6</b>
3	311	124.4	187.3	<b>74.9</b>
4	445	178.0	267.3	<b>106.9</b>

2. ارسم (ال Normal Stress) و (ال Shear Stress at failure) لحساب (ال  $\phi'$ ) فقط و (ال  $C=0$ ) لان نوع العينة Sandy Soil.



3. قياس (ال  $\phi'$ ) بالمنقلة وتساوي  $31^\circ$ .

يوجد طريقة بالنيوميركال للي ما أخذ المادة هي الطريقة باستخدام الآلة الحاسبة:

1. Click Mode Set up.
2. Click STAT (3).
3. Click A+BX (2).
4. Prove the data X (Normal Stress) and Y (Shear Stress at failure).
5. Click AC.
6. Click Shift + 1.
7. Click Reg (5).
8. Click A to find C.

باستخدام الآلة الحاسبة :

$$\tan(\phi') = 0.59$$

$$\phi' = 30.54^\circ$$

$C'$  قيمتها 0.4 صغيرة جدا

لذلك تعتبر صفر.

**Example 2:** Following are the results of four drained direct shear tests on an **over consolidated clay**

Diameter of specimen 50 mm

Height of specimen 20 mm

أجرى اختبار القص المباشر على عينة طين (O.C.R>1) (في هذه الحالة التماسك يساوي صفر  $C = 0$ ) الصندوق على شكل دائرة قطرها 50 mm وارتفاعها 25 mm في الجدول الآتي نتائج الاختبار:

Test no.	Normal force (N)	Shear force at failure peak (N)	Shear force at failure residual (N)
1	150	157.5	44.2
2	250	199.9	56.6
3	350	257.6	102.9
4	550	363.4	144.5

1. احسب (ال Normal Stress) و (ال Shear Stress at failure (Peak and residual)).

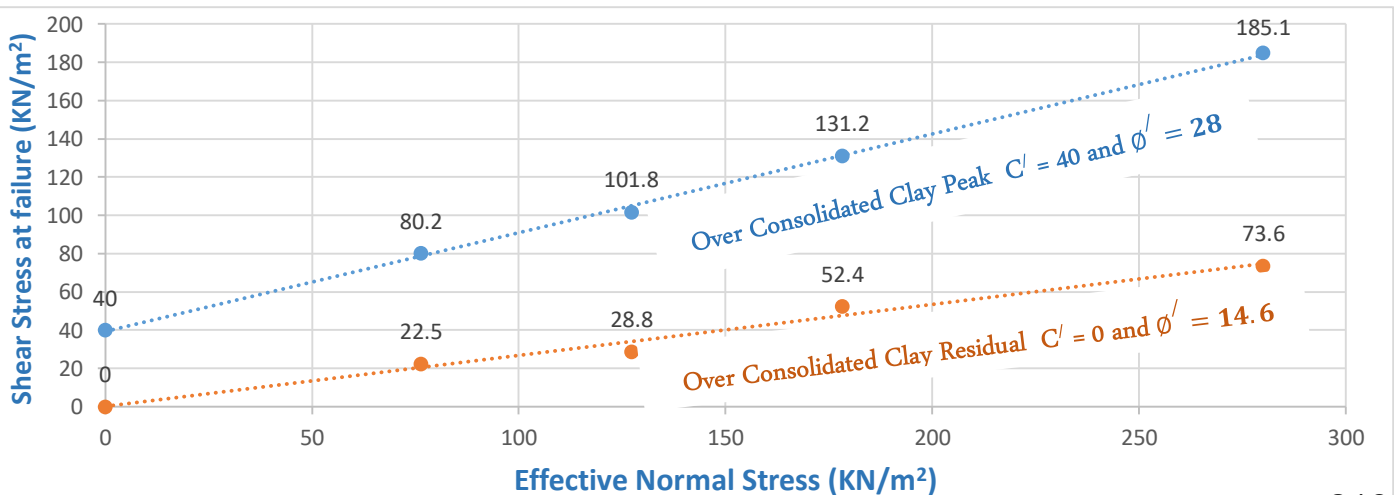
$$\text{Normal force}(\sigma) = \frac{\text{Normal force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{150}{\pi \times (0.025)^2} = 76394.4 \text{ N/m}^2 = 76.4 \text{ KN/m}^2$$

$$\text{Shear force}(\tau) = \frac{\text{Resisting Shear force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{157.5}{\pi \times (0.025)^2} = 80214.1 \text{ N/m}^2 = 80.214 \text{ KN/m}^2$$

$$\text{Shear force}(\tau) = \frac{\text{Resisting Shear force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{44.2}{\pi \times (0.025)^2} = 22510.9 \text{ N/m}^2 = 22.5 \text{ KN/m}^2$$

Test no.	Effective Normal Stress (KN/m <sup>2</sup> )	Shear Stress at failure peak (KN/m <sup>2</sup> )	Shear Stress at failure residual (KN/m <sup>2</sup> )
1	76.4	80.2	22.5
2	127.3	101.8	28.8
3	178.3	131.2	52.4
4	229.1	185.1	73.6

2. ارسم (ال Normal Stress) (ال Shear Stress at failure (Peak and residual)).



Calculates  $\tau_f$  at  $\sigma = 100$  for overconsolidated clay peak ?

$$\tau_f = \sigma' \times \tan(\phi') + C' = 100 \times \tan(28) + 40 = 93.17 \text{ KN/m}^2$$

**Example 3:** Following data are given for a direct shear test conducted on **dry sand**:

Specimen dimensions :  $63 \text{ mm} \times 63 \text{ mm} \times 25 \text{ mm}$

Normal stress :  $105 \text{ KN/m}^2$

Shear force at failure :  $300 \text{ KN}$

- Determine the angle of friction?
- For a normal stress of  $180 \text{ KN/m}^2$  , what shear force is required to cause failure?
- What are the **principal stresses** ( $\sigma_1, \sigma_2$ ) at failure normal stress of  $180 \text{ KN/m}^2$ ?
- What is the inclination of the major principal plane with the horizontal?

a.  $C' = 0$

$$\text{Shear force}(\tau) = \frac{300}{0.063 \times 0.063} = 75585.79 \text{ N/m}^2 = 75.6 \text{ KN/m}^2$$

$$\tau_f = \sigma' \times \tan(\phi') + C'$$

$$75.6 = 105 \times \tan(\phi') + 0 \quad \phi' = \mathbf{35.75}$$

b.  $C' = 0$

$$\tau_f = \sigma' \times \tan(\phi') + C' \quad 129.6 \times 10^3 = \frac{\text{shear force}}{0.063 \times 0.063}$$

$$\tau_f = 180 \times \tan(35.75) + 0 \quad \text{shear force} = \mathbf{514.3 \text{ N}}$$

$$\tau_f = 129.6 \text{ KN/m}^2$$

الفرع الثالث يطلب منك تحسب ( $\sigma_1$  &  $\sigma_2$ ) لذلك يجب رسم دائرة مور بس بالاول لازم ارسم (Failure envelope) في طريقتين للرسم اختار الاسهل :

الطريقة الأولى: أننا معك (ال  $C=0$ ) وال ( $\phi = 35.75$ ) وباستخدام المنقلة بقيس من محور (x)  $35.75$  درجة وبعين نقطة وبوصلها مع نقطة الأصل (0,0) لانه  $C=0$ .

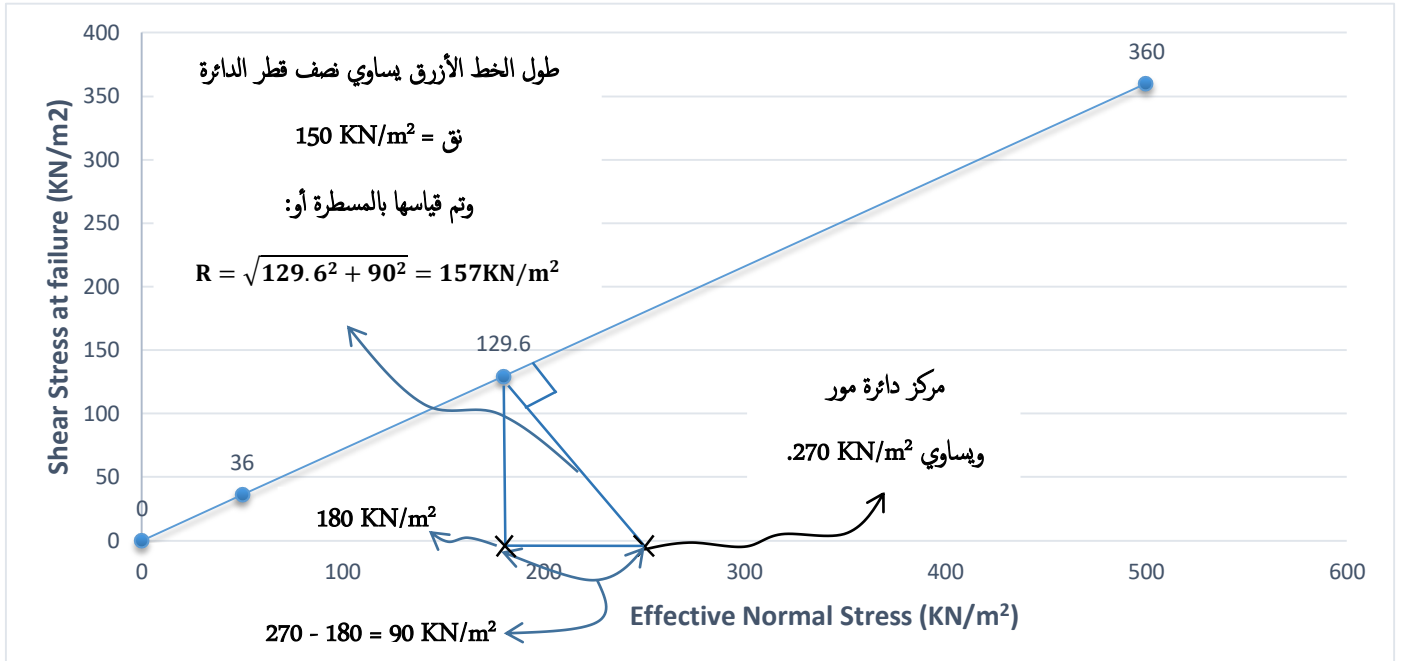
ولو لم تكن ( $C=0$ ) وكان مثلاً ( $C=40 \text{ KN/m}^2$ ) باستخدام المنقلة بقيس من محور (x)  $35.75$  درجة وبعين نقطة وبوصلها مع ( $40 \text{ KN/m}^2$ ) على محور (y).

الطريقة الثانية: بحكي كم قيمة ل ( $\sigma$ ) عند تكون ال ( $\tau_f$ ) بتطلع بتساوي ( $128 \text{ KN/m}^2$ ) بعدين بفرض نقطتين اضافيات ل  $\sigma$  أكبر و اقل من ( $128 \text{ KN/m}^2$ ) وبحسب عندهم ال  $\tau_f$  وبتوصيل النقاط برسم ال (Failure envelope).

الطريقتين صحيحتين ولكن أنا راح استخدم الثانية نظراً لاستحالة تطبيق الطريقة الأولى وأنا بستخدم اللاب تب. (لا تيجي على الامتحان بدون منقلة وفرجار ومسطرة مهمات بأهمية الآلة الحاسبة).

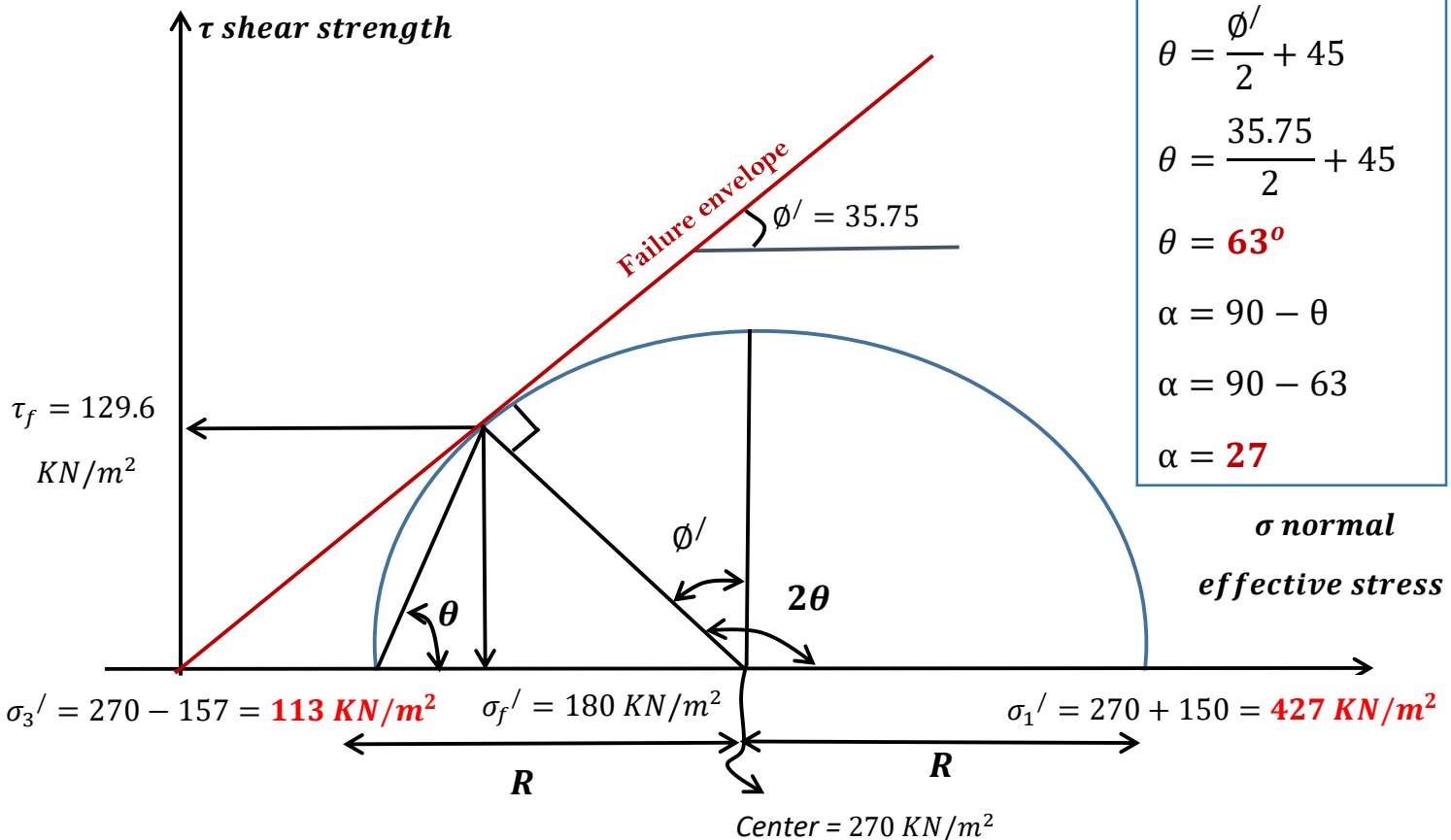
بالفرع الثالث كمل على الناتج من فرع b.

$\sigma' \text{ KN/m}^2$	$\tau_f = \sigma' \times \tan(\phi') + C' \text{ KN/m}^2$
50	36
180	129.6
500	360



الخطوة الثانية بعد رسم (Failure envelope) :

عند  $(\sigma_f = 129.6)$  المطلوب حساب عندها  $(\sigma_1, \sigma_2)$  بمد منها خط عمودي مع (Failure envelope) لمحور (x) من أجل إيجاد سنتر دائرة مور والخط العمودي يمثل نصف القطر فلذلك يقاس طول الخط العمودي ويكون هو نصف القطر والسنتر أصبح معلوم نرسم دائرة مور بالفرجار ونعين  $(\sigma_1, \sigma_2)$  بهذه الطريقة.



**Example 4:** The following are the results of four drained direct shear tests on undisturbed **normally consolidated clay** samples having a diameter of 50 mm , and height 26 mm , Draw a graph for shear stress at failure against the normal stress and determine the drained angle of friction from the graph.

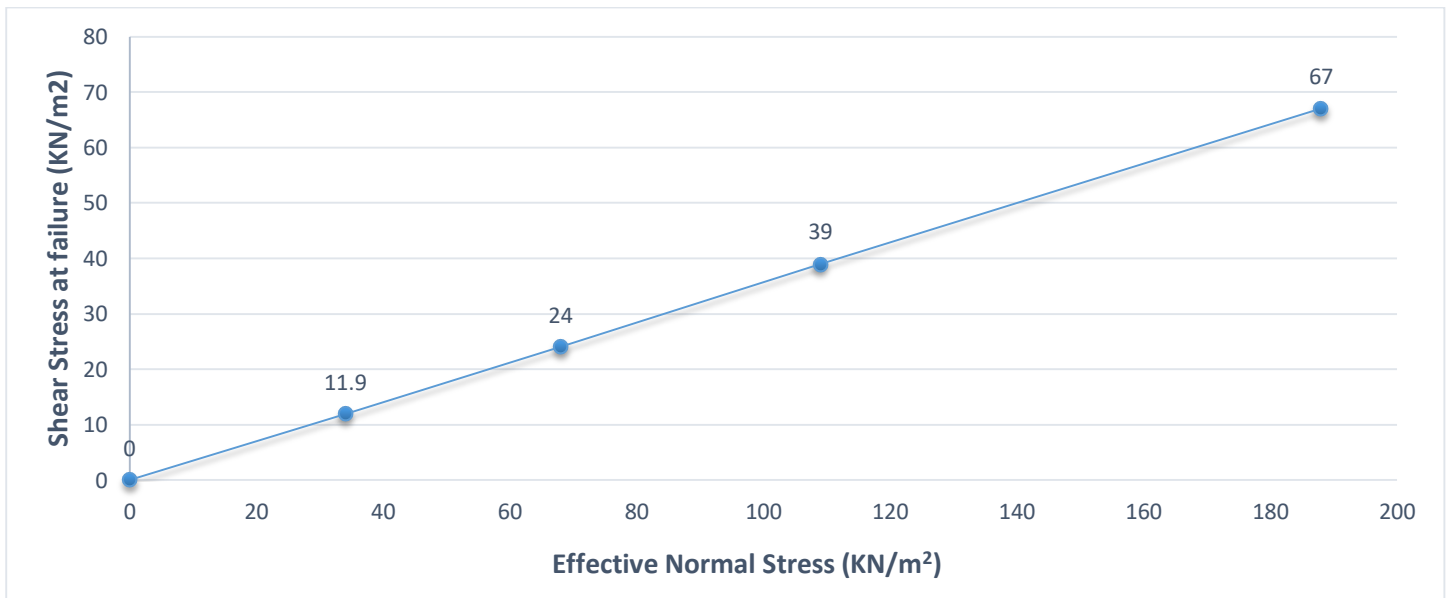
Test no.	Effective Normal force (N)	Shear force at failure (N)
1	67	<b>23.3</b>
2	133	<b>46.6</b>
3	214	<b>44.6</b>
4	369	<b>132.3</b>

Sol:

Test no.	Normal force (N)	Effective Normal Stress (KN/m <sup>2</sup> )	Shear force at failure (N)	Shear Stress at failure (KN/m <sup>2</sup> )
1	67	34.1	23.3	<b>11.9</b>
2	133	68	46.6	<b>24</b>
3	214	109	76.6	<b>39</b>
4	369	188	132.3	<b>67</b>

$$\text{Normal force } (\sigma') = \frac{\text{Normal force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{67}{\pi \times (0.025)^2} = 34122.8 \text{ N/m}^2 = 34.1 \text{ KN/m}^2$$

$$\text{Shear force } (\tau) = \frac{\text{Resisting Shear force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{53.4}{\pi \times (0.025)^2} = 11866.6 \text{ N/m}^2 = 11.9 \text{ KN/m}^2$$



بعد استخدام الآلة الحاسبة :

$$\tan(\phi') = 0.358$$

$$\phi' = \mathbf{19.7^\circ}$$

C' قيمتها -0.276 قيمة سالبة لذلك تعتبر صفر.

**Example 5:** The following are the results of four drained direct shear tests on undisturbed **normally consolidated clay** samples having a diameter of 50 mm, and height 26 mm, Draw a graph for shear stress at failure against the normal stress and determine the drained angle of friction from the graph.

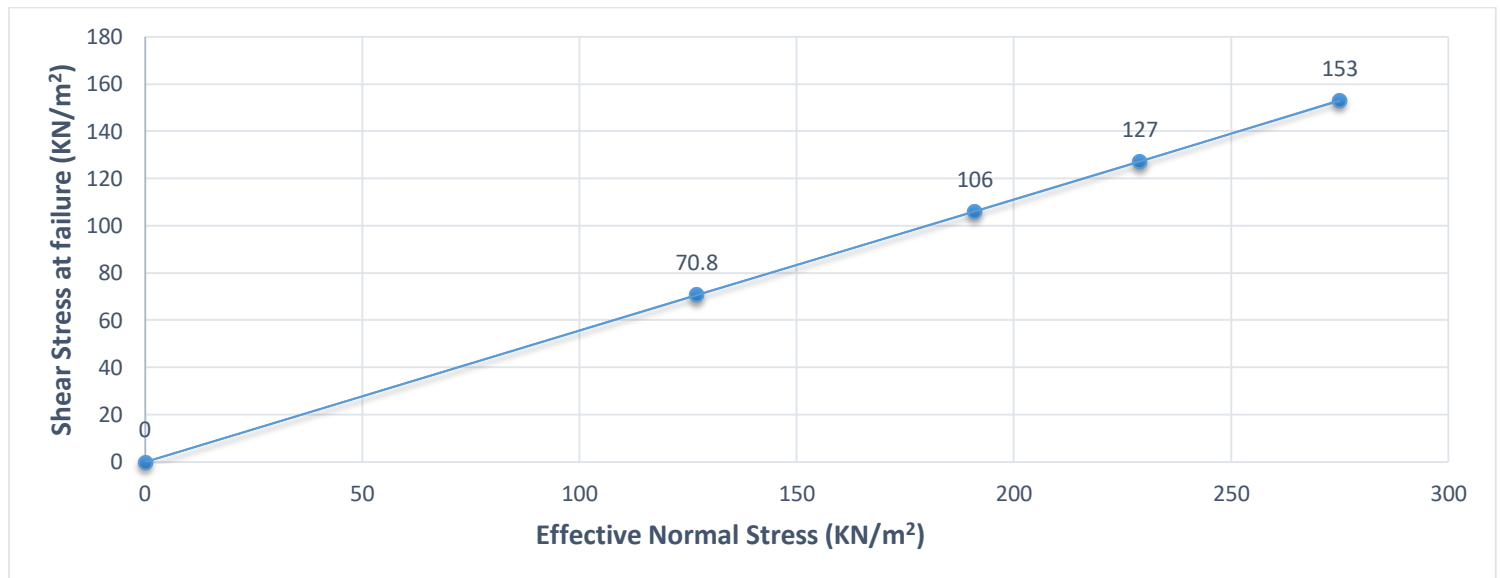
Test no.	Effective Normal force (N)	Shear force at failure (N)
1	250	139
2	375	209
3	450	250
4	540	300

Sol:

Test no.	Normal force (N)	Effective Normal Stress (KN/m <sup>2</sup> )	Shear force at failure (N)	Shear Stress at failure (KN/m <sup>2</sup> )
1	250	127	139	70.8
2	375	191	209	106
3	450	229	250	127
4	540	275	300	153

$$\text{Normal force } (\sigma') = \frac{\text{Normal force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{250}{\pi \times (0.025)^2} = 127323.9 \text{ N/m}^2 = 127.3 \text{ KN/m}^2$$

$$\text{Shear force } (\tau) = \frac{\text{Resisting Shear force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{139}{\pi \times (0.025)^2} = 70792.1 \text{ N/m}^2 = 70.8 \text{ KN/m}^2$$



باستخدام الآلة الحاسبة :

$$\tan(\phi') = 0.555$$

$$\phi' = 29^\circ$$

C' قيمتها 0.162 صغيرة جدا لذلك تعتبر صفر.

**Example 6:** For a **dry sand** specimen in a direct shear test box, the following are given:

Size of specimen: 63.5 mm × 63.5 mm × 31.75 mm

Angle of friction: 33°

Normal stress: 193 KN/m<sup>2</sup>

Determine the shear force required to cause failure

Sol:

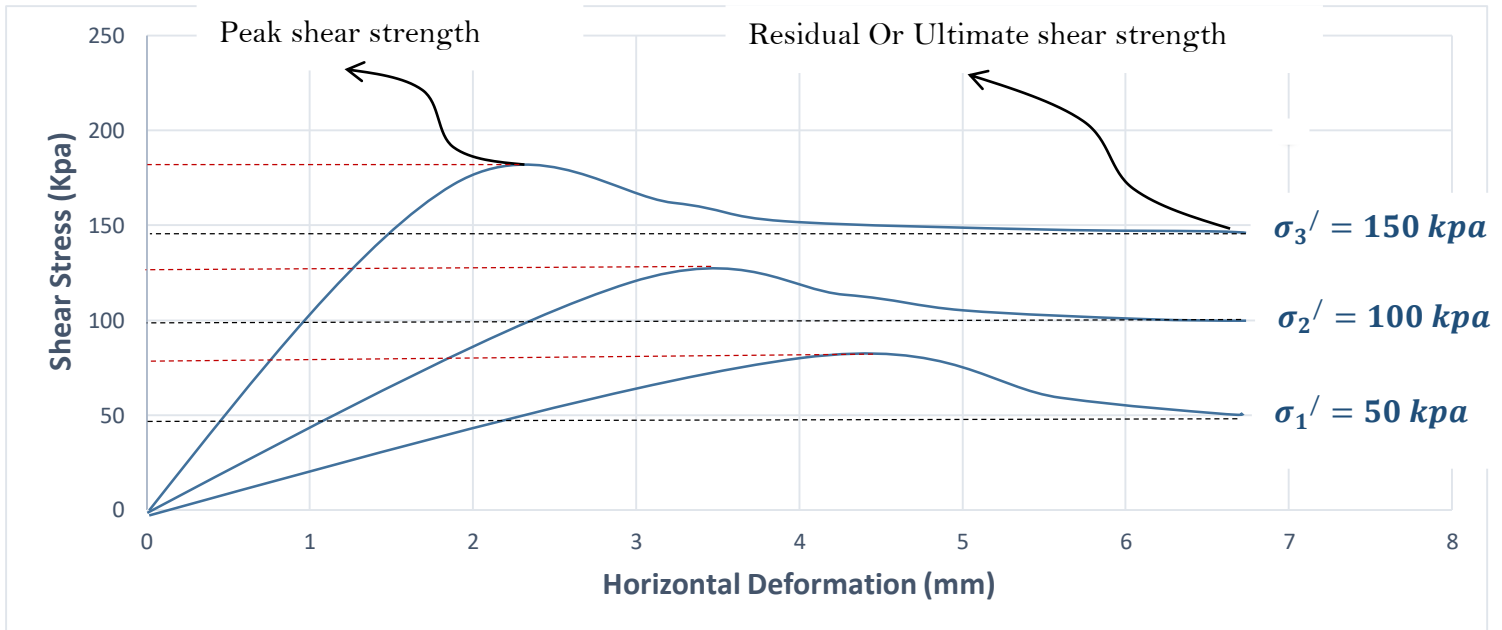
$$C = 0$$

$$\tau_f = \sigma' \times \tan(\phi') + C' \quad 125 \times 10^3 = \frac{\text{shear force}}{0.0635 \times 0.0635}$$

$$\tau_f = 193 \times \tan(33) + 0 \quad \text{shear force} = \mathbf{505.4 N}$$

$$\tau_f = 125 \text{KN/m}^2$$

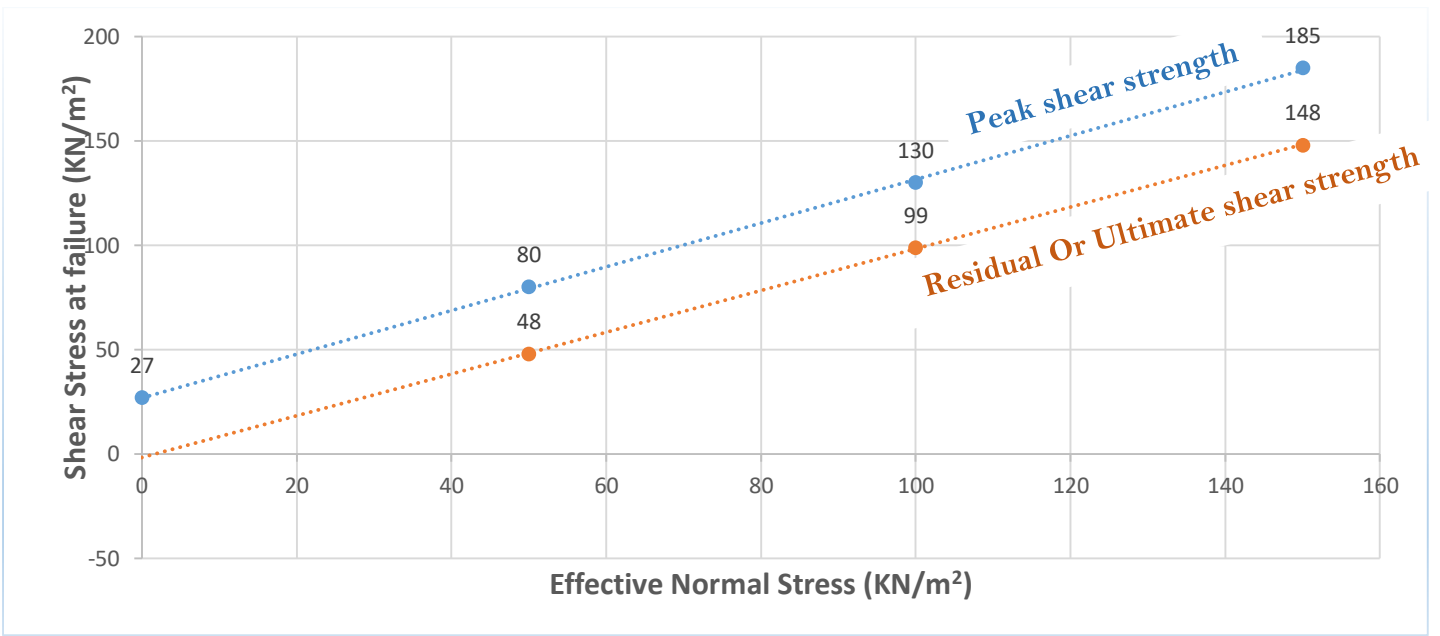
**Example 6:** A direct Shear test is carried out on a **clay soil** sample, at different normal Stress, the results of shear stress a horizontal displacement are shown on the figure, determine the **peak and residual Shear Strength parameter**.



Sol:

المطلوب من السؤال أنك تحسب (ال Shear parameter) لل (ال Peak) و(ال Residual) , قيم (ال Shear Stress) بأخذها من الرسم عند (ال Peak) و(ال Residual) ويرسم (τ vs σ) ومن الرسم بحسب (ال Shear parameter) أو عن طريق الآلة الحاسبة مثل ما يتحب.

Test no.	Effective Normal Stress (Kpa)	Shear Stress at failure peak (Kpa)	Shear Stress at failure residual (KN/m <sup>2</sup> )
1	50	80	48
2	100	130	99
3	150	185	148



باستخدام الآلة الحاسبة :

$$\tan(\phi'_{residual}) = 1$$

$$\phi' = 45^\circ$$

$C'$  قيمتها -1.7 قيمة سالبة لذلك تعتبر صفر.

باستخدام الآلة الحاسبة :

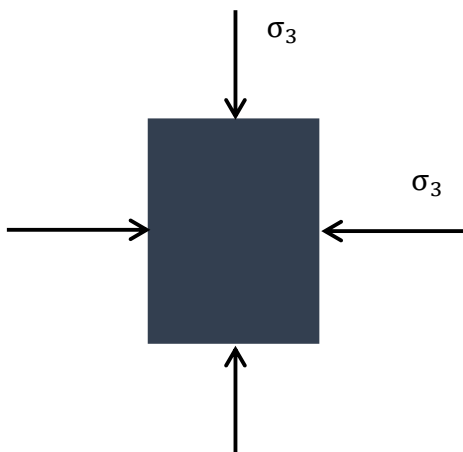
$$\tan(\phi'_{peak}) = 1.05$$

$$\phi' = 46.4^\circ$$

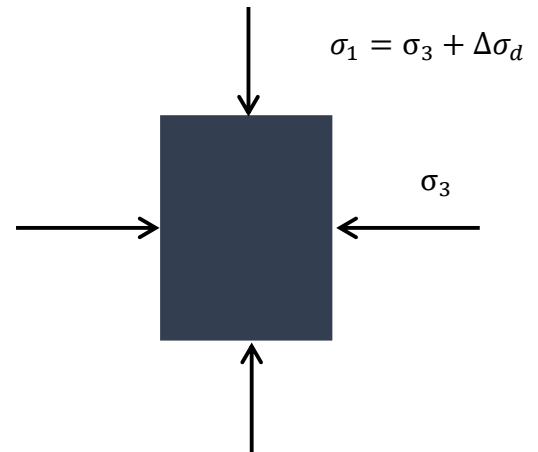
$$C' = 27$$

## Triaxle Test

أكثر التجارب صلاحية وكفاءة لحساب (ال Shear Parameter), وفي هذا الاختبار يتم جلب عينة من الموقع وتكون غير مقلقلة (غير مفككة) (Undisturbed specimen) أي تأخذ من الموقع كما هي متماسكة ويتم تهذيب العينة وقص حوافها لتصبح على شكل أسطوانة طولها ضعف قطرها ويتم تشبيع العينة بالماء من خلال صمام خاص بالجهاز يتحكم بتصريف الماء من العينة وتشبيع العينة, وتم تغلف العينة بغشاء مطاطي لعدم سماح الماء المحيط بالعينة بالدخول إليها لان الماء المحيط بالعينة وظيفته توليد اجهاد حصر ( $\sigma_3$ ) ويولد اجهاد الحصر في الابعاد الثلاث بمقدار متساوي ويساوي ( $\sigma_3$ ) وتم يتم تحريك القاعدة السفلى بمعدل ثابت مما يؤدي الى اجهاد العينة (ضغط العينة) وتقرئ قيمة الزيادة بالإجهاد ( $\Delta\sigma_z$ ) من (ال Proving Ring) وتسمى ( $\Delta\sigma_d$ ) التي تنكسر عندها العينة (ال Deviator stress), وأيضاً تسجل قيمة الإزاحة الرأسية ( $\Delta h$ ) على فترات معينة حتى تنهار العينة, ويتم تكرار التجربة 3 مرات على الأقل وفي كل مرة يتم زيادة اجهاد الحصر ( $\sigma_3$ ) وزيادتها



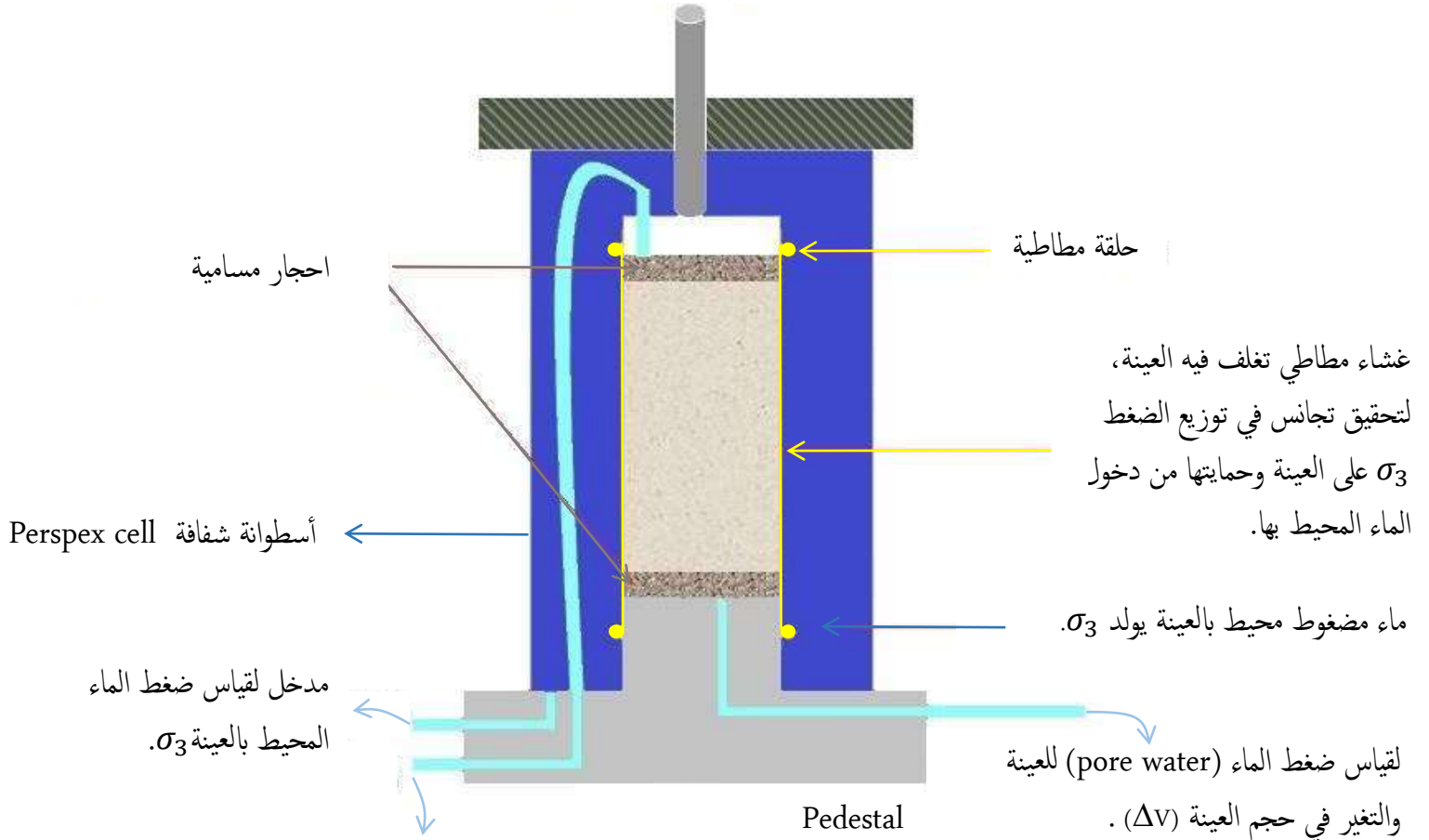
$\sigma_3$  is called Radial Stress (cell Pressure) Or confining stress



$\sigma_1$  is called axial Stress



ذراع التحميل لتسليط  $\Delta\sigma_z$

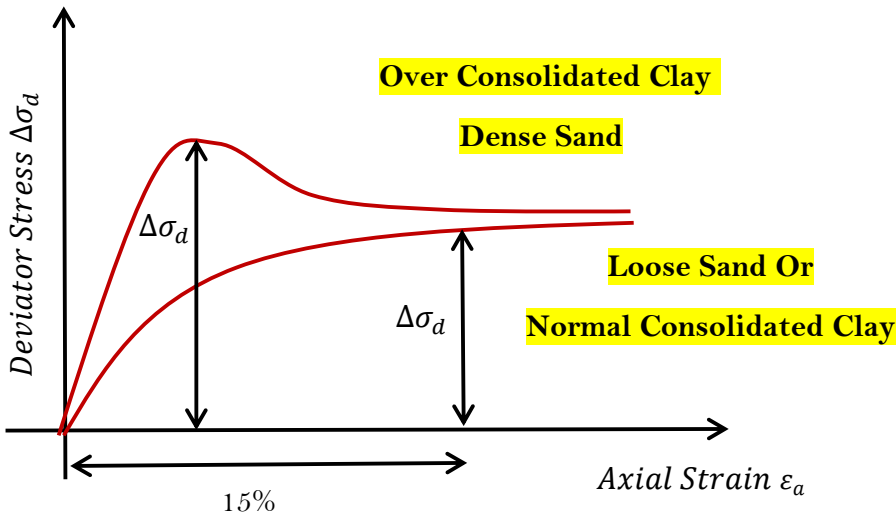


عند تعرض العينة للحمل يحدث تصريف للمياه داخل العينة هذا المدخل لتصريف ماء العينة وهذا المدخل يوجد به صمام مياه يفتح ويغلق للسماح او عدم السماح بتصريف المياه.

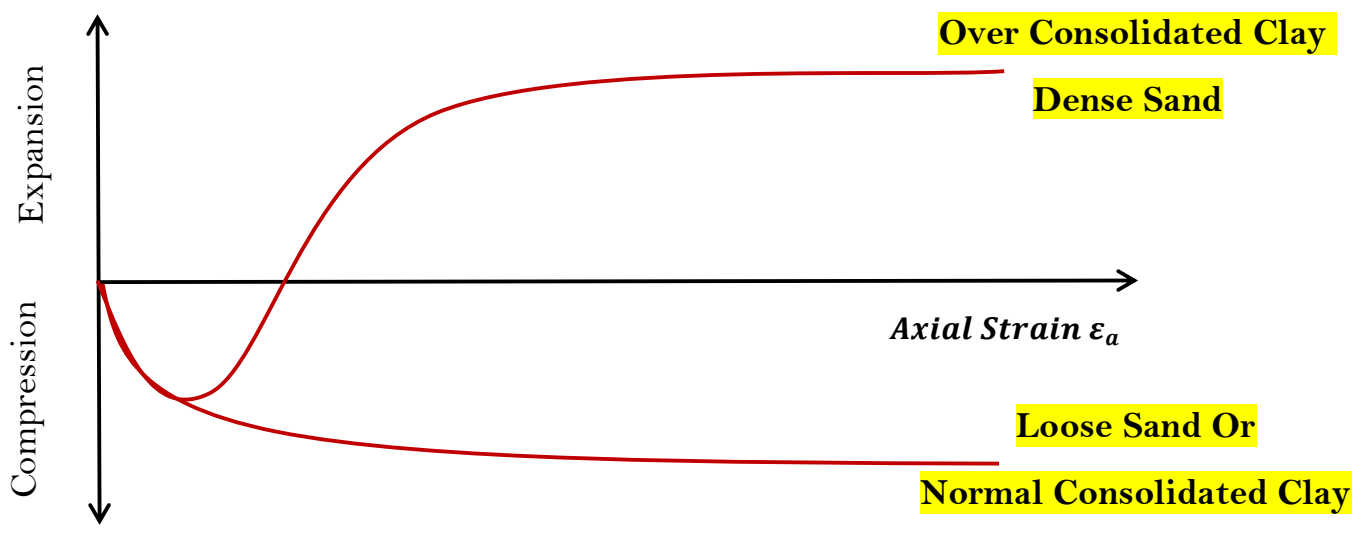
$$\text{Axial Strain } (\varepsilon_a) = \frac{\Delta h}{h}$$

$$\text{Volume Strain } (\varepsilon_v) = \frac{\Delta V}{V}$$

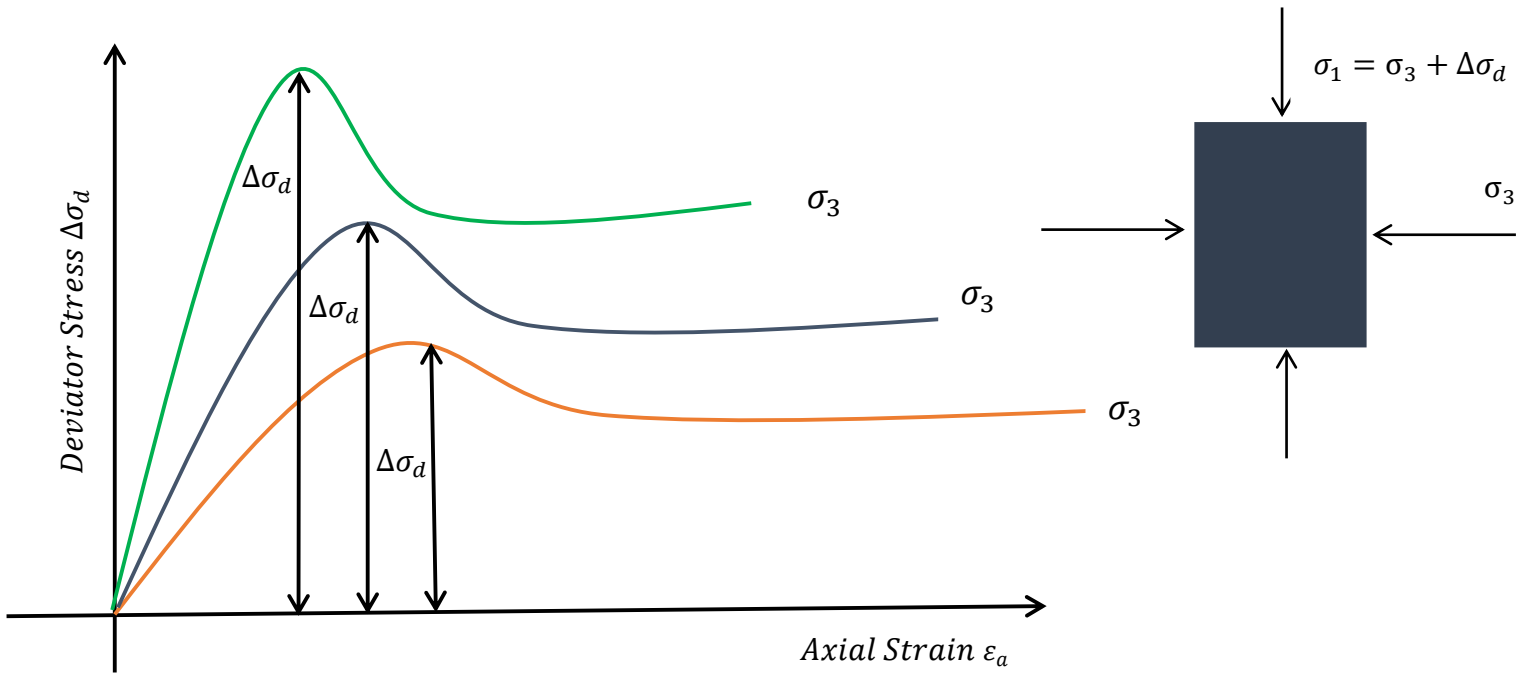
يتم رسم العلاقات بين:



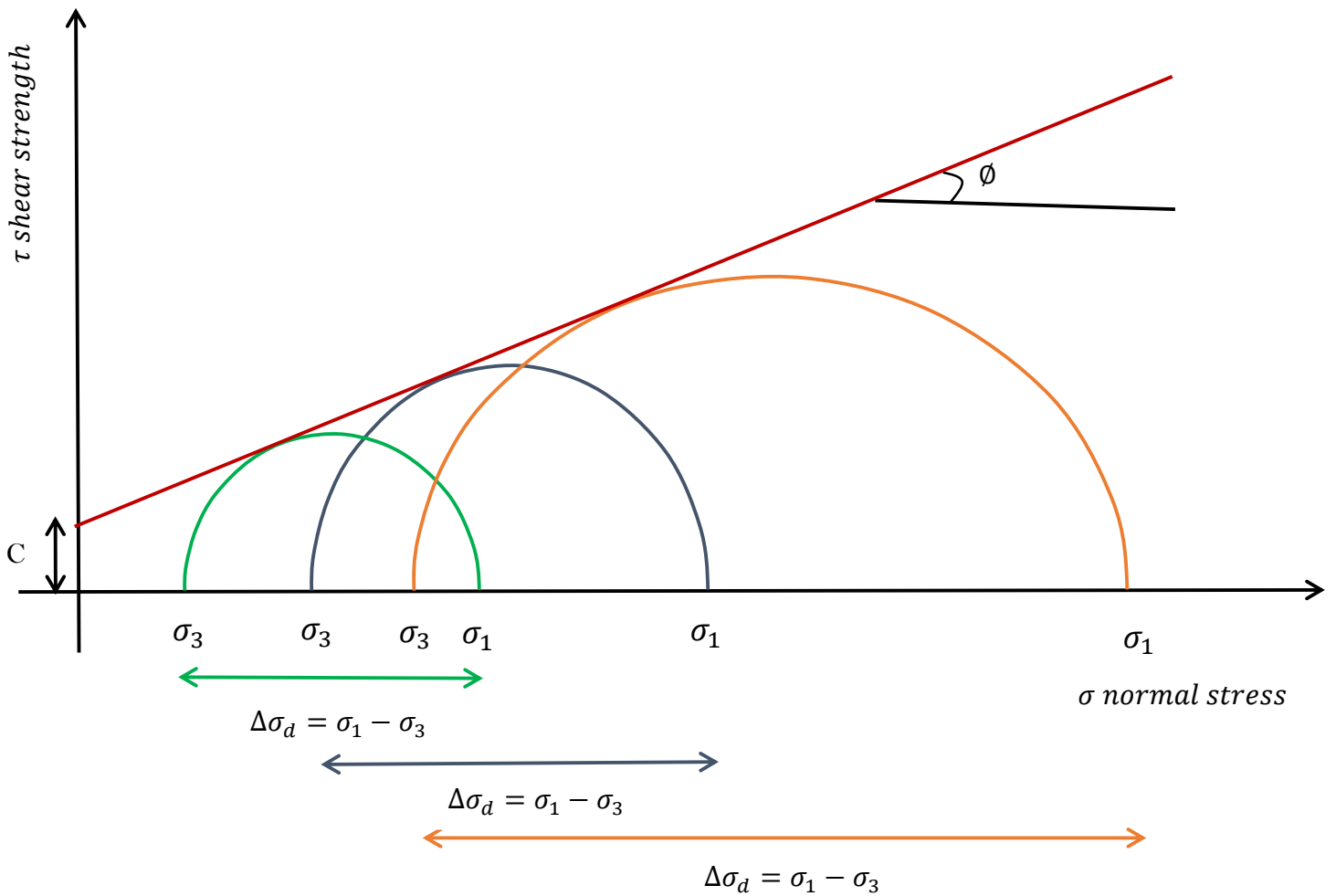
Change in height of specimen (Vertical displacement)

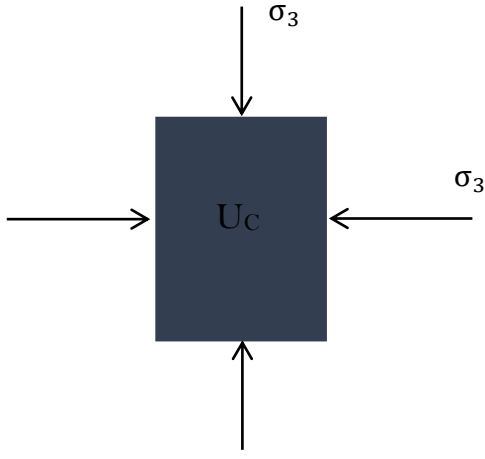


في الرسمة أدنا تمثل أجرء التجربة على أكثر من عينة:



بعد قراءة  $\Delta\sigma_d$  و  $\sigma_3$  نحسب  $\sigma_1$  ونرسم دوائر مور ونرسم المماس للثلاث دوائر لتحديد (ال C)

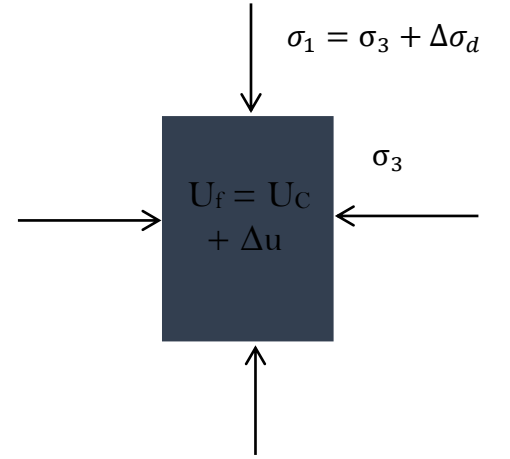




Stage 1: Confinement Stage

⊗ أثناء تعريض العينة ل  $\sigma_3$  إذ كان صمام المياه مفتوح فإنه يحدث (Consolidation Sample) لان الماء بفعل اجهاد الحصر يستطيع الخروج من العينة ووقتها حدوث هبوط في الارتفاع.

⊗ أثناء تعريض العينة ل  $\sigma_3$  إذ كان صمام المياه مغلق فإنه يحدث (Unconsolidation Sample) لان الماء بفعل اجهاد الحصر يستطيع الخروج من العينة ولكن الصمام مغلق ولن يستطيع الخروج , ووقتها لا يحدث هبوط في الارتفاع.



Stage 2: Shearing Stage

⊗ أثناء تعريض العينة ل  $\sigma_1$  and  $\sigma_3$  إذ كان صمام المياه مفتوح فإنه يحدث (Drained Loading) أي يحدث تصريف للمياه العينة الى الخارج.

⊗ أثناء تعريض العينة ل  $\sigma_1$  and  $\sigma_3$  إذ كان صمام المياه مغلق فإنه يحدث (Undrained Loading) أي لا يحدث تصريف للمياه العينة الى الخارج.

⊗ إذ كان الصمام مفتوح في (Stage 1+Stage 2) وقتها يكون اسم الاختبار (Consolidation Drained).

⊗ إذ كان الصمام مفتوح في (Stage 1) ومغلق في (Stage 2) وقتها يكون اسم الاختبار (Consolidation Undrained).

⊗ إذ كان الصمام مغلق في (Stage 1+Stage 2) وقتها يكون اسم الاختبار (Unconsolidation Undrained).

لذلك أنواع الاختبارات في جهاز (ال Triaxle):

1. CD.
2. CU.
3. UU.

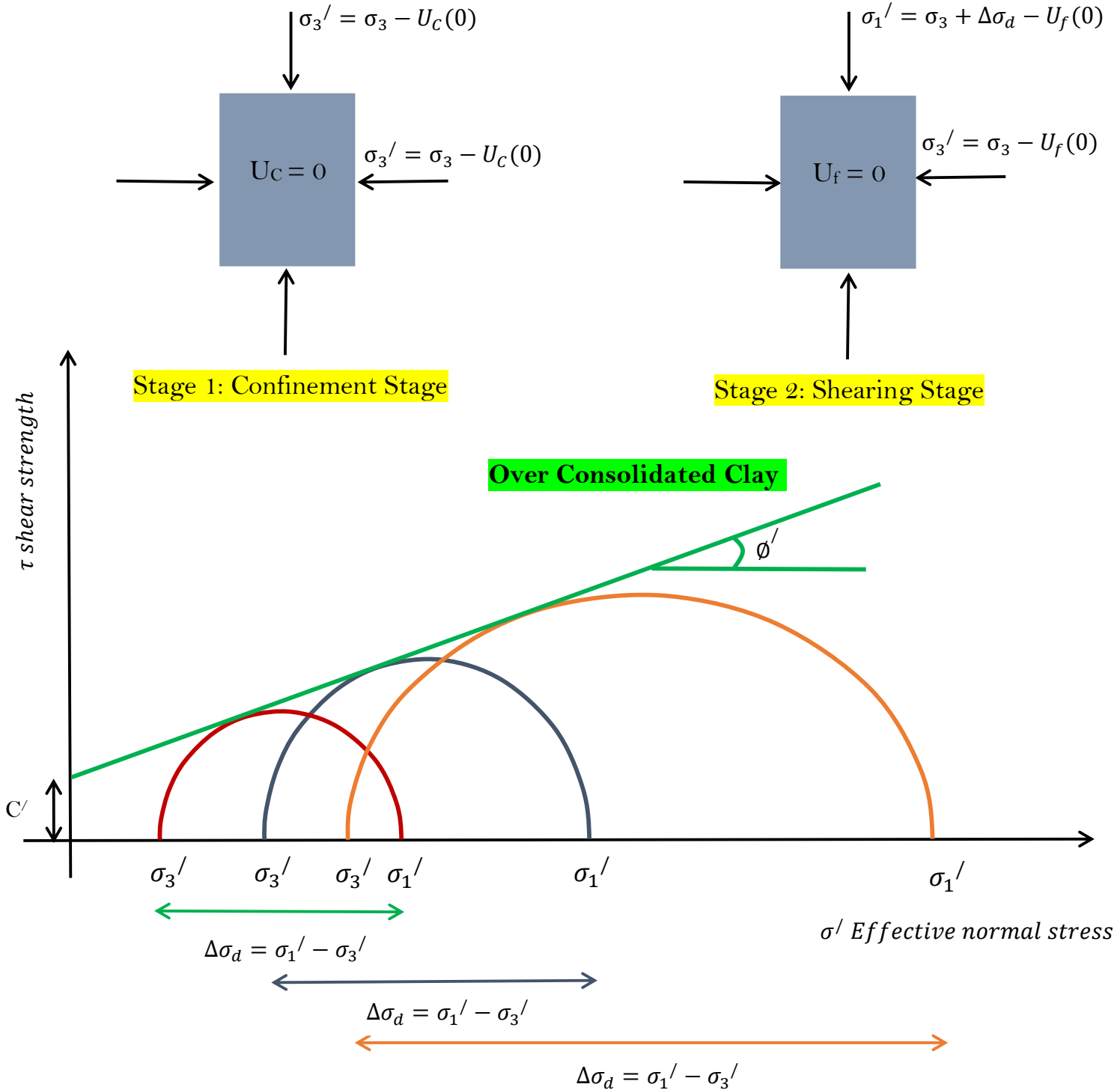
## Consolidation Drained (CD) Or (S) Test.

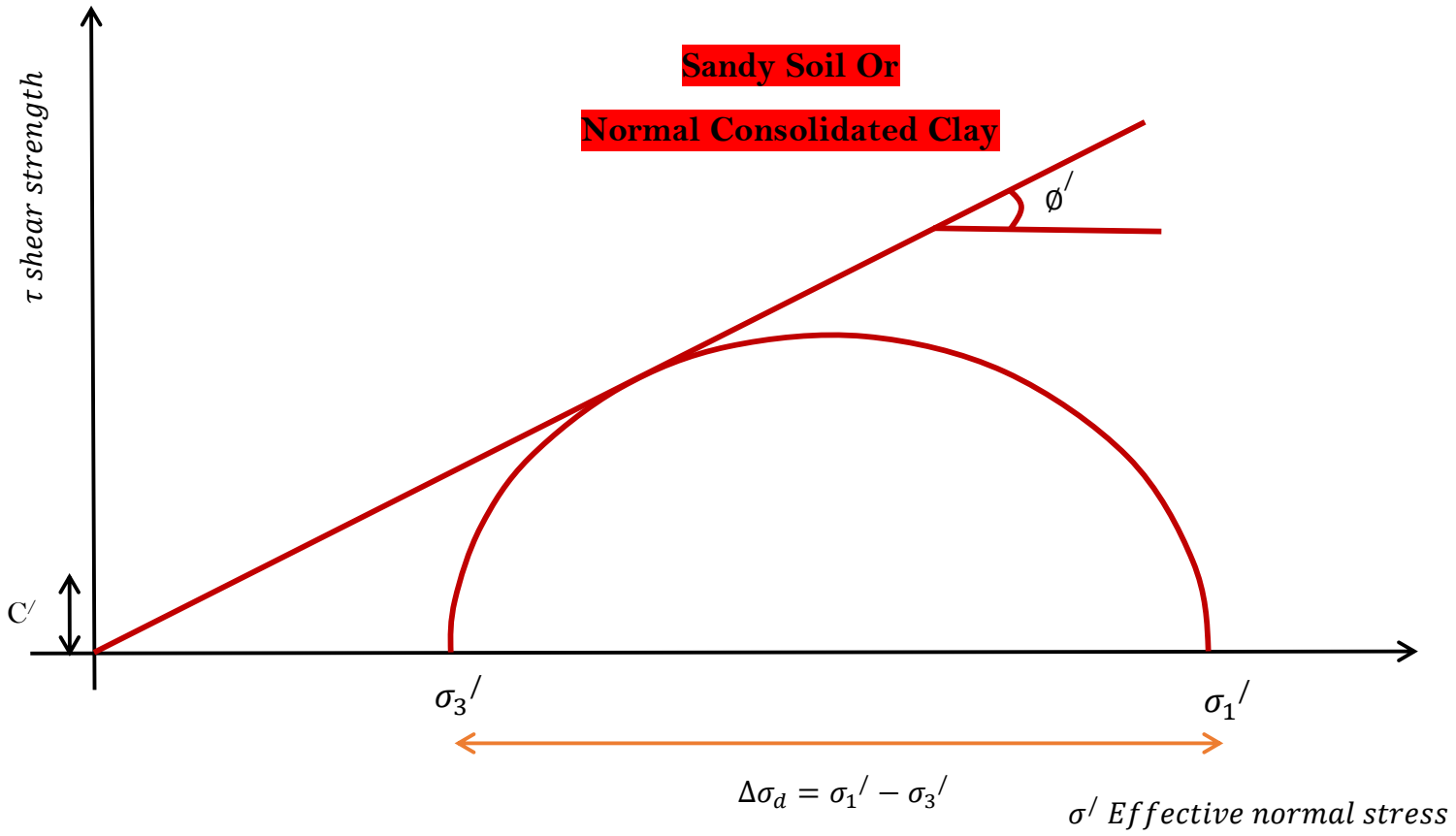
☒ هذه التجربة تناظر في الطبيعة طبقة مشبعة من التربة عليها تحميل ويحصل لها تضاغط وتصريف جميع الماء خارج الطبقة.

☒ معدل القص يكون بطيء جدا لضمان تصريف جميع الماء.

☒ في هذا الاختبار يكون ضغط الماء المسامي (Pour Water Pressure) يساوي صفر ( $U=0$ ), لذلك حساب مقاومة القص يأخذ كدالة في الاجهاد ( $\sigma'$ ) وأيضا (ال Shear Parameter) الي بوجده من خلال هذا الاخبار يكون ( $C', \phi'$ ).

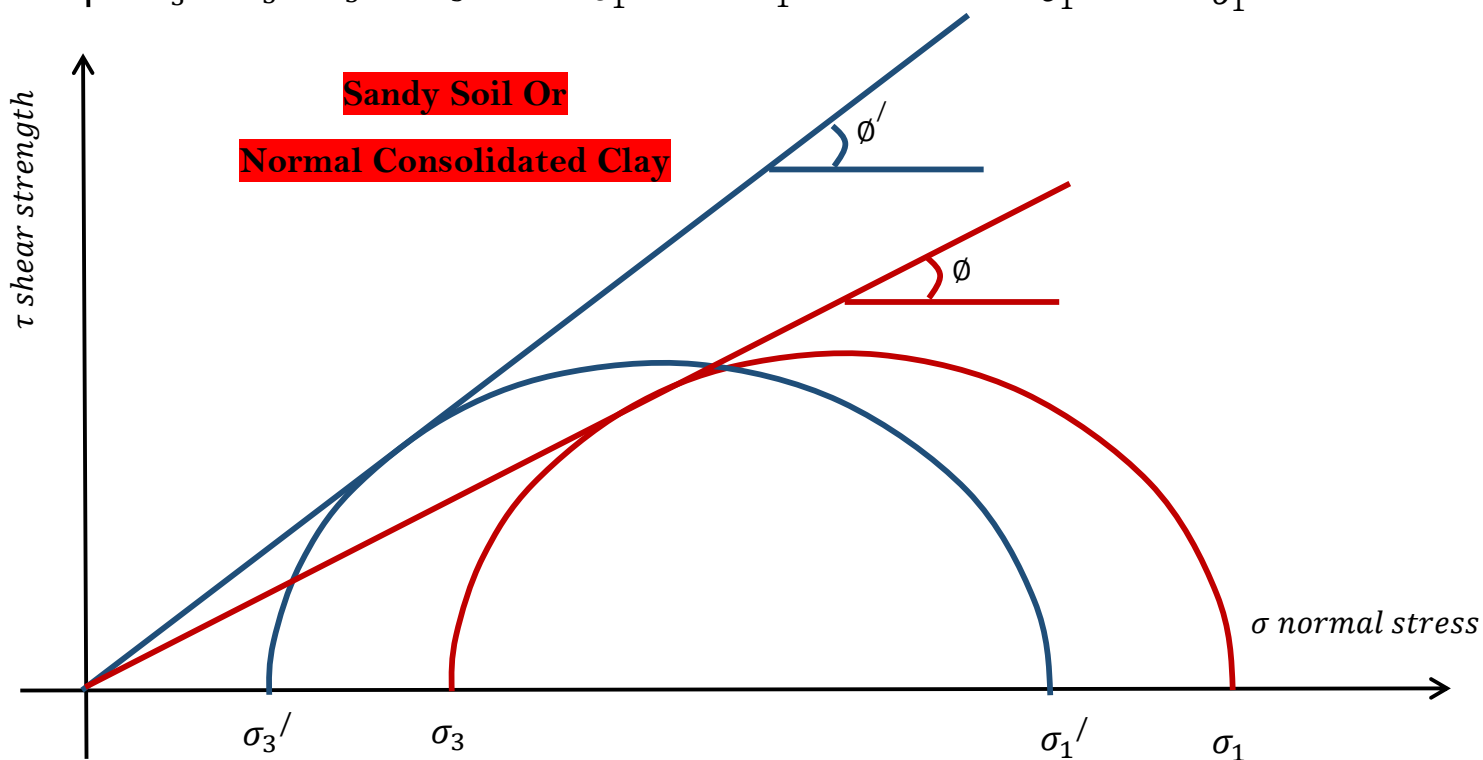
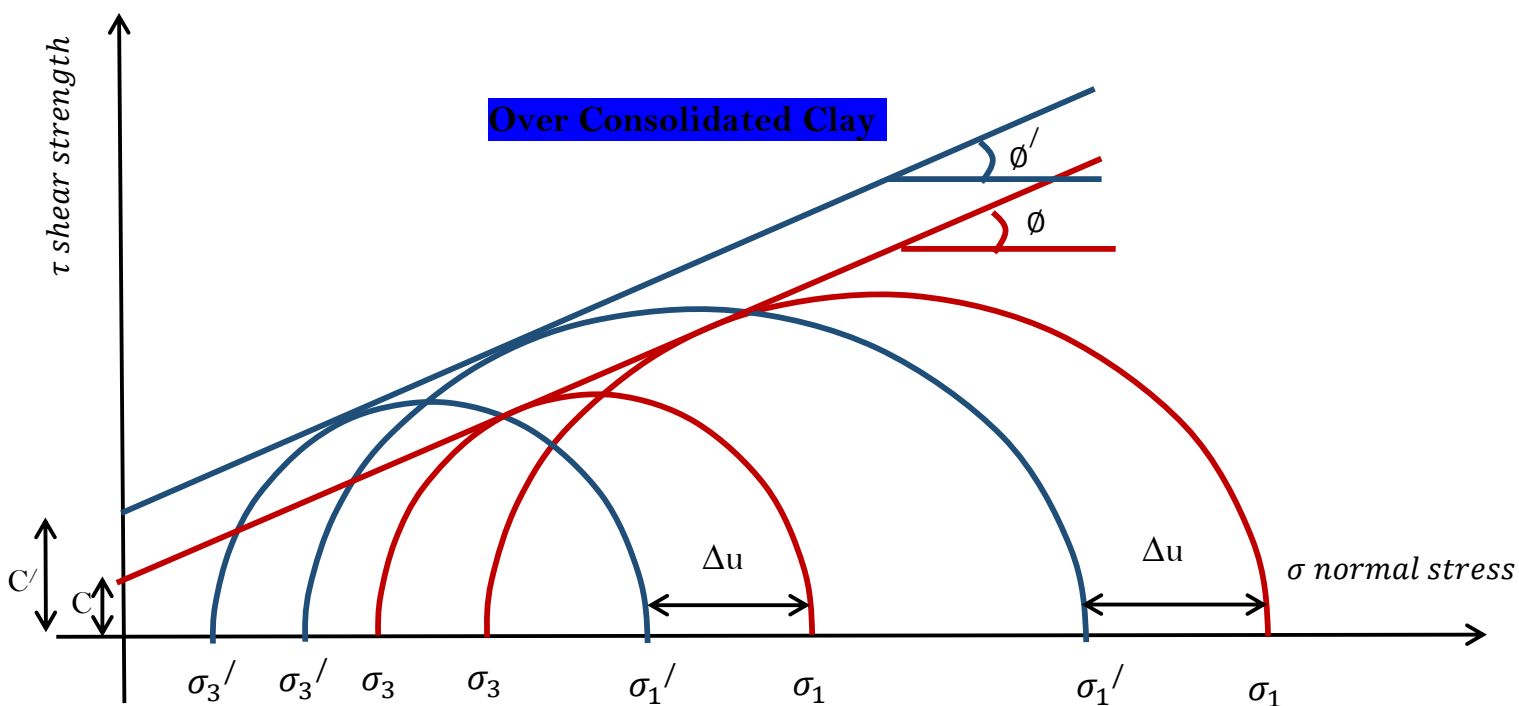
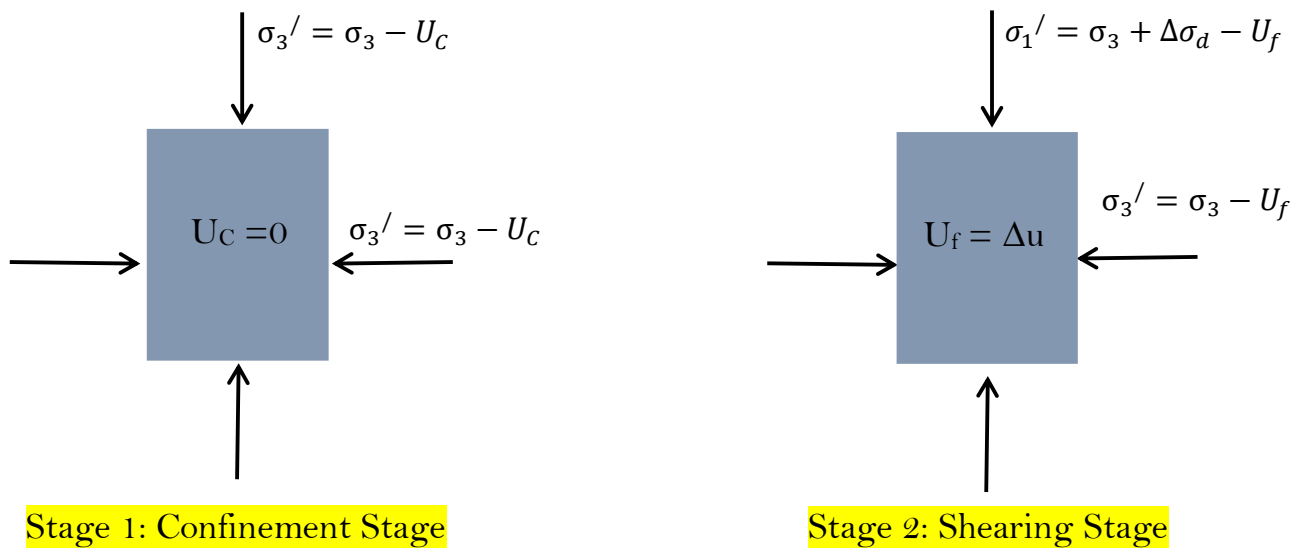
$$\sigma_1 = \sigma_1', \sigma_3 = \sigma_3' \quad \text{☒}$$





### Consolidation Undrained (CU) Or (R) Test

- ☒ معدل القص يكون أسرع من (CD) Test.
- ☒ في هذا الاختبار يكون ضغط الماء المسامي (Pore Water Pressure) لا يساوي صفر (U=0).
- ☒ يمكن عن طريق هذا الاختبار حساب (C', φ', C, φ).
- ☒  $\sigma_1' = \sigma_1 - U, \sigma_3' = \sigma_3 - U$
- ☒ لا يبدأ التحميل  $\Delta\sigma_d$  حتى تتوقف العينة عن التصريف (أو التصلد).



## Unconsolidation Undrained (UU) Or Quick (Q) Test

☒ هذه التجربة تناظر في الطبيعة طبقة مشبعة من التربة في أوقاتها الأولى حيث لا يوجد تصريف ولا هبوط ف الارتفاع.

☒ بما انه لا يحدث تصريف للمياه من العينة هذا يعني أنه لا يوجد تغير في حجم العينة أي ( $V_{initial} = V_{final}$ ) ولكن هذا لا يمنع أنه لا يوجد تغير في الشكل أي (يقبل الارتفاع ويزداد القطر مع الحفاظ على الحجم لأنه لا يوجد خروج للماء الذي يشغل الفراغات) (أي مادة في العالم اذا لم ينقص منها شيء اذا لا يوجد نقص في الحجم).

$$\begin{aligned}
 V_{final} &= V_{initial} \\
 A_f \times H_f &= A_o \times H_o \\
 A_f \times (H_o - \Delta H) &= A_o \times H_o \\
 A_f \times \left(1 - \frac{\Delta H}{H_o}\right) &= A_o \\
 A_f \times (1 - \varepsilon_a) &= A_o \\
 A_f &= \frac{A_o}{(1 - \varepsilon_a)}
 \end{aligned}$$

☒ في هذا الاختبار يكون ضغط الماء المسامي (Pour Water Pressure) لا يساوي صفر ( $U \neq 0$ ), لذلك حساب مقاومة القص يأخذ كدالة في الاجهاد الكلي ( $\sigma$ ).  
 ال (Shear Parameter) ( $C, \phi$ ) الذي يوجد من خلال هذا الاخبار يكون ( $C, \phi$ ).

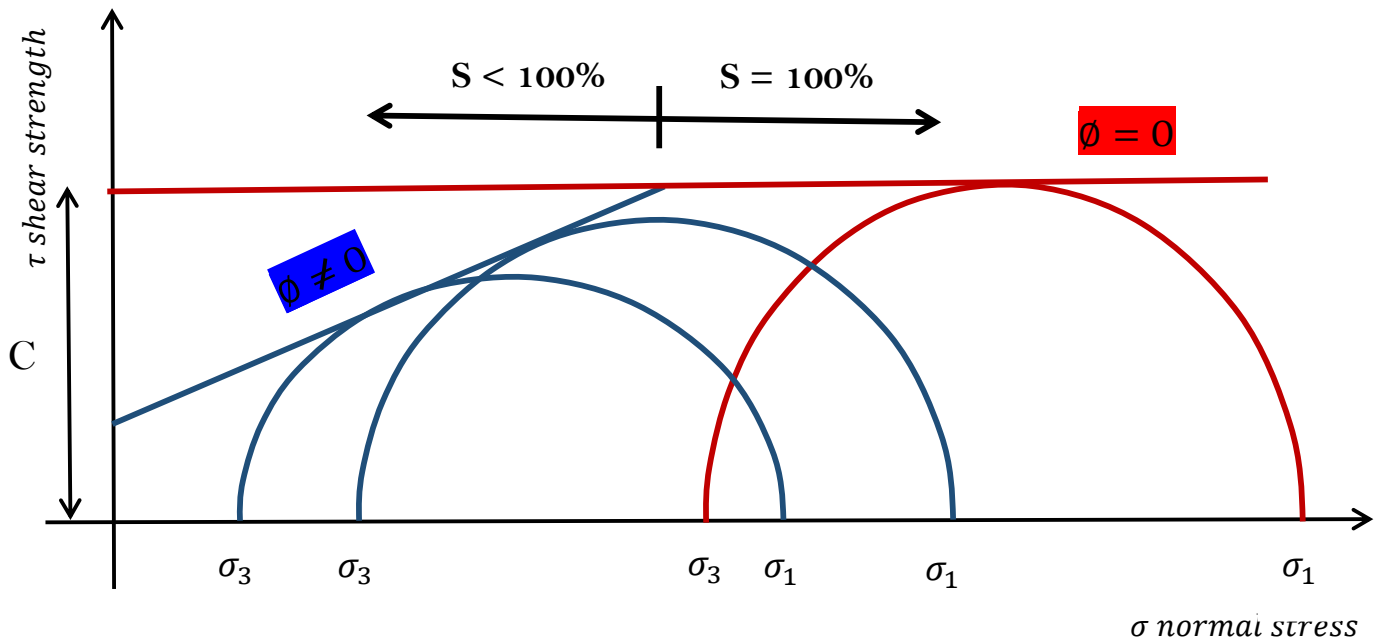
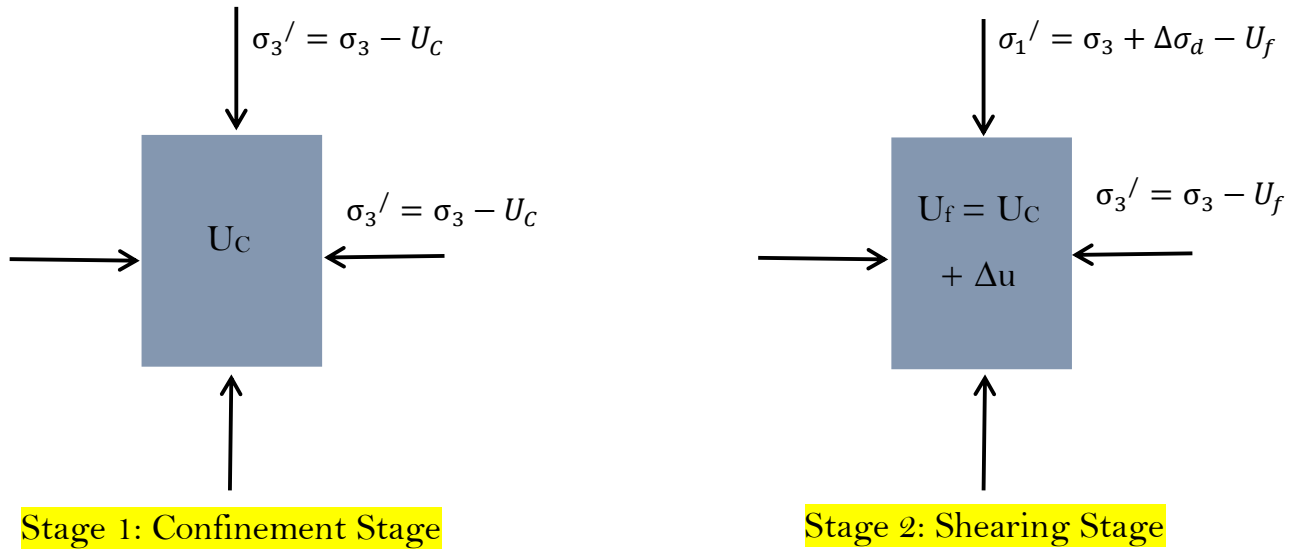
☒ اذا كانت  $S=100\%$  فان العينة تكون في اقصى تماسك ولكن زاوية الاحتكاك تساوي صفر

$$\phi = 0 \text{ and } C = C_{MAX}$$

وعندما تكون  $S < 100\%$  فان العينة لديها تماسك وزاوية احتكاك.

**$\phi$  and  $C$**

كلما اقتربت درجة التشبع الى الصفر كلما قلت ( $C$ )





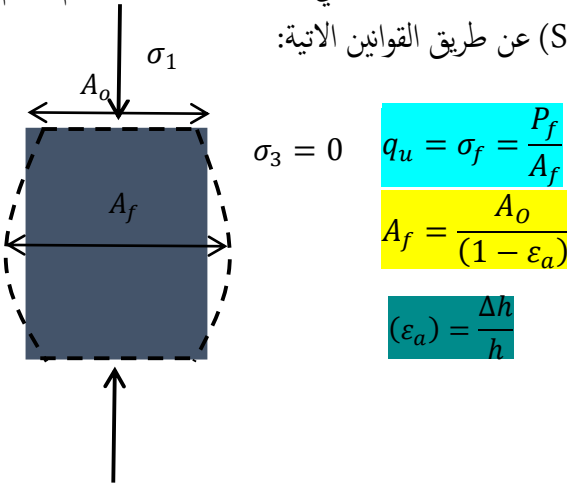
# Unconfined Compression Test اختبار الضغط غير المحصور

هو اختبار يجري في المعمل على التربة المتماسكة المشبعة (C-Soil) لتحديد قيمة التماسك (C).  
أجزاء الجهاز:

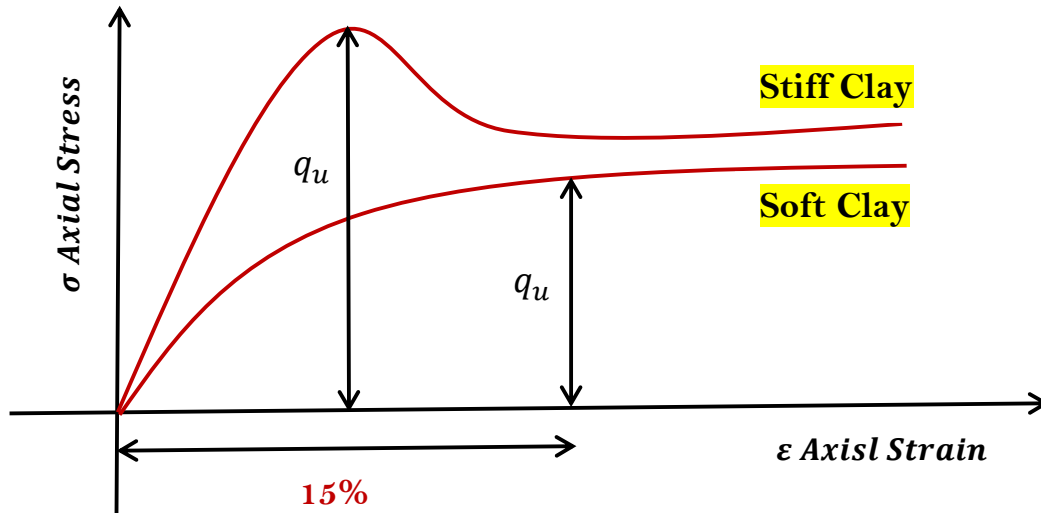


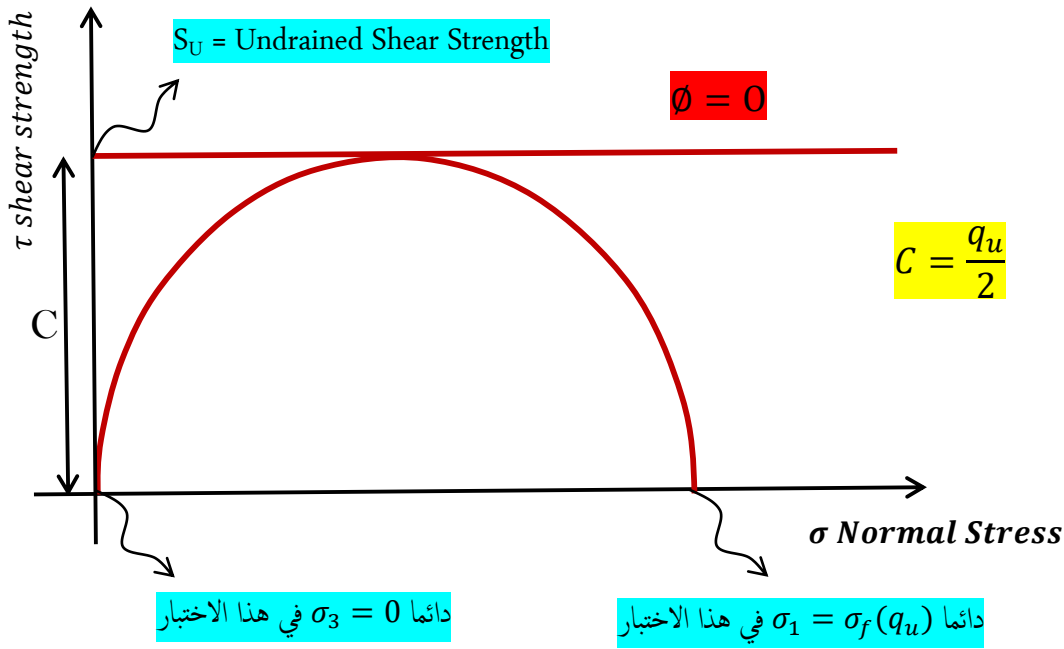
1. Proving Ring. (حلقة فولاذية مرنة تستخدم لقياس القوة ويتم قراءة القوة من الساعة)
2. Dial Gauge. (ساعة تستخدم لقياس التغير في الارتفاع الراسي)
3. Fixed Unscrew. (فك ثابت لا يتحرك ويكون هو الفك العلوي)
4. Cohesive Soil Specimen. (العينة تكون متماسكة ومشبعة أي  $\phi = 0$ )
5. Removable Unscrew. (فك السفلي يتحرك للأعلى للضغط العينة)

يتم اعداد عينة تربة (طينية أو طمي مشان نفاذيتهم كثير قليلة ولن يحدث تصريف مثل فكرة الصمام المغلق) مشبعة أسطوانية الشكل طولها يساوي 2.5 عرضها وتوضع في الجهاز، ويتم تحريك الفك السفلي لتوليد اجهاد رأسي فقط أي  $\sigma_3 = 0$  وتأخذ قراءة القوة الرأسية ( $P_f$ ) التي تنكسر عندها العينة من (ال Proving Ring) وتأخذ قراءة الازاحة الرأسية ( $\Delta h$ ) من (ال Dial Gauge) ولحساب الاجهاد (ال Stress) التي تنكسر عنده العينة لازم أقسم قيمة القوة الرأسية التي تنكسر عندها العينة على المساحة النهائية للعينة و ايضا لحساب (ال Strain) عن طريق القوانين الآتية:



يتم رسم العلاقة بين الاجهاد والانفعال الرأسي:





Typical Shear Strength Values

Su for NC

Undrained Shear Strength for Normally consolidated Clay (NC)

$$\frac{S_u}{P_o'} = 0.45(PI)^{\frac{1}{2}} \quad \text{PI in demical and } > 0.5$$

$$\frac{S_u}{P_o'} = 0.11 + 0.0037PI \quad \text{PI in percent}$$

Su = Undrained Shear Strength

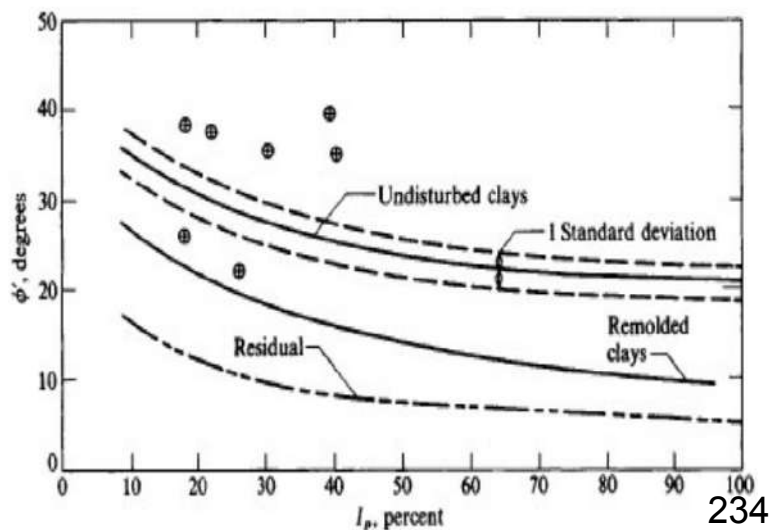
Po' = In Situ overburden stress (تحسب من الموقع)

PI = plasticity index

Representative values for angle of internal friction φ

Soil	Type of test*		
	Unconsolidated-undrained, U	Consolidated-undrained, CU	Consolidated-drained, CD
Gravel			
Medium size	40-55°		40-55°
Sandy	35-50°		35-50°
Sand			
Loose dry	28-34°		
Loose saturated	28-34°		
Dense dry	35-46°		43-50°
Dense saturated	1-2° less than dense dry		43-50°
Silt or silty sand			
Loose	20-22°		27-30°
Dense	25-30°		30-35°
Clay	0° if saturated	3-20°	20-42°

Correlation between φ' and plasticity index Ip for normally consolidate



$$(O.C.R)^{0.8} = \frac{\left(\frac{C_u}{P_o'}\right)_{\text{Over consolidated Clay}}}{\left(\frac{C_u}{P_o'}\right)_{\text{Normally consolidated Clay}}}$$

$$\frac{C_u}{P_o'} = (0.23 \pm 0.04)(O.C.R)^{0.5}$$

## Comparison of Triaxle with Direct Shear Test

The advantages of the triaxle test over the direct shear test are:

1. Progressive effects are less in the triaxle.

2. The measurement of specimen volume changes are more accurate in the triaxle.

2. قياس التغيرات في حجم العينة أكثر دقة في اختبار الضغط ثلاثي المحاور.

3. The complete state of stress is assumed to be known at all stages during the triaxle test, whereas only the stresses at failure are known in the direct shear test.

3. يُفترض أن حالة الإجهاد معروفة في جميع المراحل أثناء اختبار الضغط ثلاثي المحاور، في حين أن الإجهاد عند الفشل هي فقط المعروفة في اختبار القص المباشر.

4. The triaxle machine is more adaptable to special requirements

4. آلة الضغط ثلاثي المحاور أكثر قدرة على التكيف مع المتطلبات الخاصة للتجربة.

**Example 7: A consolidated-drained triaxle test** was conducted on a **normally consolidated clay** the results are as follows:

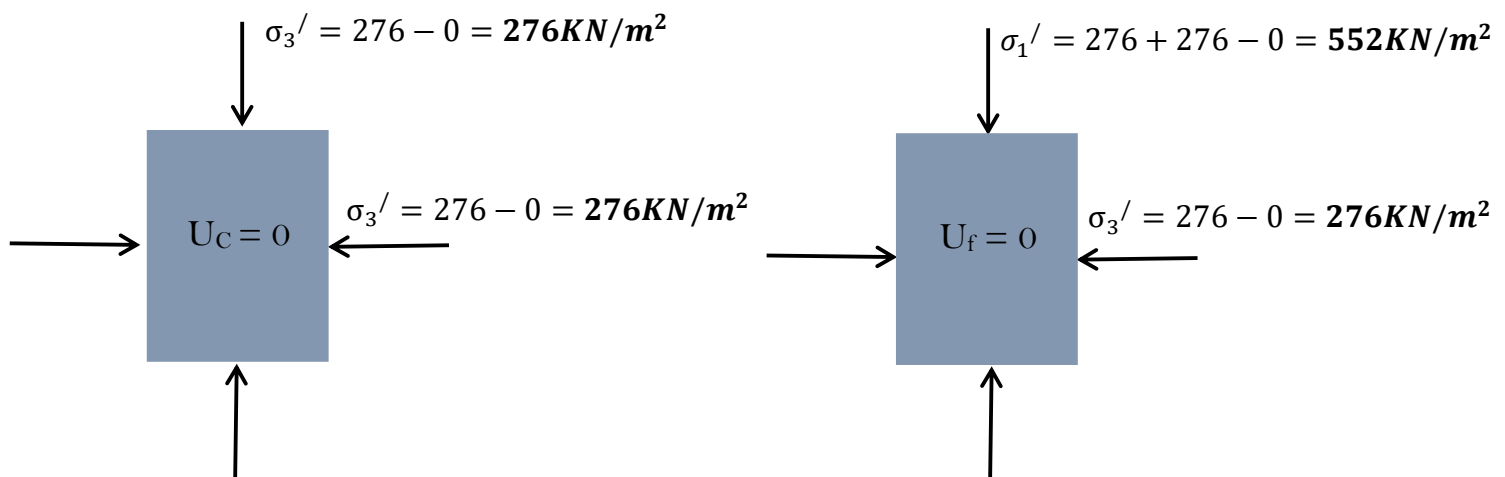
$$\sigma_3 = 276 \text{ KN/m}^2$$

$$C' = 0$$

$$\Delta\sigma_d = 276 \text{ KN/m}^2$$

Determine:

1. Angle of friction  $\phi$ .
2. Angle  $\theta$  that the failure plane makes with the major principal plane.
3. Find the normal stress and the shear stress  $\tau_f$  on the failure plane.
4. Determine the effective normal stress on the plane of maximum shear stress



Stage 1: Confinement Stage

Stage 2: Shearing Stage

$$1. \sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')} = \frac{\frac{1}{2}(552 - 276)}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}(552 + 276)} \quad \phi' = 19.47^\circ$$

$$2. \theta = 45 + \frac{\phi'}{2} = 45 + \frac{19.47}{2} = 54.74^\circ$$

$$3. \sigma_f' = \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3') + \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \cos(2\theta) =$$

$$\frac{1}{2}(552 + 276) + \frac{1}{2}(552 - 276) \cos(2 \times 54.74) = 367.98 \text{KN/m}^2$$

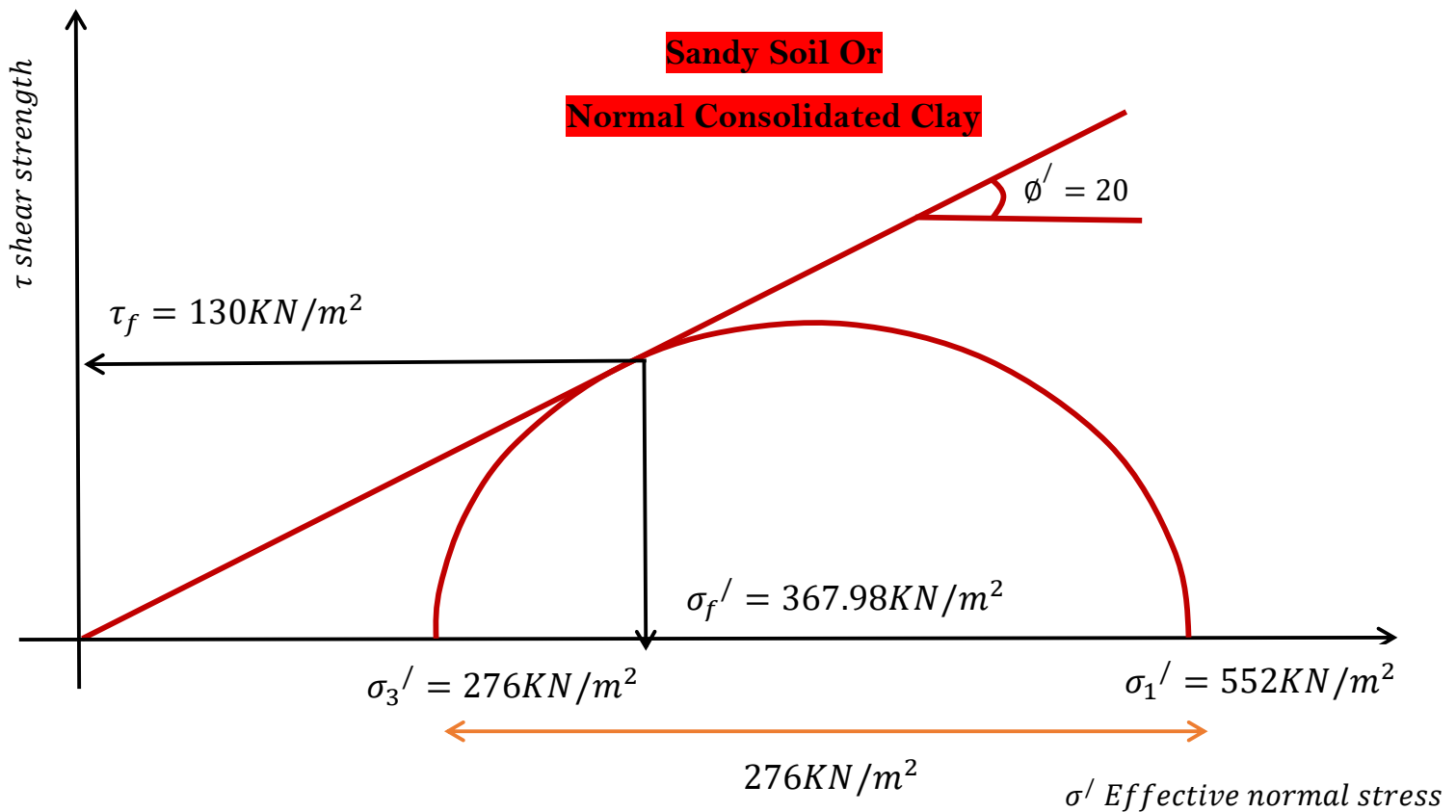
$$\tau_f = \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \sin(2\theta) = \frac{1}{2}(552 - 276) \sin(2 \times 54.74) = 130 \text{KN/m}^2$$

$$4. \sigma_f' = \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3') + \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \cos(2\theta) =$$

$$\frac{1}{2}(552 + 276) + \frac{1}{2}(552 - 276) \cos(2 \times 45) = 414 \text{KN/m}^2$$

The maximum shear stress will occur on the plane with  $\theta = 45$

الرسم



**Example 8:** The equation of the effective stress failure envelope for **normally consolidated clayey** soil is  $\tau_f = \sigma \tan 30^\circ$ . A **drained triaxle** test was conducted with the same soil at a chamber-confining pressure of  $69 \text{ KN/m}^2$ . Calculate the deviator stress at failure.

Sol:

$$\sigma_1' = \sigma_3' \tan^2 \left( 45 + \frac{\phi'}{2} \right) + 2C' \tan \left( 45 + \frac{\phi'}{2} \right)$$

$$\sigma_1' = 69 \times \tan^2 \left( 45 + \frac{30}{2} \right) + 2 \times 0 \tan \left( 45 + \frac{30}{2} \right) = 207 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_d = \sigma_1' - \sigma_3' = 207 - 69 = 138 \text{ KN/m}^2$$

**Example 9:** The results of two **drained triaxle** tests on a saturated clay follow:

**Specimen I:**

$$\sigma_3 = 70 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = 70 + 130 = 200 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_d = 130 \text{ KN/m}^2$$

**Specimen II:**

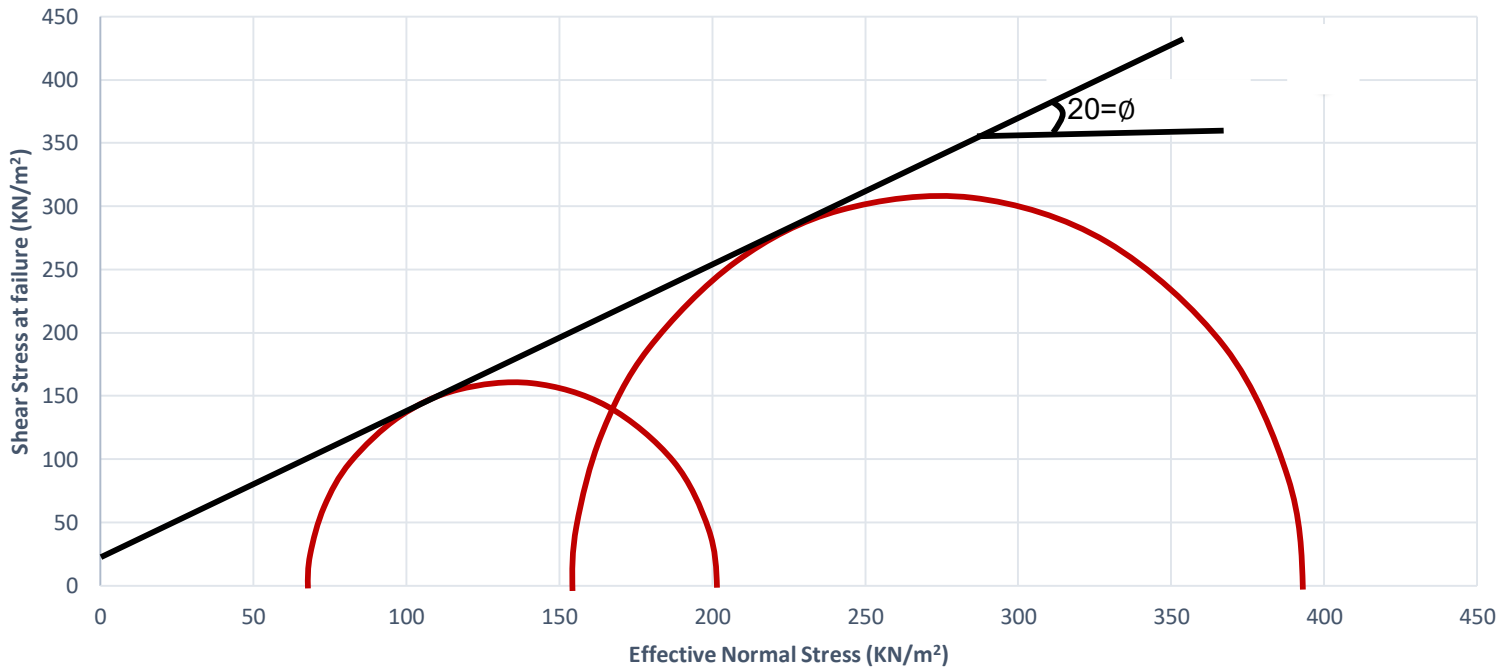
$$\sigma_3 = 160 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = 160 + 223.5 = 383.5 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_d = 223.5 \text{ KN/m}^2$$

Determine the shear strength parameters.

الحل باستخدام الرسم



الحل باستخدام المعادلات

هاي معادلة مبسطة لإيجاد زاوية الاحتكاك عندما تكون هنالك قيمة لل C بتقدير تستخدمها عوضاً عن

$$\phi = 2 \left( \tan^{-1} \left( \frac{\sigma_1'_{(I)} - \sigma_1'_{(II)}}{\sigma_3'_{(I)} - \sigma_3'_{(II)}} \right)^{0.5} - 45 \right) = 2 \left( \tan^{-1} \left( \frac{200 - 383.5}{70 - 160} \right)^{0.5} - 45 \right) = 19.7^\circ$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

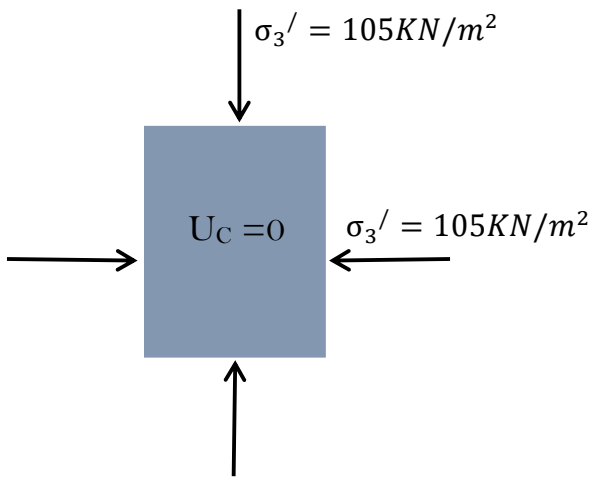
$$\sin(19.7) = \frac{\frac{1}{2}(200 - 70)}{C \cot(19.7) + \frac{1}{2}(200 + 70)} \quad C = \mathbf{20.7 \text{ KN/m}^2}$$

**Example 10:** A specimen of **saturated sand** was consolidated under an all-around pressure of 105KN/m<sup>2</sup>, the axial stress was then increased and drainage was prevented. The specimen failed when the axial deviator stress reached 70KN/m<sup>2</sup>, the pore water pressure at failure was 50KN/m<sup>2</sup>. Determine:

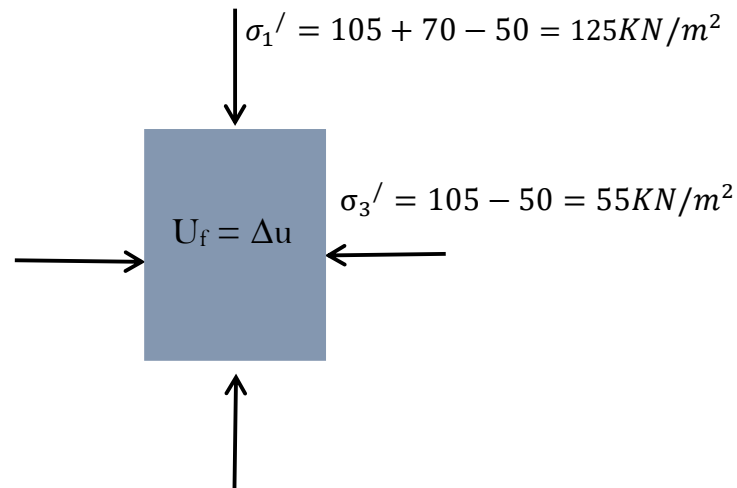
a. **Consolidated-undrained** angle of shearing resistance  $\phi$

b. **Drained** friction angle  $\phi'$

$$\sigma_3 = 105 \text{ KN/m}^2 \quad \sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = 105 + 70 = 175 \text{ KN/m}^2 \quad U_f = \Delta u = 50 \text{ KN/m}^2$$



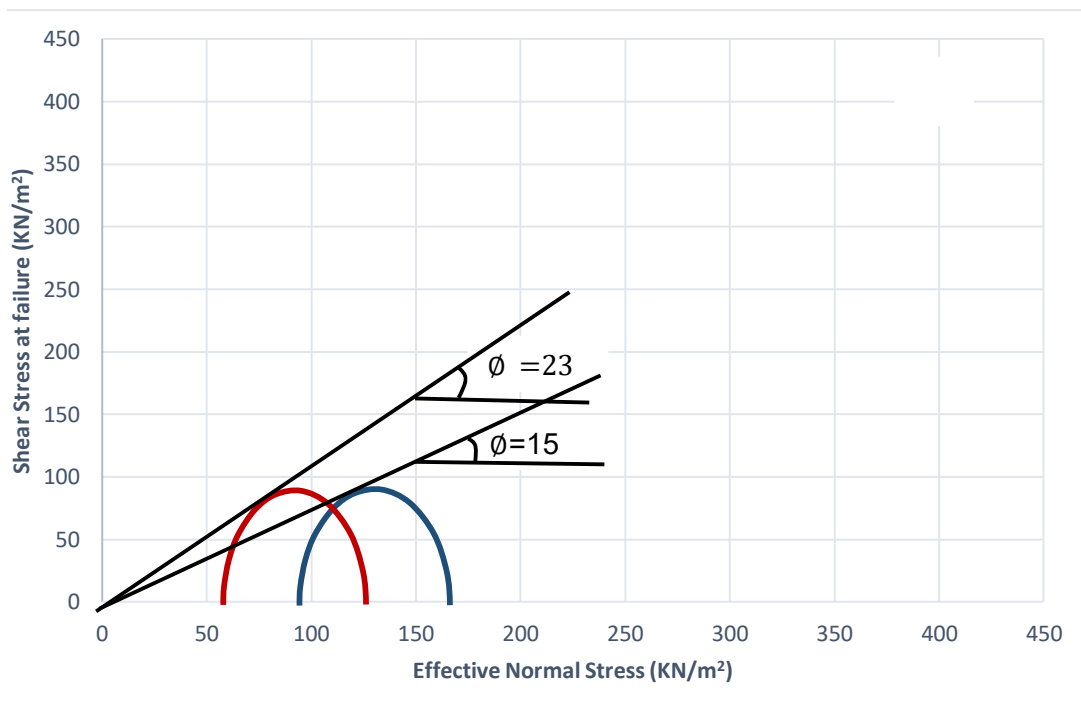
Stage 1: Confinement Stage



Stage 2: Shearing Stage

$$1. \sin(\phi) = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)}{C \cot(\phi) + \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3)} = \frac{\frac{1}{2}(175 - 105)}{0 \cot(\phi) + \frac{1}{2}(175 + 105)} \quad \phi = \mathbf{14.48^\circ}$$

$$2. \sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')} = \frac{\frac{1}{2}(125 - 55)}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}(125 + 55)} \quad \phi' = \mathbf{22.9^\circ}$$



**Example 11:** An **over consolidated clay** deposit located below the groundwater table has the following:

Average present effective overburden pressure = 160KN/m<sup>2</sup>

Over consolidation ratio = 3.2

Plasticity index = 28

Estimate the average **undrained** shear strength of the clay  $C_u$ .

$$\frac{C_u}{P_o} = (0.23 \pm 0.04)(O.C.R.)^{0.5}$$

$$\frac{C_u}{160} = (0.23 \pm 0.04)(3.2)^{0.5} \quad C_u = 77.28KN/m^2 - 54.4KN/m^2$$

**Example 12:** The following are the results of four drained direct shear tests on undisturbed **normally consolidated clay** samples having a diameter of 50 mm, and height 26 mm, Draw a graph for shear stress at failure against the normal stress and determine the drained angle of friction from the graph.

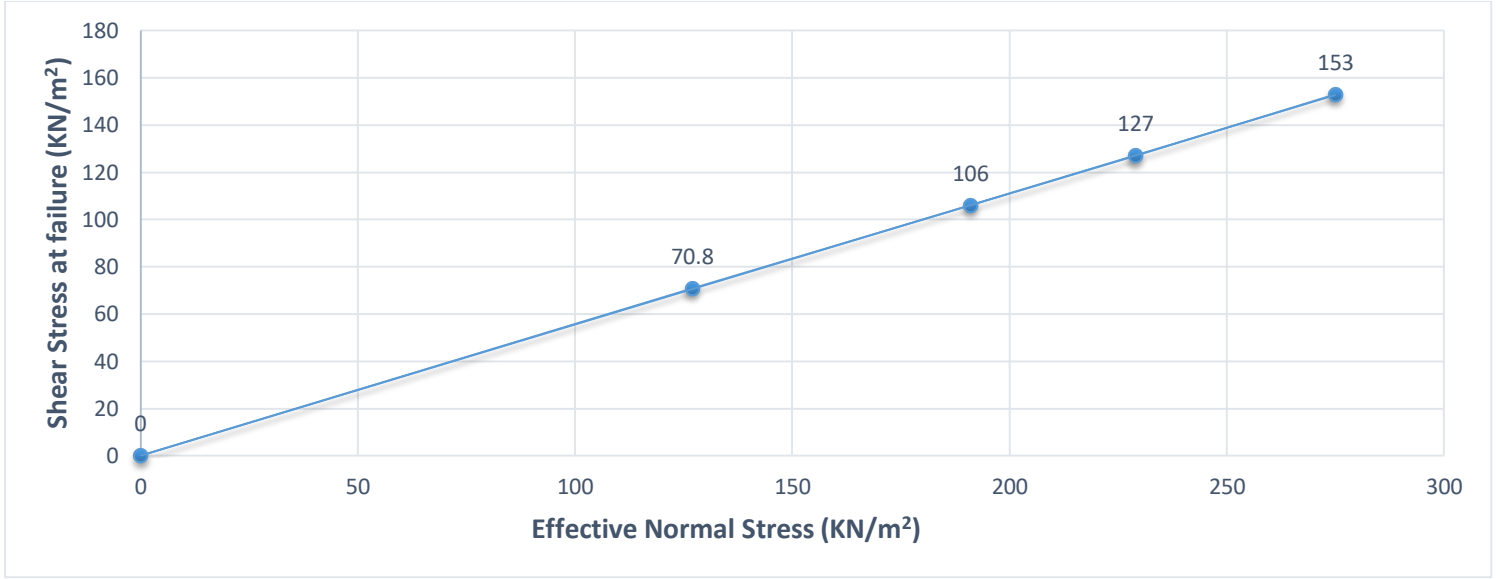
Test no.	Effective Normal force (N)	Shear force at failure (N)
1	250	139
2	375	209
3	450	250
4	540	300

Sol:

Test no.	Normal force (N)	Effective Normal Stress (KN/m <sup>2</sup> )	Shear force at failure (N)	Shear Stress at failure (KN/m <sup>2</sup> )
1	250	127	139	70.8
2	375	191	209	106
3	450	229	250	127
4	540	275	300	153

$$\text{Normal force } (\sigma') = \frac{\text{Normal force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{250}{\pi \times (0.025)^2} = 127323.9 \text{ N/m}^2 = 127.3 \text{ KN/m}^2$$

$$\text{Shear force } (\tau) = \frac{\text{Resisting Shear force}}{\text{Cross-sectional area of the specimen}} = \frac{139}{\pi \times (0.025)^2} = 70792.1 \text{ N/m}^2 = 70.8 \text{ KN/m}^2$$



باستخدام الآلة الحاسبة :

$$\tan(\phi') = 0.555$$

$$\phi' = 29^\circ$$

C قيمتها 0.162 صغيرة جدا لذلك تعتبر صفر.

**Example 13:** Consider the clay soil in Example 12. If a **drained triaxle** test is conducted on the same soil with a chamber confining pressure of  $208 \text{ KN/m}^2$ , what would be the deviator stress at failure?

$$\sigma_1' = \sigma_3' \tan^2 \left( 45 + \frac{\phi'}{2} \right) + 2C' \tan \left( 45 + \frac{\phi'}{2} \right)$$

$$\sigma_1' = 208 \times \tan^2 \left( 45 + \frac{29}{2} \right) + 2 \times 0 \times \tan \left( 45 + \frac{29}{2} \right) = 600 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_d = \sigma_1' - \sigma_3' = 599.47 - 208 = 392 \text{ KN/m}^2$$

**Example 14:** Consider the clay soil in Example 13.

a. What is the inclination of the failure plane with the major principal plane.

b. Determine the normal and shear stress on a plane inclined at  $30^\circ$  with the major principal plane at failure. Also, explain why the specimen did not fail along this plane.

$$a. \theta = 45 + \frac{\phi'}{2} = 45 + \frac{29}{2} = 59.5^\circ$$

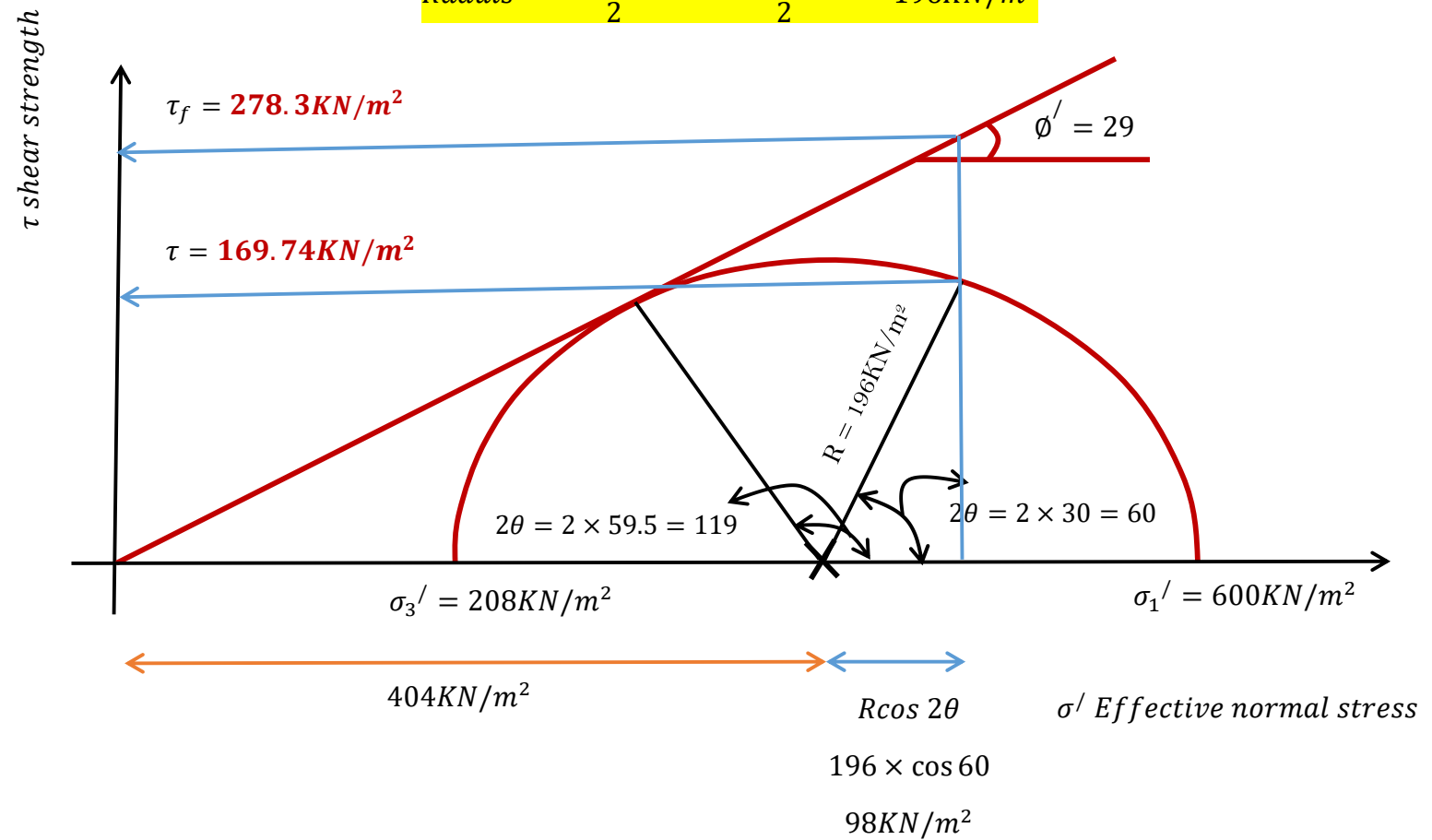
الفرع الثاني من السؤال بحكي انك احسب قيمة  $\sigma$  و  $\tau$  عند وعل  $\theta = 30$  له مش زاوية التي يحدث عندها فشل أو قص في ل=التربة



احنا حددنا  $\sigma_3' = 208 \text{KN/m}^2$  &  $\sigma_1' = 600 \text{KN/m}^2$  من قبل لذلك ارسم دائرة مور والتي مركزها وقطرها يساوي

$$\text{Center} = \frac{\sigma_1' + \sigma_3'}{2} = \frac{600 + 208}{2} = 404 \text{KN/m}^2$$

$$\text{Raduis} = \frac{\sigma_1' - \sigma_3'}{2} = \frac{600 - 208}{2} = 196 \text{KN/m}^2$$



$$-\tau = \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \sin(2\theta) = \frac{1}{2}(600 - 208) \sin(2 \times 30) = 169.74 \text{KN/m}^2$$

$$-\tau_f = \sigma_f \times \tan(\phi) + C$$

$$\tau_f = 502 \times \tan(29) + 0 = 278.3 \text{KN/m}^2$$

$$-\sigma' = 404 + 98 = 502 \text{KN/m}^2$$

**Note:** The relationship between the relative density  $D_r$ , and the angle of friction  $\phi$ , of a sand can be given as  $\phi' = 28 + 0.18D_r$  ( $D_r$  in %).

**Example 15:** A drained triaxle test was conducted on the same sand with a chamber-confining pressure of  $150 \text{KN/m}^2$ , the sand sample was prepared at a relative density of 68%, Calculate the major principal stress at failure.

$$\phi' = 28 + 0.18D_r = 28 + 0.18 \times 68 = 40.24$$

$$\sigma_1' = \sigma_3' \tan^2 \left( 45 + \frac{\phi'}{2} \right) + 2C' \tan \left( 45 + \frac{\phi'}{2} \right)$$

$$\sigma_1' = 150 \times \tan^2 \left( 45 + \frac{40.24}{2} \right) + 2 \times 0 \times \tan \left( 45 + \frac{40.24}{2} \right) = 697.44 \text{KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_d = \sigma_1' - \sigma_3' = 697.44 - 150 = 547.44 \text{KN/m}^2$$

**Example 16:** For a **normally consolidated clay** specimen, the results of a **drained triaxle** test are as follows:

\_ Chamber-confining pressure = 125KN/m<sup>2</sup>.

\_ Deviator stress at failure = 175KN/m<sup>2</sup>.

$$\sigma_3' = 125KN/m^2 \quad \sigma_1' = \sigma_3' + \Delta\sigma_d = 125 + 175 = 300KN/m^2$$

Determine the soil friction angle.

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')} = \frac{\frac{1}{2}(300 - 125)}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}(300 + 125)} \quad \phi' = \mathbf{24.3^\circ}$$

**Example 15:** In a **consolidated-drained triaxle test** on a clay, the specimen failed at a deviator stress of 124KN/m<sup>2</sup>, If the **effective stress friction angle is known to be 31°**, what was the effective confining pressure at failure.

$$\sigma_3' = X \text{ KN/m}^2 \quad \sigma_1' = \sigma_3' + \Delta\sigma_d = (X + 124)KN/m^2$$

$$\sigma_1' = \sigma_3' \tan^2\left(45 + \frac{\phi'}{2}\right) + 2C' \tan\left(45 + \frac{\phi'}{2}\right)$$

$$(X + 124) = X \times \tan^2\left(45 + \frac{31}{2}\right) + 2 \times 0 \times \tan\left(45 + \frac{31}{2}\right)$$

$$\sigma_3' = \mathbf{58.4 \text{ KN/m}^2}$$

**Example 16:** A **consolidated-undrained** triaxle test was conducted on the same clay with a chamber pressure of 103KN/m<sup>2</sup>, the pore pressure at failure  $\Delta u = 33KN/m^2$ . What would be the major principal stress  $\sigma_1'$  at failure When  $\phi' = 31^\circ$ .

$$\sigma_3 = 103KN/m^2 \quad \sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = (103 + \Delta\sigma_d)KN/m^2 \quad U_f = \Delta u = 33KN/m^2$$

$$\sigma_3' = 103 - 33 = 70KN/m^2 \quad \sigma_1' = \sigma_3 + \Delta\sigma_d - \Delta u = (103 + \Delta\sigma_d) - 33 = (70 + \Delta\sigma_d)KN/m^2$$

$$\sin(\phi) = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

$$\sin(31) = \frac{\frac{1}{2}((70 + \Delta\sigma_d) - 70)}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}((70 + \Delta\sigma_d) + 70)} \quad \Delta\sigma_d = \mathbf{180.54KN/m^2}$$

$$\sigma_1' = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = (103 + \Delta\sigma_d) - 33 = (70 + 180.54) = \mathbf{250.55KN/m^2}$$

$$\sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = (103 + 180.54) = \mathbf{283.54KN/m^2}$$

**Example 16:** Following are the results of **consolidated-undrained triaxle** tests on undisturbed soils retrieved from a 4m, thick saturated clay layer in the field  $\gamma_{Sat} = 19 \text{KN/m}^3$ .

- Estimate graphically the Mohr–Coulomb shear strength parameters  $C'$  &  $\phi'$ .
- Estimate the shear strength in the middle of the clay layer.

Test no.	Chamber pressure $\sigma_3(\text{KN/m}^2)$	Deviator stress $\Delta\sigma_d(\text{KN/m}^2)$	Pore pressure at failure $\Delta u(\text{KN/m}^2)$
1	100	170	-15
2	200	260	-40
3	300	360	-80

Sol:

Test no.	$\sigma_3'(\text{KN/m}^2)$	$\sigma_1(\text{KN/m}^2)$	$\sigma_1'(\text{KN/m}^2)$
1	115	270	285
2	240	460	500
3	380	660	740

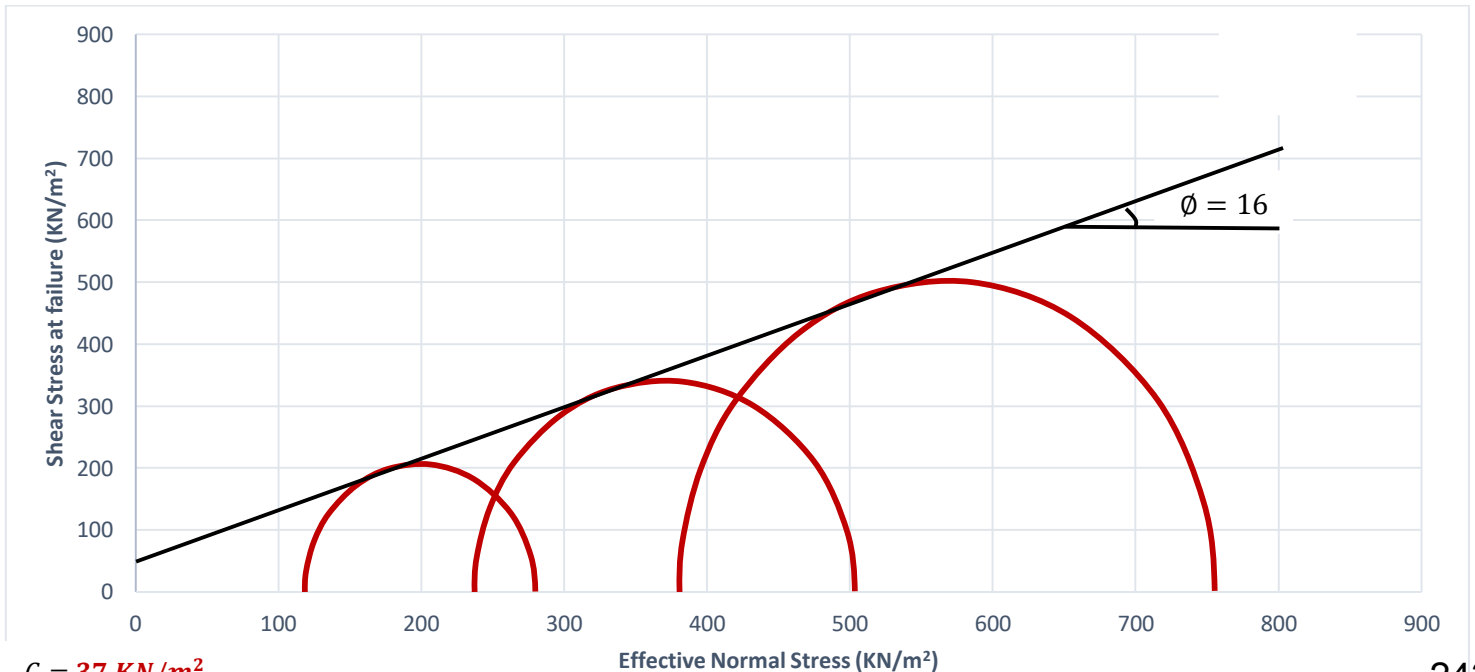
الحل باستخدام المعادلات

هنا معادلة مبسطة لإيجاد زاوية الاحتكاك عندما تكون هنالك قيمة لل  $C$  بتقدير تستخدم عوضا عن الرسم.

$$\phi = 2 \left( \tan^{-1} \left( \frac{\sigma_1' - \sigma_1}{\sigma_3' - \sigma_3} \right)^{0.5} - 45 \right) = 2 \left( \tan^{-1} \left( \frac{285 - 500}{115 - 240} \right)^{0.5} - 45 \right) = 15.3^\circ$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

$$\sin(15.3) = \frac{\frac{1}{2}(285 - 115)}{C \cot(15.3) + \frac{1}{2}(285 + 115)} \quad C = 36 \text{ KN/m}^2$$



$$b. \sigma' = \gamma \times h = (19 - 9.81) \times 2 = \mathbf{18.38KN/m^2}$$

$$\tau = \sigma \times \tan(\phi) + C$$

$$\tau = 18.38 \times \tan(15.3) + 36 = \mathbf{41KN/m^2}$$

**Example 16:** A **consolidated-drained triaxial test** was conducted on a **normally consolidated clay** with a chamber pressure  $\sigma_3 = 172KN/m^2$ , The deviator stress at failure  $\Delta\sigma_d = 227KN/m^2$ .

Determine:

- The angle of friction  $\phi'$ .
- The angle  $\theta$  that the failure plane makes with the major principal plane.
- The normal stress  $\sigma_f'$ , and the shear stress,  $\tau_f$  on the failure plane.

$$\sigma_3 = \sigma_3' = 172KN/m^2 \quad \sigma_1' = \sigma_3' + \Delta\sigma_d = (172 + 227) = 339KN/m^2$$

$$a. \sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(339 - 172)}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}(339 + 172)} \quad \phi' = \mathbf{19.1}$$

$$b. \theta = 45 + \frac{\phi'}{2} = 45 + \frac{19.1}{2} = \mathbf{54.55}$$

$$c. \sigma_f' = \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3') + \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \cos(2\theta) =$$

$$\frac{1}{2}(339 + 172) + \frac{1}{2}(339 - 172) \cos(2 \times 54.55) = \mathbf{228.2KN/m^2}$$

$$\tau_f = \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \sin(2\theta) = \frac{1}{2}(339 - 172) \sin(2 \times 54.55) = \mathbf{79KN/m^2}$$

**Example 17:** The results of two **consolidated-drained triaxle** tests on a clay are given below:

**Specimen I:**

$$- \sigma_3 = 105 KN/m^2$$

$$- \Delta\sigma_d = 220 KN/m^2$$

$$\sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = 105 + 220 = 325 KN/m^2$$

**Specimen II:**

$$- \sigma_3 = 210 KN/m^2$$

$$- \Delta\sigma_d = 400 KN/m^2$$

$$\sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = 210 + 400 = 610 KN/m^2$$

a. Determine the shear strength parameters.

b. What are the normal and shear stresses on a plane inclined at  $40^\circ$  to the major principal plane for Specimen I.

c. What are the normal and shear stresses on the failure plane at failure for Specimen II.

$$a. \phi' = 2 \left( \tan^{-1} \left( \frac{\sigma_{1'}^{(I)} - \sigma_{1'}^{(II)}}{\sigma_{3'}^{(I)} - \sigma_{3'}^{(II)}} \right)^{0.5} - 45 \right) = 2 \left( \tan^{-1} \left( \frac{325 - 610}{105 - 210} \right)^{0.5} - 45 \right) = \mathbf{27.6^\circ}$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_{1'} - \sigma_{3'})}{C' \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_{1'} + \sigma_{3'})}$$

$$\sin(27.6) = \frac{\frac{1}{2}(325 - 105)}{C' \cot(27.6) + \frac{1}{2}(325 + 105)} \quad C' = \mathbf{12 \text{ KN/m}^2}$$

b.  $\theta = 40$

$$c. \sigma_f' = \frac{1}{2}(\sigma_{1'} + \sigma_{3'}) + \frac{1}{2}(\sigma_{1'} - \sigma_{3'}) \cos(2\theta) =$$

$$\frac{1}{2}(325 + 105) + \frac{1}{2}(325 - 105) \cos(2 \times 40) = \mathbf{234.1 \text{ KN/m}^2}$$

$$\tau_f = \frac{1}{2}(\sigma_{1'} - \sigma_{3'}) \sin(2\theta) = \frac{1}{2}(325 - 105) \sin(2 \times 40) = \mathbf{108.85 \text{ KN/m}^2}$$

$$c. \theta = 45 + \frac{\phi'}{2} = 45 + \frac{27.6}{2} = \mathbf{58.8}$$

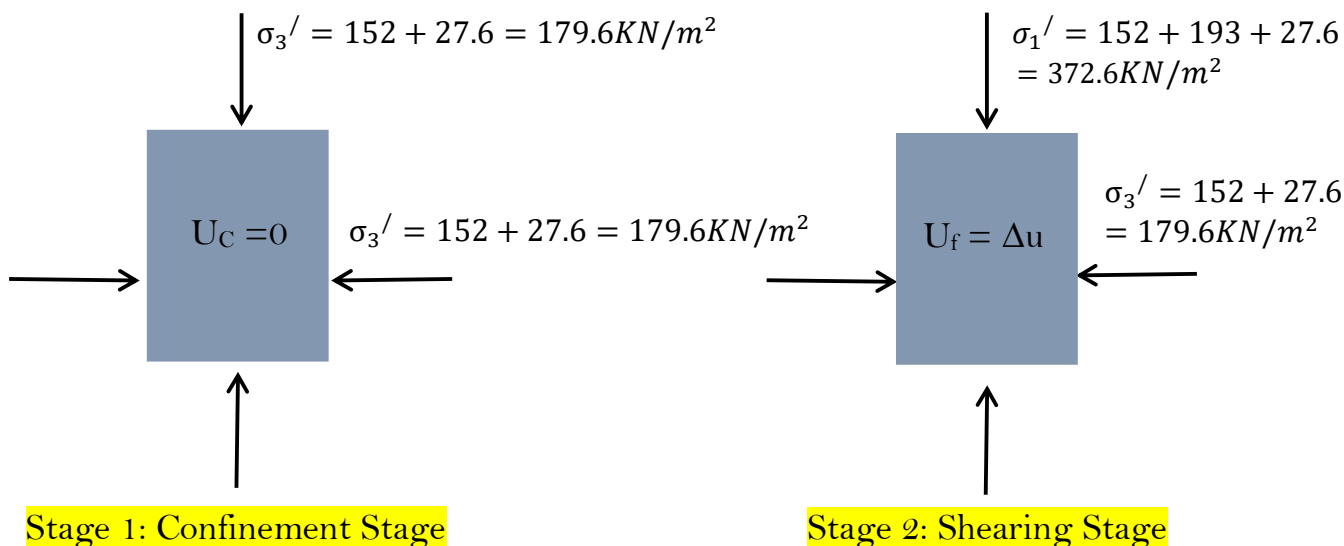
$$\sigma_f' = \frac{1}{2}(\sigma_{1'} + \sigma_{3'}) + \frac{1}{2}(\sigma_{1'} - \sigma_{3'}) \cos(2\theta) =$$

$$\frac{1}{2}(325 + 105) + \frac{1}{2}(325 - 105) \cos(2 \times 58.8) = \mathbf{164 \text{ KN/m}^2}$$

$$\tau_f = \frac{1}{2}(\sigma_{1'} - \sigma_{3'}) \sin(2\theta) = \frac{1}{2}(325 - 105) \sin(2 \times 58.8) = \mathbf{97.5 \text{ KN/m}^2}$$

**Example 18:** A clay sample was **Normally consolidated** in a triaxle test chamber under an all-around confining pressure of  $152\text{KN/m}^2$ . The sample was then loaded to failure in undrained condition by applying an additional axial stress of  $193\text{KN/m}^2$ . A pore water pressure sensor recorded an excess pore pressure  $-27.6\text{KN/m}^2$ . Determine the undrained and drained friction angles for the soil

$$\sigma_3 = 152\text{KN/m}^2 \quad \sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = 152 + 193 = 345\text{KN/m}^2 \quad U_f = \Delta u = -27.6\text{KN/m}^2$$



$$\sin(\phi) = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)}{C \cot(\phi) + \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3)} = \frac{\frac{1}{2}(345 - 152)}{0 \cot(\phi) + \frac{1}{2}(345 + 152)} \quad \phi_{Un} = 23$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')} = \frac{\frac{1}{2}(327.6 - 179.6)}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}(327.6 + 179.6)} \quad \phi'_D = 17^\circ$$

**Example 19:** The shear strength of a **normally consolidated clay** can be given by the equation  $\tau_f = \sigma' \times \tan(27)$ . Following are the results of a consolidated-undrained test on the clay.

\_ Chamber-confining pressure =  $150\text{KN/m}^2$ .

$$\sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = 150 + 120 = 270 \text{ KN/m}^2$$

\_ Deviator stress at failure =  $120\text{KN/m}^2$ .

a. Determine the consolidated-undrained friction angle.

b. Pore water pressure developed in the specimen at failure.

$$\text{a. } \sin(\phi) = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)}{C \cot(\phi) + \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3)} = \frac{\frac{1}{2}(270 - 150)}{0 \cot(\phi) + \frac{1}{2}(270 + 150)} \quad \phi_{Un} = 16.6$$

$$b. \sigma_3 = 150 \text{KN/m}^2 \quad \sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = (150 + 120) = 270 \text{KN/m}^2 \quad U_f = \Delta u = X \text{KN/m}^2$$

$$\sigma_3' = (150 - X) \text{KN/m}^2 \quad \sigma_1' = \sigma_3 + \Delta\sigma_d - \Delta u = (270 - X) \text{KN/m}^2$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

$$\sin(27) = \frac{\frac{1}{2}((270 - X) - (150 - X))}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}((270 - X) + (150 - X))} \quad \Delta u = \mathbf{77.8 \text{KN/m}^2}$$

**Example 20:** If a **consolidated-drained test** is conducted on the clay specimen of Example 19. with the same chamber-confining pressure of 150KN/m<sup>2</sup>, what would be the deviator stress at failure.

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

$$\sin(27) = \frac{\frac{1}{2}((150 + X) - (150))}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}((150 + X) + (150))} \quad \Delta\sigma_d = \mathbf{249.44 \text{KN/m}^2}$$

**Example 21:** A **consolidated-undrained triaxial test** was conducted on a dense **sand** with a chamber-confining pressure of 138KN/m<sup>2</sup>, Results showed that  $\phi' = 24$  &&  $\phi = 31$ , Determine the deviator stress and the pore water pressure at failure. If the sand were loose, what would have been the expected behavior.

$$\sigma_3 = 138 \text{KN/m}^2 \quad \sigma_1 = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = (138 + X_1) \text{KN/m}^2 \quad U_f = \Delta u = X_2 \text{KN/m}^2$$

$$\sigma_3' = (138 - X_2) \text{KN/m}^2 \quad \sigma_1' = \sigma_3 + \Delta\sigma_d - X_2 = (138 + X_1) - X_2 \text{KN/m}^2$$

$$\sin(\phi) = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)}{C \cot(\phi) + \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3)}$$

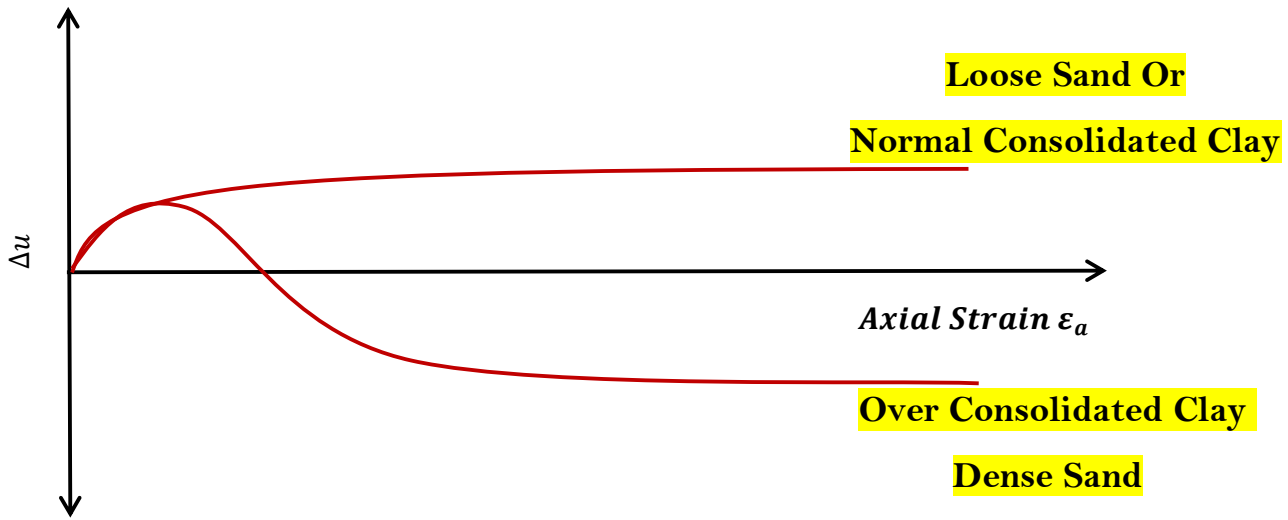
$$\sin(31) = \frac{\frac{1}{2}((138 + X_1) - 138)}{0 \cot(\phi) + \frac{1}{2}((138 + X_1) + 138)} \quad \Delta\sigma_d = \mathbf{293.1 \text{KN/m}^2}$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

$$\sin(24) = \frac{\frac{1}{2}((138 + X_1 - X_2) - (138 - X_2))}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}((138 + X_1 - X_2) + (138 - X_2))}$$

$$\sin(24) = \frac{\frac{1}{2}((138 + 293.1 - X_2) - (138 - X_2))}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}((138 + 293.1 - X_2) + (138 - X_2))} \quad \Delta u = \mathbf{-75.75 \text{KN/m}^2}$$

Note for **A Consolidated – Undrained** triaxle test



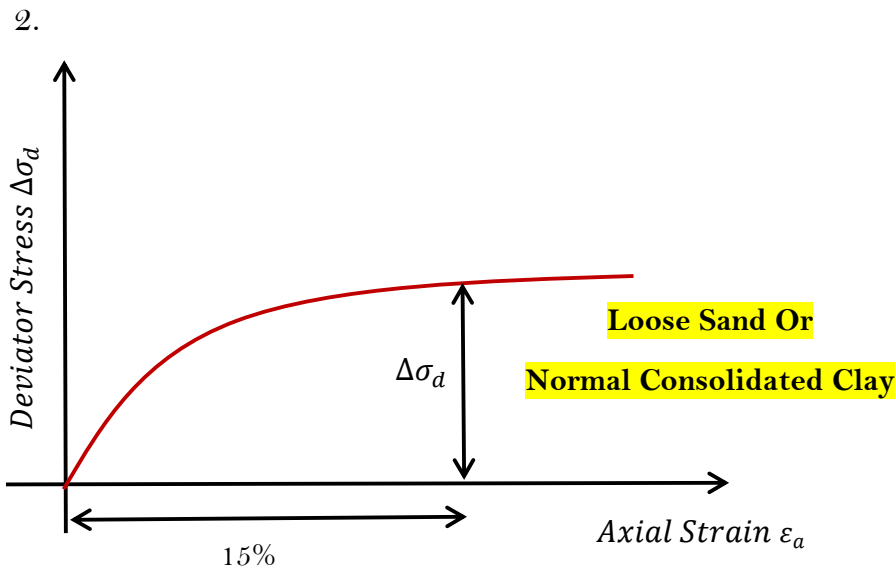
**Example 22: A Consolidated – Undrained** triaxle test was conducted on a **saturated normally consolidated clay** the test results are  $\sigma_3 = 90 \text{ KN/m}^2$ ,  $\sigma_1 = 221 \text{ KN/m}^2$ , Pore water pressure at failure  $38 \text{ KN/m}^2$ .

1. Determine  $C$ ,  $\phi$ ,  $C'$ ,  $\phi'$ .
2. Sketch the stress – strain curve for the soil sample.
3. Sketch the pore water pressure – strain curve for the soil sample.
4. Sketch the change of volume – strain curve for the soil sample.

1.  $C = 0$ ,  $C' = 0$  Because **normally consolidated clay**

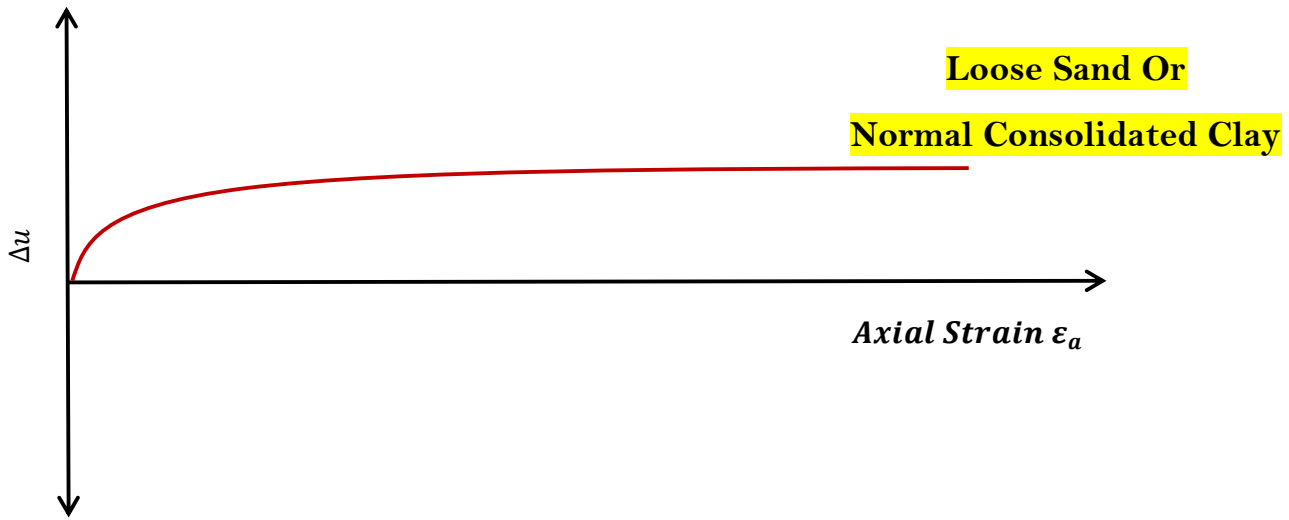
$$\sin(\phi) = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)}{C \cot(\phi) + \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3)} = \frac{\frac{1}{2}(221 - 90)}{0 \cot(\phi) + \frac{1}{2}(221 + 90)} \quad \phi_{Un} = 25^\circ$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')} = \frac{\frac{1}{2}((221 - 38) - (90 - 38))}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}((221 - 38) + (90 - 38))} \quad \phi'_D = 34^\circ$$

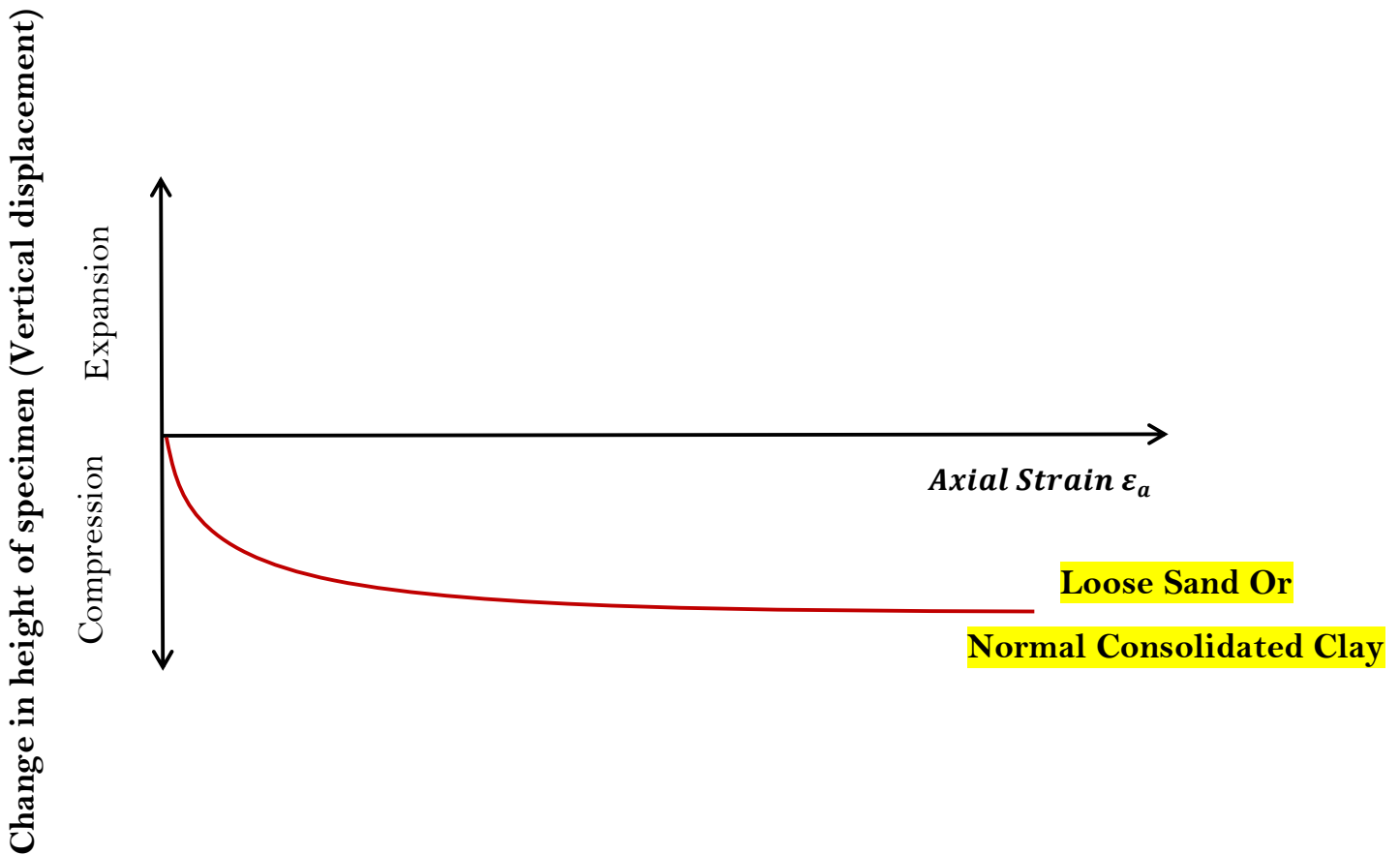




3.



4.



**Example 22:** In a direct shear test conducted on **a dense sand**. The sample fails at a shear stress of 150 KPa, when the normal stress was held constant at 200KPa.

1. Draw the mohr circle for the failure condition and determine
  - a. The angle of shearing resistance.
  - b. The orientation of Major and minor principal planes and the stress acting on them.
  - c. The orientation of plane of maximum shear stress.
2. If a specimen of the soil were to be tested in a triaxle shear under CD condition at a cell pressure of 75 KPa, at what axial stress would the sample fail.

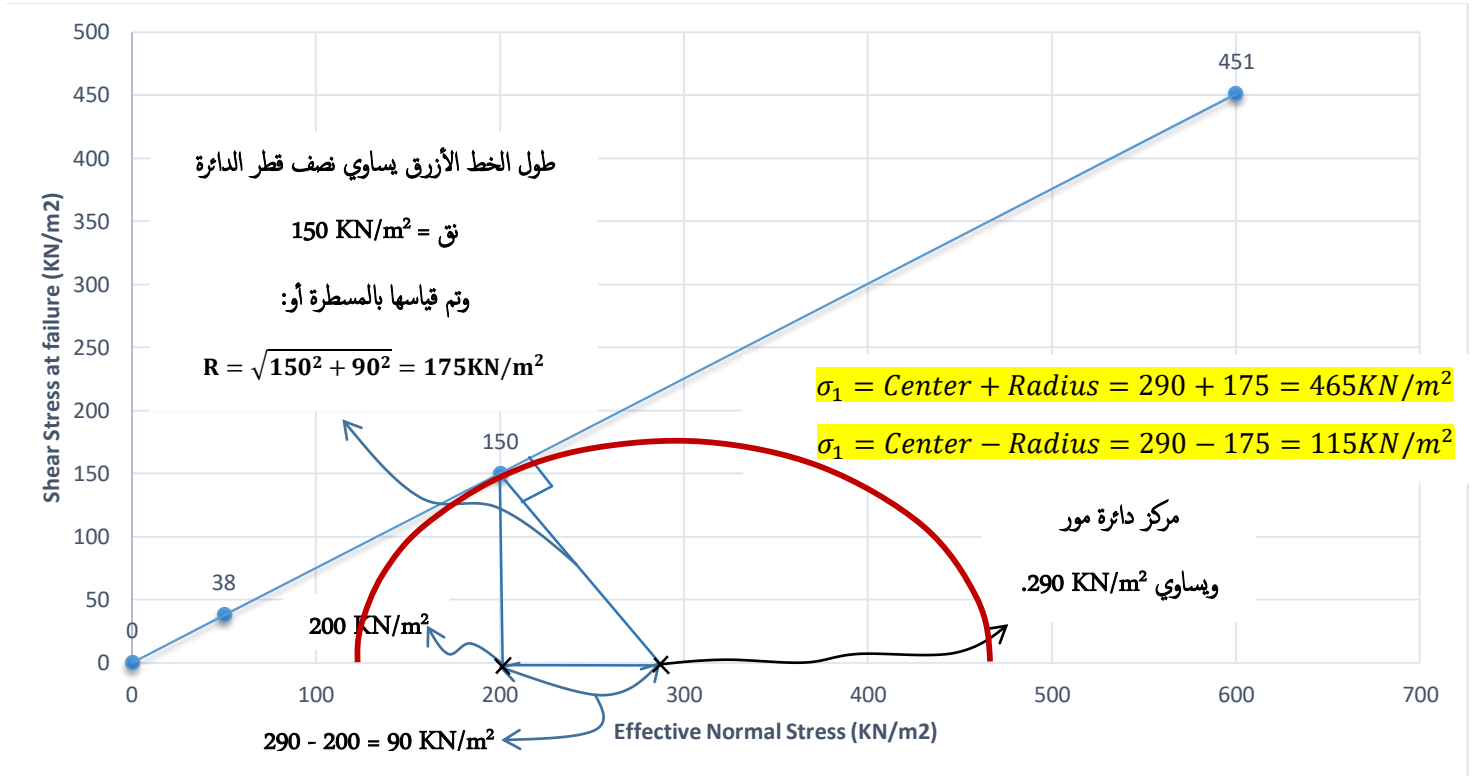
a.  $C = 0$

$$\tau_f = \sigma' \times \tan(\phi') + C'$$

$$150 = 200 \times \tan(\phi') + 0 \quad \phi' = 36.9$$

b.

$\sigma' \text{ KN/m}^2$	$\tau_f = \sigma' \times \tan(\phi') + C' \text{ KN/m}^2$
50	38
200	150
600	451



c.  $\theta = 45$

$$\sigma_f' = \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3') + \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \cos(2\theta) =$$

$$\frac{1}{2}(465 + 115) + \frac{1}{2}(465 - 115) \cos(2 \times 45) = 290 \text{ KN/m}^2$$

$$\tau_f = \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \sin(2\theta) = \frac{1}{2}(465 - 115) \sin(2 \times 45) = 175 \text{ KN/m}^2$$

$$2. \sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi) + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

$$\sin(36.9) = \frac{\frac{1}{2}((75 + \Delta\sigma_d) - 75)}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}((75 + \Delta\sigma_d) + 75)}$$

$$\Delta\sigma_d = 225.4 \text{ KN/m}^2$$

**Example 23:** The shear strength of **a sand** can be given by the equation  $\tau_f = \sigma' \tan 31^\circ$ , a consolidation – Undrained triaxle test was conducted on the sand following are the result of the test.

All around pressure ( $\sigma_3$ ) = 112KPa, Deviator stress at failure = 100.14KPa.

1. Determine the consolidated undrained friction angle.
2. The pour water pressure developed in the sand specimen at failure.

$$a. \sin(\phi) = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)}{C \cot(\phi) + \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3)} = \frac{\frac{1}{2}(212.14 - 112)}{0 \cot(\phi) + \frac{1}{2}(212.14 + 112)} \quad \phi_{Un} = \mathbf{18}$$

$$b. \sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

$$\sin(31) = \frac{\frac{1}{2}((212.14 - \Delta u) - (112 - \Delta u))}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}((212.14 - \Delta u) + (112 - \Delta u))} \quad \Delta u = \mathbf{65KN/m^2}$$

**Example 24: A normally consolidation clay** was consolidated under a stresses of 169KPa , then sheared undrained in axial compression , The deviator stresses at failure were 118KPa , and the induced pore water pressures at failure were 96KPa , Determine:

1. The Mohr-coulomb strength parameter in terms of total stresses ( $C, \phi$ ).
2. The Mohr-coulomb strength parameter in terms of effective stresses ( $C', \phi'$ ).
3. The angle of failure plane for both total and effective condition.
4. Effective normal stress at failure plane.
5. Shear stress at failure plane.

1. && 2.  $C = 0, C' = 0$  Because **normally consolidated clay**

$$\sin(\phi) = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)}{C \cot(\phi) + \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3)} = \frac{\frac{1}{2}(287 - 169)}{0 \cot(\phi) + \frac{1}{2}(287 + 169)} \quad \phi_{Un} = \mathbf{15}$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')} = \frac{\frac{1}{2}((287 - 96) - (169 - 96))}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}((287 - 96) + (169 - 96))} \quad \phi'_D = \mathbf{26.5^\circ}$$

$$3. \theta = 45 + \frac{\phi}{2} = 45 + \frac{15}{2} = \mathbf{52.5} \quad \theta = 45 + \frac{\phi'}{2} = 45 + \frac{26.5}{2} = \mathbf{58.25}$$

$$4. \sigma_f' = \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3') + \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \cos(2\theta) =$$

$$\frac{1}{2}(191 + 73) + \frac{1}{2}(191 - 73) \cos(2 \times 58.25) = \mathbf{105.7KN/m^2}$$

$$5. \tau_f = \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \sin(2\theta) = \frac{1}{2}(191 - 73) \sin(2 \times 58.25) = \mathbf{52.8KN/m^2}$$

**Example 25:** A **CU triaxle** test was conducted on a **normally consolidated clay** sample with a confinement pressure of 150 KPa, The sample failed when the axial stress applied was 220 KPa. The pore water pressure was measured to be 58 KPa.

1. Determine the effective angle of friction.
2. Determine the normal effective stress on the plane of failure.
3. Determine the effective shear stress on the plane of failure.

1.  $C' = 0$  Because **normally consolidated clay**

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')} = \frac{\frac{1}{2}((370 - 58) - (150 - 58))}{0 \cot(\phi') + \frac{1}{2}((370 - 58) + (150 - 58))} \quad \phi'_D = \mathbf{33^\circ}$$

$$2. \theta = 45 + \frac{\phi'}{2} = 45 + \frac{33}{2} = \mathbf{61.5}$$

$$\sigma_f' = \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3') + \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \cos(2\theta) =$$

$$\frac{1}{2}(312 + 92) + \frac{1}{2}(312 - 92) \cos(2 \times 61.5) = \mathbf{142.1KN/m^2}$$

$$3. \tau_f = \frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3') \sin(2\theta) = \frac{1}{2}(312 - 92) \sin(2 \times 61.5) = \mathbf{92.3KN/m^2}$$

**Example 26:** The result shown below were obtained at failure in a series of CU triaxle test, with pore pressure measurement, on specimen of saturated clay. Determine the values of the effective stress parameters ( $C'$ ,  $\phi'$ )

**Specimen I:**

$$\sigma_3 = 150 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_d = 192 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta u = 80 \text{ KN/m}^2$$

$$\sigma_1' = \sigma_3' + \Delta\sigma_d = 150 + 192 - 80 = 262 \text{ KN/m}^2$$

**Specimen II:**

$$\sigma_3 = 300 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta\sigma_d = 341 \text{ KN/m}^2$$

$$\Delta u = 154 \text{ KN/m}^2$$

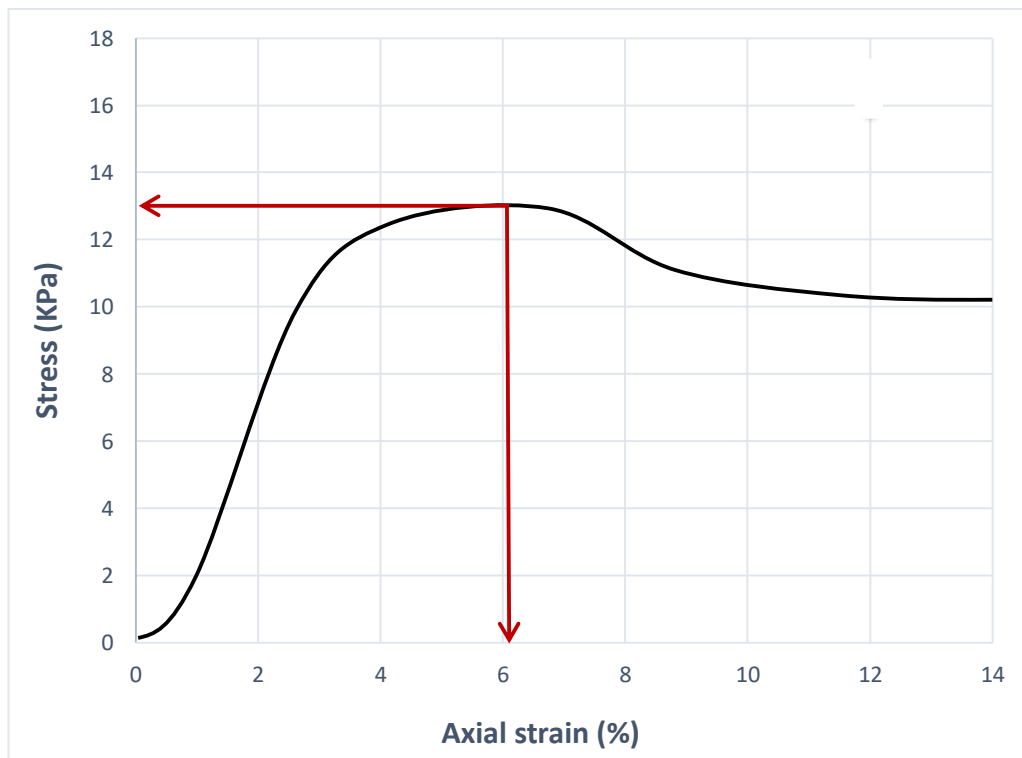
$$\sigma_1' = \sigma_3' + \Delta\sigma_d = 300 + 341 - 154 = 487 \text{ KN/m}^2$$

$$a. \phi' = 2 \left( \tan^{-1} \left( \frac{\sigma_1'_{(I)} - \sigma_1'_{(II)}}{\sigma_3'_{(I)} - \sigma_3'_{(II)}} \right)^{0.5} - 45 \right) = 2 \left( \tan^{-1} \left( \frac{262 - 487}{150 - 300} \right)^{0.5} - 45 \right) = 11.3^\circ$$

$$\sin(\phi') = \frac{\frac{1}{2}(\sigma_1' - \sigma_3')}{C' \cot(\phi') + \frac{1}{2}(\sigma_1' + \sigma_3')}$$

$$\sin(11.3) = \frac{\frac{1}{2}(262 - 70)}{C' \cot(11.3) + \frac{1}{2}(262 + 70)} \quad C' = 65 \text{ KN/m}^2$$

**Example 27:** UU compression test was performed on a soil specimen with initial confining stress of 15KPa. The specimen dimensions before testing were  $D_o = 38\text{mm}$ ,  $L_o = 76\text{mm}$ . The result were plotted as shown



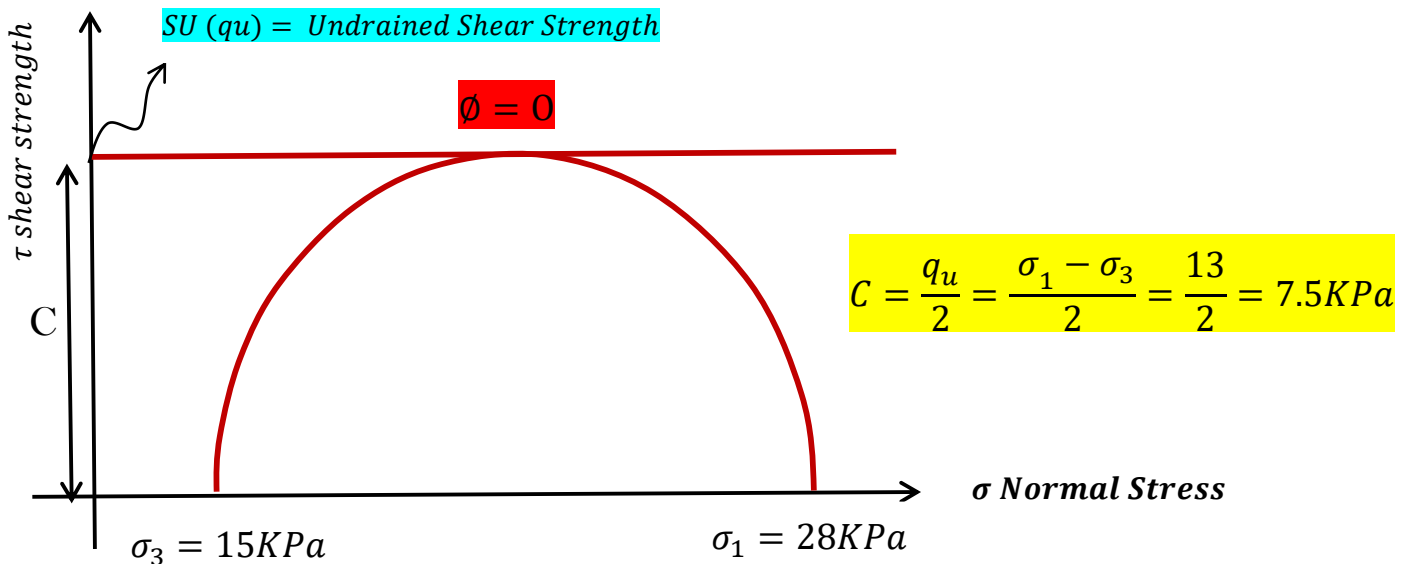
1 Find the following:

1. Strain at failure.
2. Undrained shear strength.
3. Draw Mohr Circle and Show all necessary details.
4. If the same soil specimen subjected to **unconfined compressive strength test**, what would be the unconfined compressive strength for this soil ( $q_u$ ) if the soil is saturated.

1. 6%.

2. 13 KPa.

3.  $\sigma_1(q_u) = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = 15 + 13 = 28\text{KPa}$ .



4.  $\sigma_1(q_u) = \sigma_3 + \Delta\sigma_d = 0 + 13 = 13\text{KPa}$

