



اللجنة الأكاديمية للهندسة المدنية

دفتر

فاونديشن

دانيا الخوالدة

Contact us :



www.civilittee-hu.com



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

كَيْفَ هَذَا، الْخَفِ عَلَى مَادَّةٍ "هَذَا لَاسْكَانَ"
- الْفَاوَزَةُ - مَادَّةُ الْفَرْسَةِ .

سَرِّهِ، لَدُنْهُ، عَمْرٍ، كُنْطَاةً

بِأَيْدِيهِ، وَاسْتَيْدَ كَوْنَهُ
سِنَّةً تَالِيَةً

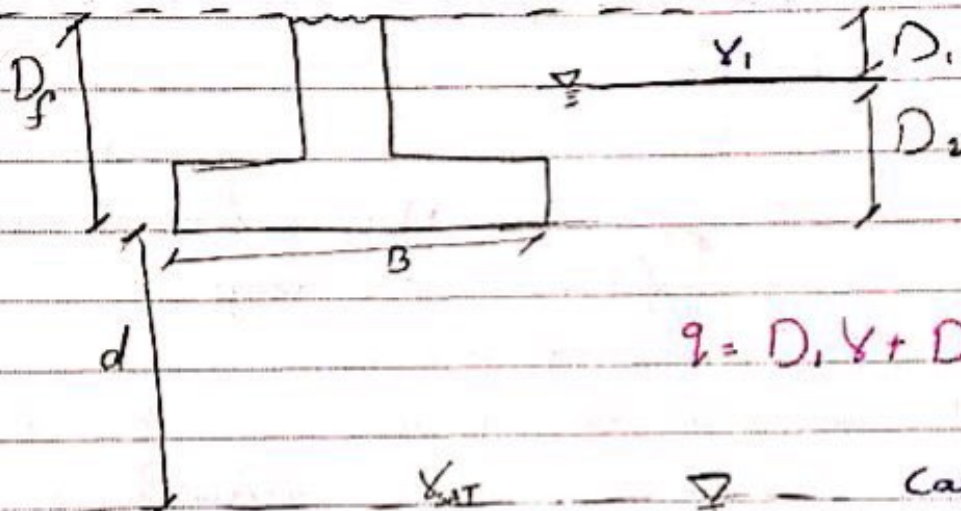
* مَلَاظَمَ مَبْتَدَأَ : 33 عَزَمَ مَوْجُودَ الْكَنْفِ، سَجَدَ
كُنْطَاةً، لَتَادَ، مَلَاظَمَ عَزَمَ نَافَقَةً

أَوْ كَوْنَهُ
وَرَبَّنَا يَوْفَقُكُمْ

16/5/2019.

* Modification of the Bearing Capacity equations for the water Table. $q = dp \gamma$

* Case 1 $0 < D_1 < D_f$ معدل التغير في الضغط



$$q' = q = D_1 \gamma + D_2 (\gamma_{SAT} - \gamma_w)$$

Case 2
if $0 < d < B \rightarrow \gamma_{average}$
$$\bar{\gamma} = \gamma' + (\gamma - \gamma') \frac{d}{B}$$

* Suppose: The water Table is deep. \Rightarrow Case 3 $d \geq B$

* We have 3 modes of Failure "Local, Punching, General" shear Failure

$$C'' = 0.67 C \quad \leftarrow \text{Local, Punching}$$

$$\phi'' = \tan^{-1}(0.67 \tan \phi)$$

Ex 3 Square Foundation + general shear failure

Area = 1.5×1.5

$$\phi = 20^\circ$$

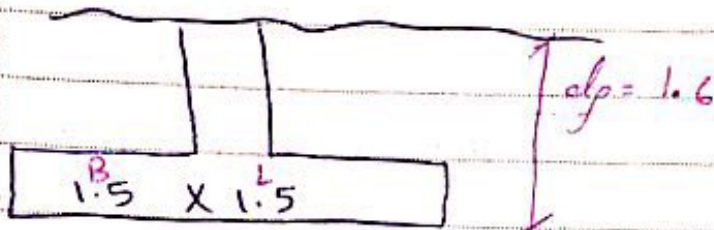
$$C' = 65 \text{ kPa}$$

$$D_f = 1.5 \text{ m}$$

$$\gamma = 19 \text{ kN/m}^3$$

Required: $Q_{ult} = ?$

$$F.S. = 4$$



a) consider G.W.T very deep.

b) " " at depth 1 m below footing $\gamma_{sat} = 21.8$

c) " " at depth 0.6 m below G.S $\gamma_{sat} = 20.8$

$$\phi = 20^\circ$$

$$N_c = 17.69$$

$$N_q = 7.44$$

$$N_\gamma = 3.64$$

$$a) q_{ult} = 1.3 C' N_c + \gamma D_f N_q + 0.4 \gamma B N_\gamma \leftarrow \text{sequence 2nd}$$

$$= 1.3 \cdot 65 \cdot 17.69 + 1.6 \cdot 19 \cdot 7.44 + 0.4 \cdot 19 \cdot 1.5 \cdot 3.64$$

$$q_{ult} = 1762.5 \text{ kPa} \rightarrow \text{بحال الدور}$$

$$q = d_f \gamma$$

$$\text{G.W.T} \text{ في } 1.6 \text{ m}$$

$$\therefore 1.6 \cdot 19$$

$$Q_{ult} = \frac{q_{ult} \cdot \text{Area}}{F.S.} = \frac{1762.5 \cdot 1.5 \cdot 1.5}{4} = 991.4$$

$$Q_{all} = \frac{Q_{ult}}{F.S.} = \frac{q_{ult} \cdot \text{Area}}{F.S.}$$

(3)

b) \bar{s} ← منسوب القاع
 $\bar{s} = \bar{s}' + (\bar{s} - \bar{s}') \frac{d'}{B}$

$\bar{s}' = 21.81 - 9.81 = 12 \text{ kN/m}^2$
 $\bar{s} = 12 + (19 - 12) \left(\frac{1}{1.5} \right) = 16.67 \text{ kN/m}^2$

$q_{ult} = 1.3 \times 65 \times 17.69$
 $+ (1.6 \times 19) \times 7.44 +$
 $+ 0.4 \times 16.67 \times 1.5 \times 3.64$
 $= 1757.4$

$Q_{all} = \frac{q_{ult} \times A_{area}}{F.S} = \frac{1757.4 \times 1.5^2}{4}$
 $= 988.5$

c) q ← منسوب القاع
 $q \Rightarrow$ منسوب

$q = \bar{s}_1 D_1 + \bar{s}'_2 D_2$
 $= 19 \times 0.6 + 12 \times 1$
 $= 23.4 \text{ kPa}$

$\bar{s} = \bar{s}' = 12 \text{ kN/m}^2$
 $q_{ult} = 1.3 \times 65 \times 17.69$
 $+ 23.4 \times 7.44$
 $+ 0.4 \times 12 \times 3.64 = 1695.1$

$Q_{all} = \frac{q_{ult} \times A_{area}}{4} = \frac{3813.97}{4}$
 $= 953.5$

$Q_{all} = \frac{3813.97}{4} = 953.5$

"if $c=0 \rightarrow$ Sand."

"General Bearing Capacity equation"

wall لا shape لا $F_{cd} = 1$

* everywhere $F_{cd} = 1$

كل جدول الارتباط "Table 3.3"

بالون بنيت T_{emaghi}
 ما بنيت T_{emaghi} بالون
 الا ازا حكاية

29/Jan.

بعد انواع المعادلات كمن شكل تأثير الشكل
 "Shape" بدل depth و اعلم بالون
 "inclination" ← vertical لا
 حكاية شكل المعادلات

$q_{ult} = c N_c F_{cs} F_{cd} F_{ci}$
 $+ q N_q F_{qs} F_{qd} F_{qi}$
 $+ \frac{1}{2} \bar{s} B N_s F_{ss} F_{sd} F_{si}$

* Shape Factors

$$F_{cs} = 1 + \frac{B}{L} \frac{c}{\sigma_c}$$

$$F_{qs} = 1 + \frac{B}{L} \tan \phi$$

$$F_{cs} = 1 - 0.4 \frac{B}{L}$$

* Depth Factors $D_f/B \leq 1$

$$F_{cd} = F_{qd} = 1 - F_{cd}$$

Not used

$$F_{qd} = 1 + 2 \tan \phi (1 - \sin \phi)^2 \frac{D_f}{B}$$

$$F_{cd} = 1$$

* Depth Factors $D_f/B > 1$

$$F_{cd} = F_{qd} = 1 - F_{cd}$$

Not used

في التأسيس العميق

For $\phi = 0$

$$D_f/B \leq 1$$

$$F_{cd} = 1 + 0.4 \frac{D_f}{B}$$

For $\phi = 0$

$$D_f/B > 1 \quad F_{cd} = 1 + 0.4 \tan \phi \left(\frac{D_f}{B} \right)$$

* Inclination Factors

$$F_{ci} = F_{qi} = \left(\frac{1 - \frac{B}{90^\circ}}{1 - \frac{B}{\phi}} \right)^2$$

$\beta \rightarrow$ vertical friction angle

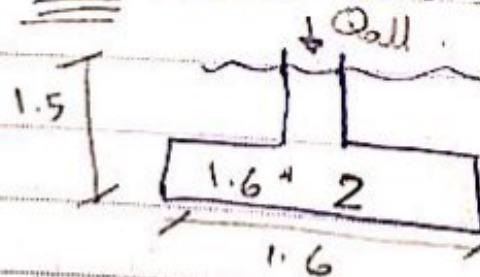
Local shear failure is in punching shear. Terzaghi.

Ex: Rectangular Foundation is 1.6 m X 2 m in Plan.

The Soil supporting the Foundation has a friction angle of $\phi = 25^\circ$ and $c = 20 \text{ kN/m}^2$.

The unit weight of soil, γ , is 16.5 kN/m^3 . determine

The allowable gross load on the Foundation with a Factor of Safety of 3. Assume that the depth of the Foundation (D_f) is 1.5 m and that general shear failure occurs in the soil. what would be the load if local shear failure occur



Solution :

local 1:1 Qall ادبي

$$\phi = 25 \quad C = 20 \quad \gamma = 16.5 \quad B = 1.6 \quad d_f = 1.5$$

$$F.S = 3$$

$$q_{ult} = C N_c F_{cs} F_{cd} F_{ci} + \gamma N_q F_{qs} F_{qd} F_{qi} + \frac{1}{2} \gamma B \gamma F_{\gamma s} F_{\gamma d} F_{\gamma i}$$

$$N_c = 20.72$$

$$N_q = 10.66$$

$$N_\gamma = 10.88$$

$$q_{ult} = 20 \times 20.72 \times 1.41 \times 1.32 \times 1 + 16.5 \times 1.5 \times 10.66 \times 1.37 \times 1.29 \times 1 + \frac{1}{2} \times 16.5 \times 1.6 \times 10.88 \times 0.68 \times 1$$

$$= 1335.21 \text{ kPa.}$$

$$Q_{ult} = q_{ult} \times A_{area} = 1335.21 \times 1.6 \times 2 = 4272.67$$

$$Q_{all} = 4272.67 / 3 = 1424.22 \text{ kN.}$$

"general shear Failure" \perp الى كمال

* Shape Factors:

$$F_{cs} = 1.41$$

$$F_{qs} = 1.37$$

$$F_{\gamma s} = 0.68$$

* depth Factors:

$$d_f/B \leq 1 \quad \phi > 0$$

$$F_{qd} = 1.29$$

$$F_{cd} = 1.32$$

$$F_{\gamma d} = 1 \quad F_{ci} = 1$$

* If local shear Failure Occur: local shear failure

$$C'' = 0.67 C' = 0.67 \times 20 = 13.4 \text{ kPa}$$

$$\phi'' = \tan^{-1}(0.67 \tan \phi) = \tan^{-1}(0.67 \tan 25) \approx 17.35 \approx 17$$

$$\therefore \phi = 17 \Rightarrow N_c = 12.37 \quad N_q = 4.77 \quad N_\gamma = 3.53$$

$$F_{cs} = 1.31$$

$$F_{qs} = 1.24$$

$$F_{\gamma s} = 0.68$$

$$F_{qd} = 1.28$$

$$F_{cd} = 1.28$$

$$F_{\gamma d} = 1$$

* Since no inclination

$$F_{ci} = F_{qi} = F_{\gamma i} = 1$$

Same here

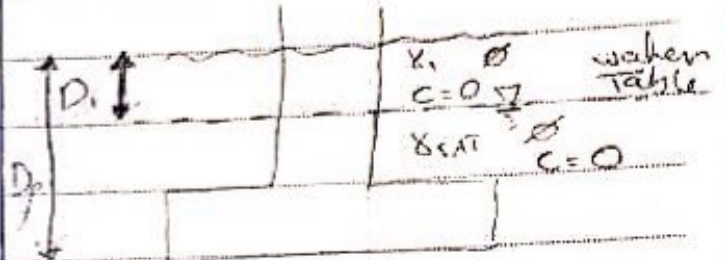
$$q_{ult} = 13.4 \times 12.37 \times 1.31 \times 1.28 \times 1 + 16.5 \times 1.5 \times 4.77 \times 1.24 \times 1.28 \times 1 + \frac{1}{2} \times 16.5 \times 1.6 \times 3.53 \times 0.68 \times 1 \times 1 = 514.5$$

$$Q_{ult} = 514.5 \times 1.6 \times 2 = 1646.57 = Q_{all} = 548.85$$

Depth (m)	N_{60} (Blows/ft)
1	4
1.5	6
3	10
4	5

* لا يظن انه ثلث صفة الـ General
 - local shear Failure
 Soil density γ ، γ_{sat} ، γ_{sub}
 تامة قابلية ، او انه الـ Soil
 Soft clay.

بالمثل فزمنه انما لقائمة انما ان



* لو كانت 17.35 kN/m^2

لنفس القوائم للزمنه الـ Table

استعمله انما نقل Interpolation

* بالـ general γ ، γ_{sat} ، γ_{sub}

الـ Failure كبيرة γ ، بالـ local

اقل يتكون وبالنسبة الـ الـ لقائم

الـ الـ الـ الـ

A) Using Terzaghi B.C.

B) Using G.B.C.

$$A) q_{ult} = 1.3 c_u + 2 \gamma D_1 + 0.48 B \gamma$$

$$q = q_c = 8 D_1 + 8 D_2$$

$$= 11(0.75) + (19.5 - 9.8)(1.2)^{0.75}$$

$$= 17.11 \text{ kPa}$$

31 - Jan - 2019.

Ex: Square Foundation (BxB)

has to be constructed as

shown in Figure, assume that

$$\gamma = 17 \text{ kN/m}^3, \gamma_{sat} = 19.5 \text{ kN/m}^3$$

$$D_1 = 0.75 \text{ m, and } D_f = 1.2 \text{ m}$$

The gross design allowable load

Q_{all} with F.S. is 750 kN.

Use $\phi = 35^\circ$. The SPT

values are

$\phi' = 35^\circ$ Terzaghi Factors

$$N_q = 41.44$$

$$N_s = 45.41$$

alode of γ ، γ_{sat} ، γ_{sub}

Failure

الـ الـ الـ الـ

General 4

$$q_{ult} = 0 + 17.11 \cdot 41.44 + 0.4(19.5 - 9.81)(B)(45.41) \\ = 709.03 + 176.01 B \quad \text{--- (1)}$$

But $q_{ult} = \frac{Q_{ult}}{A}$

$$= \frac{Q_{all} \cdot F.S.}{A} = \frac{750 \cdot 3}{B^2}$$

$$\therefore q_{ult} = \frac{2250}{B^2}$$

Back to equation (1)

$$\frac{2250}{B^2} = 709.03 + 176.01 B$$

$$B = 1.52$$

B) $q_{ult} = C + \frac{1}{2} \gamma B F_{cs} F_{qd} F_{ci}$

$$+ \frac{1}{2} \gamma B F_{qs} F_{qd} F_{ci}$$

$$+ \frac{1}{2} \gamma B F_{cs} F_{qd} F_{ci}$$

$$\phi = 35^\circ \quad (\text{G.B.C Table})$$

$$\gamma = 33.3$$

$$\gamma_i = 48.03$$

$$F_{qs} = 1 + \frac{B}{L} \tan \phi$$

$$= 1 + \frac{B}{L} \tan 35$$

$$B = 1.7$$

$$F_{cs} = 1 - 0.4 \frac{B}{L} = 0.6$$

assume $\frac{D_f}{B} \leq 1$

... $\frac{D_f}{B} \leq 1$ assumption $\frac{D_f}{B} > 1$ check $\frac{D_f}{B} > 1$ بر فرض $\frac{D_f}{B} > 1$ $\frac{D_f}{B} > 1$

... assumption $\frac{D_f}{B} > 1$ $\frac{D_f}{B} > 1$

$$F_{qd} = 1 + 2 \tan 35 (1 - \sin 35)^2 \frac{1.2}{B}$$

$$= 1 + 1.305$$

$$F_{cd} = 1$$

Assume no inclination

$$F_{ci} = F_{qi} = F_{xi} = 1$$

$$\frac{2250}{B^2} = 17.11(33.30)(1.7)(1 + 1.305) + \frac{1}{2}(19.5 - 9.81)(B)(48.03)(1)(1)$$

$$= 1.223$$

* $D_f = 1.2$ $B = 1.23$
 $\frac{D_f}{B} < 1$ \therefore ✓
 B

$\therefore B = 1.23 \text{ m}$

~~معمولاً~~ ~~معمولاً~~

معمولاً \Rightarrow General

* ماشین‌های خاک، آلودار، هوای رطوبتی، عشان
 کذب استناتر، علم، لاغلب، منبذم
 Total station لکته استناتر تاخه

المطارد

* از اگلا استا 2 و بالسناتر، او عانی
 عذی Total stat، منبذم علم لاغلب
 شلخ تاخه الزار 3 و منبذم

لکته استناتر

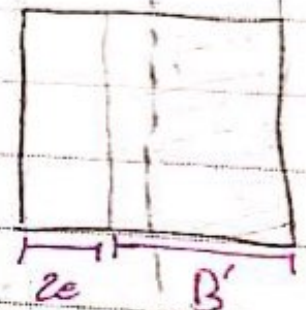
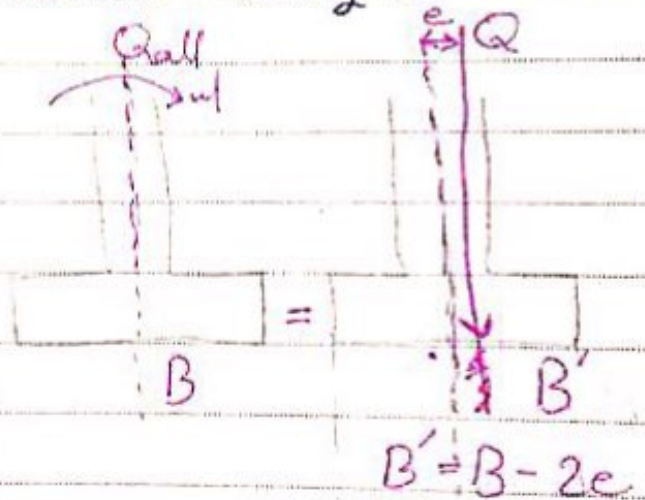
* از اها کذب خلک استا 1 و او
 الهود کذب موشه، او horizontal load
 سب شلخ ال wind، ساعت
 لکته عذی موشه تاخه

* لو مینا دمنر و مینا شلخ مستقیم
 و مینا زانف، Foundation، مینا
 مینا بالهفت عامود، و مینا کف
 الالسنه، عال stress کف لکته
 الکیه، الی موزع "uniform"
 "Concentrated load"

* لو مینا زانف انار، بالسنر و موشه
 الهود باجا و B و هو ال "x"، فاع
 لکته عذی eccentricity باجا و B
 فاعیل، لکته و stress لکته عذی
 موشه، نفس استی لو مینا باجا و
 "L"

* از ا مینا باجا و موشه، راعه، ال
 او ال "L"، سبها
 1 D-eccentricity
 "e"

Bearing Capacity of Soils
 on eccentrically loaded Footing



Notes:

"Q" Load \rightarrow في بعض المواقف يكون الحمل في بعض المواقف قابلياً بال

$$ul = Force \times \frac{1}{Q}$$

هو $e \leftarrow$ هو $e \leftarrow$

$$e = \frac{ul}{Q}$$

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity \rightarrow stress distribution

"uniform" \rightarrow متساوية

$$Q_{max} = Q_{min} = Q_{avg}$$

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

Let's take \rightarrow distribution of stress

"Stress" \rightarrow "Strength" \rightarrow "Stress" \rightarrow "Strength"

$$\sigma = \frac{P}{A} = \frac{Q}{A}$$

In 1-D eccentricity

$$Q_{max} = Q + \frac{6ul}{B^2L}$$

$$Q_{min} = Q - \frac{6ul}{B^2L}$$

$$e = \frac{B}{L}$$

$$L = L$$

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity \rightarrow stress distribution

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

$$1 - 6e = 0$$

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

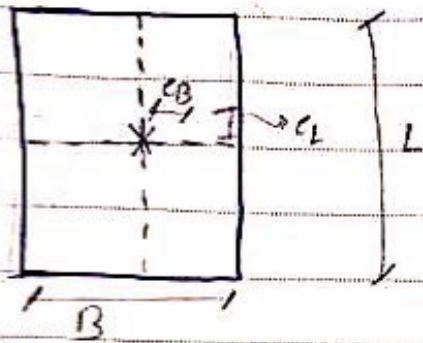
إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

إذا كان الحمل في بعض المواقف \rightarrow eccentricity

suppose this footing



center of column goes in first
row, then in second
away from y, and away from z

و جملہ عام اس

$$\frac{q}{k_{\text{mid}}} = \frac{Q}{BL} \left(1 + \frac{6e_B}{B} + \frac{6e_L}{L} \right)$$

یا

$$q_{\min} = \frac{Q}{BL} \left(1 - \frac{6e_0}{B} - \frac{6e_1}{L} \right)$$

۱. بابت، اصول و مقبول Emin اصل
 ۲. من، اصل، لائن ان Emin اصل
 ۳. من، اصل، لائن ان Emin اصل
 ۴. من، اصل، لائن ان Emin اصل
 ۵. من، اصل، لائن ان Emin اصل
 ۶. من، اصل، لائن ان Emin اصل
 ۷. من، اصل، لائن ان Emin اصل
 ۸. من، اصل، لائن ان Emin اصل
 ۹. من، اصل، لائن ان Emin اصل
 ۱۰. من، اصل، لائن ان Emin اصل

* لہجہ آکے آکر limitation

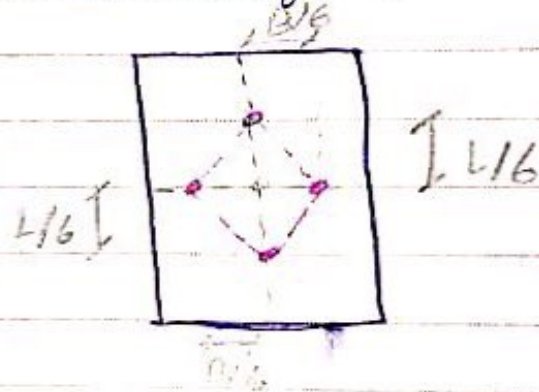
IF $q_{min} = 0$

$$\Rightarrow 1 - \frac{6e_B}{B} - \frac{6e_C}{L} = 0, \text{ Then } \swarrow$$

$$\frac{6 \text{ e}_B}{B} + \frac{6 \text{ e}_L}{L} = ?$$

هادا کبر limit یعنی المعزوفه و هو
اقل او سی ای ۱

۴. لی، رہتا، سنا، Looking مرے پاس

[illegible]

* One-way flow, $\frac{1}{2}$ of the total flow is in one direction.

"Column Kernah"

Gas → Column Kernal

~~2~~ (2 years) Out 1:10

no streets, hills map

لا اله الا الله محمد رسول الله

~~2019 Zeno CS~~

* Column Kernal: خط المماس

* $e_{min} \rightarrow$ Zero

* e_{max} / h eccentricity: انحراف
 باقیه B و $2e_3$

* $B' \leftarrow$ عرض، لقاعه "B"
 و انحراف عندي "e" بالـ "L" بطرف
 $L' \leftarrow L$ و $2e_2$

* $e_{eccentricity}$ نفعيل اسفلام مبداء
 بالـ Cr. B. C. $Tenaghi$

* $Cr. B. C.$ اعتبارات التي حسب عندي في الممارسه

* $B \rightarrow B'$

* Shape Factors " F_{cs}, F_{fs}, F_{ss} "

$\Rightarrow B', L'$ ابعاد اسفلام

* depth Factors " F_{cd}, F_{fd}, F_{sd} "

الـ depth ماله علاقه بالـ Load
 بـ B و L

* $A_{area} \Rightarrow$ رقبه اسفلام
 "Qult" \leftarrow Load \leftarrow Qult

$$\therefore Q_{ult} = q_u \cdot A' \\ \rightarrow B' \cdot L'$$

* Q_{ult} و Q_{design} و Q_{safe}
 Factors of safety

حسب Q_{ult} و Q_{design}

ولا زيم نكنه اكبر من 1 و نفعيل بربر
 اكبر من 3

$$\frac{Q_{ult}}{Q_{design}} > 1 \quad (3)$$

[2] Q_{max} Contact Pressure

لا زيم نكنه Q_{ult} / Q_{max}

اكبر من 1 ، و نفعيل بربر اكبر من 3

و انحراف اكبر من 1 ، و نفعيل

safe

[3] لبي انك انحراف لقاعه ماصيا

separation e_c او

$$\frac{e_c}{L} \geq \frac{e_B}{B}$$

$$6 \frac{e_c}{L} + 6 \frac{e_B}{B}$$

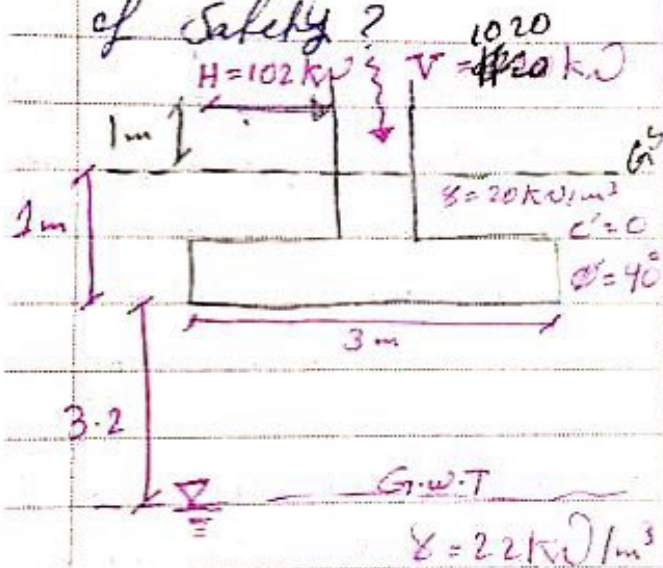
لبي لاني مجموع $\frac{6e_c}{L}$ و $\frac{6e_B}{B}$

اقل او يساوي 1

* لجميع الاحوال، لدينا $\tan \alpha < \tan \phi$
 بالاعتبار (الميل)
 $\frac{6e}{L} + \frac{6e}{B}$

اقل من ارضي، و
 دائرة، وابتداءً من
 Shortest dimension
 ان هو B

Ex: Wall Foundation Footing
 Shown, determine Factors
 of Safety?



1) Using Terzaghi with
 Meyerhoff treatment of
 eccentricity

2) Using G.B.C

* 3 حالات، load، eccentricity، وال
 1، 2، 3 حالات

SOL:

$$1) q_{ult} = c + q \lambda_q + \frac{1}{2} \gamma B \lambda_\gamma$$

$Q = 40^\circ$ $\lambda_q = 81.27$ $\lambda_\gamma = 115.31$

$$M = (102)(1+1) = 204 \text{ kNm}$$

$$e = \frac{M}{V} = \frac{204}{1020} = 0.2$$

$\rightarrow e = \text{moment / vertical load}$

$$* B' = B - 2e = 3 - 2 \times 0.2 = 2.6 \text{ m}$$

wall footing $\rightarrow L = \infty$

$$* d = 3.2 \text{ m} > B = 3$$

G.W.T has No effect
 (Case 3)

$$\gamma = 20 \text{ kN/m}^3$$

$$q_{ult} = 0 + 20 \times 1 \times 81.27 + 0.5 \times 20 \times 2.6 \times (115.31) = 4623.46 \text{ kPa}$$

$$q_{max} = \frac{Q}{BL} \left(1 + \frac{6e}{B} \right)$$

$$= \frac{1020}{3} \left(1 + \frac{0.2 \times 6}{3} \right) = 476 \text{ kPa}$$

$$q_{min} = \frac{1020}{3} \left(1 - \frac{6 \times 0.2}{3} \right)$$

$$\textcircled{1} F.S = \frac{Q_{ult}}{Q} = \frac{q_{ult} \cdot Area}{Q}$$

$$= \frac{4623.4 \times B'}{1020} = \frac{4623.4 \times 2.6}{1020}$$

$$= 11.7 > 1 \quad \therefore \text{ok} \checkmark$$

$$\textcircled{2} F.S = \frac{q_{ult}}{q_{max}} = \frac{4623.46}{476} = 9.7 > 1$$

$$\textcircled{3} q_{min} \geq 0 \rightarrow 204 > 0$$

$$\frac{6 \times 0.2}{3} < 1$$

$$\frac{2 \times 6 \times 0.2}{3} = 0.4 < 1 \quad \checkmark$$

5th - Feb.

o.s. det. elev

2) Using Cr. B.C.

$$q_{ult} = C_1 \gamma_1 F_{cs} F_{cd} F_{ci} + q_{s2} F_{cs} F_{cd} F_{ci}$$

$$+ \frac{1}{2} B \gamma_2 F_{cs} F_{cd} F_{ci}$$

$$\phi = 40^\circ \quad \gamma_1 = 64.2 \quad \gamma_2 = 109.41$$

* Because it is wall $\rightarrow F_{cs} = F_{cd} = 1$
(wall footing).

$$L \rightarrow \infty \quad \therefore B/L = 0 \quad (\text{بالقريب})$$

$$D_p/B = 1/3 < 1$$

$$F_{ci} = 1 + 2 \tan \phi (1 - \sin \phi)^2 \left(\frac{D_p}{B} \right)$$

$$= 1 + 2 \tan 40 (1 - \sin 40)^2 (1/3)$$

$$= 1.07$$

$$F_{cd} = 1$$

* inclination:

$$P = \tan^{-1} \left(\frac{H}{V} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{102}{1020} \right)$$

$$= 5.7^\circ$$

$$F_{cs} = \left(1 - \frac{P}{\phi} \right)^2 = \left(1 - \frac{5.7}{40} \right)^2 = 0.88$$

$$F_{cd} = \left(1 - \frac{P}{\phi} \right)^2 = \left(1 - \frac{5.7}{40} \right)^2 = 0.73$$

$$q_{ult} = 0 + 20 \times 1 + 64.2 \times 1.07 \times 0.88$$

$$+ \frac{1}{2} \times 20 \times 2.6 \times 109.4 \times 1 \times 1 \times 0.73$$

$$= 3285.62 \text{ kPa}$$

F.S 8

$$\textcircled{1} \frac{Q_{ult}}{Q} = \frac{q_{ult} B'}{Q} = \frac{3285.62 \times 2.6}{1020}$$

$$= 8.37 > 1$$

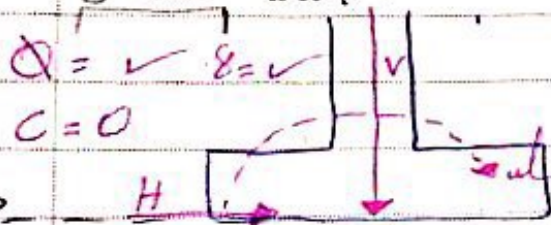
$$[2] \quad q_{ult} = 3285.62 = 6.9 > 1$$

$$q_{max} \quad 476 \quad \therefore \text{OK}$$

$$[3] \quad q_{min} = 204 \text{ kPa} > 0$$

$$\therefore \text{OK}$$

Ans * Determine the min width of footing to be safe given wall.



Ans * Determine the min width of footing to be safe given wall.

SOL: Factors of Safety

1. $q_{min} \geq 0$

$$q_{min} = 0$$

$$\therefore \quad e = \frac{B}{6} \rightarrow B = \frac{6e}{1}$$

$$e = \frac{M}{V}$$

$$[2] \quad q_{ult} \geq 1$$

$$q_{max}$$

$$q_{ult} = C + \frac{1}{2} \gamma B' \left(\frac{F_{vs}}{F_{vd}} + \frac{F_{vi}}{F_{vi}} \right) + \frac{1}{2} \gamma B' \left(\frac{F_{vs}}{F_{vd}} + \frac{F_{vi}}{F_{vi}} \right)$$

$$= 0 + 0 + \frac{1}{2} \times 8 \times (B - 2e) \times 1.1 \times F_{vi}$$

$$q_{max} = \frac{V}{B} \left(1 + \frac{6e}{B} \right)$$

Back to equation (2) ---

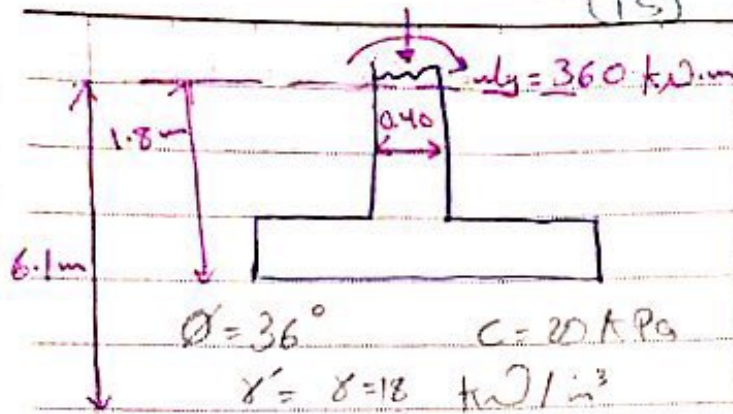
$$q_{max} = q_{ult}$$

$$\frac{V}{B} \left(1 + \frac{6e}{B} \right) = \frac{1}{2} \gamma (B - 2e) F_{vi}$$

Ex 80 A square footing is 1.8×1.8 m with a 0.4×0.4 m square column. It is loaded with an axial load of 1800 kN and $M_x = 450 \text{ kN.m}$, $M_y = 360 \text{ kN.m}$. Undrained triaxial tests (soil not saturated) give $\phi = 36^\circ$ and $c = 20 \text{ kPa}$. The footing depth $D = 1.8$ m, the soil unit weight $\gamma = 18 \text{ kN/m}^3$, The water table is at a depth of 6.1 m from the ground surface.

$$N_c = 50.59 \quad N_q = 37.7$$

$$N_s = 56.31$$



determine Factors of Safety

50% Square Footing

$$A = 1.8 \times 1.8$$

Column dimension 0.4 x 0.4

load = 1800 kN

$$u_x = 450 \text{ kNm}$$

$$u_y = 360 \text{ kNm}$$

$$\phi = 36^\circ \quad c = 20 \quad \gamma = 18$$

$$\gamma = 18$$

water Table depth = 6.1m

$$B = 1.8 \text{ m}$$

$$L = 1.8$$

inclination α , inclination α

* eccentricity \rightarrow eccentricity

eccentricity \rightarrow eccentricity

$$e_B = e_x = \frac{u_y}{Q} = \frac{360}{1800} = 0.2 \text{ m}$$

$$e_L = e_y = \frac{u_x}{Q} = \frac{450}{1800} = 0.25$$

$$q_{max} = \frac{1800}{1.8 \times 1.8} \left(1 + \frac{6 \times 0.2}{1.3} \right) \left(\frac{1 + 0.25}{1.4} \right)$$

$$B' = B - 2e_x = 1.8 - 2 \times 0.2 = 1.4$$

$$L' = L - 2e_y = 1.8 - 2 \times 0.25 = 1.3$$

shortest dimension of B' and L' is $B' = 1.4$

$$B' = 1.3 \text{ m} \quad L' = 1.4 \text{ m}$$

To check

$$\frac{6 \times 0.2}{1.8} + \frac{6 \times 0.25}{1.8} = 1.5 > 1$$

X Fail!!!!

qult, qult

qult \rightarrow qult

Fail $\rightarrow < 0$

$$q_{ult} = 1.24 \quad q_{ult} = 1.24$$

$$q_{ult} = c N_c F_{cs} F_{cd} F_{ci} + \gamma N_q$$

$$F_{cs} F_{cd} F_{ci} + \frac{1}{2} \gamma B' N_s F_{cs} F_{cd} F_{ci}$$

$$\Rightarrow 20 \times 50.59 \times 1.7 \times 1.24 + 1$$

$$+ 1.8 \times 18 \times 37.75 \times 1.67 \times 1.24 + 1$$

$$+ \frac{1}{2} \times 18 \times 1.3 \times 56.31 \times 0.62 \times 1.24$$

$$= 5074.14$$

$$① \frac{q_{ult}}{Q_{design}} = \frac{5074.14}{1800} > 1 \quad \checkmark$$

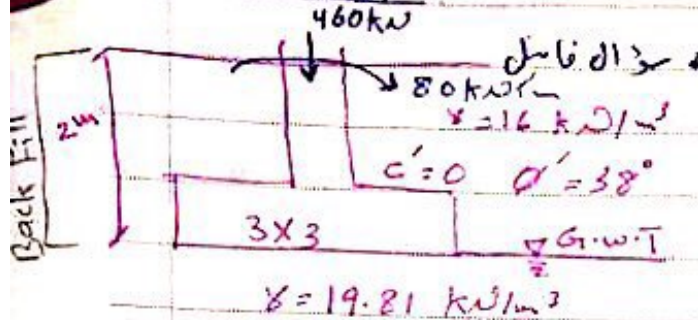
Qdesign 1800

$$② \frac{q_{ult}}{q_{max}} = \frac{5074.14}{1663.6} > 1 \quad \checkmark$$

$$q_{max} 1663.6$$

FIVE APPLE

7-2-2019



$$C = 5 \text{ kPa}$$

$$\phi = 34^\circ$$

→ determine

① allowable B.C of the Footing using $F.S = 3$?

② max and min contact Pressure.

③ Factor of safety of Current condition ?

SOL:

$$\begin{aligned} \textcircled{1} q_{ult} &= c N_c F_{cs} F_{cd} F_{ci} \\ &+ \gamma N_q F_{qs} F_{qd} F_{qi} \\ &+ \frac{1}{2} \gamma B N_\gamma F_{\gamma s} F_{\gamma d} F_{\gamma i} \end{aligned}$$

* دالة استخدام الزوايا البينية (المكانة)

$$\phi = 34^\circ \quad N_c = 42$$

$$N_q = 29.44 \quad N_\gamma = 41.06$$

$$e = \frac{u}{Q} = \frac{80}{460} \approx 0.174$$

$$B = 3 \text{ m} \quad B' = 3 - 2e = 3 - 2 \times 0.174 \approx 2.65 \text{ m}$$

$$F_{cs} = 1 + \frac{B'}{L} \left(\frac{N_q}{N_c} \right) \approx 1.6$$

$$F_{qs} = 1 + \frac{B'}{L} \tan \phi = 1 + \frac{2.65}{3} \tan 34^\circ \approx 1.6$$

$$F_{\gamma s} = 1 - 0.4 \frac{B'}{L} = 1 - 0.4 \frac{2.65}{3} \approx 0.65$$

* لو القاسم 1*2

هو، لو وضعنا بالحدود، ودالة في

عاطلة هو بال B أو بال L

إذا بال B ← من، ليعبر B

إذا بال L ← L - 2e ← 1: المثلث

2-2e، B > L - 2e

صير B

* لـ هم إله دالة، ليعبر B

* لو وضعنا بال في B، L

نـ، لـ، لـ، لـ

- صير B

$$\phi > 0 \quad \frac{dF}{dB} < 1 \Rightarrow \frac{2}{3} < 1$$

$$F_{qd} = 1 + 2 \tan \phi (F_{cs} \sin \phi)^2 \frac{D_f}{B}$$

$$= 1 + 2 \tan 34^\circ (1 - \sin 34^\circ)^2 \frac{2}{3} = 1.17$$

$$F_{cd} = 1 \quad \text{assume } F_{cd} = 1$$

$$F_{cd} = F_{qd} - \frac{1 - F_{qd}}{N_c \tan \phi} = 1.17 - \frac{1 - 1.17}{42 \tan 34^\circ} = 1.17$$

Fcd = 1

$$\begin{aligned} q_{ult} &= 5 \times 42.16 \times 1.6 \times 1.1 \\ &+ 16 \times 2 \times 29.44 \times 1.6 \times 1.1 \times 1 \\ &+ 0.5 \times (19.81 - 9.81) (2.65) (0.65) \times 1.1 \\ &= 2109.46 \text{ kPa} \end{aligned}$$

$$q_{\text{ball}} = q_{\text{ult}} = \frac{2109.46}{3} = 703.15 \text{ kPa}$$

$$\textcircled{2} q_{\max} = \frac{Q}{B \cdot L} \left(1 + \frac{6e_B}{B} \right)$$

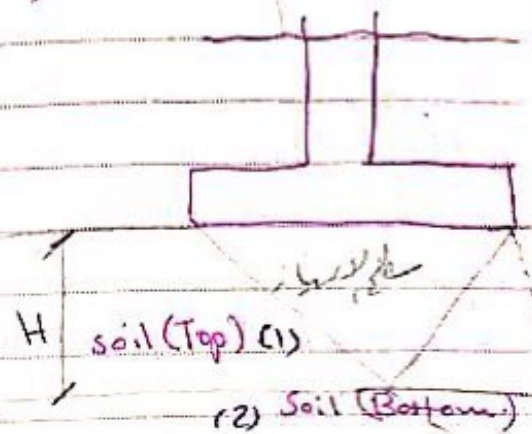
$$= \frac{460}{3 \cdot 3} \left(1 + \frac{6 \cdot 0.174}{3} \right) = 68.88 \text{ kN/m}^2$$

$$q_{min} = \frac{Q}{B+1} \left(\frac{1 - e^{-B}}{B} \right)$$

$$= \frac{46.0}{9} \left(\frac{1 - e^{-0.17}}{3} \right) = 33.32 \text{ kg}$$

$$\textcircled{3} \textcircled{1} F.S = \frac{q_{ult}}{q_{max}} = \frac{2122.76}{68.88} = 30.62 > 1$$

$$\textcircled{2} F_1 S = \frac{9 \text{ ttfk} \cdot A'}{(Q \cdot r)} = \frac{2109.46 \cdot 3^{\circ} 2.6}{460} = 36.45$$

[illegible]

$$H = \frac{D}{2} \tan\left(45 + \frac{\phi}{2}\right)$$

$$\approx 1.4B > 2B.$$

لغزین بدل ہے 50 لافاضل ناھا اکبر
خاویہ السوی

$$2B < H \quad 1, 1/2, 1 \quad ! \quad *$$

نفس اكل الله كنار طله

$$2B \rightarrow H \quad 511:1$$

حاجیہ صبیحہ عیسا

Soil (1) , Soil (2)

۱- اہل اللہ سے تعلق حاصل کرنا

فما سئل "تلكه صبا" ، التي

قصير مغل excavation, روش

Strong alluvial soil

So: 1

من قديم الزمان

۱۔ کانٹ، لکڑی، آلو، پھوسہ سے قنار
بہ ان کانٹ مینے و لکڑیاں بولس
Examination سے خاصہ آزادی ہے
اللہم قلبی • یا اللہ از ستونے میں Top
اصوال کثیر آئے الفو سید اللودناج
القلم، ادا تھا فضل و جبر
(Punching.)

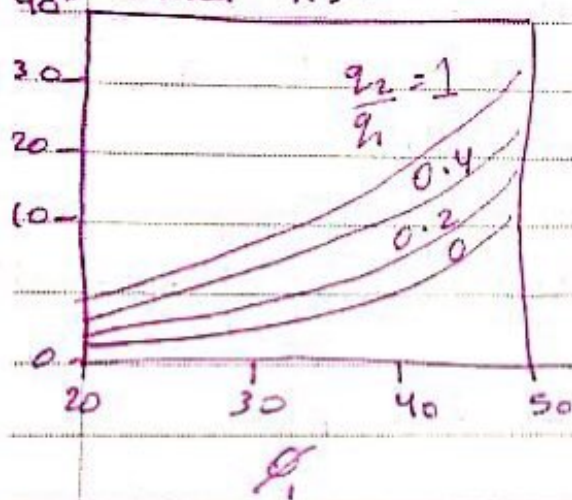
$$q_t = C_1 \omega_1 F_{s1} + \underbrace{\gamma_1 D_p \omega_2}_{\frac{1}{2} \gamma_1 B \omega_{s1}} F_{s1} + \frac{1}{2} \gamma_1 B \omega_{s1} F_{s1}$$

$$* q_u = q_b + \left(1 + \frac{B}{L}\right) \left(\frac{2 C_u H}{B}\right) + 8.1 H^2 \left(\frac{1+B}{L}\right) \left(\frac{1 + \frac{3D_f}{H}}{H}\right) \left(\frac{k_s \tan \phi_1}{B}\right)$$

$$- 8.1 H < q_u$$

* $C_u \rightarrow$ Function C_u ~~Prove~~ ~~Figure~~ ~~Figure~~

40* to find k_s .

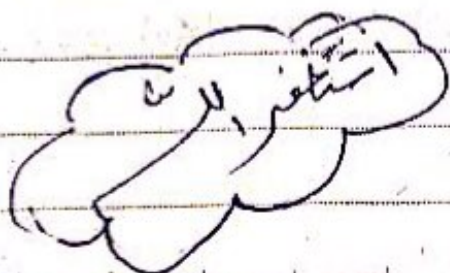


assume.

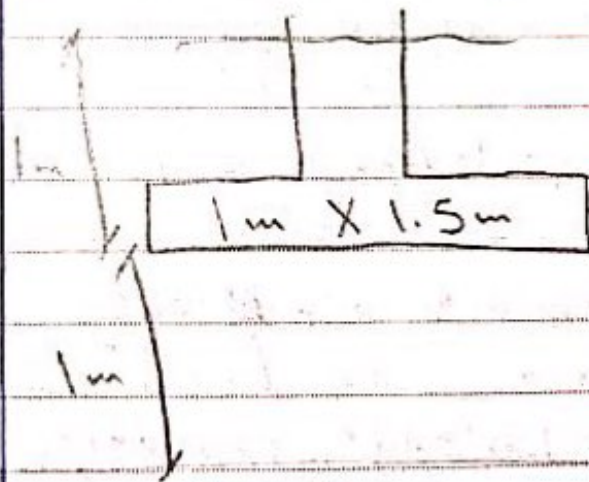
$$* \text{if } \frac{q_2}{q_1} > 1 \Rightarrow \frac{q_2}{q_1} = 1$$

$$* \frac{q_2}{q_1} < 0 \Rightarrow \text{value}$$

* in between \rightarrow interpolation. then final the value of k_s .



Ex: A Foundation 1.5 m by 1 m is placed at a depth of 1 m in a stiff clay. A softer clay layer is located at a depth of 1 m measured from the bottom of the Foundation. For the top layer, the un-drained shear strength is 120 kN/m², the unit weight is 16.8 kN/m³, and for the bottom layer the un-drained shear strength is 48 kN/m², and the unit weight is 16.2 kN/m³. Find the allowable bearing capacity for this footing.



$$C = 48 \text{ kPa}$$

$$\gamma = 16.2 \text{ kN/m}^3$$

$$H \rightarrow 1$$

$$H < 2B$$

$$2B \rightarrow 2$$

$$\therefore 2 \text{ soil}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2}$$

FIVE APPLE

(72)

$S_u = C_u = C = 120 \text{ kPa}$. $\textcircled{2} \quad \cancel{V_b} = C_2 N_{c2} F_{cs2} + \gamma_1 (D_f + H) (W_q F_{qs1})$
 $\quad \quad \quad + \frac{1}{2} \gamma_2 B \cancel{N_{c2}} F_{cs(2)}$

fundamental $\rightarrow \theta = 0$

$$\gamma_2 = 16.2 \text{ kN/m}^3$$

کتاب الہدایۃ ص ۳۰۷ بکتاب ۳
جامع الزوائد ج ۱

$$N_c = 5.14 \quad N_7 = 1 \quad N_8 = 0$$

Crusell

$$F_{CS} = 1 + \frac{\beta}{L} \frac{N_g}{N_c} = 1.13$$

$$\bar{r}_{gs1} = 1 = 1 + \frac{B}{L} \tan \phi$$

$$q_c = 120 \times 5.14 \times 1.13 + 16.8 \times 1 \times 1 \times 1 + 0$$

$$= 713.78 \text{ kPa}$$

$$= 48 + 5.14 + 1.13 + (6.8 + (1+1)(1)^1 + 0)$$
$$= 32.4 \text{ kPa.}$$

$$\boxed{3} \quad q_u = q_b + \left(1 + \frac{B}{L}\right) \left(\frac{2 C_u H}{B}\right) + \gamma_s H^2 \left(1 + \frac{B}{L}\right) \left(1 + \frac{2 D_u}{H}\right) \left(\frac{k_s \tan \phi}{B}\right)$$

$$-x_H < q_t$$

$$312.4 + \left(1 + \frac{1}{1.5}\right)^4 \left(\frac{2 \text{ Co(1)}}{1}\right) + 0 - 16.8 \times 1$$

to Final Ca:-

$$q_2 = \frac{CN_2 + \frac{1}{2} \delta BN_2}{CN_1 + \frac{1}{2} \delta BN_1} = \frac{48}{120} = 0.4$$

بدرجہ پے لڑ سکتے ← $\frac{C_f}{C} = 0.9$

$$C_g = 0.9 \times 120 = 108 \text{ kPa.}$$

$$q_u = 312.4 + \left(1 + \frac{1}{1.5}\right) \left(\frac{2 \times 108.0^2}{1}\right)$$

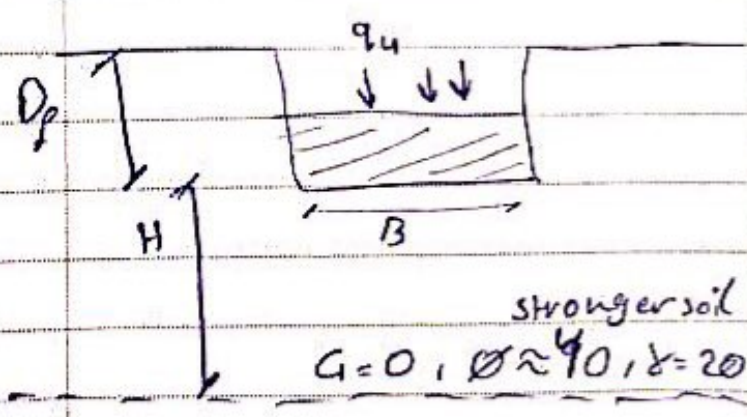
$$-16.8 < 713.78$$

$$q_{ult} = 655.6 \text{ kPa} < 713.78$$

$$q_{all} = \frac{655.6}{3} = 218.53$$

* If $q_t < q_{ult} \rightarrow$ take the value of q_t

* Stronger Soil Is underlain By a weaker Soil.



نقد ما بينك الفرض، نقول ان
Clay، او نسا نقد

replacement
excavation و بعد Back Fill
"الطبقة الاولى"، ومنه "Compaction"
عادة او داعم، كالمسالك
بسكنه من راسه كمن، (الاساس)
1 م

- ومنه ومنه القاعدة
Back Fill على الجانب الاخر
لنستخدم سوي ما، الى cohesion
على الجانب الجيب Base coarse
"Strong Soil" = "improved"

- قالة على كالمسالك "الطبقة"
2، اعني انو، طبقة زائدة، ما
بعد Filling و كالمسالك

$$q_t \rightarrow \gamma_1 \rightarrow \gamma_F (\gamma_{Fill})$$

$$q_u \rightarrow \gamma_1 (D_f + H) \rightarrow (\gamma_F D_f) + \gamma$$

لا نوصار عندي فوكية مساهم

$$q_u =$$

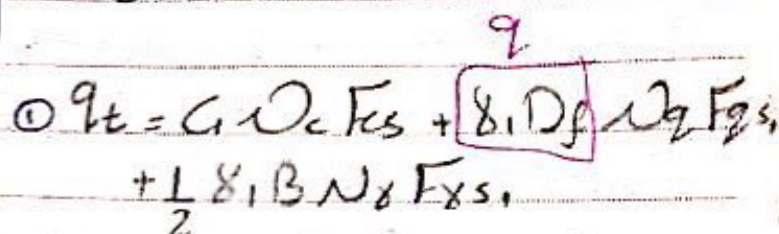
ما على تغير

$$q_1, q_2 \rightarrow$$

ما على، طبقة
Fill. بال

✓ NO.

SOL 80: $H = 1$, $B = 1.5$
 layered... $G.B.C$ 15
 $H = 1$, $H < 2B$ \therefore 2-layer
 $B = 1.5$



$C=0$ $\phi=36$ $\eta_1=37.75$ $\eta_2=56.31$

$$\frac{y_2}{L} = 1 + B \tan \theta \Rightarrow 1 + \frac{1.5}{1.5} \tan 36 = 1.72$$
$$E_{x_1} = 1 - 0.48 = 0.6$$
$$: P_t = 0 + 16 + 2 + 37.75 + 1.7 + \frac{1}{2}(18)(1.5)(56.31)(0.6) = 2509.71 \text{ kPa}$$
$$\textcircled{2} q_b = C_2 D_{c2} F_{c2} + \gamma_1 (D_f + H) \gamma_2 F_{22} + \frac{1}{2} \gamma_2 B D_{s2} F_{s2}$$
$$\phi = 0 \rightarrow N_c = 5.14 \quad N_g = 1 \quad N_x = 0$$

FIVE APPLE

$$q_b = C_2 \sigma_{c2} F_{c2} + (8.1H) \sigma_{q1} F_{q1} + 0.1$$

$$F_{cs2} = 1 + \frac{B}{L} + \frac{W}{L} = 1.195$$

$$= 50 \times 5.14 \times 1.195 + (16 \times 2) + (B \times 1)(1 \times 1)$$

$$= 357.11 \text{ kPa.}$$

$$\textcircled{3} q_u = q_b + \left(1 + \frac{B}{L}\right) \left(\frac{2 C_u H}{B}\right)$$

$$+ 8.1 H^2 \left(1 + \frac{B}{L}\right) \left(1 + \frac{2 D_f}{H}\right) \left(\frac{k_{\text{static}}}{B}\right)$$

$$- 8.1 H < q_t$$

* to find k_s .

$$q_2 = C_2 \sigma_{c2} + \frac{1}{2} \gamma_2 B \sigma_{q2}$$

$$= 50 \times 5.14 + 0$$

$$= 257.1 \text{ kPa}$$

$$q_1 = C_1 \sigma_{c1} + \frac{1}{2} \gamma_1 B \sigma_{q1}$$

$$= \frac{1}{2} \times 18 \times 1.5 = 13.5 = 766.18$$

$$\frac{q_2}{q_1} = \frac{257.1}{766.18} = 0.34$$

From Chart $\rightarrow k_s \approx 3$

$$q_u = 357.11 + 0 + 18 \times 1^2 \left(1 + \frac{1.5}{1.5}\right)$$

$$\left(1 + \frac{2 \times 2}{1}\right) \left(\frac{13 \tan 36}{1.5} - 18 \times 1\right)$$

$$= 600.66 < 2509.71$$

$$q_{all} = \frac{q_u A}{F.S} = \frac{600.66 \times 1.5 \times 1.5}{3}$$

$$\approx 450.5 \text{ kPa.}$$

14-2-2019

* 2-Cases "wall Footing".

* The B.C of foundations on top of slope

هو "wall footing" على السطح

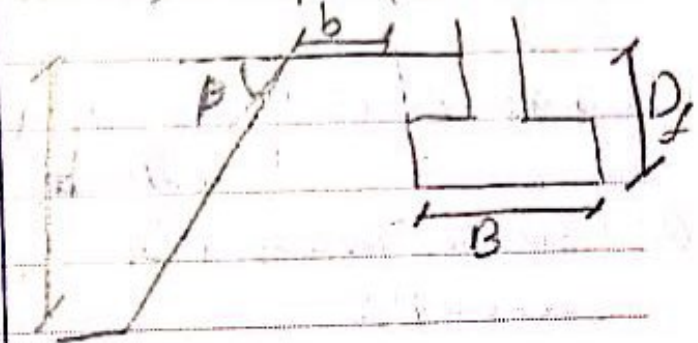
* B large, into slope من السطح

من السطح إلى السطح

* slope 1, slope 2

(b)

→ slope 1, slope 2



$$q_u = C \sigma_{cq} + \frac{1}{2} B \gamma_q \sigma_{q1}$$

التي هي على السطح

$C = 0$ من السطح

$0 \leftarrow \sigma$ من السطح

* $\sigma_{cq}, \sigma_{q1} \rightarrow$ من السطح

24)

Figure 4.16 shows a continuous foundation on a slope of a granular soil. estimate the ultimate bearing capacity.

$$\sigma_1, \text{ only} \leftarrow \sigma = \frac{D_F}{B} \quad \text{III}$$

$$1 = \frac{D_L}{B}$$

← $(0 \rightarrow 1)$ interpolation

* لكل حالة - (0) دولة (1)
وعدد من الدول المتاحات.

slope $J_{\bar{\theta}_1, 1} \leftarrow \beta$

2) زاویه اول ϕ

- slope (زاویه) □

4] کم رفتہ، (تاریخہ) کثرت $\frac{b}{B}$

* if $\sigma = 0$ line is all

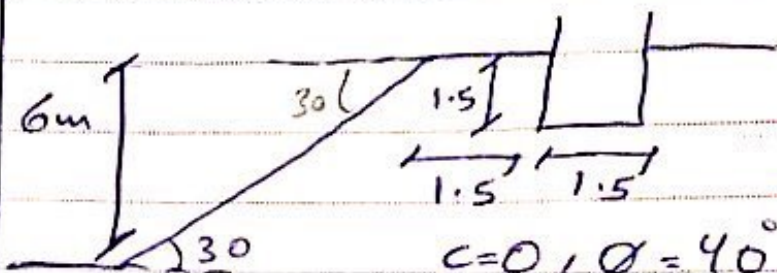
(N_s) stability Factor

$$N_s = \frac{H \times}{C}$$

وہی کہہ رہے ہیں

i. f. $B < H \Rightarrow N_s = 0 \Rightarrow \frac{b}{B}$

if $B > H \Rightarrow N_s = \frac{H}{c} \delta \Rightarrow \frac{b}{H}$



$$c=0, \varnothing=40^\circ$$

$$\gamma = 16.8 \text{ kN/m}^2$$

SOL: =

$$D_f = 1.5 \text{ m}$$

$$B = 1.5 \text{ m}$$

$$b = 1.5 \text{ m}$$

$$14 = 6 \text{ m.}$$

$$8 = 16.81521 \text{ m}^3$$

$\phi = 40^\circ \rightarrow \text{soil}$

$$C = 0$$

$$\beta = \tan^{-1} 30^\circ \rightarrow \text{slope}$$

$$q_{ult} = C \cancel{D_{eq}} + \frac{1}{2} \gamma B_1 \cancel{D_{eq}}$$

$$= \frac{1}{2} * 16.8 * 1.5 * 125 = 1575 \text{ kg}$$

$$x \text{ kg} \Rightarrow \textcircled{1} D_f / B = \underline{1} \dots$$

② $b|B = 1$ ③ $\emptyset = 40$

Chant

③ $\phi = 40$

$$\beta = 30^\circ$$

125 ← $\frac{1}{2}$ - $\frac{1}{2}$ \leftarrow $B =$
gult. a) $\frac{1}{2}$ \leftarrow

* مثلاً من أجل دكتور: نفس الشيء
 $\phi = 0$
 $C_u = 100$
 $\beta = 30^\circ$
 لنفس مكان الأساس
 للبرميل

$$q_{ult} = C_u \left(1 + \frac{1}{2} \frac{B}{D_p} \right) \left(1 + \frac{1}{2} \frac{B}{D_p} \right)$$

$$= 100 * 6.5 = 650 \text{ kPa}$$

$$* N_{cg} \Rightarrow B < H \rightarrow N = 0 \Rightarrow \frac{b}{B} = 1$$

$$D_p/B = 1 \dots B$$

$$\therefore N_{cg} = 6.5$$

$$q_{ult} = 650$$

* ulat Foundation

من أجل 3 عدادات

with eccentricity \Rightarrow G.B.C. \Rightarrow مع عدم التوازن
 و يادون \Rightarrow مجموع اللورد \Rightarrow و يادون
 حل في خطي eccentricity أدنى

بأعلى x-axis و y-axis و يادون
 الموضع كل د x و الموضع كل

Q و يادون

* إذا $e = 0 \Rightarrow$ إذا $e = 0$
 $e = \frac{M}{Q} \Rightarrow \text{if } 0 \Rightarrow$ "No eccentricity"

* إذا $e \neq 0$ إذا $e \neq 0$

لا يتم الطبع (G.B.C eqn) ، إذا $e \neq 0$

* يتم ulat Foundation إذا $e \neq 0$

إذا كان السول + weak + لور كالي

أو مجموع القواعد $< 50\%$ من Footing

لكن

* أمثلة (لو) $\phi = 0$ Clay
 مع قاع بي C_u

* G.B.C eqn term \Rightarrow $\phi = 0$
 و يادون $(\phi = 0)$

* إذا الزاوية "0" و يادون
 inclination ، يادون q_{net}

$$q_{net} = q_u - q$$

أنا كاد اها القاعة و يادون
 settlement settlement ما يادون

$$\frac{Q}{A} - q = 0 \Rightarrow \text{Settlement} = 0$$

$$\frac{Q}{A} - \gamma D_f = 0 \Rightarrow D_f = \frac{Q}{\gamma A}$$

* لول كالي سببها
 Compensation ulat Foundation



الهدوء سببها

- حود سببها السول قادر يقارم
 كل القواعد ، زني كالي سببها
 السول و طبقة صين سببها
 القواعد

* اذا اريد استخدام برامج و
 subgrade modulus of reaction

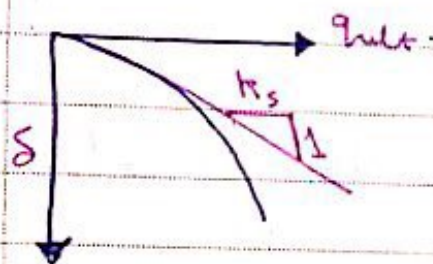
يجب علينا ان نعرف كيف
 "Plat load test"

صياغة سبيل عاين
 deformation load
 راجع الى q_{ult} و q_{net}
 بسية دلتا (8) و منها

$$q_u = a (load)$$

$$A \rightarrow 1 \text{ Ft} \times 1 \text{ Ft}$$

دلتا هاتين هاتين الرصة :



k_s : modulus of subgrade reaction (kPa/m)

د قاطعنا ندرج حالت
 القوي اذو :

$$k_s = 40 q_{ult} \text{ general}$$

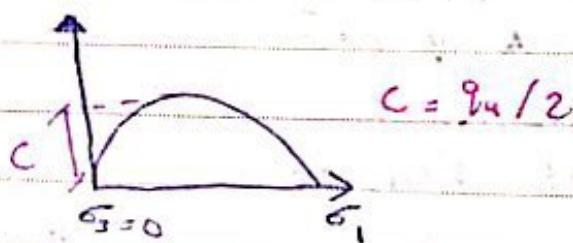
اما سبيل هاتين
 ا هاتين

$$k_s = (40 * q_{all} + \text{Factor of safety})$$

* ارقام تقديرية ل q_{all} هاتين
 للبرامج اذو
 سبيل هاتين اذو
 القوي هاتين
 100 kPa و 1 kg/cm^2

* ارقام الكيول ما سبيل هاتين اذو
 كذا سبيل هاتين ل q_{net} و q_{ult}

* هاتين هاتين اذو UCS :



$$q_{ult} = c N_c + q N_q + \frac{1}{2} \gamma B N_\gamma$$

با اذو هاتين اذو
 قاطع اذو

$$\% \text{ Net} = c N_c = \left(\frac{q_u}{2} \right) * 5.14 \rightarrow N_c$$

$$= 2.7 q_u$$

17-2-2019.

Standard Penetration Test.

- SPT : سنجش عمق آتش، غلظت
- الکتر ← سنجش عمق آتش
- Soil Properties such as "Consistency" ^{for clay} For sand → internal Friction angle, density, classification, ...

SPT → سنجش عمق آتش، سنجش عمق آتش
USA

CPT → الیوروسین مایع هم محضرا، (sand) ، او مایع در سنجش عمق آتش، Clay ، مایع آتش، مایع هم طاقی، فاعل و مایع "CPT" ← سنجش عمق آتش

علماء اصول ← سنجش عمق آتش، CPT ، مایع دانی سنجش عمق آتش، لایحه مایع سنجش عمق آتش

SPT, CPT → سنجش عمق آتش، B.C ، footing ، different ، width

علم سنجش عمق آتش، 1 inch

سنجش عمق آتش ← سنجش عمق آتش
SPT Number > 100

if SPT Number > 100
ساکنی ← sand ، ساکنی
Rock

از سنجش عمق آتش، سنجش عمق آتش
Coarse ← سنجش عمق آتش
سنگین حقایق

های، سنجش عمق آتش، cylinder
الیوروسین هم، سنجش عمق آتش
سنگین سنجش عمق آتش
"rock quality" designation

سنجش عمق آتش، B.C ، سنجش عمق آتش
rock ، SPT
Factors و Terzaghi's
of safety ، G.B.C.

Standard Penetration Number
Standard Penetration resistance
سنگین سنجش عمق آتش، 100-10
"سنگین 100"

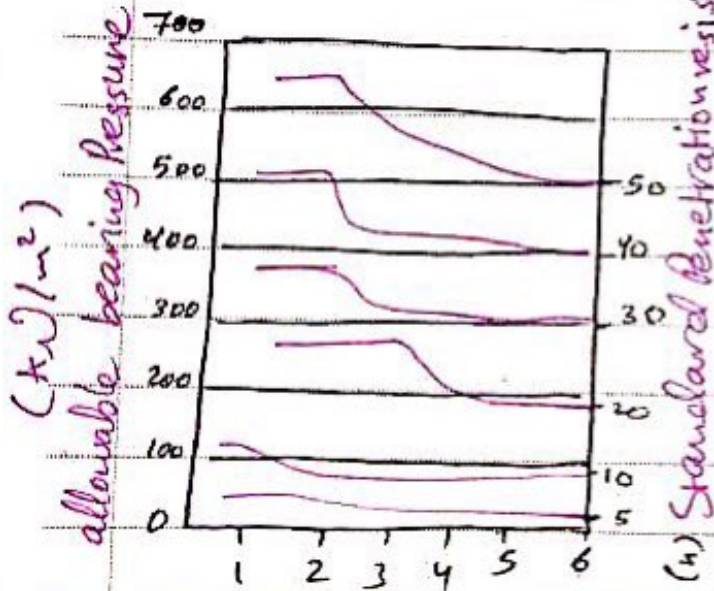
سنگین سنجش عمق آتش ← 100

• لقائمة حجوم الهياكل مختلف
من (1m → 6m)
أذا أكبر بعدد قسمة متساوية (6m)

• إذا كانت مسورة الهياكل
لقائمة (25mm), 1 inch

• if $n=30$, k_{av} عروق
القائمة 5m، فالقوة $300 kPa$

$300 kPa \Rightarrow$ allowable B.C



Width of Footing: B(m)

• $\text{max Settlement} \Rightarrow 25 \text{ mm}$
1 inch

• لاستخدام جهاز ال rig، للهيكل
خفافة، مثلاً، لقائمة الهيكل
سقطت في جدران الدريل
وتعتبر في الموقع التي انما هي sand

• سقي بياوي، الدريل؟ كجزء لول
سبب يوصل للفتحة راسخ، ركة اثبت
السطوح من غيرة صفرية
الدافل، اقل ارتفاع لها (18 in)
inner diameter: 38 mm

• SPT sampler ← هي الاسطوانة
• باجي كجزء مثلاً، سبي هي الاسطوانة
• ونجدها لعلية طرف وصله حدة خل
بالول

• إذا لول مفتوح، عينة من اول طرقة
تخل 6 in

• آخر 12 in، حدة لها لطرقات

• عدد لطرقات راسخ

SPT Number (N)

• $N=30$ سب للفتحة لطلون وبقا عليه
• $N=140$ باوند، ومن
• ارتفاع (30 in)
✓ 63 kg.

نتیجہ ہذا، طرف ← ہذا sampler
2. مٹی سے میل، انامی بی، میل
ہا۔

انامی بی اسٹوف عدہ لہزیان، لہزیان لہزیان
ال sampler لہزیان لہزیان لہزیان

اول سقہ ←، گھٹا، بکھر، بکھر، خاکی
مخلی، لہزیان، لہزیان، خاکی
احتیاط، لہزیان، لہزیان
لہزیان، لہزیان، لہزیان
لہزیان، لہزیان، لہزیان

① - ~~سقہ~~ سقہ، سقہ، سقہ
لہزیان، لہزیان، سقہ
فا حسیب، سقہ، سقہ

② - سقہ، سقہ، سقہ
سقہ، سقہ، سقہ

③ - سقہ، سقہ، سقہ
سقہ، سقہ، سقہ
سقہ، سقہ، سقہ

④ - sampler، سقہ، سقہ
سقہ، سقہ، سقہ
سقہ، سقہ، سقہ

سقہ، سقہ، سقہ
Correction 0.8

مجموع طرف آہد، سقہ
مجموع، لہزیان، لہزیان (12in)

* energy 60% →
مجموع، سقہ، سقہ
مجموع، سقہ، سقہ
"efficiency"

* Pore size →
کلا، سقہ، سقہ، سقہ

* sampler → standard or
Not standard.

کلا، S correction، سقہ
Table 2.3

* sampler dia →
کلا، سقہ، سقہ
سقہ، سقہ، سقہ

15% → dia
سقہ، سقہ، سقہ

* rod length →
کلا، سقہ، سقہ

N_{60} = SPT values, corrected for Field Procedure

$$N_{60} = N_{60} N_H N_D N_S N_E$$

N = measured SPT N values (30)

الرسول كلما انزل منه، و
strength تاتي 1.5
Confinement سبب

منها $q > 400$ MPa
منها $q < 400$ MPa
منها $q < 400$ MPa

از به اول شد بدینا N_{60} و N_H
تست شد

* منتهی اعلی وضا فوقی وضا اعلی
فها منتهی یس
از اعلی وضا منتهی یس، احتمال
از یس تستل علیه الحوال
فا تستل وضا Correction

Tab 2.3 في شكل

- N_H ① Variation of Hammer
- N_D ② Variation of diameter
- N_S ③ Variation of sampler
- N_E ④ " " " " rod length

if $N < 15 \rightarrow$ No correction
if $N > 15 \rightarrow$ Correction
فاحسنه مني

* Table 2.4.

- if $N_{60} < 2$
منها 1 ft وضا
واحدة منتهی وضا
طوت ← ساعی یس
الرسول (very soft)
extremely weak
 $q < 25$ MPa
↓
kN/m²

$N + (N - 15) \frac{15}{2}$
منها T منتهی لا ساعی وضا

* منتهی او ساعی یس
لو ساعی او ساعی یس
 $q = 25 + 20$
لو ساعی او ساعی یس
منها او ساعی یس

- if $N_{60} > 30$
از به انابهی اگر منتهی 30 طوت کن
بدین (sampler) وضا
طوت Hand. وضا
Consistency وضا
از به 1.5

منها او ساعی یس 25

و محاسبه اوزنهای سته کفیه اسویل، لویدی
از دین آزاد است

$$\phi = \sqrt{20 (N_{60}) + 20}$$

$$\phi = 2\phi = 1 = (N_{60})$$

سبب اصله فایده
منطقه

$$D_r \text{ * فای علامت سینه از دین } Dr$$

$$\phi = 28 + 15 \text{ dr}$$

از دین اصله ها برود دین، از دین
به امتداد ارفع این علامت B.C
سوار Terzaghi's general

* The modulus of elasticity
of granular soils (E_s)

$$E_s = \alpha N_{60} * P_a$$

$L \rightarrow 100$

$\alpha \Rightarrow$ $\begin{cases} 5 \text{ for sand with fines} \\ 10 \text{ for clean normally} \\ \text{consolidated sand} \\ 15 \text{ for clean overconsoli.} \\ \text{sand.} \end{cases}$

علاوه بر سینه $N=10$

شانه با سیرک و هالیا با فلج \rightarrow SPT
و شانه با زمین

* Cone Penetration Test:

الاور دین جابو Cone و زرد
هاد Cone ب cell گن
استیا Pressure

هاد Cone صامت لطفه
اقل به 10 cm^2 زردوه
ب sleeve، شاف

هاد لاه صامت لطفه
 150 cm^2 زردوه ب
Friction sleeve

بقره حراره 90° به کل Top
و حراره به الی با به سینه
sleeve friction

هاد کبار سینه زردوه لطفه
معدل $(1 \rightarrow 2) \text{ cm}$ بال second

بتلغ سینه "حراره"

Point resistance

لا Cone لطفه

هاد حراره بال upper

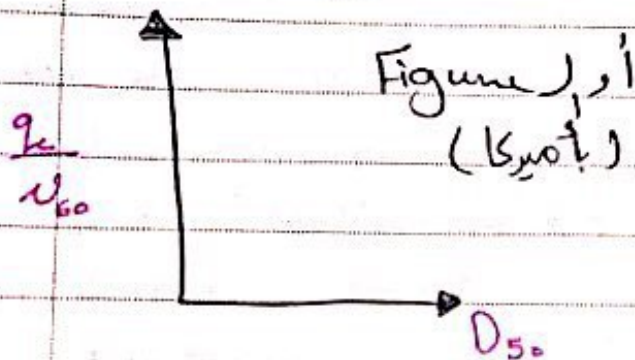
Test لا day

$$\phi = \tan^{-1} \left[0.1 + 0.38 \log \frac{q_c}{\sigma} \right]$$

$q_c \rightarrow$ سب سے زیادہ اضافی
عمق (م3)

دقت اچھا (الغرض لبریں راہ انا)

سب سے زیادہ سطح لہولہو \rightarrow کہ



* نوعی نامہ \leftarrow سب سے اقل سے
1.22 m.

سب سے بڑی

$$B \leq 1.22 \text{ m}$$

$$q_{\text{net(all)}} = 19.16 N_{60} F_d \left(\frac{S_a}{25.4} \right)$$

بڑے سے بڑے

$$S_a \rightarrow 24.14 \text{ (امیرکا)}$$

F_d : depth factor

$$= 1 + 0.33 (D_p/B) \leq 1.33$$

if $B > 1.22 \text{ m}$

$$q_{\text{net(all)}} = 11.98 N_{60} \left(\frac{3.28B+1}{3.28B} \right)^2 F_d \left(\frac{S_a}{25.4} \right)$$

ازا مادی استند SPT

بروزی CPT و لامل ہو

B.C. سب سے بڑی dia

ان کا کانت Area کلیاً 10 cm^2

سب سے بڑی

$$q_{\text{net(all)}} = \frac{q_c}{15} \quad B \leq 1.22$$

$$q_{\text{net(all)}} = \left(\frac{q_c}{25} \right) \left(\frac{3.28B+1}{3.28} \right)^2$$

when $B > 1.22$

$$q_{\text{net(all)}} = q_{\text{all}} - 4D_p$$

allowable B.C. و ایز و
CPT, SPT

Scanned with CamScanner

مردود علی، کبود ۱ صفت بر (لب)
Compressive strength و با این دایره

المنه، لافل، الیها

ملا ۴۱۵-۱۷۰ Basalt با این ۲۰

مردود طبعه ~~تیراژ~~ Terrazimot با ستون
الکادولان تحت کبود، الزار
عنه، سبز، و، و تیکو (صفت)
unease compressive strength

$$q_{ult} = q_{uk} \cdot (RQD)^2$$

Terrazimot

19/2/2019

آب حوضه قوس

$$N_c = 5 \tan^4 \left(45 + \frac{\phi}{2} \right)$$

$$= 5 \tan^4 \left(45 + \frac{20}{2} \right) = 20.8$$

$$N_q = \tan^2 \left(45 + \frac{\phi}{2} \right) = 8.48$$

$$N_s = N_q + 1 = 9.48$$

kPa ← γ of rock

$$q_{ult} = 1.3 (50 \times 10^3) \times 20.8$$

$$+ (17 \times 1.5) \times 8.48$$

$$+ 0.3 \times 21 \times 1.6 \times 9.48$$

$$= 1352311.78 \text{ kPa}$$

$$q_{ult}' = q_{ult} \times RQD \quad (2)$$

$$= 1352311.78 \times 0.25$$

$$= 84519.48 \text{ kPa}$$

Sol:

$$q_{ult} = 1.3 (N_c + N_q) + 0.3 \gamma B N_s$$

$$q_{all} = \frac{q_{ult}}{F.S} = \frac{84519.48}{3}$$

$$\phi = 20^\circ$$

لاؤن جز RQD عرفنا، الف جز

طبقة، ابعاد لائ (1.5, 1.6, 1.7)

* ما جيبه من جدول Terzaghi

$$= 28173.16 \text{ kPa} = 28.17 \text{ MPa}$$

لا حظ ← الاسترخاء (Concrete)
 $25 \text{ MPa} \leftarrow$ كبح قوة العجز
 28 MPa .

* على عمق $\frac{1}{2}$ م ← عمل SPT
 عند كل عمق عمل SPT

Ex المثال بتاريخ (1-1-2019)
 بيتا ريفر لستيت أهرز

القائمة لاول بورد H
 2B و بابتك بي
 avg. width
 للزاوية

بالمثال لـ ϕ مظلة
 هو بي افرض اننا من مظلة
 و بـ بـ بي size of footing
 بيتا لـ B

دار N_{60} avg. N_{60}

$$\phi' = \sqrt{20 N_{60}} + 20$$

$$= \sqrt{20 \times 4} + 20 = 28.9$$

$\phi \leftarrow N_{60}$ و ممكن انك

هنا بي اطلع ارجو لـ ϕ

كل : ارجو * ϕ
 $\phi = \frac{\sum \phi}{\sum \phi}$

$\sum \phi$

$$\Rightarrow \phi = 28.9 \times (1-0) + 30.9(1.5-1) + 34.1(3-1.5) + 30(4-3)$$

4

$$\phi \approx 31.3 \text{ use } 31^\circ$$

→ Determine size of footing :-

depth Z (m)	N_{60} (blows)	ϕ
0	--	
1	4	28.9
1.5	6	30.9
3	10	34.1
4	5	30

اول طرفية 0%

بي اطلع الزاوية \leftarrow راجع اول
 N_{60} value لـ الزاوية

Scanned with CamScanner

Ex: Determine the Net ultimate B.C of a small mat Foundation For an electrical vault with the following design Parameters, B is 30 Ft, L is 45 Ft the undrained cohesion C_u is 1950 lb/ft² $\phi = 0$ and the D_f is 6.5 Ft.

$$q = 5.14 C_u \left(1 + 0.195 \frac{B}{L} \right) \cdot \left(1 + 0.4 \frac{D_f}{B} \right)$$

$$= 5.14 \cdot 1950 \left(1 + 0.195 \cdot \frac{30}{45} \right) \cdot \left(1 + 0.4 \cdot \frac{6.5}{30} \right)$$

$$= 12 \text{ ksf.}$$

Ex: Determine the net allowable bearing capacity For a mat Foundation with $B = 15\text{m}$, $L = 10\text{m}$, the SPT corrected $N = 10$, the depth of the mat invert is at 2m, with a settlement limited to 30 mm, and $\phi = 0$.

$$q_a = 11.98 N \cdot \left(1 + 0.33 \frac{D_f}{B} \right) \left(\frac{s}{25.4} \right) < 15.93 \left(\frac{s}{25.4} \right)$$

$$q_a = 11.98 \cdot 10 \left(1 + 0.3 \left(\frac{2}{15} \right) \right) \left(\frac{30}{25.4} \right) < 15.93 \left(\frac{30}{25.4} \right)$$

$$q_a = 151 \frac{\text{kN}}{\text{m}^2} < 188 \frac{\text{kN}}{\text{m}^2}$$

$$\therefore q_a = 151 \frac{\text{kN}}{\text{m}^2}$$

27-10-2019

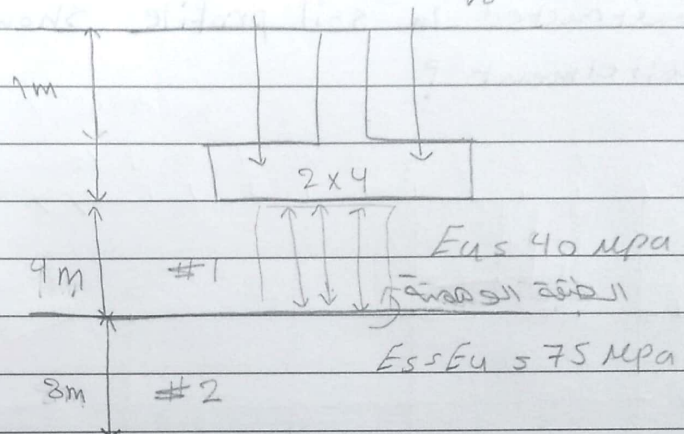
(EX. in slide)

$q_0 = 150 \text{ kPa}$

$$s_d = s_{d1} + s_{d2}$$

- assume the
bed rock at depth
4 m below footing

$$s_d = A_1 A_2 \frac{q_0}{E_u} B$$



$$A_1 \rightarrow \frac{H}{B} = \frac{4}{2} = 2 \rightarrow \frac{L}{B} = \frac{4}{2} = 2 \rightarrow 0.675 \text{ from chart}$$

$$A_2 \rightarrow \frac{D_f}{B} = \frac{1}{2} \rightarrow A_2 = 0.925$$

$$* s_{d1} = 0.675 * 0.925 * \frac{150}{40 \times 10^3} * 2$$

$$* s_{d2} = s_{d12} - s_{d1}$$

$$\rightarrow E_u = 75$$

$$\delta d_2 = A_1 A_2 \frac{q_0}{E_u} \cdot B$$

$$A_2 = 0.925$$

$$A_1 \Rightarrow \frac{h}{B} = \frac{4}{2} = 2, \quad \frac{H}{B} = \frac{12}{2} = 6 \Rightarrow A_1 = 0.9$$

$$\delta d_1$$

$$A_1 = 0.675$$

$$A_2 = 0.925$$

$$\delta d_2 = 0.9 * 0.925 * \frac{150}{75 * 10^3} * 2 = 0.675 * 0.925 * \frac{150}{75 * 10^3} * 2$$

$$= 8.325 * 10^{-4} \text{ m.}$$

$$\delta d = \delta d_1 + \delta d_2$$

$$= 4.64 * 10^{-3} + 0.8325 * 10^{-3} = 5.4325 \text{ mm.}$$

31-10-2019

EX: For square footing 4×4 m with 150 kpa net load constructed in soil profile shown determine total settlement?

q_c (MN/m²)

$\gamma_s = 17.5 \text{ kN/m}^3$

sett. after 10 years of construction

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

0

2

4

6

10

12

14

16

18

20

22

24

26

28

30

32

34

36

38

40

42

44

46

48

50

52

54

56

58

60

rock

cu > 100

OCR > 1

sol.

clay n.c $\sigma_p' > 110$

$c_c > 0.3$ $c_r > 0.15$

$e_0 > 0.425$

$\gamma_s > 19.8 \text{ kN/m}^3$

tp > 10 yrs $\frac{c_r}{c_c} > 0.05$

$I_{2 \text{ max}}$

$\gamma_s > 19.8 \text{ kN/m}^3$

tp > 10 yrs $\frac{c_r}{c_c} > 0.05$

$I_{2 \text{ max}}$

$\gamma_s > 19.8 \text{ kN/m}^3$

tp > 10 yrs $\frac{c_r}{c_c} > 0.05$

$I_{2 \text{ max}}$

$\gamma_s > 19.8 \text{ kN/m}^3$

tp > 10 yrs $\frac{c_r}{c_c} > 0.05$

$I_{2 \text{ max}}$

$\gamma_s > 19.8 \text{ kN/m}^3$

tp > 10 yrs $\frac{c_r}{c_c} > 0.05$

$I_{2 \text{ max}}$

$\gamma_s > 19.8 \text{ kN/m}^3$

tp > 10 yrs $\frac{c_r}{c_c} > 0.05$

$I_{2 \text{ max}}$

$\gamma_s > 19.8 \text{ kN/m}^3$

tp > 10 yrs $\frac{c_r}{c_c} > 0.05$

$I_{2 \text{ max}}$

$\gamma_s > 19.8 \text{ kN/m}^3$

$\gamma_s > 19.8 \text{ kN/m}^3$

$$s_e \leq c_1 c_2 \frac{q_{net}}{E_u} \leq \frac{I_2}{E_u} \Delta z$$

$$C_1 \leq 1 - 0.5 \left(\frac{q_{z1}}{q_{net}} \right) \quad , \quad z_1 \leq 0.5 B \quad \leq 2m$$

$$q_{z1} \leq 17(4+2) \leq 102 \text{ kPa}$$

$$C_1 \leq 1 - 0.5 \left(\frac{102}{150} \right) \leq 0.66$$

$$C_2 \leq 1 + 0.2 \log \frac{t}{0.1} \leq 1.4$$

$$I C_{z1} \leq 0.5 + 0.1 \sqrt{\frac{q_{net}}{q_{z1}}} \leq 0.5 + 0.1 \sqrt{\frac{150}{102}} \leq 0.6212$$

Layer #	Δz (m)	q_c	E_s	I_z	$\frac{I_z}{E_s} \Delta z$
1	2	3.9	9.75	0.3	61×10^{-3}
2	4	3.9	9.75	0.6	0.24
3	2	6	15	0.2	0.026
					$\Sigma = 0.327$

$$\Delta \sigma = \frac{1}{8} (\Delta \sigma_t + \Delta \sigma_b + 4 \Delta \sigma_{mid})$$

$$\approx \frac{q_0 (B \times B)}{(B+z)(B+z)} = \frac{(150)(4 \times 4)}{(4+10)(4+10)} = 12.24 \text{ kPa.}$$

$$\sigma'_0 = 312 \times 17 + 2 \times (19.81 - 9.81) = 224 \text{ kPa}$$

$$\sigma'_p = \sigma'_0 + \Delta \sigma = 224 + 12.24 = 236.24 \text{ kPa.}$$

5-11-2019

Total weight = 6000 kN

Will footing will fail?

Sol:

$$1) F.S \geq \frac{q_{ult}}{q_{max}} \geq 3$$

$$q_{min} \geq 0$$

$$q_{ult} \cdot A' \geq \frac{Q_{ult}}{Q_{design}} \geq 1$$

$$M \leq \frac{1}{2} \times 30 \times 12 (4+8)$$

$$e = \frac{M}{Q} \leq \frac{2160}{6000} \leq 0.36 < \frac{5}{6} = 0.833$$

$$2) S_T \leq 25 \text{ mm} \rightarrow q_{avg} \leq \frac{P}{A}$$

$$W = (S_{TL} - S_{TR}) / D$$

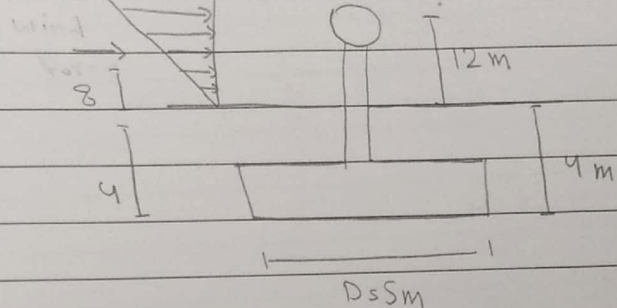
$$S_T \leq C_1 C_2 q_{net} \leq \frac{I_z}{E_s} \Delta z$$

$$\bar{I}_z \leq \frac{A I_z}{L} \leq 0.1 \times 2.5 \times \frac{1}{2} \times (I_{cp} - 0.1) + 2.5 +$$

$$\frac{1}{2} \times I_{cp} \times (10 - 0.5B) / 10$$

wind force

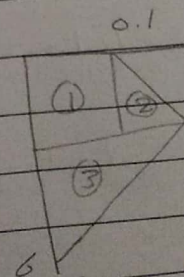
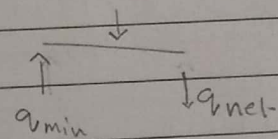
30 kN/m



$\gamma \leq 17 \text{ kN/m}^3$ $C \leq 0$ $F.S \leq 3$

$E_s \leq 7 \times 10^4$
uniform

$B \leq 0.4$



7-11-2019

circular \rightarrow square

Depth Influence $\approx 2B$ slom.

$$q_{net} = \frac{W}{A} - \gamma D_f$$

$$= \frac{6000}{\frac{\pi}{4}(5)^2} - 17 \times 4 = 237.5 \text{ kpa.}$$

$$q_{z1} = 17 \times 4 + 0.5 \times 5 \times 17 = 110.5 \text{ kpa}$$

$$C_1 = 1 - 0.5 \frac{q}{q_{net}}$$

$$= 1 - 0.5 \left(\frac{17 \times 4}{237.5} \right) = 0.85$$

$$C_2 = 1 + 0.2 \log \frac{10}{0.1} = 1.4$$

$$W = Q = 6000 \text{ kN}$$

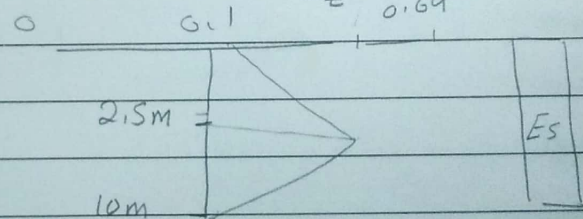
$$e = 0.36$$

$$\gamma = 17 \text{ kN/m}^3$$

$$E_s = 7 \times 10^4 \text{ kN/m}^2$$

$$\nu = 0.4$$

$$I_z = 0.64$$



$$I_{zmax} = 0.5 + 0.1 \sqrt{\frac{q_{net}}{q_z}}$$

$$I_{zmax} = 0.5 + 0.1 \sqrt{\frac{237.5}{110.5}}$$

$t = 10 \text{ yrs.}$

0.1

$$\bar{I}_z = \left[\left(0.1 \times 2.5 + (0.64 - 0.1) \left(\frac{1}{2} \times 2.5 \right) + \left[\frac{1}{2} \times 0.64 \times (10 - 2.5) \right] \right) / 10 \right]$$

$$= 0.3325$$

$$\Delta e = 0.85 \times 1.4 \times 237.5 \left(\frac{0.3325}{7 \times 10^4} \right) + 10 = 0.013 \text{ m}$$

$$\left(\frac{Q}{A} \left(1 + \frac{Ge}{B} \right) + \frac{Q}{A} \left(1 - \frac{Ge}{B} \right) \right)$$

فليت
 q_{\max}
 q_{\min}
 في الوسط
 في الوسط

10-11-2019

Ex: A wall footing (1.6 x 22) Founded on the Soil Profile shown carrying a load of 220 kN/m. For sand layers consider N_{60} constant with depth, $\gamma_w = 9.81 \text{ kN/m}^3$.

→ Determine:

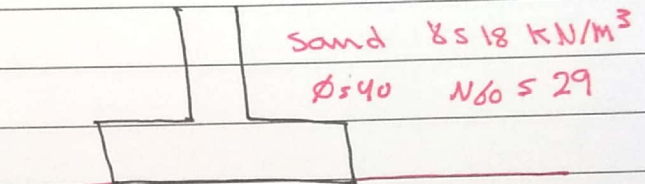
1. Settlement sand layer after 20 yrs.

2. distortion settlement on clay

3. primary consolidation settlement.

4. Total settlement

5. If allowable settlement in 32 mm is the footing safe after 20 yrs.?



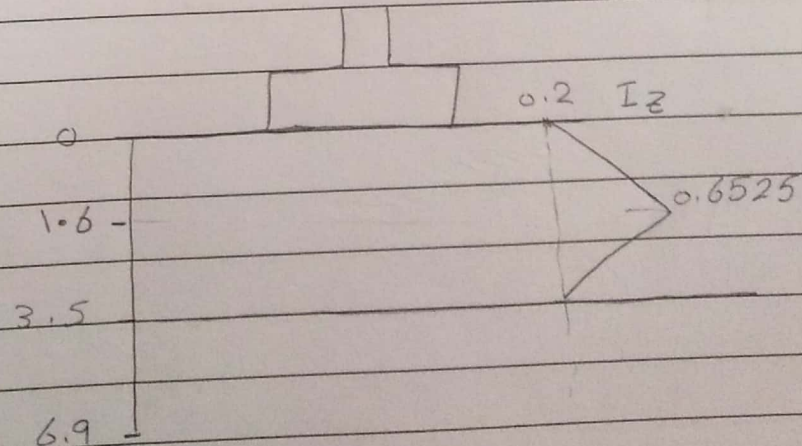
Sand $\gamma = 18 \text{ kN/m}^3$
 $\phi = 40^\circ$ $N_{60} = 29$

clay $\gamma_{sat} = 20 \text{ kN/m}^3$
 $c' = 250 \text{ kPa}$ $c_u = 350 \text{ kPa}$
 $N_{60} = 27$ $\phi = 17^\circ$
 $OCR = 5$ $PI = 37\%$
 $\sigma'_p = 150 \text{ kPa}$ $e_o = 0.45$
 $\alpha = 0.56$ $t_p = 15 \text{ yrs.}$
 $C_c = 0.23$ $C_\alpha = 0.025$

→ Sol:

$$q_{net} = \frac{Q}{A} = \gamma D_f = \frac{220}{1.6} = 1.3 \times 1.8 = 114.1 \text{ kPa.}$$

→ wall footing



$$\bar{I}_z \max \leq 0.5 + 0.1 \sqrt{\frac{q_{net}}{q_{z1}}} \leq 0.5 + 0.1 \sqrt{\frac{114.1}{49}} \leq 0.6525$$

$$q_{z1} \leq 1.3 \times 18 + 1.6 \times 16 \leq 49$$

$$\rightarrow \text{clean sand} \rightarrow E_s \leq \rho_a N_{60} \leq 10 \times 100 \times 24 \leq 24 \times 10^3$$

$$S_e \leq C_1 C_2 q_{net} \sum \frac{\bar{I}_z}{E_s} \Delta z$$

$\bar{q}_{ult} E_s$ \rightarrow ultimate bearing capacity of soil
 \uparrow
 soil strength

$$\bar{I}_z \leq \left[0.2 \times 1.6 + \frac{1}{2} (0.6525 - 0.2) \times 1.6 + \frac{1}{2} (3.5 - 1.6) \times 0.6525 \right] / 3$$

$$\leq 0.37$$

$$C_1 \leq 1 - 0.5 \frac{q}{q_{net}} \leq 0.8975$$

$$C_2 \leq 1 + 0.2 \log \frac{20}{0.1} \leq 1.460$$

$$1. \delta_e = (0.8975)(1.460)(114.1) \left(\frac{0.37}{24 \times 10^3} \times 3.5 \right) = 8.06 \times 10^{-3} \text{ m.}$$

$$2. \delta_d = A_1 A_2 \frac{q}{E_u} B = 0.5477 \text{ mm} \quad E_u = 3 \text{ cu} \rightarrow 380 \text{ ✓}$$

← OCR, PT

$$3. \delta_c$$

$$\delta_c = \frac{1}{6} [\delta_1 + 4\delta_{mid} + \delta_2]$$

$$\delta_1 = \frac{q \cdot B}{B+z} = \frac{114.1(1.6)}{1.6+3.5} = 35.79 \text{ kPa}$$

$$\delta_{mid} = \frac{114.1(1.6)}{1.6+3.5+\frac{5.4}{2}} = 23.405 \text{ kPa.}$$

$$\delta_2 = \frac{114.1(1.6)}{1.6+3.5+5.4} = 17.49 \text{ kPa}$$

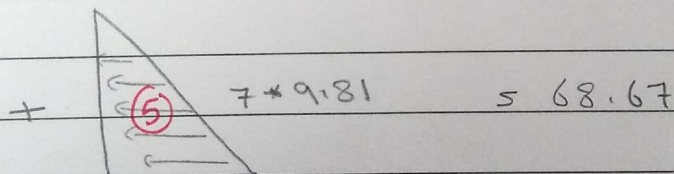
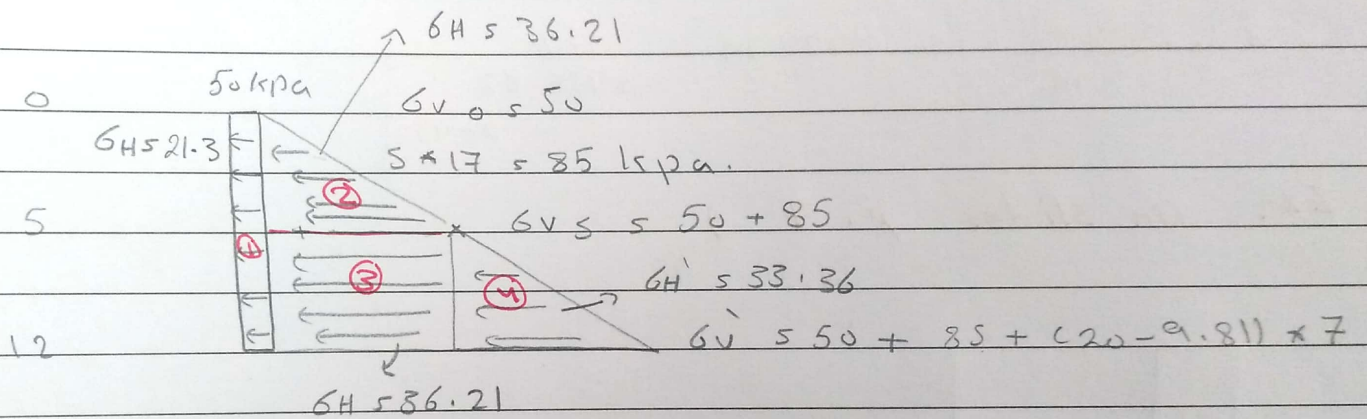
$$\Delta G_0 = 1.3 \times 18 + 3.5 \times 16 + \frac{54}{2} (20 - 9.81) = 106.913 \text{ kPa.}$$

$$\sigma_p' = \sigma_0' + \Delta G = 131.57 \text{ kPa.}$$

12-11-2019

Ex: (in slides p. 6)

- σ_v'



$$K_0 = 1 - \sin 35 = 0.426 \quad 6H' = K_0 \cdot 6V'$$

SEP #	A_i (kN/m)	x_i (m)	$A_i \cdot x_i$ (kN.m/m)
1	21.3×12 $= 255.6$	$12/2 = 6$	1533.6
2	$0.5 \times 36.21 \times 5$ $= 90.525$	$7 + \frac{5}{3}$	784.55
3	36.21×7 $= 253.47$	$\frac{7}{2}$	886.9
4	$0.5 \times 33.36 \times 7$ $= 116.76$	$\frac{7}{3}$	272.44
5	$0.5 \times 68.67 \times 7$ $= 240.43$	$\frac{7}{3}$	560.8
Σ	956.62 kN/m		4038.2 kN.m/m

PH
= 956.62

$x = 4.22$
m

[illegible]

19-11-2019

Rankine theory

$$K_a = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi} \quad \text{active}$$

$$K_p = \frac{1}{K_n} \quad \text{passive}$$

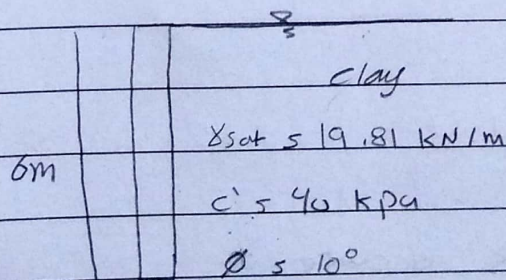
$$\sigma_a = K_a \sigma_v' - 2c \sqrt{K_a} \quad \text{Active}$$

$$\sigma_p = K_p \sigma_v' + 2c \sqrt{K_p} \quad \text{passive} \quad z_c = \frac{2c}{\gamma \sqrt{K_p}}$$

if back fill soil inclined by α from h

$$K_a = \cos \alpha \frac{\cos \alpha - \sqrt{\cos 2\alpha - \cos^2 \phi}}{\cos \alpha + \sqrt{\cos 2\alpha - \cos^2 \phi}}$$

Ex:

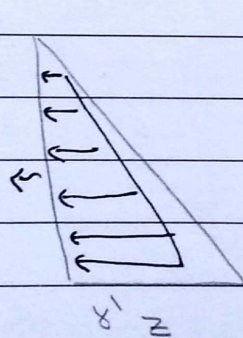


1) Find Total active thrust on the wall before Tensile cracks occur?

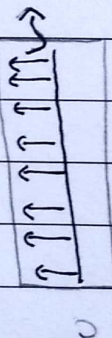
2) Find Total active thrust after Tensile cracks?

$$2C \sqrt{Ka} = 2 \times 40 \sqrt{0.704} = 67.123$$

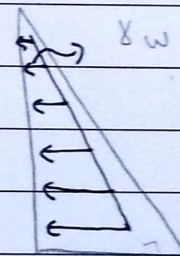
$$60 \times 0.704 = 42.245$$



$\gamma' z$



P



$$\gamma_w h_w = 58.86$$

$(9.81)(6)$

$$(9.81 - 9.81)(6)$$

$$= 58.86 \text{ kPa}$$

$$= 60 \text{ kPa}$$

Five Apple

$$K_a = \frac{1 - \sin \phi'}{1 + \sin \phi'} = \frac{1 - \sin 10}{1 + \sin 10} = 0.704$$

$$\sigma_h = K_a \sigma_v' - 2c \sqrt{K_a}$$

Seg. #	A_i (kN/m)	\bar{x}_i (m)	$\sum A_i x_i$ (kN/m.m)
1	$\frac{1}{2} \times 42.245 \times -1$ $= 126.73$	6/3	253.46
2	-67.123×-6 $= -402.75$	6/2	-120.81
3	$\frac{1}{2} \times 58.8 \times 6$ $= 176.58$	6/3	357.16
Σ	-99.42		-601.57

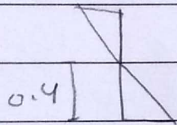
$$\bar{x} = \frac{\sum A_i x_i}{\sum A_i} = \frac{-601.57}{-262.58} = 6.05 \text{ m}$$

→ If tensile cracks occur :-

$$z = \frac{2c}{\phi' \sqrt{K_a}} = \frac{2 \times 40}{(19.81 - 9.81) \sqrt{0.704}} = 9.53$$

3) If G.W draw down 85.17 kN/m^2 Find total active thrust after tensile cracks.?

$$z_c = \frac{2 \times 40}{17 \sqrt{0.704}} = 5.61 \text{ m.}$$



$$(k_a \sigma_v - 2c \sqrt{k_a})$$

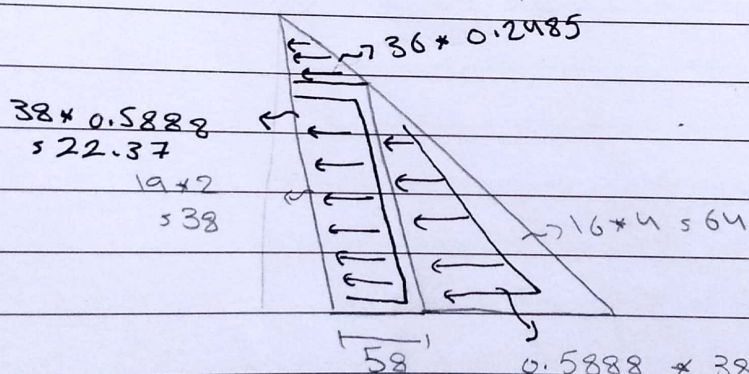
$$(0.704 \times 17 \times 6 - 2 \times 40 \sqrt{0.704}) = 4.684 \text{ kPa.}$$

$$P_{\text{active}} = \frac{1}{2} (4.68 \times 0.4)$$

Ex:

2m			sand 85.19 kN/m $\phi = 37^\circ$
6m			clay 85.16 kN/m^2
			$c = 25 \text{ kPa}$ $\phi = 15^\circ$

→ Find active Force and its line of action on the wall?



$$38 \times 0.5888 = 22.37$$

$$19 \times 2 = 38$$

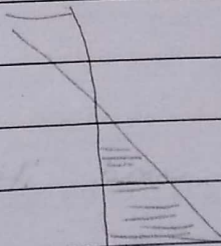
$$64 \times 0.5888 = 37.86$$

$$2 \times 25 \times \sqrt{0.5888} = 38.366$$

$$K_{a1} = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi} = \frac{1 - \sin 37}{1 + \sin 37} = 0.2485$$

$$K_{a2} = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi} = \frac{1 - \sin 15}{1 + \sin 15} = 0.5888$$

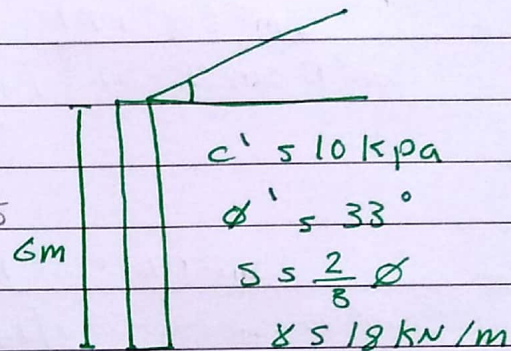
seg #	A_i (kN/m)	x_i (m)	$\sum A_i x_i$ (kN/m) · m
1	$\frac{1}{2} \times 9.44 \times 2$ = 9.44	$4 + 2/3$	44.05
2	22.37×4 = 89.43	$4/2$	178.96
3	$\frac{1}{2} \times 37.64 \times 4$ = 75.36	$4/3$	100.48
4	-38.366×4	$4/2$	306.92



21-11-2019

Ex: Find Total force applied on the wall in case of at rest, Rankine in both active and passive colomb in both active end.

Sol:



$$K_0 = 1 - \sin \phi' = 1 - \sin 30 = 0.45$$

$$P_0 = \frac{1}{2} \gamma H^2 K_0$$

$$= \frac{1}{2} \times 18 \times 6^2 \times 0.45 = 145.8$$

Rankine

$$K_0 = \cos \alpha \cdot \frac{\cos \alpha - \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi}}{\cos \alpha + \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi}}$$

$$= \cos 10 \cdot \frac{\cos 10 - \sqrt{\cos^2 10 - \cos^2 33}}{\cos 10 + \sqrt{\cos^2 10 - \cos^2 33}} = 0.307$$

$$P_0 = \frac{1}{2} \gamma H^2 K_0 = \frac{1}{2} \times 18 \times 6^2 \times 0.307 = 99.468 \text{ kN/m} \quad \alpha = 10^\circ \quad H = 13$$

$$\text{passive } K_p = \cos 10 \cdot \frac{\cos 10 + \sqrt{\cos^2 10 - \cos^2 33}}{\cos 10 - \sqrt{\cos^2 10 - \cos^2 33}} = 3.15$$

$$P_p = \frac{1}{2} \times 18 \times 6^2 \times 3.15 = 1020.6 \text{ kN/m} \quad \alpha = 10^\circ \quad \frac{H}{3}$$

Active

$$K_0 = \frac{\sin^2(\phi' + \phi)}{\sin^2 \beta \sin(\beta - \phi)} \left[1 + \frac{\sin(\phi' + \phi) \sin(\phi' - \phi)}{\sin(\beta - \phi) \sin(\alpha + \beta)} \right]^2$$

$$= \frac{\sin^2(90 + 33)}{\sin^2 90 \sin(90 - 22)} \left[1 + \frac{\sin(33 + 22) \sin(33 - 10)}{\sin(90 - 22) \sin(10 + 90)} \right]^2$$

$$= 0.289$$

$$P_x = \frac{1}{2} \times H^2 \times K_0 = \frac{1}{2} \times 18 \times 6^2 \times 0.289 = 93.63$$

$$\angle 22^\circ \quad \frac{H'}{3}$$

→ زخمی و قاتلین (ای فوج) بہت توجہ سے انکار کرتے

$$K_0 = 16$$

$$K_x = \frac{1}{2} \times 18 \times 6^2 \times 16 = 5184$$

$$\angle 23^\circ \quad \frac{H}{3}$$



اللجنة الأكاديمية للهندسة المدنية

دفتر

فاونديشن

دانيا الخوالدة

Contact us :

f Civilittee HU | لجنة المدني

▶ Civilittee Hashemite

www.civilittee-hu.com



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

مُخَيَّرَ لِمَادَةٍ هَذِهِ لِأَسْكَانٍ "لِفَارِذِ سِتْم"

سُورَةُ الْكَافُرِ عَمْرٍو حَتَّى مَلِكٍ

هَذَا الْمَخْضُوعُ هَدِيَّةً جَائِزَةً عَنْ رَدِّ
وَالِدٍ حَقِيقَةٍ "بَيْتَانِ زَيْنَةَ طَارِزٍ"

وَأَسْمَى كَفَالَةٍ

28-March-2019

26/2/2019

NO.

مادة

* Foundation Settlement :

الانحدار في الأساسات

Safe & Stable

① settlement → excessive

excessive

"2-span" Beam

ulaxulomant

الانحدار

columns settlement

"Support"

شقوق في الأساسات

الانحدار

Do more → cracks

support shear → Failure

settlement

buildings, bridges, towers,

Power Plants, similar high-cost

structures.

settlement

Site

Fills, earth dams, levees, braced

sheeting, retaining walls.



Slide 1

② settlement

① Elastic settlement

② Primary consolidation

③ secondary consolidation

"Problems with soil settlement analysis"

Elastic settlement:

elastic Parameter

relative value

SPT

sand

will Flow

Tube

احد

الموقع

تأثير

soil

secondary consolidation (3) Primary consolidation (2) elastic "Immediate" (1) settlement

* Problems with soil settlement analyses:

I Obtaining reliable of the "elastic" Parameters:

as elastic Parameter
relative values
SPT
"elastic" parameters
will flow sand
SPT
anisotropy
Soil materials

"Anisotropy"
Soil materials

Anisotropic
E
Anisotropic

Anisotropic
isotropic
Anisotropic
vertical

II Obtaining a reliable stress Profile From the applied load.

stress profile
representative
stress profile
settlement
stress profile
stress profile
stress profile

E
56

"Settlements are usually classification:"

III Immediate "elastic" → ① Elastic settlement "Sand"

② Distortion settlement "Clay"

7 days

① sand, elastic settlement

deformation with "creep"
constant load

creep in sand
sand settlement
Creep in sand

embankment, wedge

Back to → slide 3
Approximate method.

→

② Consolidation: or 20 years
→ Primary (3 → 10 years)
→ Secondary "creep" (800 years)

Elastic solution:

① Point load: concentrated load "magnitude" = P

→ Point load

① settlement, stress, strain

② stress, strain, stress, strain

→ Approximate method

2 vertical: 1 Horizontal

→ Elastic Theory:

→ under Point load

→ "Circular area"

→ "rectangular"

→ "any uniform shape"

$$r = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$\Delta s = \frac{3P}{2\pi z^2 \left[1 + \left(\frac{r}{z} \right)^2 \right]^{5/2}}$$

embankment, wedge
fig 2-6

Back to \Rightarrow slide 3
Approximate method.

منه على القاعدة للقطعة التي تسمى \rightarrow ح
ياها بعض الظواهر (التي تسمى بالوحد).

Elastic solution:

(1) Point load: concentrated load "magu" = P

$\Delta G \Rightarrow$ 2 cases
 to Point local min or max
 "r" to lines

$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \log p_i$, Zero ~ Entropy \rightarrow n -

$$r = \sqrt{x^2 + y^2}$$
$$\Delta G = \frac{3P}{2\pi z^2} \left[1 + \left(\frac{r}{z} \right)^2 \right]^{5/2}$$

نماز اور مستحضر

→ under point load

11 Circular area

→ 4. rectangular

→ any uniform shape.

[3] rectangle, squares $\frac{a^2}{2}$ and $\frac{a^2}{2}$

Stress under Corner of uniformly loaded Rectangular (Table 5.2)

ادوات "Entropie"
الاجل

$$m = \frac{\beta}{Z}$$

$$n = \frac{1}{2}$$

وانما في الاسم، ما عبيدنا

السنة الأولى - 6 شباط 1944

Square / Continuous Stress bulbs
Footings

و صوملي كطبة، ابقته في لا stress .
 * كماله في square ← لثابة 2B
 لا stress يكون كدود 0.9

5B net to wall

O.I. ← stress]

2B is inscribed square

14 10 5 5 wall 11

58

elastic settlement

2B "sand"
4B "sand"

درد، clay، لوسس، (طب)
12، 12m

$\lim_{x \rightarrow 12} f(x) = 12$

* Elastic Settlement

الاحتدادية طويلة المدى، والزلازل
تتضمن كل حالات تفرغ سويح إلى
وتأديت ←

Clay

→ Saturated

→ Unsaturated

← undrained shear strength th
Brewer water pressure
ما يتغير:
مستوى

عبارته القولون ما يتغير إحصائي

Poisson's ratio = 0.5

Soil → Undrained

$A_1 \rightarrow A_2$

H/B

H → مقاومة التمدد الجانبي

H → مقاومة التمدد الجانبي

Superposition

$$E_s = \beta * C_u$$

$C_u \rightarrow$ undrained shear strength

$\beta =$ Table 5.9

PI → , OCR, "given"

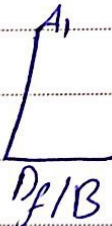
β
 ←

$$S_T = S_d + S_c + S_t$$

$S_d \rightarrow$ distortion "elastic" Settlement

$$S_d = A_1 A_2 \frac{q_0}{E_u} * B$$

$A_2 \rightarrow$ from chart
 E_u
 q_0/B



28/2-2019.

Box \rightarrow rectangle, 2×4 m.

$q_0 = 150 \text{ kPa}$ \rightarrow allowable.

1m \rightarrow $D_p = 1 \text{ m}$.

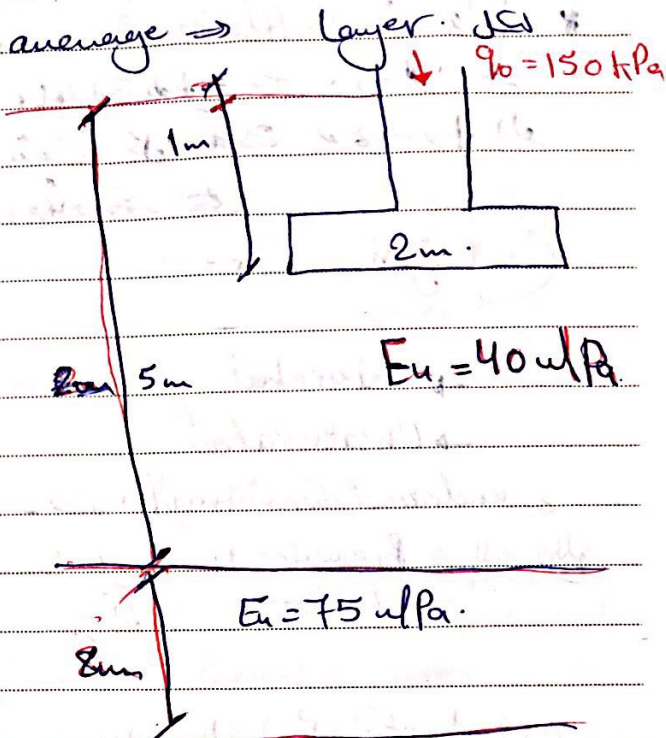
$D_p = 1 \text{ m}$.

5m \rightarrow clay, $E_u = 40 \text{ MPa}$.

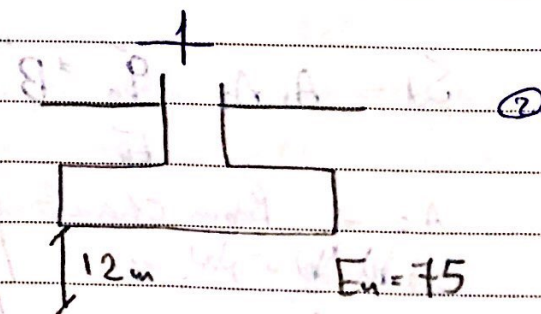
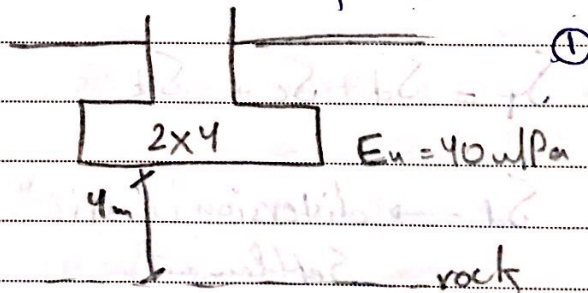
second layer $\rightarrow 8 \text{ m}$.

$E_u = 75 \text{ MPa}$.

Ex: A Foundation $4 \times 2 \text{ m}$,
Carrying a net uniform
Pressure of 150 kN/m^2 , is
located at a depth of 1 m
in a layer 8 m thick for
which the value of E_u is
 40 MPa . The layer is
underlain by a second
clay layer 8 m thick for
which value of E_u is
 75 MPa . A hard stratum
lies below the second
layer. Determine the
average immediate
settlement under the
foundation.



① \rightarrow $E_u = 40 \text{ MPa}$
② \rightarrow $E_u = 75 \text{ MPa}$

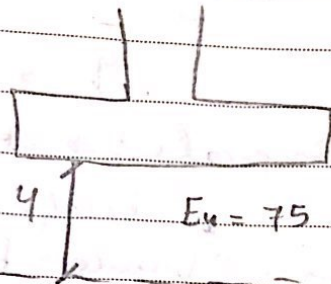


(7)

NO.

مسألة

(7)



SOL: $S_{d1} = S_{d1} + S_{d2} - S_{d3}$

$\star S_{d1} = A_1 A_2 \frac{q_0}{E_u} \times B$

$A_1 \rightarrow \frac{H}{B} = \frac{4}{2} = 2, \frac{L}{B} = \frac{4}{2} = 2$

$A_1 = 0.6 \rightarrow$ من الجدول

$A_2 \Rightarrow \frac{D_f}{B} \rightarrow 0.5$

$A_2 = 0.93 \rightarrow$ من الجدول

$\star S_{d2} = A_1 A_2 \frac{q_u}{E_u} B$

$A_1 \Rightarrow \frac{12}{2} = 6 = \frac{H}{B}, \frac{L}{B} = 2$

$A_1 = 0.9$

$\star S_{d3} \Rightarrow A_2 = 0.93$

$\frac{H}{B} = 2, \frac{L}{B} = 2$

$A_1 = 0.6$

$\star S_{d1} = 0.6 \times 0.93 \times \frac{150}{40 \times 10^3} = 48 \times 10^{-3} \text{ m}$

$\star S_{d2} = 0.9 \times 0.9 \times \frac{150}{75 \times 10^3} \times (2) = 3.34 \times 10^{-3} \text{ m}$

$\star S_{d3} = 0.6 (0.93) \left(\frac{150}{75 \times 10^3} \right) \times (2) = 2.23 \times 10^{-3} \text{ m}$

$S_d = 5.91 \times 10^{-3} \text{ m} = S_{d1} + S_{d2} - S_{d3}$

3-3-2019

* Settlement Based on Field Test.

على تربة رملية، سعة الموقع للتعبير، نسبة سعة
لحساب الاختبار بالموقع
والتي هي إما SPT أو CPT

بمعرفة قيم حسابية من سعة الرمل
في "strain influence" Factor

~~depth factor~~

* Settlement On Sand

$$S_e = C_1 C_2 (\bar{q} - q) \sum \frac{I_z}{E_s} \Delta z$$

* $C_1 \rightarrow$ depth Factor

$$C_1 = 1 - 0.5 \left(\frac{q}{q' - q_t} \right)$$

* $C_2 \rightarrow$ Creep Factor,

بمعرفة زمن زحف التربة مع سعة التربة

$$C_2 = 1 + 0.2 \log \left(\frac{t}{0.1} \right)$$

- $t \rightarrow 10$ years "و"ع

(9) اللورد، حافة لقاعة، "over" the area

$$\bar{q} \Rightarrow 80 \text{ g.}$$

* How to evaluate \Rightarrow strain

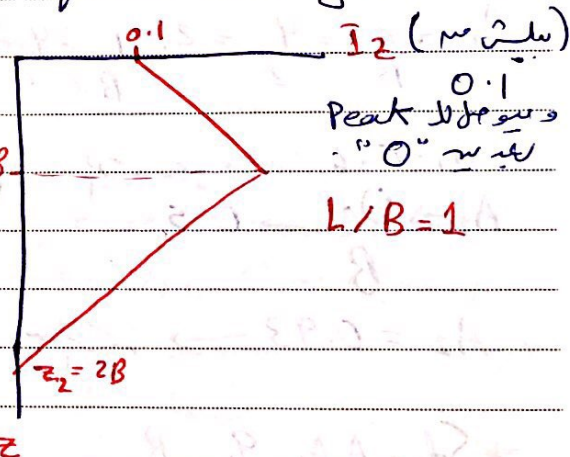
اللي بمرتبة لقاعة

* strain influence Factor

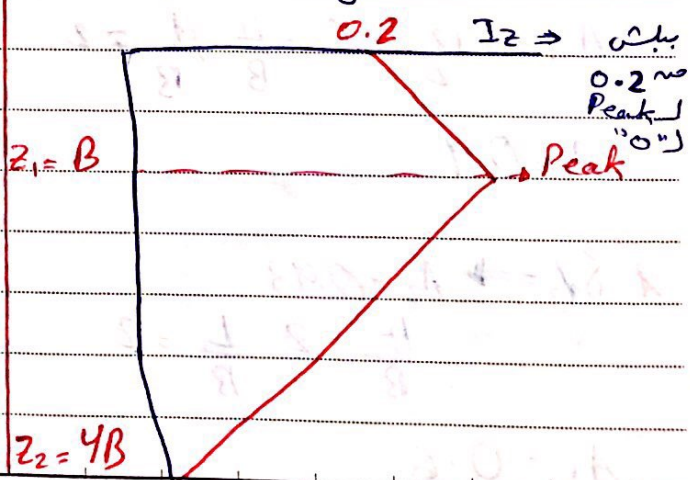
$$I_z$$

$$\text{when } z=0 \quad I_z = 0.1 + 0.011 \left(\frac{L}{B} - 1 \right) \leq 0.2$$

* For Square Footing:



* For wall footing:



rectangular footing

* I_z " $L/B \Rightarrow z=0$

$$I_z = 0.1 + 0.011 \left(\frac{L}{B} - 1 \right) \leq 0.2$$

* Highest value of strain at z_1

$$\frac{z_1}{B} = 0.5 + 0.0555 \left(\frac{L}{B} - 1 \right) \leq 1$$

* when $I_z = 0 \Rightarrow \frac{z_2}{B} =$

$$\frac{z_2}{B} = 2 + 0.222 \left(\frac{L}{B} - 1 \right) \leq 4$$

* How to Get " E_s "

$$E_s = \alpha N_{60} \quad \text{--- (1)} \quad P_a = 100 \text{ kN/m}^2$$

$$\alpha = \begin{cases} 5 & \rightarrow \text{For sands with fines} \\ 10 & \rightarrow \text{clean Normally Consolidated} \\ 15 & \rightarrow \text{clean overconsolidated} \end{cases}$$

$\therefore I_z \rightarrow$ From Chart α is

$\therefore E_s \rightarrow$ ① N_{60} value

$$E_s = 2.5 q_c \text{ when } (L/B = 1) \text{ or } 1$$

$$E_s = 3.5 q_c \text{ when } (L/B \geq 10)$$

$$E_s(\text{rectangular}) = \left(1 + 0.4 \log \frac{L}{B} \right) E_s(\text{square})$$

* كيف بدى اقستم الطبقات

حسب عمق سول راسي
ممكن ما ٥ ، لما ٦ او ٩
مع الحف
سول الطبقات

① برسم strain influence line
اللي هو ٠.١ \leftarrow Peak \leftarrow ٠

② انا انا طبقات ٦ و ٩

عاطين ٠ (٠ الى ١ م)

هنا طبقات (٠ الى ١) طبقات

هنا

③ لعاطين ٩ ، "تحت طبقات"

مع الحف ، كل طبقات متقاطعة

بالتنسيق طبقاتها متقاطعة ، افه "فنه"

السول

④ فنه السول لطبقات و دز

لكل طبقات

⑤ حسب $\frac{\sum I_z D_z}{E_s}$

⑥ برسم للعاطين ، لا طبقات و دز

السول ، طبقات و دز

مستقر ، settlement

* Ex: A Footing 2.5×2.5 m supports a net Foundation Pressure of 150 kN/m^2 at a depth of 1m in a deep deposit of normally consolidated Fine sand of unit weight 17 kN/m^3 .

Sol: $q_{\text{net}} = \bar{q} - q = 150$

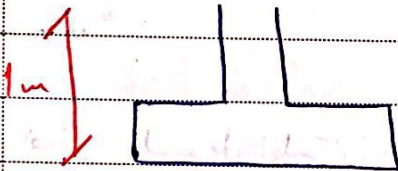
$\gamma = 17$

$D_f = 1$

"rectangular cross-section"

$\alpha = 10^\circ$ "Clean".

$S_e = C_1 C_2 q_{\text{net}} \sum \frac{I_z DZ}{E_s}$



① $z = 0$ at the top of the footing

② $z = 0$ at the bottom of the footing

③ $z = 0$ at the center of the footing

④ $z = 0$ at the corner of the footing

0.1

② $z = 2B$ at the bottom of the footing

$2 \times 2.5 = 5 \Rightarrow I_z = 0$

$0.5B = z_1$ (3)

$0.5 \times 2.5 = 1.25$

I_z when $z_1 \rightarrow \text{Peak}$

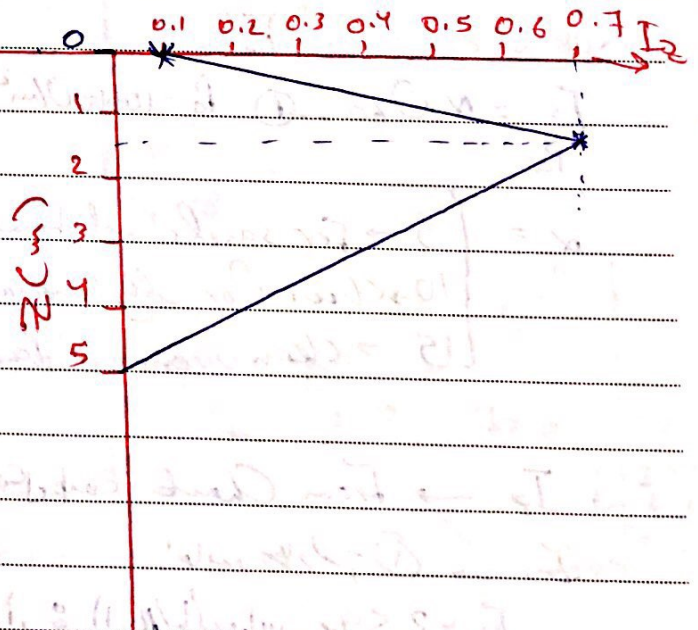
② I_z when $z_1 \rightarrow \text{Peak}$

$0.5 + 0.1 \sqrt{\frac{q_{\text{net}}}{q_{z(m)}}} = \sqrt{\frac{150}{38.25}}$

$= 0.69 \approx 0.7$

$q_{z(m)} = 1 \times 17 + 1.25 \times 17 = 38.25 \text{ kPa}$

$z_2 = 2 \times 2.5 = 5 \text{ m}$ $I_z = 0$



Layer	$\Delta Z (m)$	$q_c (kPa)$	$E_s (2.5q_c)$	I_z	$\frac{I_z \Delta Z}{E_s}$
1	0.4	2.25	5.62	0.28	0.0448
2	0.4	3.75	9.37	0.5	0.0213
3	1.7	5.00	12.7	0.65	0.087
4	0.3	7.5	18.75	0.425	6.8×10^{-3}
5	1.2	4	10.00	0.250	0.03
6	0.5	9.8	24.5	0.08	1.6×10^{-3}

مجموع $\frac{I_z \Delta Z}{E_s}$ بالأسفل ← كل طبقة تحتها q_c على طبقة ... و q_c على 6 طبقات

نأخذ $\Delta Z \rightarrow 5$ طبقات \rightarrow $\Delta Z \rightarrow 1$ طبقة

$$\frac{I_z \Delta Z}{E_s} \rightarrow \text{مجموع } \frac{I_z \Delta Z}{E_s} = 0.1929 \text{ kPa}$$

$$C_1 = 1 - 0.5 \left(\frac{q}{q_{net}} \right) = 1 - 0.5 \left(\frac{q}{q_{net}} \right) = 1 - 0.5 \left(\frac{17}{150} \right) = 0.94$$

$$C_2 = 1 + 0.2 \log \frac{t}{0.1} = 1.40$$

$$\therefore S_e = 0.9 \times 1.4 \times (150 \times 10^3) \left(\frac{0.1929}{10^6} \right) = 0.036 \text{ m} = \underline{\underline{36 \text{ mm}}}$$

* if I_z between 0.1 to 0.2

$z_1 =$ interpolation

$$z = 2B \rightarrow \text{المطابق}$$

* Circular footing \rightarrow Square footing
Diameter = B

5-3-2019

Consolidation settlements

Primary consolidation settlement

* Normally consolidated

Soil % $\sigma_0' > \sigma_p' < \sigma_p'$

$$S_c = \frac{C_c}{1+e_0} H \log \left(\frac{\sigma_p'}{\sigma_0'} \right)$$

* Over consolidated Soil %

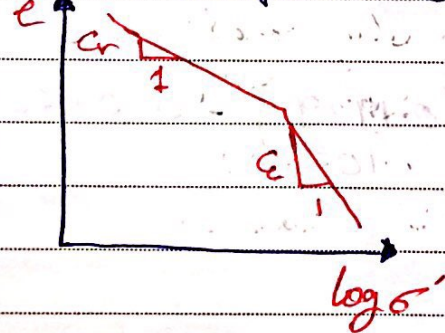
I. $\sigma_0' < \sigma_p' < \sigma_p'$

$$S_c = \frac{C_r}{1+e_0} H \log \left(\frac{\sigma_p'}{\sigma_0'} \right)$$

II. $\sigma_0' < \sigma_p' < \sigma_p'$

$$S_c = \frac{C_r}{1+e_0} H \log \left(\frac{\sigma_p'}{\sigma_0'} \right) + \frac{C_c}{1+e_0} H \log \left(\frac{\sigma_p'}{\sigma_p'} \right)$$

"Field Compression Curve"



* لایہ clay میں سے ہے، واضحاً

* C_c , C_r اللہ، اللہ بوجھ میں

Field Compression Curve

Curve

* clay کی Consolidation

* sand کی Permeability

Permeability

* σ_0' ، σ_p' ، σ_p' ، σ_p' σ_p'

* Basic Term %

$$S_c = \frac{C_c}{1+e_0} H \log \left(\frac{\sigma_p'}{\sigma_0'} \right)$$

 $C_c \rightarrow$ Compression index $e_0 \rightarrow$ void ratio $H \rightarrow$ Height of Clay layer $\sigma_0' \rightarrow$ initial overburden stress $\sigma_p' = \sigma_0' + \Delta \sigma \rightarrow$ Final effective stress $H \rightarrow$ clay کی لایہ کی

$$\Delta \sigma = \frac{1}{6} \left[\Delta \sigma_{top} + 4 \Delta \sigma_{mid} + \Delta \sigma_{bottom} \right]$$

* D.G. → elastic solution
→ 2:1 method.

* Secondary Compression Settlements

$$S_t = C_\alpha H \log(t/t_p)$$

t → time in which secondary settlement needed.

t_p → Primary consolidation ended.

H → The Height of soil layer

C_α → Secondary Compression index.

و slope للكراف، الذي يربط t_p

* من كبرية consolidation في وقت مبكر، slope في time، dial reading.

المنحنى، نأخذ قرارة "tp"

(time to end Primary consoli.)

1-1 tp انحنى، دالو، slope

اعتقاد كبير سيم بالتأخر هو "secondary" compression settlement.

أو "Creep"

* Usually → $C_\alpha = 0.05$

almost → constant.

* Definition of Parameters for differential settlement.

لوعني هين، في كل بقا، نظر في نفس الحظ أولاً.

بالعدل = نقر في كذا دالو،

بني A B C D E

هاي لقوا ان ا صلبة، حترل

$B' \leftarrow B$ $A' \leftarrow A$

$E' \leftarrow E$ $D' \leftarrow D$ $C' \leftarrow C$

كل قاسية = حترل حترل into

القرارة الارضية و كل قاسية لها

total

- total settlement of given Point (S_t) →

$$S_t = S(\text{immediate})_{\text{sand}} + S_{\text{dist}}(\text{distortion})_{\text{clay}} + S_c(\text{clay}) + S_t(\text{clay})$$

* ان ا في قاسية هين، لفرق differential settlement

* $\alpha\%$ gradient (slope) *
 فرق درجه لایه ها
 فرق درجه لایه ها

$\beta \rightarrow$ angular distortion
 (radian)

دifferential settlement
 درجه مقدار

بین دو نقطه (center to center)

$$\beta = \frac{\Delta S}{L}$$

* $\omega \Rightarrow$ tilt

distortion settlement
 درجه مقدار
 درجه مقدار

ای نقطه ها درجه مقدار
 "tilt"

درجه مقدار

eccentricity, edge to edge

edge to edge, edge to edge

درجه مقدار

درجه مقدار
 "tilt"

درجه مقدار
 32mm
 45mm

differential settlement

51mm

From edge A to edge B

127mm

(β) angular distortion
 (1/300)

Slit \rightarrow Limiting Angular Distortion

Cracks
 hair cracks up

$$\beta_{max} = 1/500$$

1/150

* European Committee Recommendation

Table 5.13

clay لا settlement, joint *
 1 inch ← 25 mm sand لا
 50 mm ← raft لا *
 • Zero لازم

DS → 5mm " Frames with
rigid clackling.

↓ 18-20

الزجاجي، الحجر مصقح باطون
 rigid

الزجاجي Frame لا settlement
 10 mm ←

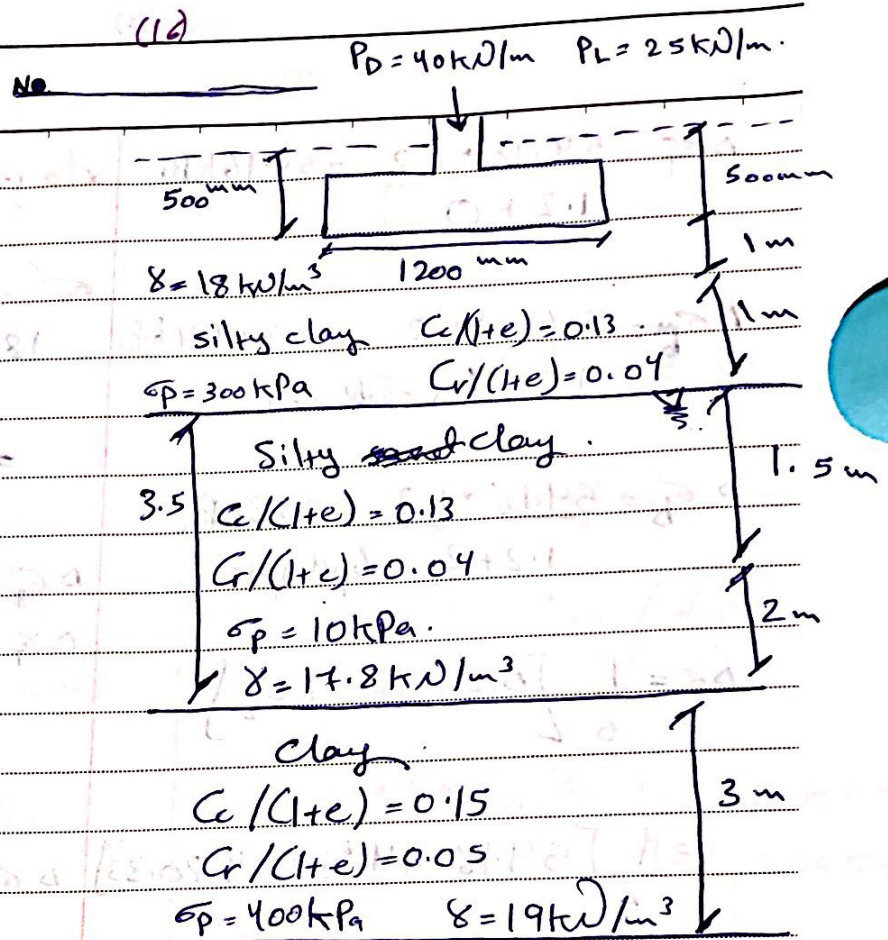
* Note on Structural Tolerance To Settlement & differential Settlements.

* احساناً فائدية، فطرية ولفن
 (ظروف، سوية تتخلل الكثرة، لينة)

مائي، استقل تتخلل الكثرة مائي
 Concrete

Exo

Determine Primary Consolidation Settlement.



SOL: $\Delta c = \Delta c_1 + \Delta c_2 + \Delta c_3$

No L \Rightarrow wall footing

$Q = D.L + L.L = 40 + 25 = 65 \text{ kN/m}$

Layer 1: $\sigma_v = \sigma_v' = \gamma \cdot \frac{z}{2} = 18 \cdot \frac{(2.5)}{2} = 22.5$

mid of clay layer

Use 2:1 method For $\Delta \sigma = \frac{1}{6} [\Delta \sigma_T + 4 \sigma_m + \sigma_b]$

$\Delta \sigma$ at any point $\Rightarrow \frac{q_0 \cdot B}{B + z}$

$q_0 = \frac{Q}{A} = \frac{65}{1.2} = 54.16 \text{ kN/m}^2$ (net cont)

$$\Delta \sigma_r = \frac{54.16 \times 1.2}{1.2 + 0} = 54.16 \text{ kPa}$$

$$\Delta \sigma_m = \frac{54.16 \times 1.2}{1.2 + 1 (\text{sub})} = 29.54 \text{ kPa}$$

$$\Delta \sigma_b = \frac{54.16 \times 1.2}{1.2 + 2 \rightarrow \text{depth, ds}} = 20.3 \text{ kPa}$$

$$\Delta \sigma = \frac{1}{6} [\Delta \sigma_r + 4 \Delta \sigma_m + \Delta \sigma_b]$$

$$= \frac{1}{6} [54.16 + 4 \times 29.54 + 20.33] = 32.1 \text{ kPa}$$

$$\sigma'_p = \sigma'_o + \Delta \sigma = 22.5 + 32.1 = 54.6 \text{ kPa}$$

$$\sigma_o < \sigma'_p < \sigma_p$$

$$\therefore \delta_c = \frac{C_r}{1+e_o} H \log \frac{\sigma'_p}{\sigma'_o}$$

$$= 0.04 \times 2 \times \log \left(\frac{54.6}{22.5} \right)$$

$$= 0.0308 \text{ m}$$

Layer 2 \Rightarrow

$$\sigma'_o = 58.98 \rightarrow 18 \times 2.5 + (17.8 - 9.81) \left(\frac{3.5}{2} \right) = 58.98 \text{ kPa}$$

$$\Delta \sigma_b \Rightarrow$$

$$\Delta \sigma_r = 2 \Delta \sigma_b (\text{of Layer 1}) = 20.3 \text{ kPa}$$

$$\Delta \sigma_m = \frac{54.16 \times 1.2}{1.2 + 2 + \frac{3.5}{2}} = 13.11 \text{ kPa}$$

$$\Delta \sigma_b = \frac{54.1 \times 1.2}{1.2 + 2 + 3.5} = 9.68 \text{ kPa}$$

$$\Delta \sigma = \frac{1}{6} [\Delta \sigma_r + 4 \Delta \sigma_m + \Delta \sigma_b] = 13.75 \text{ kPa}$$

$$\sigma'_p = 58.98 + 13.75 = 72.73 \text{ kPa}$$

$$\sigma_o < \sigma'_p < \sigma_p$$

$$\sigma_p \Rightarrow 10 \Rightarrow \sigma_p < \sigma_o < \sigma'_p$$

" Normal

$$S_c = \frac{C_u}{1+e_0} H \log \left(\frac{\sigma_p}{\sigma_0} \right)$$

$$S_c = \frac{C_u}{1+e_0} H \log \left(\frac{\sigma_p'}{\sigma_0'} \right)$$

$$= 0.04 + 3.5 \log \left(\frac{65}{58.98} \right)$$

$$= 0.13 + 3.5 \log \left(\frac{72.73}{58.98} \right)$$

$$= 0.028 \text{ m} = 0.0416 \text{ m}$$

* layer 3.00

$$\sigma_0 = \sigma'_{z=18} + 2.5 \times \frac{17-9.81}{2} + (17-9.81) \times 3.5 + (19-9.81) \times \frac{3}{2}$$

$$= 83.95 \text{ kPa}$$

$$\Delta \sigma \Rightarrow$$

$$\sigma_f = \Delta \sigma_b (\text{layer 2}) = 9.68 \text{ kPa}$$

$$\sigma_u = \frac{54.16 \times 1.2}{1.2 + 2 + 3.5 + (3/2)} = 7.92$$

$$\sigma_b = \frac{54.16 \times 1.2}{1.2 + 2 + 3.5 + 3} = 6.7$$

$$\Delta \sigma = \frac{1}{6} [9.68 + 4 \times 7.92 + 6.7] = 8.01$$

$$\sigma_p' = 8.01 + 83.95 = 91.96$$

$$\sigma_p' > \sigma_f > \sigma_b$$

$$S_c = \frac{C_u}{1+e_0} H \log \left(\frac{\sigma_p'}{\sigma_0} \right)$$

$$= 0.05 + 3 \log \left(\frac{91.96}{83.95} \right) = 0.0059 \text{ m}$$

4:30 (191)

7-3-2019.

NO.

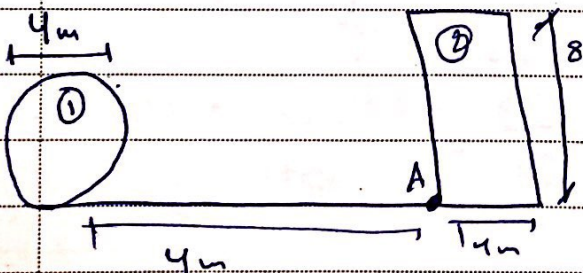
Ex: Determine the settlement under Point A resulted from the two footings.

circle \leftarrow is $\phi = 1.4$
diameter = 4 \rightarrow Sand.
 $E_s = 20 \text{ GPa}$ \rightarrow well compacted.

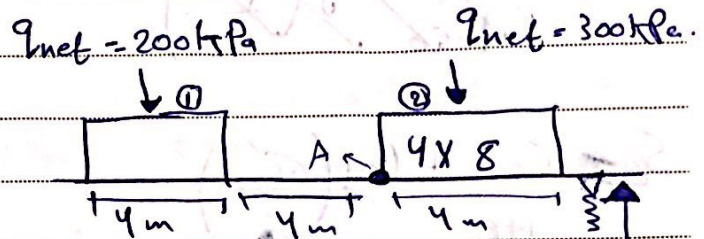
rectangle \leftarrow is 4×8
Fully saturated.

settlement, δ of G to x

$\delta_{TA} = \delta_s + \delta_d + \delta_c + \delta_t$
sand clay/clay clay
distortion secondary consolidation



Net Pressure P_{net}
 q_{net}



$E_s = 20 \text{ GPa}$ $\gamma = 21 \text{ kN/m}^3$

$e_c = 0.6$ $\gamma = 17.81$ clay

$C_r = 0.12$ $C_u = 100 \text{ kPa}$

$C_\alpha = 0.03$ $OCR = 2$

$e_o = 0.825$ $PI = 30$

* Rock.

$$\sigma'_2 = \sigma'_1 + \Delta \sigma = (21.98 - 9.81) \times 2 + (17.81 - 9.81) \times \frac{5}{2} = 42.38 \text{ kPa}$$

$$\sigma'_p = \sigma'_2 + \Delta \sigma$$

$$\Delta \sigma = \Delta \sigma_1 + \Delta \sigma_2$$

$$\Delta \sigma_1 = \frac{I q_o}{100}$$

7:30

(20)

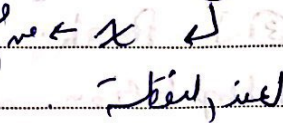
NO.

* Point A - circular footing
Chart 8.22 (p. 22) s.v.

$$d = 4m \quad r = 2m$$

$$* I = \frac{x}{r} = \frac{2+4}{2} = 3m$$

$x \rightarrow$ From chart (key)

Estell $r = x$ 

$$* \frac{z}{r} = \frac{2}{2} = 1 \quad (\text{top})$$

$$I = 0.6 \quad \text{From Fig 8.22.}$$

$$* \frac{z}{r} = \frac{4.5}{2} = 2.25 \quad (\text{mid})$$

$$I = 2.5$$

$$* \frac{z}{r} = \frac{7}{2} = 3.5 \quad (\text{bottom})$$

$$\underline{I = 3}$$

$$\therefore \Delta \sigma_{\text{top}} = \frac{I q}{100} = \frac{0.6 * 200}{100} = 1.2$$

$$\Delta \sigma_{\text{mid}} = \frac{2.5 * 200}{100} = 5$$

$$+ \Delta \sigma_{\text{bottom}} = \frac{3 * 200}{100} = 6$$

$$\Delta \sigma_1 = \frac{1}{6} [1.2 + 4 * 5 + 6] = 4.5 \text{ kPa.}$$

$\Delta \sigma_2 \rightarrow$ rectangular footing.

$$\Delta \sigma_2 = \frac{I q_0}{\text{Factor}} = \text{Fig 8.21}$$

$$\frac{B}{z} = \frac{4}{4.5} \quad \left\{ \begin{array}{l} \frac{L}{z} = \frac{8}{4.5} \quad (\text{mid}) \\ \frac{L}{z} = \frac{8}{4.5} \end{array} \right.$$

$$I \rightarrow m = 0.9 \Rightarrow I = 0.185$$

$$n = 1.78$$

$$(\text{top}) \Rightarrow \frac{B}{z} = \frac{4}{2} = 2 \rightarrow m$$

$$\frac{L}{z} = \frac{8}{2} = 4 \rightarrow n$$

$$I = 0.238$$

$$(\text{bottom}) \Rightarrow \frac{B}{z} = \frac{4}{7} = 0.57 \rightarrow m$$

$$\frac{L}{z} = \frac{8}{7} = 1.14 \rightarrow n$$

$$I = 0.123$$

$$\Delta \sigma = \frac{1}{6} [300 (0.238 + 4 * 0.185 + 0.123)]$$

$$\approx 55.5 \text{ kPa.}$$

FIVE APPLE



11:30

(20)

NO.

$$\Delta \sigma = \Delta \sigma_1 + \Delta \sigma_2$$

$$= 4.5 + 55.5 = 60 \text{ kPa.}$$

$$\sigma_p' = \sigma_0 + \Delta \sigma = 42.38 + 60$$

$$= 102.38 \text{ kPa.}$$

$$\Delta \sigma_p = OCR \sigma_0$$

$$= 2 \times 42.38 = 84.76 \text{ kPa}$$

$$\sigma_0' < \sigma_p < \sigma_p'$$

$$\Delta \sigma_c = \frac{C_r}{1 + e_0} H \log \frac{\sigma_p'}{\sigma_0'}$$

$$+ \frac{C_c}{1 + e_0} H \log \frac{\sigma_p'}{\sigma_p}$$

$$= \frac{0.12}{1 + 0.825} \times 5 \log \left(\frac{84.76}{42.38} \right)$$

$$+ \frac{0.6}{1 + 0.825} \times 5 \log \left(\frac{102.38}{84.76} \right)$$

$$= 0.23$$

sample settlements

& rectangular footing, the

influence Factor

is given by

$$I = \frac{B^3}{B^3 + 4H^3}$$

$$① I = 0$$

$$② I = \frac{1}{4}$$

$$③ I = \text{Peak}$$

interpolation is not applicable

"rectangular" & I

$$(0.1 \rightarrow 0.2) \leftarrow \text{is not}$$

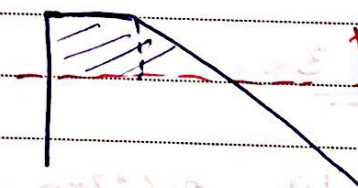
interpolation is not applicable

Peak is not applicable

$$(0.5 \rightarrow 1)$$

$$B = 4 \leftarrow 0.5 \text{ cells}$$

$$0.5 \times 4 = 2$$



I_2

is not applicable

$E_s \rightarrow$ soil modulus

$C_1 \rightarrow$

$C_2 \rightarrow$

$q_{net} \rightarrow$

$$\Delta z = 2$$

sample is not applicable

FIVE APPLE

22

2.20

The Frost Line

(12)

(12)

(22) wet

dry

NO.



distortion clay *
distortion settlement

بتمزق قاعه

A, A_2, q_0, B

$E_u \rightarrow$ modulus

$C_u, P.I., O.C.R$

$\leftarrow \beta$ Table

$\beta, C_u = E_u$

supposition

creep *
to / t

to / t

$C_u \rightarrow$ given

10/3/2019

Factors to Consider in
Foundation design

Footings

II Footing depth and

Spacing should be carried below

1. The Frost Line

في مناطق السور في نجد عند
درجات حرارة أقل من (-10)
فان الجدران الاراضي في مناطق
علوية، والاساس في
فوتنج تحتها وكذا (السور في
الطبقة السفلية، الارام بالاعان
الكبر في مراح السور).

2. Zones of high volume
change due to moisture
Fluctuations:-

في كثر (expansive soil)
حيث في (moisture variation)
بالصفي في حافة راس
فوتنج

water content

شبه

ما ركان في اوج

(2-2.5)

شبه

(قاعة) كبر 2-2.5

FIVE APPLE

narrow

* ما د ازاى نالين

(لغايه 30^m)* ازاى اعمق الحفرة 30^m ← زي كايهفا انا صغر اقل شي $6 \times 5^{0.7}$

* ازاى اعمق حفرة فا اقل شي لازم حفرة

لغايه 3^mbelow footing "win" $\rightarrow (2b \rightarrow 5b)$

square wall

* بينه كل (10^m ← 30^m) طولي، صغولي

Boring hole

* كطوق الحفرة لازم اعرف

2b ← (square)

5b ← (wall)

* اذى الكواحد اللي بي

احدها بينه لا يتأخر سبيل عام

① مربع لغايه

② باليه لغايه لغايه

③ عمق حفرة

④ عمق حفرة

* Lateral earth Pressures:

الضغط الجانبي، اللي جاي على السور

(رغم انهم كين يدعم جانبي)

* Lateral Support:

هدف اللي retaining ← يمنع السور

من الانزياح، وما يتأخر هذا السور اللي

سندناه ايماني ← صغر كذا

كل wall، بخود هذا السور

ذكي Force ← يتكون من

تأثير

1] Cantilever retaining wall

wall

2] Braced excavation: (خندق)

اي حفرة، لازم يكون راسها

العام بينه ← حسب OSHA

3] Sheet Pile

soil Body as water body

* Earth Pressure at Rest

soil under static load.

ما بين اي strain أو

Lateral deformation.

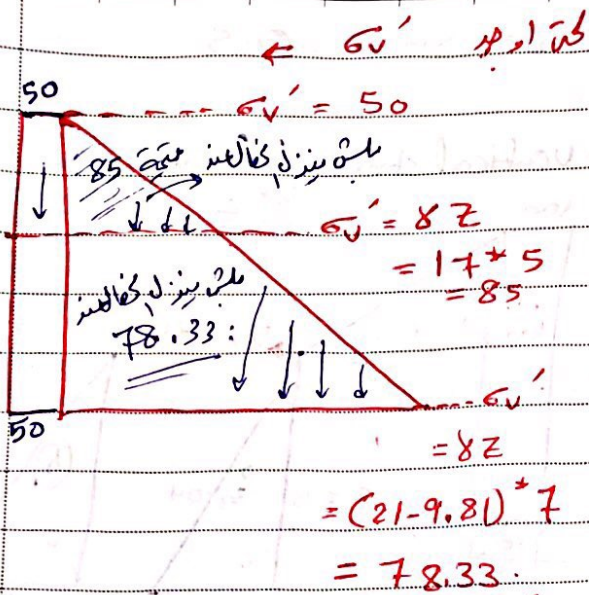
فا حيت انا vertical stress

horizontal stress

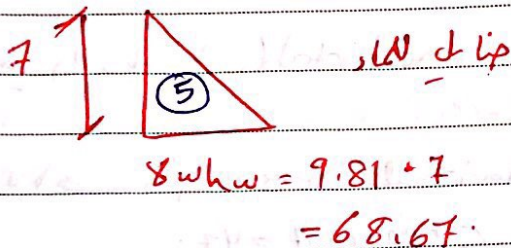
∴ horizontal stress = k

vertical stress

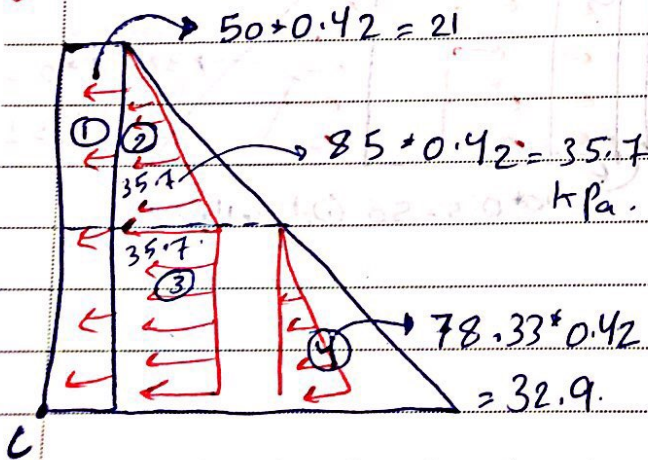
at rest → k_0



قسماً لا فوا، إحدى تغير، water
 هو، على عمق 5m



horizontal،
 التي، $50 \times 0.42 = 21$



بالسيارة لرسمة، water
 horizontal،

vertical،
 Total

Force
 Ai

seg #	$A_i (x_i \times h)$	x_i	$u_i (A_i \times x_i)$
1	$21 \times 12 = 252$	$\frac{12}{2} = 6$	1512
2	$0.5 \times 35.7 \times 5 = 89.25$	$\frac{5 + 12}{2} = 8.67$	773.8
3	$35.7 \times 7 = 249.9$	$\frac{7}{2} = 3.5$	874.65
4	$32.9 \times 7 \times 0.5 = 115.325$	$\frac{7}{3} = 2.3$	264.5
5	$0.5 \times 68.67 \times 7 = 240.3425$	2.3	552.69
Σ	946.45		3977.64

$$\bar{x} = \frac{\Sigma u_i}{\Sigma A_i} = \frac{3977.64}{946.64} = 4.2 \text{ m}$$

$A_i \rightarrow$ Area of every seg.

$x_i \rightarrow$ CG center gravity
 كل area، ارتفاعها
 (دالة تغيرها \sim \sim)

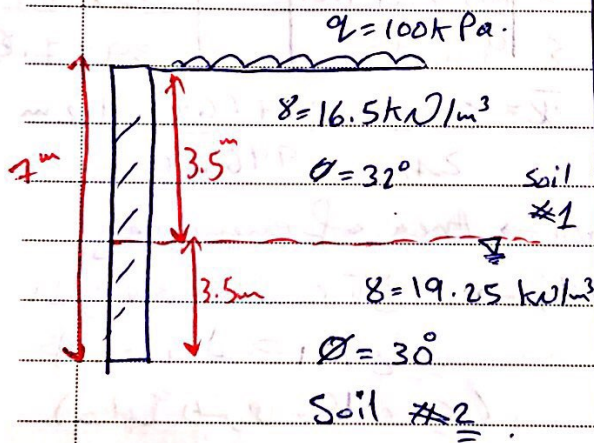
horizontal، Force

Total Force acting
 in the wall.

action of ← direction
Line = 4.2

12/3 .
(at rest) .

Exo. Determine the total horizontal thrust and line of action on the wall at rest condition

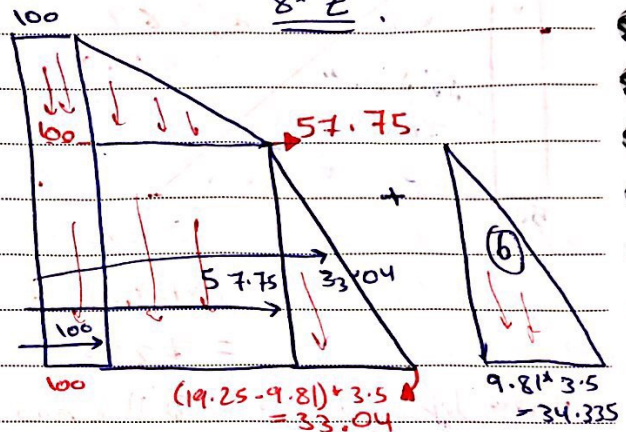


horizontal vertical

$$k_{o(1)} = 1 - \sin \theta = 1 - \sin 32 = 0.47$$

$$k_{o(2)} = 1 - \sin 30 = 0.5$$

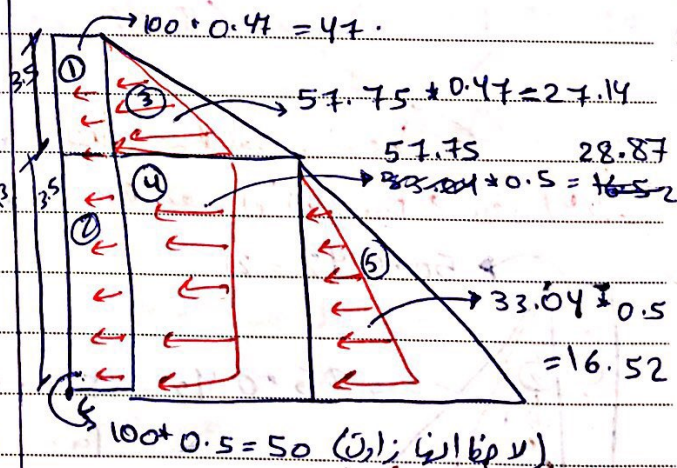
* Vertical stress (effective) + water



$$100 + 3.5 * 16.5 \leftarrow 3.5$$

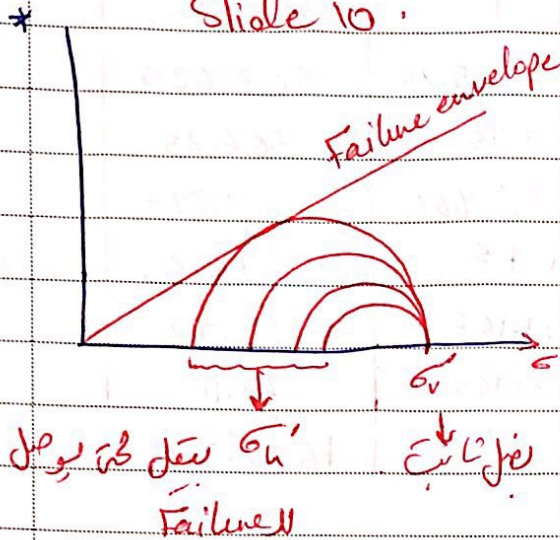
watertable

horizontal stresses



$$\bar{x} = \frac{\sum A_i x_i}{\sum A_i} = \frac{1672.37}{577.035} = 2.89 \text{ m}$$

Slide 10.



فشل تآخري، كذا يحد σ_h σ_v (active).
 (active). Failure لا يحد σ_h σ_v (active).
 + (تآخري) لا يحد σ_h σ_v (active).
 active condition،
 * اكبر σ_v σ_h

$$\sigma_h' = k_a \sigma_v' \text{ (granular)}$$

$$k_a = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi}$$

$$= \tan^2(45 - \phi/2)$$

نينا يزاوي $45 - \phi/2$

* Slide 14.

Cohesion لا يحد σ_h σ_v

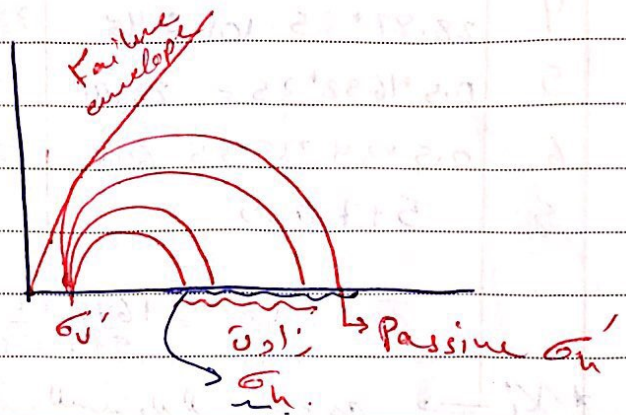
$$\sigma_h(a) = k_a \sigma_v' - 2C\sqrt{k_a}$$

(cohesive)

Slide 15 Passive

لا يحد σ_h σ_v "بعدم قادر" دفع σ_v

$\sigma_v' \rightarrow$ ثابت
 $\sigma_h' \rightarrow$ يزداد



بعدم σ_h يزداد كذا يحد σ_v σ_h (active).
 (active). Failure لا يحد σ_h σ_v (active).
 + (تآخري) لا يحد σ_h σ_v (active).
 active condition،
 * اكبر σ_v σ_h

(الرسمه (مخبر Slide 16)

$$\sigma_h(p) = k_p \sigma_v' \text{ (granular)}$$

$$k_p = \frac{1 + \sin \phi}{1 - \sin \phi} = \tan^2(45 + \phi/2)$$

نينا يزاوي $45 + \phi/2$

$$\sigma_h' = k_p \sigma_v' + 2C\sqrt{k_p} \text{ (cohesive)}$$

at rest - از امانه دره -

active - از امانه دره -

Passive - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

need large displacement Passive

Slide 23

Passive (sand) - از امانه دره -

3 → 14

at rest → (0.4 → 0.6)

active → 0.33 → 0.22

Passive → 3

at rest → 0.5

active → $\frac{1}{3}$

Cohesive soils - از امانه دره -

active - از امانه دره -

1 = K_a - از امانه دره -

0 = ϕ - از امانه دره -

Undrained Condition - از امانه دره -

Slide 24

$$\sigma'_A = K_a \sigma'_V - 2C\sqrt{K_a}$$

$$\sigma'_A = K_p \sigma'_V + 2C\sqrt{K_p}$$

(smooth) - از امانه دره -

vertical wall - از امانه دره -

Slide 25

vertical stresses - از امانه دره -

H - از امانه دره -

active - از امانه دره -

$$\sigma'_A = K_a \sigma'_V$$

active - از امانه دره -

Net Pressure - از امانه دره -

$$\sigma'_A - 2C\sqrt{K_a}$$

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

active - از امانه دره -

14/3 Determine the total horizontal Force on the wall and its line of action case? without consider tensile cracks?

$$q = 50 \text{ kPa}$$

$8 = 18 \text{ kPa}$ $C = 10 \text{ kPa}$
 $\theta = 25^\circ$
 $\gamma_{\text{AT}} = 20.81 \text{ kN/m}^3$
 $C = 25 \text{ kPa}$ $\theta' = 10^\circ$

total active horizontal force:

فہرست اہمات - المصنفات فی هذا

الحمد لله - وموفقهم لها، الفوز حسن

tensile crack \rightarrow gran Fill \rightarrow repair *

Crack Protection by \rightarrow sealing

waterproofing material *

* The same Procedure before (at nest).

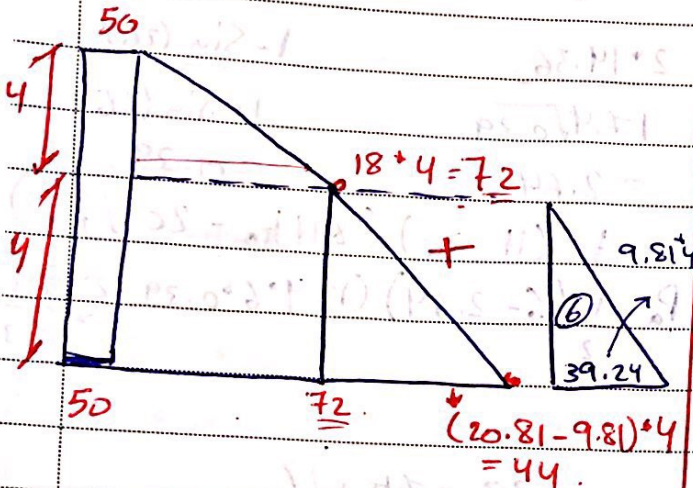
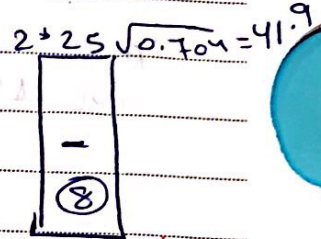
$$\sigma_a = k_a \sigma_v - 2c\sqrt{k_a}$$

① draw vertical effective stresses

② vertical \rightarrow horizontal

Cohesion $c = 10$ kN/m²

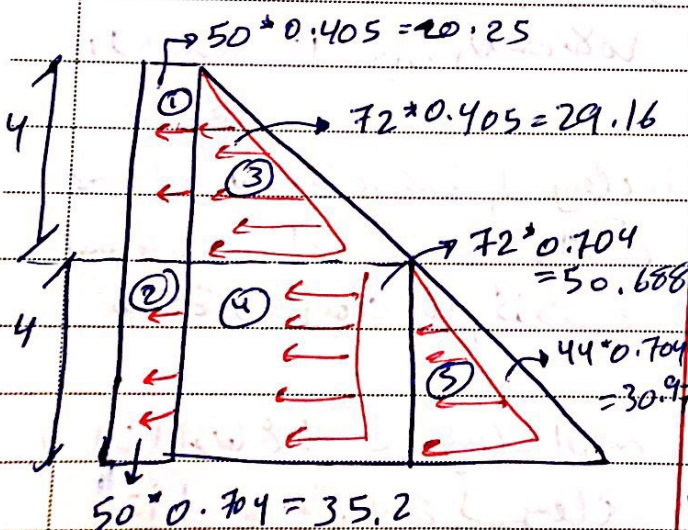
$$2c\sqrt{k_a} = 2 \times 10 \sqrt{0.405} = 12.7$$



$$k_{a1} = \frac{1 - \sin(25)}{1 + \sin(25)} = 0.405$$

$$k_{a2} = \frac{1 - \sin(10)}{1 + \sin(10)} = 0.704$$

Seg #	A_i
1	$4 \times 20.25 = 81$
2	$4 \times 35.2 = 140.8$
3	$0.5 \times 4 \times 29.16 = 58.32$
4	$4 \times 50.688 = 202.75$
5	$0.5 \times 4 \times 30.97 = 61.94$
6	$0.5 \times 4 \times 39.24 = 78.48$
7	$-12.7 \times 4 = -50.8$
8	$-41.9 \times 4 = -167.6$
Σ	$81 + 140.8 + 58.32 + 202.75 + 61.94 + 78.48 - 50.8 - 167.6 = 404.89 = P_a$



x_i	$u_i = x_i \cdot A_i$	
$4 + \frac{4}{2} = 6$	486	$\bar{x} = \frac{\Sigma A_i x_i}{\Sigma A_i}$
$\frac{4}{2} = 2$	281.6	
$4 + \frac{4}{3} = 5.33$	309.096	$= 1024$
$\frac{4}{2} = 2$	405.5	
$\frac{4}{3} = 1.33$	80.522	$= 2.52$
$\frac{4}{3} = 1.33$	102.024	
$4 + \frac{4}{2} = 6$	-304.8	$\Sigma = 1024$
$\frac{4}{2} = 2$	-335.2	

Tensile Crack.

تسحب بالرسو والبال، مثل براسي
Passive & active

$k_p \rightarrow$ بدل k_a
بالل، بالبال
مستتر بالبال

after \Rightarrow هو اللي 2، كآه

$$z_c = \frac{2c}{\gamma \sqrt{k_a}} ; k_a = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi}$$

$$\downarrow$$

$$\frac{2 \times 14.36}{17.4 \sqrt{0.39}}$$

$$= 2.64 \text{ m}$$

$$\downarrow$$

$$\frac{1 - \sin(26)}{1 + \sin(26)}$$

$$= 0.39$$

$$\frac{1}{2} (H - z_c) (\gamma H + k_a - 2c' \sqrt{k_a})$$

$$P_a = \frac{1}{2} (6 - 2.64) (17.4 \times 6 \times 0.39 - 2 \times 14.3 \sqrt{0.39})$$

$$= 38.27 \text{ kN/m}$$

Ex slide 27:

6 m high retaining wall

is to support a soil

with unit weight $\gamma = 17.4$

Soil Friction angle $\phi' = 26^\circ$

and Cohesion $c' = 14.36 \text{ kN/m}^2$

Determine the Rankine

active Force Per unit

length of the wall both

before and after the

tensile crack occurs,

and determine the line

of action of the

resultant in both cases

$$\bar{z} = \bar{x} = \frac{H - z_c}{3} = \frac{6 - 2.64}{3} = 1.12$$

1.12 متر من قاع الجدار
تسحب بالرسو، كآه
tensile crack، كآه
بالبال

كآه اللي 2، كآه
clay، كآه
sand، كآه
clay، كآه

before \rightarrow قبل التسحب

(without tensile crack) كآه

Clay كآه و sand كآه

Table 2.1 كآه

كآه اللي 2، كآه

clay كآه و sand كآه

Out of service

از الان عني sand عني clay

tensile crack

sand ← لا يتعدى حد كس حاد كس كس
tensile crack ← فعل لود ع كس

Shrinkage

از اني tensile crack ← cohesion

س كس

17/3. Rankine's earth
Pressure coefficient for
sloped ground.
Slide 29

$$K_a = \frac{\cos \alpha \cos \alpha - \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi}}{\cos \alpha + \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi}}$$

* لوال الزاوية صفر 1 ← $\cos(0) = 1$

$$K_A = \frac{1 - \sin \phi}{1 + \sin \phi}$$

vertical wall ← لو كان لود حاد
active force ← الل هو
ع لود ع كس
(كس كس كس كس كس)

* افز من لود لود layer
لوان فقط، الل لود الل
منا لود ← فقط لود الل
بالنظر لود (بالنظر لود).

(لن يتعدى الل لود)
افز من

$$K_p = \frac{\cos \alpha \cos \alpha + \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi}}{\cos \alpha - \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi}}$$

* دس موقع لود 1؟ 1: الان صفر

المن فقط، الل فقط لود
المن فقط، الل فقط لود

* از اني Tensile Crack، ما 2
لن يتعدى حد كس (α)

$$z_c = \frac{2c'}{\gamma \sqrt{K_A}}$$

vertical wall ← لو كان لود حاد
smooth ← الل هو
ع لود ع كس
المن فقط، الل فقط لود
ع لود ع كس
Slide 30

* مقدار زاویه لایه‌های سقاها
 * $\beta \leftarrow$ عمق خاک بزرگتر
 * $\alpha \leftarrow$ عمق لایه‌های بزرگتر
 (4)

* برآیند $equilibrium$
 * محاسبه $equilibrium forces$
 * $wall$ برآیند
 * α عمق خاک
 * α عمق خاک
 * α عمق خاک

* P_{max} برآیند
 * α عمق خاک
 * α عمق خاک
 * α عمق خاک
 * α عمق خاک

* $\alpha = 90^\circ$
 * $\alpha = 90^\circ$
 * $\alpha = 90^\circ$
 * $\alpha = 90^\circ$
 * $\alpha = 90^\circ$

* $active$
 * $passive$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

* $\alpha = 20^\circ$

Column identical L Rankine

(36)

NO.

* Earth retaining System ERS

* اداسلايد عني ارتفاعه فكتيف
اما slope ← وهو بيكون عني
ا في كسرة
او صقراقل retaining wall
الغرض لربط بينا رستم انو ارك طرقة
الا في سكونه available وكلفة
قطعا وهو لويل ب محل آمن رسته
بينا بالطرقة بنات ← اما لان
من موفرة لار ا Cut مكلف

-Types of Earth Retaining Structures

نوعه ٥
internally stabilized
externally

- 1- Fill wall Construction.
- 2- Cut "

ترجمه
1- يعني اننا ب ما بين الجدار بي اصب
سويل واعني الغرض لربط بينا رستم
بي اصب الجدار وهو في حال
اي افق سويل

ع- شبة الجدار وهو في حال افق
السويل عانه بين الجدار

* عني الجدار يكون شبة في
صوب ل 2-systems
ار external forces
اللي جاي على الجدار او internal forces
واللي سبب لربط ال Friction
الرفع دافل السويل system
احتكاك دافل (والتي) والناك
اللي سويل Tension

① Rigid Gravity and semi-

* CIP → هم اللي ر
* CIP → نطهم
* Pre Fabricated → بلوكات
ال concrete (كل بلوك مثل حجر عتري)
بيكون اقل واحد وزن 25
وكجهم حوزة رسته
* Crib wall → على شكل سرير
وربب سويل
ري ريان
* Bin wall → في الاطراف لاطراف
Concrete وسيل
قطع جاهزة
* Gabion wall → قفص سويل
(الاسلاك) بكون حجارة

* أكبر H استعمدة الراس 9^م هذا كلهم يتنوع ويقل المعنى كما في
 - يمكن استخدام 8 متر أو 9^م إلى جاي 8 أكبر
 بارني انبي wall ناي، لندن
 اني اقلو اقلو .
 وانه جاي 8 أكبر فته (concrete)
 او اقلو او اسود الى حوقته
 advantages:
 1- السليم والفتح وهو دور
 ماله .
 2- يتنوع لطول قاسق وقدر
 3- اني 8 جاي 8

اللي بيانا نظريه فقط بياد كجوزم الالوان
 CIP.
 (Cast in Place) concrete
 cantilever wall.
 مقولة T →
 مقولة عن الجور ك
 retaining wall
 او لست اني 8
 جاي 8 قاسق اقل طرف
 اني 0.4H والكر
 ارتفاع 0.7H
 اذا كان 10^م ، دور
 عرض (7^م → 4)
 مقولة 1- ويمنع القوسه
 جاي 8 كلس من لافه
 1- بناء بطول وقت طويل، لست
 اول ستر بي excavation
 بي اقل Formwork روبرا
 concrete casting
 ودرها اصبر اقل 7 ايام
 concrete curing
 ودرها Filling
 Cost. (backfill)
 2- 3- ازالة ارتفاع اكر عاك
 من اسود معن، يمكن اقله
 تيم موقت وهذا كله زمان
 4- ما يتنوع settlement لأن
 concrete
 هو الاكر اسد لاً بالالم .

19/3

Retaining wall -Applications.

2, 3, 4

راجع المبدأ
 4 Slide ر حقا المرفق
at rest in Basement

* ان ابري اسن هـ اـ مـ Concrete
 او Reinforced concrete
 منقطة اسن هـ اـ مـ 0.3
 مـ مـ مـ مـ مـ مـ مـ مـ مـ مـ
 مـ مـ مـ مـ مـ مـ M (Safe)

* Gravity Retaining Walls.

مـ مـ مـ مـ مـ مـ مـ مـ مـ مـ
 masonry or concrete

* لقاسة مـ مـ مـ Safe
 مـ مـ مـ M
 (0.5 → 0.7) * H

* Cantilever Retaining walls

Cantilever Gravity مـ مـ مـ
 Chunk of concrete

* مـ مـ مـ مـ مـ M
 Shear مـ مـ مـ M
 0.1 H

L or To مـ مـ مـ M
 Shear

* مـ مـ مـ M Passive
 0.1 H ← extension
 M M M M

retaining مـ مـ M
 Conventional Ret. wall مـ مـ M
 مـ مـ مـ مـ M

* M M M M M
 M M M M M
 (0.02) min.

① مـ مـ M sloping مـ M
 not sloping مـ M
 مـ مـ M مـ M
 M M M M M

* toe M M M M M
 M M M M M

بالسود

* heel لاكتشاف (Rankine) active

* موقع Force

horizontal vertical

line

heel لاكتشاف

B

(Slide 8)

active

horizontal

ازا كان السور بارتفاع واحد، موقعه

الارتفاع $H/3$ ، لكنه

ما يقع مركزه عن مركز السور

horizontal

slide 9

active

vertical

Coulomb

Coefficient

بما ان السور بارتفاع واحد، موقعه

الارتفاع $H/3$ ، لكنه

active

Force

Friction

Concrete

* استقرار السور (Stability Checks)

* 1- Overturning about toe

horizontal forces

rotation

toe

2- Sliding along base

Concrete

Passive

horizontal force

3- Bearing Capacity Failure of the wall footing

4- Settlement

5- Overall Stability

(Stability)

slide 12 80

C=0 abla Backfill بالرسبة

و ليس حرجاً ، δ_1, ϕ_1 و بالنتيجة ، δ_2, ϕ_2, c_2 بالنتيجة

الأسفل

* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances

①

* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances

Concrete ، ② Limbs

③ Limbs recharge ، ④

④ \leftarrow Triangle concrete ، *⑤ \leftarrow concrete ، \uparrow ances ، *horizontal \leftarrow active ، *

vertical ،

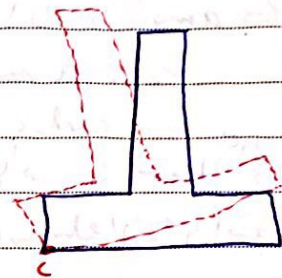
Passive \leftarrow active ،* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances

* Slide 13 (Overturning)

$$\text{Overturning} = \frac{\sum M_p}{\sum M_a}$$

arm.

$$= \frac{P_h h/3 + \sum (W_i x_i)}{P_h h/3}$$

* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow anceshorizontal force ، \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances
 $\sum M_o$ = The moment forces tending (to the right) to overturn the wall

 $\sum M_p$ \rightarrow Resistance moment

الأسفل

* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances* \uparrow ances ، \uparrow ances ، \uparrow ances

$F_{over} \geq 2-3$

* اتقنا 1, 2 و 3 area

concrete 3, 5

Concrete
با 8 و 10 و 12
على 12 و 14 و 16

ماد، لا يمكن معرفة $\tan(k, \phi_2)$

$\phi_2 \rightarrow$ اسد كنه كنه

$k_1 \rightarrow (0.5-0.67)$ داي

Concrete 1 و 2

$k_2 \rightarrow 0.67$

active force, vertical component

$$F_{sliding} = (\Sigma V) \tan(k, \phi_2) + B k_2 C_2 + P_p \cos \alpha$$

اما 1 و 2 و 3 و 4 و 5

(gross) او 1 و 2 و 3 و 4 و 5

horizontal component

Net 1 و 2 و 3 و 4 و 5

حاصل 1 و 2 و 3 و 4 و 5
1 و 2 و 3 و 4 و 5

* Sliding

horizontal force 1 و 2 و 3 و 4 و 5

Normal force 1 و 2 و 3 و 4 و 5

all vertical forces

1 و 2 و 3 و 4 و 5

1 و 2 و 3 و 4 و 5

$B \rightarrow$ عرض، 1 و 2 و 3 و 4 و 5

$k_2 C_2 \rightarrow$ adhesion (1 و 2 و 3 و 4 و 5)

(Cohesion 1 و 2 و 3 و 4 و 5)

Clay 1 و 2 و 3 و 4 و 5

adhesion 1 و 2 و 3 و 4 و 5

$B k_2 C_2$

\downarrow

$= k_1$

$P_p \rightarrow$ Passive force

$F_{sliding} \geq 1.5$

(1 و 2 و 3 و 4 و 5)

تحتل على كل الاحتمالات تأخذ
وحسب $F_{sliding}$ و F_{up}
اقل من 1.5 ، سقوطه اسوي 1.2

بالنسبة لدراسة لقائمة جداول
اغل حفرة تحت ، سباجي
مع لقائمة $\leftarrow key$

1- Use Stronger Back Fill

بديل السول ، بدل ما ايجي سول
الزادو 20 ، يجب سول الزادو
الو 40 $\leftarrow ka$ ، لا تقل
و بالتالي horizontal force تقل
(مكلف)

* Bearing Capacity

$$e = \frac{B}{2} - \frac{\sum u p - u_0}{\sum (V - p)} \leq \frac{B}{6}$$

$$q_{toe} = q_{max} = \frac{\sum V}{B} (1 + \frac{6e}{B})$$

2- Install Tieback anchor

1.2 anchor ،
الكراس ما اسوي ، رقت بتكون
بالكم صرحت من انكسرت ، رقت
فوت قضا ، رقت رقت بالسول

$$q_{heel} = q_{min} = \frac{\sum V}{B} (1 - \frac{6e}{B}) > 0$$

$$F_{B.C} = \frac{q_{ult}}{q_{max}} \geq 3.0$$

3- Extended the heel

كامل اكتر ال heel ، بغير لقائمة
no heel ، وهو رقت
excavation غير ، و backfill
غير (مكلف)

$q_{ult} \rightarrow$ Before (wall)

G.B.C.

Shape Factors = 1
depth, inclination
مساحة

4. Provide Key (الزادو)

ال Key بغير ال shear ، بالتالي
بغير ال Passive
ما بد حله حسابان ال active

ال active ، ال active
ال active ، ال active

و بى- الماء $water Pressure$ دى بى- ارتفاع

٥٥ Ullinella nana n. sp.

لازمیاتی های فیلتر
- فیلتر (Filter) ، برای جابجایی
- پمپ ، برای انتقال و توزیع

Percent passing
 $D_{15}(F) < 5.75 \text{ mm}$

$D_{85}(B)$ عن رافعه
السوي لعمري راف
 $D_{15}(F) \geq 4$ الما ما مجموع وما
 $D_5(B)$ مفنا لا وقى كدا

د. ش. ع. الفيلسوف د. ش. ع. لا لا لا (Backfill)

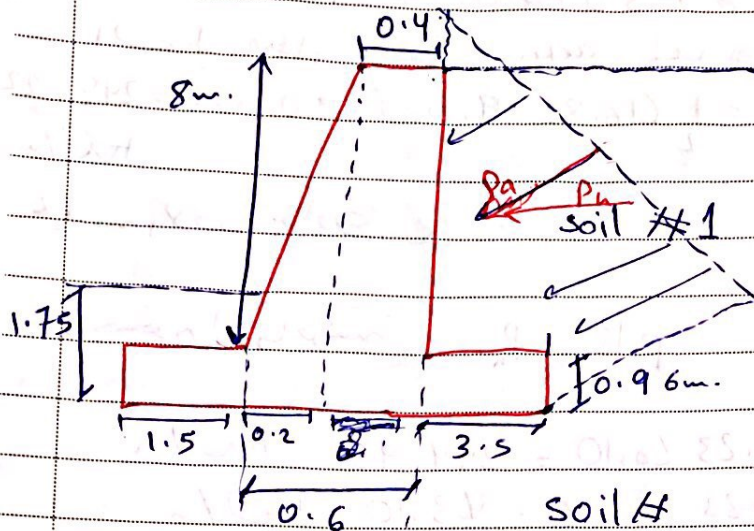
* عا - اصغر ما وقع الحفظ به
اصغر دائماً ان يكون هو لافضل
او قد يكون للاعب -

و اما در حالت افقی، نیروی کشش در جهت افقی و عمود بر نیروی وزن است.

• $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$

21/3

Ex



ارتفاع السور
بالخلف

$$\gamma_1 = 16.8 \quad \gamma_2 = 17.6 \quad \gamma_{\text{conc}} = 23.6 \quad \phi = 32^\circ \quad C_1 = 0$$

$$\phi_2 = 28 \quad C_2 = 30 \text{ kPa} \quad \text{ارتفاع السور في منطقة Passive} \leftarrow 1.75 \text{ m}$$

retaining wall.

determine if the R.W shown is safe against

① Overturning ② Sliding ③ B.C.

if $q_{ult} = 1740 \text{ kPa}$.

SOL:

$$\text{II } K_a = \frac{\cos \alpha \cos \phi - \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi}}{\cos \alpha + \sqrt{\cos^2 \alpha - \cos^2 \phi}} \Rightarrow \alpha = 10^\circ \quad \phi = 32^\circ$$

$$K_a = 0.32$$

horizontal (أو السور), Passive, Active

$$K_p = \frac{1 + \sin \phi}{1 - \sin \phi} = \frac{1 + \sin 28}{1 - \sin 28} = 2.77$$

Passive (أو السور)

$$H' = 0.96 + 8 + 3.5 \tan 10 = 9.58$$
$$P_a = \frac{1}{2} H' (8H') k_a = \frac{1}{2} (16.8 + 9.58)^2 \cdot 0.322 = 248.23 \text{ kN/m}$$

الحی علیہ الافق بزواوہ

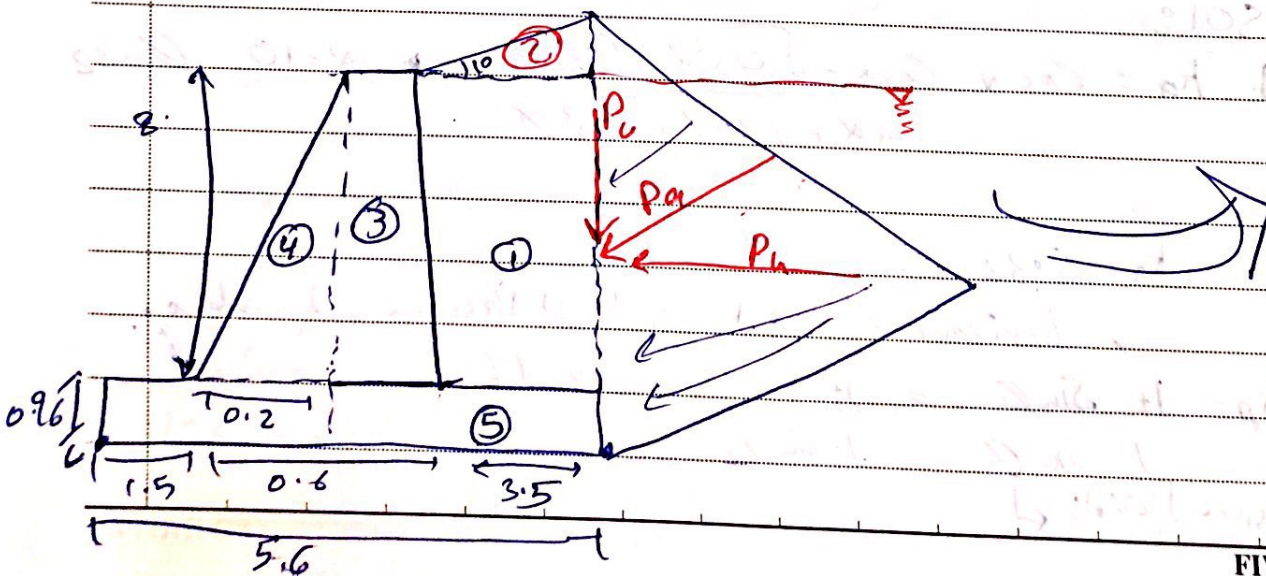
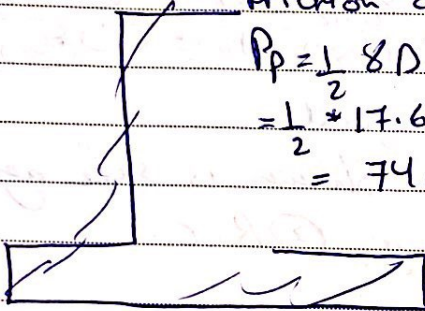
$$P_n = P_a \cos \alpha = 248.23 \cos 10 = 244.43 \text{ kN/m}$$

$$P_v = P_a \sin \theta = 248.23 \sin 10 = 43.10 \text{ kN/m}$$

$$P_p = \frac{1}{2} \rho D^2 K_p + 2 C_D \sqrt{K_p}$$

$$= \frac{1}{2} * 17.6 * 1.75^2 + 2.77 + 2 * 30 * 1.75 * \sqrt{2.77}$$

$$= 74.65 + 174.75 = 249.40 \text{ kNm}$$



15
(46)

13 min

NO.

Sec #	Ai	wt.	Xi	uli = $\frac{Xi \cdot wt_i}{\sum (Xi \cdot wt_i)}$ (kN-m)
γ_{soil} (1)	1	3.5 * 8 = 28	470.4	1.5 + 0.6 + $\frac{3.5}{2} = 3.85$
	2	$\frac{1}{2} * 3.5 * 3.5 \tan 10 = 1.08$	18.144	$\frac{2}{3} * 3.5 + 1.5 + 0.6 = 4.43$
γ_{conc}	3	0.4 * 8 = 3.2	75.52	1.5 + 0.2 + $\frac{0.4}{2} = 1.9$
	4	$\frac{1}{2} * 0.2 * 8 = 0.8$	18.88	1.5 + $\frac{2}{3} * 0.2 = 1.63$
	5	5.6 * 0.96 = 5.37	126.87	5.6 / 2 = 2.8
Pv		43.1	5.6	241.36
Σ		752.92		2662.286

Concrete ①, ②, ③, ④, ⑤, ⑥, ⑦, ⑧, ⑨, ⑩, ⑪, ⑫, ⑬, ⑭, ⑮, ⑯, ⑰, ⑱, ⑲, ⑳, ㉑, ㉒, ㉓, ㉔, ㉕, ㉖, ㉗, ㉘, ㉙, ㉚, ㉛, ㉜, ㉝, ㉞, ㉟, ㊱, ㊲, ㊳, ㊴, ㊵, ㊶, ㊷, ㊸, ㊹, ㊺, ㊻, ㊼, ㊽, ㊾, ㊿

* wt. = Ai * γ → Conc. weight

① → wt = 28 * 16.8 = 470.4 ③ → 23.6 * 3.2 = 75.52

② → wt = 1.08 * 16.8 = 18.144 ⑤ → 5.37 * 23.6 = 126.87

④ → 0.8 * 23.6 = 18.88

* Xi → arm (c = center of gravity)

* uli = Xi * wt. (kN-m/m).

□ F.S = $\frac{\sum ul_i}{\sum ul_o} = \frac{2662.286 + 74.65 * \frac{1.75}{3} + 174.75 * \frac{1.75}{2}}{780.64}$

* ulo = $\frac{P_h * H'}{3} = \frac{244.46 * 9.58}{3} = 780.64$

3 → 3
→ 3.66 > 2 ok

if we don't take passive → 3.41 > 2 ok

Passive pressure, active pressure, resultant, etc.

26/3

NO.

* Ex: A gravity retaining wall is shown in Fig. P8.4. Calculate the Factor of Safety with respect to overturning and sliding, given the following data:

Wall dimensions: $H = 6\text{ m}$, $x_1 = 0.6\text{ m}$, $x_2 = 2\text{ m}$

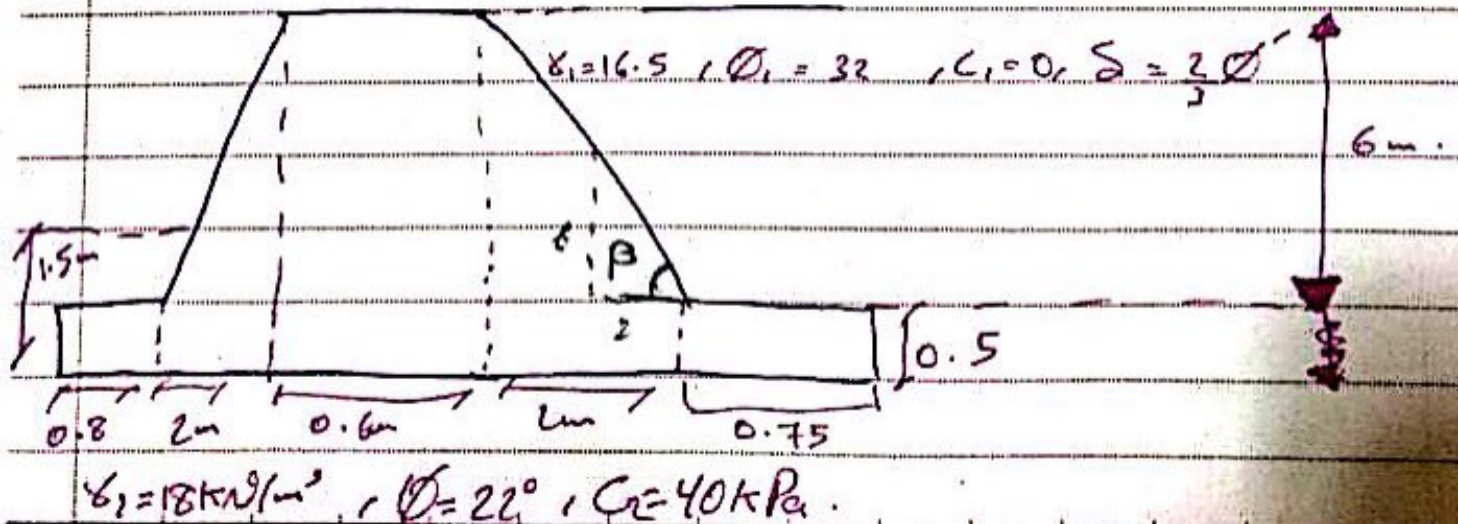
$x_3 = 2\text{ m}$, $x_4 = 0.5\text{ m}$, $x_5 = 0.75\text{ m}$, $x_6 = 0.8\text{ m}$

$D = 1.5\text{ m}$.

Soil Properties: $\gamma_1 = 16.5\text{ kN/m}^3$, $\phi_1' = 32^\circ$, $\gamma_2 = 18\text{ kN/m}^3$
 $\phi_2' = 22^\circ$, $C_2' = 40\text{ kPa}$.

Required: P_a , P_h , P_v
 Components of active earth pressure.

$u_h \rightarrow$ horizontal component $\} \approx \Sigma u_i$
 $u_v \rightarrow$ vertical component



* we will use columb's case. (مطابق جز)

Do α

بسط افقی

SOLⁿ

$$* k_a = \frac{\sin^2(\beta + \alpha)}{\sin^2 \beta \sin(\beta - \delta) \left[1 + \frac{\sin(\delta + \delta) \sin(\delta - \alpha)}{\sin(\beta - \delta) \sin(\alpha + \beta)} \right]^2}$$

$$\alpha = 0, \beta = \tan^{-1}\left(\frac{6}{2}\right) = 71.56^\circ, \delta = 32, \delta = \frac{2}{3} \cdot 32 = 21.3$$

$$k_a = \frac{\sin(71.56 + 32)}{(\sin(71.56))^2 \sin(71.56 - 21.3) \left[1 + \frac{\sin(32 + 21.3) \sin(32 - 0)}{\sin(71.56 - 21.3) \sin(0 + 71.56)} \right]^2}$$

$$= \frac{0.972}{2.62} = 0.3709$$

(مطابق مع لاکتور "0.437")

$$* b = \frac{1}{2} * (8H) H' k_a = \frac{1}{2} * 16.5 * 6.5^2 * 0.437$$

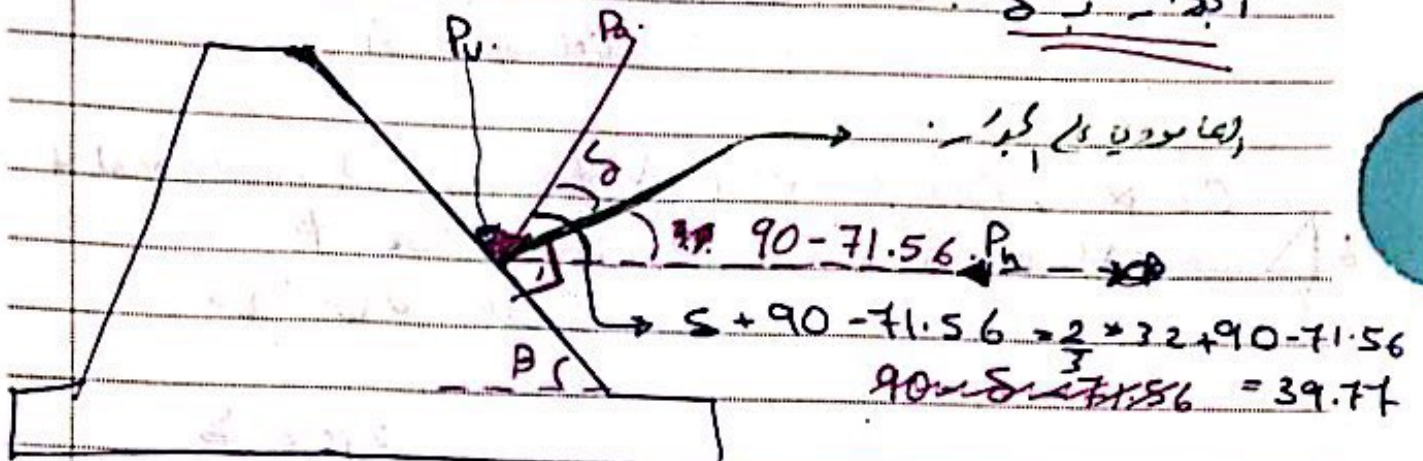
$$= 152.32 \text{ kN/m}$$

بسط افقی



مقایسه Coulomb و منیل P_a بزرگتر مقدار هاست لغابودی ب

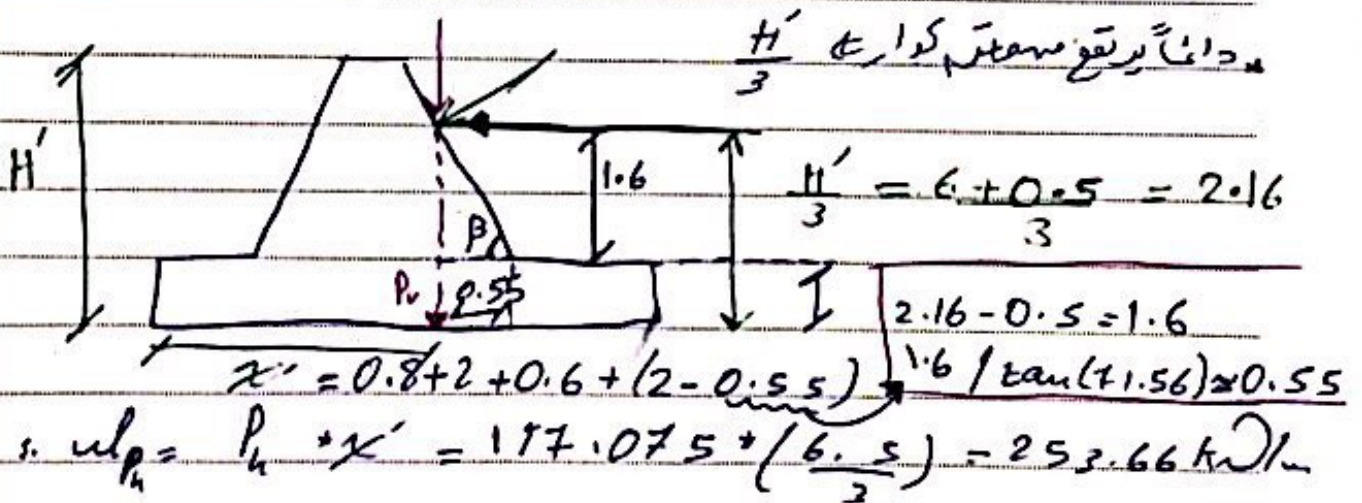
اگر δ ب δ



$$P_h = P_a \cdot \cos 39.77 = 152.32 \cdot \cos 39.77 = 117.075 \text{ kN/m}$$

Horizontal P_a \sin

$$P_v = P_a \sin 39.77 = 97.44 \text{ kN/m}$$



(مقدار H' کلان از آنجایی که P در $H'/3$ است)

$$M_p = 97.44 \cdot (0.8 + 2 + 0.6 + 2 - 0.55) = 472.58 \text{ kN/m}$$

ما يورثه من استعمل للرفوف كذا طينة لآسيا
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب

لأوروبا \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب

$$\frac{2}{3} \leq \frac{5}{2}$$

لأوروبا \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب

لأوروبا \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب
 كولومب \rightarrow كولومب \rightarrow كولومب